

## ملاحظاتی برای تدوین دستگاه عددنویسی فارسی میانه و انکاس آن در فارسی نو

ابراهیم واشقانی فراهانی\*

### چکیده

دستگاه عددنویسی یکی از اجزای مهم و بحث‌انگیز سامانه‌های خط است که دو بعد دارد و به‌سادگی به صورت نوشتاری عدد محدود نمی‌شود. دشواری عددنویسی از یکسو به ماهیت عدد و نحوه موجودیت آن در هر زبان بازمی‌گردد که خود نتیجه نوع نگرش متفاوت هر تبار به هستی است و بعد دوم به نحوه نگارش موجودیت‌های عددی در هر زبان مربوط است؛ بنابراین، با اینکه عددنویسی پدیده‌ای در حوزه خط است، نمی‌توان آن را پدیده‌ای صرفاً خطی دانست، بلکه برای توصیف دستگاه عددنویسی لازم است که به نوع نگرش و بینش اقام و ملل به هستی و مخصوصاً بینان‌های اساطیری بینش هر ملت توجه شود. فارسی میانه نیز از این رهیافت مستثنی نیست و یکی از لازمه‌های مغفول پاسخ‌گویی به ابهامات دستگاه عددنویسی فارسی میانه، همین توجه به نوع نگرش به هستی و مخصوصاً باورهای اساطیری ایرانیان است. در این مقاله، در ادامه تلاش‌هایی که تاکنون برای تدوین و توصیف دستگاه عددنویسی فارسی میانه شده است، ملاحظاتی دیگر درباره این دستگاه پیشنهاد می‌شود و پاسخ برخی از ابهامات در دستگاه عددنویسی فارسی میانه در خلال این ملاحظات به بحث گذاشته می‌شود. نیز برخی از بقایا و انکاس‌های این دستگاه در زبان و خط فارسی نو پیگیری می‌شود که از یکسو به تدوین دستگاه عددنویسی فارسی میانه یاری می‌رساند و از سوی دیگر، درک واژه‌ها و متون فارسی نو را تسهیل می‌کند. یافته‌های مقاله گویای ممکن‌بودن توصیف دستگاه‌وار عددنویسی فارسی میانه است و در این کار باری گرفتن از بینان‌های اساطیری ایرانی راهگشا و دارای اهمیت است. این مقاله درنهایت مدعی تدوین دستگاه عددنویسی فارسی میانه نیست و ملاحظات و پیشنهادهایی برای تدوین این دستگاه ارائه داده است.

**کلیدواژه‌ها:** عدد، دستگاه عددنویسی، پهلوی ساسانی، فارسی میانه، فارسی نو، اساطیر.

\*دانشیار زبان و ادبیات فارسی دانشگاه پیام نور، تهران، ایران، vasheghani1353@pnu.ac.ir



تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۱۰/۱۱ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۳/۲/۳

دوفصلنامه زبان و ادبیات فارسی دانشگاه خوارزمی، سال ۳۲، شماره ۹۷، پاییز و زمستان ۱۴۰۳، صص ۲۹۱-۳۱۵

## Considerations for Compiling the Middle Persian Numeral System and Its Reflection in Modern Persian

Ebrâhim Vâsheqânî Farâhâni\*

### Abstract

The numeral system is one of the most important and challenging components of the writing system, which has two dimensions and is not simply limited to the written form of numbers. The challenge of number writing, on the one hand, is due to the nature of numbers and the way they exist in each language, which itself is the result of the different attitude of each nation to existence, and the second dimension of the challenge is related to the way of writing numerical entities in each language. Therefore, even though number writing is a phenomenon of the writing system, it cannot be considered a purely inscriptive phenomenon, but to describe the numeral system, it is necessary to pay attention to the type of attitude and vision of peoples and nations towards existence and especially the mythological foundations of the attitudes of each nation. Middle Persian is no exception to this approach, and one of the neglected requirements for responding to the ambiguities of the Middle Persian numeral system is the attitude towards existence, particularly the mythological beliefs of Iranians. Following the valuable efforts made so far to compile and describe the Middle Persian numeral system, this article proposes other considerations while discussing the answers to some uncertainties still existing in the Middle Persian numeral system. Moreover, some of the traces and reflections of this system are tracked in the Modern Persian language and script, which on the one hand helps compile the Middle Persian numeral system and on the other hand, facilitates the understanding of Modern Persian words and texts. The findings of this study show that it is possible to describe the Middle Persian numeral system, and to do so, seeking help from the mythological foundations of Iranian thought is beneficial and crucial. The present article does not claim it has formulated the Middle Persian numeral system, although it presents considerations and suggestions for compiling it.

**Keywords:** Number, Numeral System, Sasanian Pahlavi, Middle Persian, Modern Persian, Mythology.

\*Associate Professor of Persian Lanuage and Literature, Payâm-e Noor University, Tehran, Iran. [vasheghani1353@pnu.ac.ir](mailto:vasheghani1353@pnu.ac.ir)

## ۱. مقدمه و بیان مسئله

عدد یا شماره پدیده‌ای چندوجهی است که از جنبه‌های گوناگون می‌توان به آن نگریست و توصیف کرد. از دید فلسفی، عدد کم منفصل است؛ زیرا هر عدد پدیده‌ای جدا از عدد پیشین و پسین خود است. این کم منفصل دربرابر کم متصل است که اشکال هندسی‌اند. دانش ریاضی مجموعه تأملات و اندیشه‌های بشر درباره کمیت‌ها است. این دانش درباره امور انتزاعی است؛ زیرا در عالم واقع اشیا وجود دارند نه خود کمیت‌ها که از اشیاء منزع شده‌اند (ملاصدرا، ۱۴: ۲۰۰۲)، با این حال برخی از مکاتب فلسفی اعداد را ماهوی و واقعی می‌دانند. از مهم‌ترین این مکتب‌ها می‌توان به فیثاغورثیان اشاره کرد که جوهره فلسفه‌شان چنین بود: «همه هستی عدد است» (Boyer, 1991: 54). آنان هرچه را هست (موجودات) و هرچه را می‌شود (قواعد هستی) عدد می‌دانستند (هومن، ۱۳۴۸: ۸۸). از دید آنان، عدد حقیقت هستی است و «یک» حقیقت عدد است (فروغی، ۱/۱۳۴۴: ۶). با این تعبیر، صفر عدد نیست و یک را نیز نمی‌توان عدد محسوب کرد، بلکه یک پایه اعداد است. این دیدگاه درباره صفر میان همه اقوام و اندیشه‌های کهن مشترک بوده است و درباره یک نیز گاه چنین دیدگاهی وجود داشته است (برای نمونه: بیرونی، ۱۳۸۷: ۳۳، ۳۴).

عدد در زبان‌ها و سامانه‌های خطی بشر حضور بسیار متنوع دارد و به سختی می‌توان دستگاه‌های عدندنویسی را شمارش و دسته‌بندی کرد. با این حال، با نظر به پرکاربردترین و مشهورترین دستگاه‌های عدندنویسی و با نادیده‌گرفتن مواردی که دستگاه‌ها در هم تداخل دارند، می‌توان دو گروه اصلی برای دستگاه‌های عدندنویسی در نظر گرفت: عددواژه‌ها و عدددهای نمادین.

**عددواژه‌ها:** عدد جزئی از زبان است که نه بر خود اشیا، بلکه بر کاهش و افزایش اشیا دلالت می‌کند؛ پس، عدد نه شیء بلکه وضعیتی برای شیء است و از این جهت، عدد گونه‌ای صفت است و اگر به تنهایی به کار رود، ضمیر است. ازانجاكه عدد جزئی از زبان و واژه‌ای از طبقه دستوری صفت (و گاه ضمیر) است، می‌توان آن را مانند دیگر صفت‌ها و ضمیرها نوشت؛ یعنی با تلفیقی از واژه‌ها و مطابق آنچه خوانده می‌شود: یک، دو، سه، چهار و... . چنین پدیده‌ای را می‌توان «عددواژه» نامید؛ یعنی واژه‌ای که عدد است، یا به تعبیر دیگر، عددی که مانند واژه‌های دیگر با ترکیبی از واژه‌ها نوشته شود، اما مقدار عدد اگر بزرگ شود و در نتیجه نگارش عدد طولانی شود، ممکن است دردرس‌هایی ایجاد کند؛ به‌ویژه در متن‌های ریاضی. باید بهنحوی عدد را کوتاه‌تر کرد و به جای نوشتن عدد در قالب واژه، آن را به صورت‌های نمادین

مختصر کرد. اینجا است که دستگاه عددنویسی نمادین ظاهر می‌شود و این دستگاه خود بر دو گونه اصلی است: اعداد تصویری و اعداد غیرتصویری.

**دستگاه عددنویسی تصویری:** عده‌های تصویری شکل‌های واقع‌نمای منتزع از طبیعت بیرونی‌اند. معروف‌ترین نمونه از این گونه عددنویسی از آن مصریان باستان در چارچوب خط هیروغلیف است (Allen, 2010: 103).

|   |    |     |      |       |        |        |
|---|----|-----|------|-------|--------|--------|
| ۱ | ۱۰ | ۱۰۰ | ۱۰۰۰ | ۱۰۰۰۰ | ۱۰۰۰۰۰ | $10^6$ |
|---|----|-----|------|-------|--------|--------|

نمونه‌ای از دستگاه عددنویسی تصویری در مصر باستان

**دستگاه عددنویسی غیرتصویری:** با توجه به دشواری گسترش‌پذیری دستگاه عددنویسی تصویری، دستگاه‌های عددنویسی دیگری پدید آمد که وجه اشتراکشان آن است که انتزاعی‌اند، اما تصویری و واقع‌نمای نیستند. این اعداد را می‌توان در دو گروه جای داد:

(الف) اعداد حروفی: حروف الفبا ترتیب دارند، مانند ترتیب ابجدی، ترتیب ابتشی، ترتیب ابدحی و دیگر ترتیب‌ها. می‌توان هر حرف را، مطابق با ترتیب‌ش، نماد یک عدد دانست. معروف‌ترین نمونه‌های این گونه عددنویسی، دستگاه حساب جمل (حساب‌های ابجد، ابتش، ابدح...) در میان مسلمانان، دستگاه عددنویسی یونانی، و دستگاه عددنویسی رومی است. یونانیان ۲۷ نویسهٔ الفبای خویش را چنین میان عده‌ها بخش کرده بودند که نه نویسهٔ نخست، اعداد ۱-۹، نه نویسهٔ دوم، دهگان ۱۰-۹۰، و نه نویسهٔ آخر، صدگان ۱۰۰-۹۰۰ بود و عده‌های میان این عده‌ها با کنار هم چیدن عده‌های موجود پدید می‌آمد، اما برای مرتبه‌های بالاتر عددی، مانند هزار و دههزار و بالاتر، نیاز به نویسه‌های تکمیلی بیرون از دستگاه بود. دستگاه عددنویسی رومی نیز همین نقص را داشت و دستگاهی خودبسنده و بی‌نیاز از نویسه‌های کمکی نبود. اعداد بابلی باستان را نیز می‌توان گونه‌ای دیگر از عددنویسی حروفی انگاشت، اما ترتیب نویسه‌ها و نحوه دلالتشان بر عده‌ها تابع قواعد خاص خود است (جعفری نائینی، ۱۳۹۹).

(ب) اعداد رقومی: اعداد رقومی را می‌توان آخرین سطح از تکامل دستگاه‌های عددنویسی تاکنون دانست. عده‌های رقومی نمادهایی کاملاً انتزاعی‌اند که صرفاً برای نمایش عدد ابداع

شده‌اند، در حالی که عده‌های حروفی میان حرف و عدد مشترک‌اند. دستگاه‌های عددنویسی رقومی هم متنوع‌اند، اما بیشتر براساس تعداد ویژگی‌های هندسی، مانند زاویه‌ها، رأس‌ها و دندانه‌ها، بر اعداد دلالت می‌کنند، مانند ۱ که یک دندانه دارد و ۲ که دو دندانه دارد و ۳ که سه دندانه دارد و در دستگاه عددنویسی فارسی میانه، تا عدد ۴ به صورت پیوسته و سپس تا عدد ۹ به صورت گسسته، شمار دندانه‌ها بر مدلول عدد دلالت دارد و البته این قاعده، موارد نقض و نمونه‌های ناسازگار هم دارد. در برخورد با این نمونه‌های ناسازگار است که لازم می‌شود ملاحظات کیفی نیز بر ملاحظات کمی افزوده شود و دیگر نمی‌توان عدد را پدیده‌ای صرفاً ریاضی دانست و باید اذعان کرد که عدد در فرهنگ و اندیشهٔ بشری پدیده‌ای به‌غایت پیچیده و کثیرالوجوه است.

امروزه، در خط فارسی نو و در میان مسلمانان و در خطوط اروپایی و آنچه از اروپاییان منشعب شده است، از اعداد هندی برهمنی استفاده می‌شود که گونه‌ای از اعداد رقومی هندسی است (حاسب طبری، ۱۳۴۹: ۳). این اعداد با تغییراتی و احتمالاً به میانجی نهضت ترجمة اوایل روزگار عباسیان در میان مسلمانان رواج یافت، اما نمی‌توان تردید که ایرانیان پیش‌اپیش این دستگاه را می‌شناختند و احتمالاً خود ایرانیان در تعامل با هندیان مبدأ پیدایش این دستگاه بودند. در سال ۱۵۶ هجری، مردی از هند به دربار منصور عباسی آمد که با کتاب حساب هند آشنا بود، پس منصور، ابراهیم فزاری را فرمود که با گروهی، آن کتاب را به عربی برگرداند و سپس محمد بن‌موسى خوارزمی، ریاضی دان ایرانی، کتاب *الجمع و التفریق* بحساب الهند را به سال ۲۱۰ هجری بر اساس آن کتاب نگاشت (هونکه، ۱۳۶۱: ۱۰۹، ۱۱۰) و همین کتاب خوارزمی است که از قرن سیزدهم میلادی و با تلاش‌های لئوناردو فیبوناچی اساس اعداد هندسی نوین اروپایی شد (*Encyclopedia Britannica*, 2006).

خط فارسی میانه در چهار گونهٔ اصلی کتابی، کتبه‌ای، زبوری و مانوی نگاشته می‌شود. از آن میان، گونهٔ کتابی هفت قلم اصلی دارد که یکی از آنها هامدبیره است. هامدبیره همان قلمی است که به‌طور معمول خط پهلوی ساسانی یا خط فارسی میانه خوانده می‌شود. هامدبیره افزون بر نگارش واژه‌ها برای نگارش عده‌ها نیز به کار می‌رود. عده‌های فارسی میانه در چارچوب هامدبیره هم به صورت عدداوازه نوشته می‌شوند و هم به صورت نمادین. نمادهای دستگاه عددنویسی فارسی میانه همان حروف هستند و در حقیقت دستگاه عددنویسی فارسی میانه در اساس خود حروفی است، اما شگفت آن است که رفتارهای رقومی هندسی پرنگی

از خود نشان می‌دهد و این احتمال قوی است که همین دستگاه عددنویسی فارسی میانه با رفتارهای هندسی اش پایه و اساس دستگاه عددنویسی هندی برهمنی باشد که بعدها با تحولاتی به ایران و جهان اسلام بازمی‌گردد و در میان اروپاییان نیز منتشر می‌شود. پس یک مسئله مهم درباره دستگاه عددنویسی فارسی میانه آن است که بررسی شود رفتارهای هندسی عددنویسی فارسی میانه تحت چه قوانینی عمل می‌کند و چگونه می‌توان این رفتارها را به صورت دستگاهوار توصیف کرد.

از سوی دیگر، عددهای فارسی میانه، به شکلی کاملاً آشکار، رفتار ادواری دارند. ماهیت و سبب این رفتارهای ادواری مورد پرسش و محل ابهام بوده است که چرا اعداد تا چهار یک رفتار را دارند و دیگر یکان تا نه رفتاری متفاوت دارند و نه نیز رفتاری دیگر دارد (جعفری متله کلائی و گشتاسب، ۱۳۹۶: ۳۴). به گمان نگارنده، در چنین مواردی است که باید به طور جدی به نوع نگرش هر تبار به هستی توجه کرد. حقیقت آن است که ایرانیان باستان همه‌چیز را در حاله‌ای از اساطیر می‌دیدند؛ بنابراین، دور نیست که رفتارهای متفاوت و ادواری عددها در فارسی میانه نیز فرعی از دیدگاه‌های اساطیری ایرانیان بوده باشد.

مسئله دیگر که در تدوین دستگاه عددنویسی باید در نظر داشت، قواعد تکثیر عددها است. ایرانیان در گامی روبروی جلو در سیر تکامل دستگاه عددنویسی، همه عددها را با هشت نشانه و یک عددوازه می‌نوشتند، بی‌آنکه نیازمند نویسه کمکی شوند. ارزش چنین دستگاهی آن‌هنگام معلوم می‌شود که برای نمونه با دستگاه عددنویسی یونانی مقایسه شود که ۲۷ نشانه داشت و افزون بر آن به نویسه‌های کمکی برای بازنمودن ۱۰۰ و مراتب بالاتر نیازمند بود یا دستگاه‌های عددنویسی تصویری که تعداد نویسه‌هایشان در بُعد نظری باید به تعداد همه اشیا و حالاتشان باشد، حال آنکه دستگاه عددنویسی فارسی میانه، نشانه‌های خویش را بسیار تقلیل داده است و در عوض با قواعد تکثیر، از این نشانه‌های اندک، اعداد بی‌شمار می‌سازد. در این هنگام، این پرسش مطرح می‌شود که قواعد تکثیر اعداد از این هشت نشانه چگونه بوده است. در این باره پژوهش‌های ارزشمندی انجام شده است. در مقاله حاضر نیز با لحاظ کردن اصل سادگی، تلاش می‌شود قواعد تکثیر عددها براساس جایگاه اعداد نسبت به هم توصیف شود.

نیز ملاحظاتی درباره کسرنویسی مطرح می‌شود تا نوشتمن کسرها بیش از پیش تحت قاعده آید و دوگانه کسرهای صورت یک و کسرهای صورت بیش از یک رفع شود و تحت یک فرآیند توصیف شوند.

طی اين ملاحظات و پيشنهادها، برخى انكاسها و بقایاى دستگاه عددنويسي فارسي ميانه در فارسي نو کاويده مى شود که از يكسو، بسان شاهد برای نمونه های فارسي ميانه مى توان به کارشان برد و از سوی ديگر ديدی تازه برای درک متون فارسي ميانه فراهم مى آورد. اما چنان که پيش از اين گفته شد، همه اين ملاحظات و پيشنهادها در طول تلاش هاي ارزشمندي است که تاکنون برای تدوين دستگاه عددنويسي فارسي ميانه شده است و باید ذيلی بر اين تلاش ها بهشمار آيد و نمی توان اين ملاحظات و پيشنهادها را برابر با تدوين دستگاه عددنويسي فارسي ميانه دانست.

### ۱.۱. پيشينه تحقيق

در باره دستگاه های عددنويسي به طور عام و دستگاه عددنويسي فارسي ميانه به طور ويزه، تاکنون آثار پژوهشي در خور توجهی منتشر شده است:

نامور فرگي و ابراهيمی (۱۳۹۱) در مقاله «بررسی چگونگي پيدايش و تغيير اعداد در زبان فارسي از ديدگاه زبان شناسی» سير تحول اعداد از دوره فارسي باستان تا فارسي نو را بررسی کرده اند.

تاروپرديزاده و همکاران (۱۳۹۸) در مقاله «مقاييسه ارقام و سيسیتم شمارش قوم های کهن ايراني با ديگر اقوام» به بررسی دستگاه های عددنويسي ميان رودان و مقاييسه آن با ديگر دستگاه های عددنويسي و از جمله آنچه در ميان ايرانيان رايچ بوده است پرداخته اند. جعفری متھ کلائي (آريا بزرگمهر) و گشتاسب (۱۳۹۶) در مقاله «معرفی دستگاه عددنويسي پهلوی و رهیافتی مؤثر به حساب اعداد پهلوی» پس از معرفی نويسه های عدد فارسي ميانه به توصيف قواعد حساب اعداد پرداخته اند.

حسيني شکرabi (۱۳۹۰) در كتاب بررسی نقش اعداد از باستان تاکنون به بررسی تاريخ اعداد و مفاهيم آنها در دوره های مختلف تاريخ پرداخته است. اين نوشتار تلاشی است در جهت بررسی تاريخچه و فلسفه اعداد، مطالعه نقش اعداد در علم نجوم، و بررسی ساخت اعداد در زبان های ايراني.

شفيعي سرارودي و حسن نسب (۱۳۹۷) در مقاله «تجلي عدد چهار در نقوش سفالينه های پيش از تاريخ در ايران» نخست با بررسی ماهيت عدد در ميان اقوام و ملل، اهميت عدد چهار در باورهای بشری را بررسی کرده و درنهایت به تجلی عدد چهار در سفال های باستانی ايران پرداخته است.

**۲. بحث****۲.۱ برخی موانع و ضروریات تدوین دستگاه عددنویسی فارسی میانه**

پیش از آنکه به توصیف دستگاه عددنویسی فارسی میانه پرداخته شود، نخست برخی از موانع تدوین این دستگاه مرور می‌شود و عواملی که می‌تواند راهگشا باشد، معرفی می‌شود:

۲.۱.۱. ایرانیان میلیون‌ها عدد را می‌شناختند، چنان‌که در یادگار زریبار سخن از تاختن یکمیلیون و سیصد و ده هزار سپاهی تورانی به ایران است (آسانا، ۱۳۷۱: ۹، بخش پهلوی) و در بندھش/یرانی، سخن از عدد شش میلیون و چندصد هزار است (بندھش/یرانی، بی‌تا: ۲۳)، اما واضح است که ایرانیان میلیون‌ها عدد را بالفعل در متون خویش به کار نبرده‌اند و نوشته‌اند و اعداد به کاررفته در متون بسیار کمتر از آن است که تأمل در آنها به سادگی و سرراست منجر به کشف و تدوین قواعد منسجم دستگاه عددنویسی شود.

۲.۱.۲. متون فارسی میانه نیز خود آن تعداد نیستند و بدان وسعت نیستند که با تکیه بر شواهد آمده در آنها بتوان به همه ابهام‌ها درباره عده‌های فارسی میانه پاسخ داد. بیشتر این متون یادداشت‌های کوتاه چندصدوازه‌ای‌اند و متن‌های مفصل‌تر نیز درباره موضوعات گوناگون‌اند و عدد در آنها کاربرد اتفاقی و مناسب موقعیت دارد.

۲.۱.۳. گاه از یک عدد دو نگارش هست یا عکس، یک نگارش را به دو عدد می‌توان خواند و این نیز موجب برخی ابهام‌ها در تدوین دستگاه عددنویسی فارسی میانه است.

۲.۱.۴. اما یک مانع دیگر در شناخت و توصیف ساختمند عددنویسی فارسی میانه، تمرکز بر خود عدد بسان عدد است که باعث تقلیل موضوع می‌شود. نباید فراموش کرد که ایرانیان تقریباً همه‌چیز را در هاله‌ای از اساطیر می‌دیدند و درک می‌کردند و همه‌چیز برایشان معنیابیت از بنیادهای اساطیری بوده است، از دین و دولت گرفته تا تاریخ‌نگاری و جغرافی و جانورشناسی و هرچیز دیگر. پس چرا سامانه اعداد چنین نباید؟ بنابراین در برخورد با مبهمات دستگاه عددنویسی فارسی میانه، شاید لازم باشد که گاه از جنبه‌های کمی این دستگاه فاصله بگیریم و به جهان‌بینی ایرانیان برویزه در ساخت اساطیری مراجعه کنیم و پاسخ ابهامات را در آن ساحت بجوییم. به تعبیر دیگر، دستگاه عددنویسی فارسی میانه می‌تواند دستگاهی ریاضی و کمی باشد که تحت دستگاهی بزرگ‌تر یعنی اساطیر ایرانی عمل می‌کند.

## ۲. نویسه‌های اعداد در فارسی میانه

با توجه به آن اعداد که در متن‌های برنامه‌ریزی میانه به کار رفته است، دستگاه عدندنویسی این زبان دارای هشت نشانه و یک عددواژه است بدون نیاز به هرگونه نشانه کمکی و تکمیلی که در دیگر دستگاه‌های عدندنویسی از قبیل دستگاه‌های یونانی و بلاروسی به کار می‌رفته است. این هشت نشانه و یک عددواژه عبارت‌اند از:

|      |     |     |    |    |    |    |    |   |
|------|-----|-----|----|----|----|----|----|---|
| ۱۰۰۰ | ۱۰۰ | ۱۰۰ | ۸۰ | ۶۰ | ۴۰ | ۲۰ | ۱۰ | ۱ |
| دو   | دو  | دو  | ده | ده | ده | دو | دو | د |

یک، حرف (b) است که با تکرار آن، عددهای یکان فراهم می‌آید. سپس ۱۰ است که با (g) و صورت‌های نگارشی دیگر (d) و (q) یا مشابه آن (k) نگاشته می‌شود. در دهگان، عددهای ۱۰، ۲۰، ۴۰، ۶۰ و ۸۰ دارای استقلال‌اند و عددهای دهگان میان آنها از طریق اتصال (h) به سمت چپ عدد پیشین فراهم می‌آید. دو عدد ۱۰۰ و ۱۰۰۰ نیز نویسه‌مستقل دارند و سرانجام نوبت به عددواژه (ل) می‌رسد که همان بیور (bēwar) مشهور در متون فارسی نو است و معادل دههزار است و از ترکیب آن با خودش و دیگر اعداد، عددهای بزرگ تا بی‌نهایت پدید می‌آید بی‌آنکه نیاز به نشانه‌های کمکی و تکمیلی باشد.

از ترکیب هشت نویسه‌بنیادین، اعداد فارسی میانه به شرح این جدول تکثیر می‌شوند و

گسترش می‌یابند:

|                |        |      |              |    |    |
|----------------|--------|------|--------------|----|----|
| sīh            | دو     | ۲۰   | yak/ ē /ēvak | ر  | ۱  |
| čehel          | چه     | ۴۰   | Dō           | ر  | ۲  |
| čehel ud yak   | چه     | ۴۱   | Sē           | س  | ۳  |
| panjāh         | پنج    | ۵۰   | Čahār        | س  | ۴  |
| šast           | شش     | ۶۰   | Panj         | س  | ۵  |
| haftād         | هفت    | ۷۰   | Šaš          | س  | ۶  |
| haštād         | هشت    | ۸۰   | Haft         | س  | ۷  |
| nawad          | نود    | ۹۰   | Hašt         | س  | ۸  |
| sad/ ē sad     | ده     | ۱۰۰  | nō/noh       | س  | ۹  |
| sad ud yak     | ده     | ۱۰۱  | Dah          | د  | ۱۰ |
| dō sad         | دو     | ۲۰۰  | Yāzdah       | و  | ۱۱ |
| hazār/ ē hazār | هزار   | ۱۰۰۰ | Wist         | د  | ۲۰ |
| dō hazār       | دوهزار | ۲۰۰۰ | wist ud yak  | در | ۲۱ |

در این جدول برای بازنمودن نحوه افزودن یکان به اعداد بزرگ‌تر، هر بار علاوه بر  $x$  (برای نمونه ۵، بیست، چهل و صد)،  $x+1$  نیز نمایش داده شده (برای نمونه، یازده، بیست و یک، چهل و یک و صد و یک)، اما برای رعایت اختصار از  $x+2$  و  $x+3$  و... صرف‌نظر شده است.

### ۲. ۳. نحوه استخراج نویسه‌های بنیادین اعداد فارسی میانه

هر دستگاه عددنویسی برای نمایش اعداد نویسه‌هایی دارد. برخی از دستگاه‌ها به لحاظ تعداد نویسه‌های عددی باز هستند، مانند دستگاه‌های عددنویسی تصویری که در سطح نظری باز و نامحدودند و این در سطح عملی ممکن است نقص باشد. برخی از دستگاه‌ها نیز دستگاه‌های بسته‌اند و با تعداد محدودی نویسه‌بنیادین، سعی در بازنمایی همه اعداد دارند، مانند دستگاه عددنویسی جمل مسلمانان و دستگاه‌های عددنویسی یونانی و رومی و این بسته‌بودن نویسه‌های بنیادین در عمل ممکن است حسن باشد. پس این پرسش نیز طرح‌پذیر است که تعداد نویسه‌های دستگاه عددنویسی فارسی میانه چندta است و چگونه می‌توان آنها را استخراج کرد. در این باره، میان منابع اتفاق نظر نیست؛ هم به‌سبب تفاوت دیدگاه‌ها و هم بدان سبب که شاید این منابع از اساس نیازی به تقلیل نویسه‌ها به نویسه‌های بنیادین ندیده‌اند. به‌زعم آموزگار و تفضلی «برای نگارش اعداد نشانه‌های زیر به کار می‌رود» (آموزگار و تفضلی، ۱۳۷۵: ۵۸) و سپس ۲۶ نویسه را ذکر کرده‌اند (همان، ۵۸، ۵۹)، اما با این ملاحظه که آنان نمونه‌هایی از جنس  $x+y$ ، مانند یازده (۹) که ترکیب  $1+10$  است و اعدادی از جنس  $xy$ ، مانند دویست (سکم) را که  $100\times 2$  است، در فهرست خویش ذکر کرده‌اند، می‌توان چنین انگاشت که در بی‌تعیین نویسه‌های بنیادین نبوده‌اند. دیگر منابع نیز به ذکر نویسه‌های عددی در شمار بسیار پرداخته‌اند (جنیدی، ۱۳۶۰: ۶۶-۶۹؛ نیلوفری، ۱۳۸۹: ۸؛ نیبرگ، ۱۳۸۹: ۱۷۳). از آنجاکه اعدادی هم‌ساختار و اعدادی دارای الگوی  $yx$  (مانند یازده) و اعدادی دارای الگوی  $yx$  (مانند دویست و سیصد) در فهرست آنان مشاهده می‌شود، می‌توان چنین انگاشت که تعیین تکلیف نویسه‌های بنیادین در ذهن‌شان نبوده است. در این میان، یک منبع به‌خوبی تعیین نویسه‌های بنیادین را هدف خویش قرار داده است: «در خط فارسی میانه کتابی، همه اعداد با یازده عدد و یک عدد-واژه ساخته می‌شوند که عبارت‌اند از یک، دو، سه، چهار، ده، بیست، چهل، شصت، هشتاد، صد، هزار و واژه بیور» (جعفری متله‌کلائی و گشتاسب، ۱۳۹۶: ۳۳). در حقیقت، این منبع اعدادی مطابق با الگوهای  $yx$  و  $xy$  را حذف کرده و با طی کردن روندی کاهاشی به یازده نویسه رسیده است. اکنون می‌توان پرسید که آیا می‌توان

این روند کاهشی را ادامه داد؟ منبع یادشده، عددهای ۵، ۶، ۷، ۸ و ۹ را که مصدق  $y+x$  هستند حذف کرده است. پس همین کاهش را می‌توان به همان دلیل (تبعیت از  $y+x$ ) درباره ۲، ۳ و ۴ نیز ادامه داد و به این فرض نیاز نخواهد بود که این سه عدد، نویسه‌های مستقل دانسته شوند؛ زیرا هر کدامشان از تکرار یک یا از افزودن یک به عدد پیش از خود پدید آمده‌اند. حقیقت آن است که اساس همهٔ یکان، همان یک است و تنها در نحوهٔ تکرار و ترکیب یک است که سه دورهٔ متفاوت (۱-۴، ۵-۸ و ۹) دیده می‌شود نه در ماهیت این اعداد که تکرار یک است (دربارهٔ این ادوار بحث خواهد شد). دیدگاه فلسفی نیز بر آن است که همهٔ اعداد از تکرار یک پدید آمده‌اند (بیرونی، ۱۳۸۷: ۳۳، ۳۴) و این انشعاب از یک در صورت نگارشی یکان فارسی میانه کاملاً مشهود است:

ل ← لد (۳) ← لدد (۳) ← لددد (۳) ← لدددد (۳)

و...

بنابراین، موافق با اصل سادگی، به این فرض نیازی نیست که ۲، ۳ و ۴ نویسهٔ مستقل محسوب شوند و اگر چنین فرضی شود، لازم است که ۵، ۶، ۷، ۸ و ۹ نیز نویسهٔ مستقل فرض شوند و آن‌گاه نویسه‌های عددی فارسی میانه با افزودن این پنج نویسهٔ شانزده تا خواهد بود، نه حتی یازده تا.

بنابر آنچه شرح داده شد، پیشنهاد پژوهش حاضر آن است که نویسه‌های بنیادین در دستگاه عددنویسی فارسی میانه، هشت نویسه (همراه با یک عددوازه، یعنی بیور) باشد. این هشت نویسه عبارت‌اند از: یک (۱)، ۱۰ (۱۰)، ۲۰ (۲۰)، ۴۰ (۴۰)، ۸۰ (۸۰)، ۱۰۰ (۱۰۰) و ۱۰۰۰ (۱۰۰۰). این هشت نویسه، قابل تجزیه معنی‌دار نیستند و به همین‌سبب است که باید بنیادین به شمار روند. برای نمونه،  $\frac{۱}{۱۰}$  که نویسهٔ هزار است، بسیط است و قابل تجزیه معنی‌دار به  $\frac{۱}{۱۰} + \frac{۱}{۱۰}$  نیست؛ زیرا اگرچه  $\frac{۱}{۱۰}$  وجود دارد،  $\frac{۱}{۱۰}$  برای  $\frac{۱}{۱۰}$  یا  $\frac{۱}{۱۰} + \frac{۱}{۱۰}$  وجود ندارد و هیچ رابطهٔ معنی‌داری میان  $\frac{۱}{۱۰}$  برای تبدیل شدن به ۱۰۰۰ حاکم نیست. یا  $\frac{۱}{۱۰}$  که معادل ۶۰ است، بسیط است و اگر به  $\frac{۱}{۱۰} + \frac{۱}{۱۰}$  تجزیه شود، ۵۰ خواهد شد و اگر به  $\frac{۱}{۱۰} - \frac{۱}{۱۰}$  تجزیه شود، ۴۰ خواهد بود، نه ۶۰؛ بنابراین، هشت نویسهٔ یادشده به سبب تجزیه‌ناپذیری معنی‌دار، نویسه‌های بنیادین هستند و در گام سپسین باید به تدوین قواعدی برای تکثیر نامحدود اعداد از این هشت نویسه (و عددوازهٔ بیور) پرداخت.

## ۲. قواعد تکثیر اعداد از هشت عدد بنیادین

بهزعم نگارنده، دستگاه عددنویسی پهلوی به لحاظ تعداد نویسه‌ها، بسته و به لحاظ تکثیر اعداد، باز و نامحدود است و این ویژگی را قواعد تکثیر اعداد در تلفیق با هشت نویسه بنیادین و یک عددواژه (بیور) تأمین می‌کند. چنان‌که گفته شد، قواعد باید به گونه‌ای پیشنهاد و تدوین شوند که مطابق اصل سادگی باشند، استثنای خورند یا در مقایسه با پیشنهادهای موازی، استثنای کمتری بخورند. پیشنهاد نگارنده برای تکثیر اعداد از نویسه‌های بنیادین دستگاه عددنویسی فارسی میانه، مبتنی بر یک اصل و دو قاعده است: اصل جایگاهی بودن نگارش اعداد، قاعدة تکثیر جمعی و قاعدة تکثیر ضربی.

### ۲.۱. اصل جایگاهی بودن دستگاه عددنویسی فارسی میانه

اصل پیشنهادی آن است که دستگاه عددنویسی پهلوی، برخلاف تصور اولیه، جایگاهی و مکان محور است. برای تقریب این موضوع به ذهن، نمونه‌ای از دستگاه عددنویسی هندی برهمنی در فارسی نو آورده می‌شود. در عدد ۲۹، معنای ۲ که بیست است، با توجه به جایگاه ۲ که در خانهٔ دهگان است، معلوم می‌شود و اگر ۲ در ۲۹۰ به خانهٔ صدگان برود، دیگر معنای بیست را نخواهد داشت. این پدیده به‌سبب جایگاهی بودن دستگاه عددنویسی برهمنی است. دستگاه عددنویسی فارسی میانه نیز برخلاف آنچه ممکن است در نگاه نخست به نظر برسد، دستگاهی جایگاهی است، اما بهشیوهٔ خودش. در دستگاه عددنویسی فارسی میانه، بهنگام تکثیر و اشتقاق اعداد، عدد بزرگ‌تر ستون شاخص است و اعداد کوچک‌تر به‌نسبت جای‌گیری در سمت چپ یا راست این شاخص و مطابق دو قاعده که در ادامه شرح داده می‌شود، صاحب معنی می‌شوند.

### ۲.۲. قاعدة تکثیر جمعی

قاعده نخست در تکثیر و اشتقاق اعداد فارسی میانه قاعدة تکثیر جمعی است، بدین شرح که در ساختار عدد مرکب، هرگاه عدد کوچک‌تر در سمت چپ عدد بزرگ‌تر قرار گیرد، با آن جمع شده است و ساختار آن عدد مطابق با الگوی  $y+x$  است. این فرآیند ممکن است به‌صورت مجزی رخ دهد، مانند  $۱۰+۱۱$  که  $۱۰+۲۰$  است،  $۳۰+۹$  که  $۱۰+۴۰$  است و  $۵۰+۵$  که  $۱۰+۴۰$  است، یا ممکن است به‌صورت عطفی رخ دهد، مانند سکه ۱۹ (دویست و چهل) (کارنامه اردشیر بابکان، ۱۳۸۲: ۲) که ۴۰ در سمت چپ ۲۰۰ جای گرفته، پس با آن جمع شده است و این جمع به‌صورت عطفی رخ داده است. تکثیر جمعی عطفی در متون فارسی نو نیز در اعداد بیش از بیست (بیستویک، بیستودو و...) کاملاً آشکار است و در اعداد زیر بیست نیز گاه دیده

مي شود، مانند «ده و دو» که عدد بزرگ‌تر در سمت راست است، پس عدد کوچک‌تر که در چپ است با آن جمع شده است و اين جمع جنبه عطفی دارد:

ابر ده و دو، هفت شد کخدادی گرفتند هریک سزاوار جای  
(فردوسی، ۱/۱۳۶۶)

موارد بسیار نادر که در عمل در متون فارسی ميانه با این قاعده نمی‌خواند، ممکن است صرفاً سهووالقلم، سلیقه و تفاوت‌های نسخه‌شناختی باشد؛ زیرا در همان متون، شکل به‌قاعدۀ همان عددها نیز به‌کار رفته است، برای نمونه عدد هفت در همه بندهش بارها به‌صورت سه‌سی‌آمده که مطابق قاعده است و عدد کوچک‌تر با آمدن در سمت چپ، با عدد بزرگ‌تر جمع شده است، اما در فصل «درباره چگونگی زایش هر سرده»، یکبار و تنها یکبار به‌صورت سه‌سی‌آمده است. جالب‌توجه این است که در همین فصل نیز چندبار دیگر عدد هفت به‌صورت قاعده‌مندش یعنی سه‌سی‌آمده است و یکی از این موارد قاعده‌مند درست در همان سطري است که نگارش خلاف قاعده آمده است (بندهش /يراني، بي تا: ۹۲)، بنابراین، چنین مواردي را که گاه در دیگر متون نیز به‌صورت نادر و در نمونه‌های منحصر به‌فرد دیده می‌شود، نمی‌توان رخدادی در دستگاه عدديویسي دانست، بلکه باید رخدادی در متن محسوب کرد که علل گوناگونی می‌تواند داشته باشد.

#### ۴.۲. ۳. قاعده تکثیر ضربی

قاعده دوم تکثیر اعداد در دستگاه عدديویسي فارسی ميانه قاعده تکثیر ضربی است، بدین شرح که به پیروی از اصل شاخص‌بودن عدد بزرگ‌تر برای معنی‌بخشی به عدد کوچک‌تر، هرگاه در عدد مرکب، عدد کوچک‌تر در سمت راست عدد بزرگ‌تر باید، در آن ضرب شده است؛ برای نمونه سه‌سی‌آمده (۲۰۰)، که  $100 \times 2$  است و سه‌سی‌آمده (۳۰۰) که  $100 \times 3$  است و سه‌سی‌آمده (۴۰۰) که  $100 \times 4$  است و سه‌سی‌آمده (۵۰۰) که  $100 \times 5$  است. اين قاعده که شاید امروزه برای خواننده بسیار ساده و ابتدایی به‌شمار آيد، تجلی دقیق و درخشان جایگاهی‌بودن دستگاه عدديویسي فارسی ميانه و جهشی خیره‌کننده نسبت به دستگاه‌های دیگر مانند دستگاه‌های یونانی و بابلی است. تحت اين قاعده، هر عدد معنای خود را، که وابسته به مرتبه‌اش است، بلافصله از عدد پس از خود می‌گيرد و عدد بزرگ‌تر بیانگر مرتبه عدد کوچک‌تر است، چنان‌که در سه‌سی‌آمده (۲) معنای خویش را که  $200$  و وابسته به مرتبه‌اش یعنی صدگان است، از عدد پس از خود یعنی سه‌سی‌آمده (۳) می‌گيرد و همان عدد سه‌سی‌آمده (۳) در ساختار سه‌سی‌آمده، معنای خود را که  $2000$  است،

از مرتبه‌اش که هزارگان است و به صورت  $\underline{\underline{x}}$  آمده دریافت می‌کند. با توجه به آنکه دستگاه عددي‌نويسی هندی موسوم به خروشتنی به احتمال بسیار زیاد در عصر هخامنشیان از خط ایرانی شاهنشاهی مشتق شده است (رضابی با غبیدی، ۱۳۹۱: ۷۱)، می‌توان احتمال داد که ایده درخشنان جایگاهی بودن اعداد، از طریق خط شاهنشاهی، که پدر خط فارسی میانه است، در هند رواج یافته و در نهایت با گره‌خوردن به اندیشه ارزش‌گذاری ددهی، به دستگاه عددي‌نويسی هندی برهمنی رسیده است که امروزه هم در کشورهای مسلمان و اروپایی و انشعابات کشورهای اروپایی رایج است. قاعدة تکثیر ضربی یا همان ارزش‌گذاری براساس مراتب اعداد درباره عدداوۀ ببور نیز صدق می‌کند، چنان‌که با این قاعده به راحتی و درستی می‌توانیم  $\underline{\underline{xx}}$  را دو ببور یا بیست‌هزار بخوانیم. به‌تعییر دیگر، عدد  $\underline{\underline{xx}}$  معنای خویش را (۲۰هزار) این‌بار از مرتبه ده‌هزارگان که پس از آن و به صورت  $\underline{\underline{xx}}$  آمده است می‌گیرد، در حالی که همین عدد، اگر با ترتیب  $\underline{\underline{xx}}$  نگاشته شده بود، به‌سبب آنکه عدد کوچک‌تر در سمت چپ آمده است، از جنس  $\underline{\underline{y+x}}$  می‌بود و معنایش ۱۰۰۰۲ (ده‌هزار و دو) می‌شد.

صد، هزار و ببور (ده‌هزار) به‌شیوه ضربی تکثیر می‌شوند، مانند  $\underline{\underline{xx}}$  (۳۰۰)،  $\underline{\underline{xx}}$  (۳۰۰۰) و  $\underline{\underline{xx}}$  (۳۰۰۰۰). اما خود صد، هزار و ببور نیز بی‌آنکه نیازمند ضرب باشند، می‌توانند به صورت ضربی نوشته و خوانده شوند:  $\underline{\underline{xx}}$  (یک‌صد) و  $\underline{\underline{xx}}$  (یک‌هزار). این شیوه نگارش و خوانش یک‌صد و یک‌هزار، هنوز هم در فارسی نو انعکاس و رواج بسیار دارد و به‌ویژه در متون دقیق رواج بیشتر می‌یابد. همچنین، گاه اعداد از پیش موجود، به دو جزء شکسته می‌شوند و با ساختار  $\underline{\underline{xx}}$  نوشته می‌شوند و این پدیده نیز در فارسی نو انعکاس دارد، مانند شکستن شانزده به دو جزء و ابتدا کردن به عدد کوچک‌تر مطابق قاعدة تکثیر ضربی فارسی میانه:

چو بگذشت بر آفریدون دو هشت ز البرز کوه اندر آمد به دشت  
(فردوسي، ۱۳۶۳: ۶۴)

درباره یک اصل و دو قاعدة پیشنهادی که شرح داده شد، گفتن این نکته ضرورت دارد که اینها قواعدی در دانش ریاضی ایرانیان نیستند یا به‌تعییر دیگر، راهکارهای ایرانیان برای جمع و ضرب اعداد را نمایش نمی‌دهند، بلکه قواعد نگارش اعداد هستند. قواعد ریاضی عام و جهانی‌اند، اما یک قاعده و دو اصلی که شرح داده شد، قواعد نگارش مختص دستگاه عددي‌نويسی فارسی میانه‌اند و نحوه املای موجودیت‌های عددی را در خط فارسی میانه نشان می‌دهند.

## ۵. ادوار سه‌گانه یکان و ماهیت اساطیری آن

منظور از یکان، مجموعه اعداد کمتر از مرتبه دهگان است و آن نه عدد است که از یک آغاز می‌شود، اما در این باره اتفاق نظر نیست و گاه خود یک را جزو اعداد نمی‌دانند و اعداد را عبارت از تکرار یک می‌دانند (بیرونی، ۱۳۸۷: ۳۳، ۳۴). سازگار با نظر فلاسفه‌ای چون بیرونی، افزون برآنکه ماهیت یکان تکرار یک است، شکل نگارشی یکان نیز در دستگاه عددنويسي فارسي ميانه از تکرار یک پديد مي‌آيد. اعداد یکان، مطابق قاعدة تکثیر جمعی، از افزودن یک به سمت چپ عدد پيشين پديد مي‌آيند:

$$\underline{S} + \underline{L} = \underline{S} \quad (3)$$

$$\underline{S} \underline{L} + \underline{L} = \underline{S} \underline{L} \quad (4)$$

$$\underline{S} \underline{L} + \underline{L} + \underline{L} = \underline{S} \underline{L} \underline{L} \quad (5)$$

در نگارش نه عدد یکان، سه گروه قابل مشاهده است و برخی دیگر از منابع نيز به اين سه گروه‌بودن اشاره کرده‌اند، اما در عين اشاره به لزوم توجه به جنبه‌های کيفي در تحليل اعداد فارسي ميانه، سبب اين سه گروه‌بودن يکان را نامعلوم دانسته‌اند (براي نمونه: جعفری متله‌كلائي و گشتاسب، ۱۳۹۶: ۳۴). در دستگاه عددنويسي فارسي ميانه، اعداد يك تا چهار ( $\underline{L} \underline{L} \underline{S} \underline{S}$ ) يك‌بخشي نوشته مي‌شوند، اعداد پنج تا هشت ( $\underline{S} \underline{L} \underline{S} \underline{L} \underline{S} \underline{S} \underline{S}$ ) دو‌بخشي نوشته مي‌شوند و عدد نه ( $\underline{S} \underline{L} \underline{S} \underline{L}$ ) سه‌بخشي نوشته مي‌شود. به‌نظر نگارنده، در اين گروه‌بندی، عدد چهار بسیار الهام‌بخش است و با دقت به نویسه‌های يکان، به‌روشنی مي‌توان دریافت که عدد چهار برای تغیير دوره در حال بازيگری و نقش‌آفرینی است. آشکار است که ايرانيان و واضعن دستگاه عددنويسي فارسي ميانه (و دستگاه عددنويسي آريايی شاهنشاهي که پدر فارسي ميانه بوده است)، برای عده‌های يك تا چهار ماهیت و هویتی جدا از دیگر اعداد قائل بوده‌اند و سپس با رسیدن به هشت نيز باري دیگر چهار تجلی مي‌يابد و دوره عوض مي‌شود. اين جданگاري در دیگر فرزندان خط شاهنشاهي نيز دیده مي‌شود؛ برای نمونه، در دستگاه عددنويسي هندی خروشتي نيز يکان تا چهار مستقل بودند و يکان پنج تا نه با ترکيب يکان يك تا چهار ساخته مي‌شدند و هویت مستقل نداشتند (Marcos, 2014: 52).

براساس آنچه گفته شد، به‌گمان نگارنده، مسئله ادوار سه‌گانه یکان پاسخ رياضي ندارد و پاسخ آن را باید در بینش اساطيری آرياييان جست. دستگاه عددنويسي فارسي ميانه دستگاهی رياضي است که تحت دستگاه بزرگ‌تر اساطير عمل مي‌كرده است. سبب جданگاري

کاملاً واضح چهار عدد نخست یکان و یکبخشی بودنشان و سپس دوبخشی شدنشان و باری دیگر سه بخشی شدنشان با تجلی دوباره عدد چهار در پیکرۀ عدد هشت، دید ویژه اساطیر آریایی به عدد چهار است. می‌توان گفت که نوع نگاه متفاوت به عدد چهار میان اقوام و ملل باستانی مشترک بوده است، اما این پدیده در میان آریاییان شدت ووضوح بیشتر داشته است. عدد چهار در اعصار باستان سقف نهایی شمارش بوده است (دانتزیگ، ۱۳۶۱: ۴) و هنوز هم بسیاری از اقوام بدوی که در جنگل‌ها و بیابان‌ها باقی مانده‌اند و احوالشان نمودار زیست بشر در اعصار باستان است، چهار را با عنوان «خیلی» و معادل با همه اعداد پس از سه قلمداد می‌کنند (Tylor, 1871: 220). بهنظر می‌رسد محدودبودن اعداد به چهار در حقیقت بازتاب محصوربودن دستگاه شناسایی بشر به ساختارهای چهارتایی است (دانتزیگ، ۱۳۶۱: ۴) و چهار، نه فقط حد نهایی اعداد، بلکه حد نهایی شناخت بشر بوده است و با رسیدن به چهار، دوره‌ای تازه برای شناخت آغاز می‌شود (لوی، ۱۳۷۳: ۷-۶). چهار نشانه تمامیت، کمال و نظم بوده است (شواليه و گربران، ۱۳۷۹: ۵۵۱). چهار همواره با سه در حال دادوستد مفهومی است و سه نیز تداعی کمال دارد، اما این کمال در اصل متعلق به چهار است. درحقیقت، آن‌هنگام که با شمردن سه چیز پدیده‌ای به غایت خود می‌رسد، به خاطر خود سه نیست، بلکه به‌سبب رسیدن به چهار است و چهار به‌سبب مجاورت با سه، حس کمال خود را به سه منتقل می‌کند. آریاییان نیز به آشکاری و فراوانی جهان را در ساختارهای چهارتایی می‌دیدند. ایرانیان طول زمان را به چهار دورۀ سه‌هزارساله بخش کرده بودند (هینزل، ۱۳۷۳: ۱۰). کاری که امروزه عدد هفت در ذهن ایرانیان می‌کند، در اصل متعلق به عدد چهار بوده است و آریاییان حتی تعداد آسمان‌ها را نیز چهار آسمان می‌دانستند (بهار، ۱۳۷۶: ۶۶). چهار نزد آریاییان عدد کمال و عدد خاتمه‌دهنده یک دوره و آغاز‌کننده دورۀ سپسین بوده است. این معنی، جایه‌جا در شاهنامه فردوسی تجلی دارد، چنان‌که چون ابلیس خواست ضحاک را خون‌آشام کند، در چهار مرحله بدین مقصود رسید:

به روز چهارم چو بنهاد خوان خورش ساخت از پشت گاو جوان  
(فردوسي، ۱/۱۳۶۶: ۴۹)

و ضحاک مهلتی چهارروزه به انجمان خواب‌گزاران داد:  
به روز چهارم برآشافت شاه      بر آن موبدان نماینده راه  
(همان، ۶۰)

وارکان دولت کیقباد چهارنفر بودند که نفر چهارم با عنوان «سالار شاه» بالاترین مقام را

داشت:

چهارم چو مهراب کاول خدای  
که سالار شاه است و زاول خدای  
(همان، ۳۵۱)

و آسمان چهارم اوج آسمان‌ها بود:

ز چرخ چهارم خود آیدت شوی  
تو را با چنین روی و بالای و موی  
(همان، ۱۸۹)

و به قرینه آن، گوهرهای زمینی نیز چهار بودند:  
برآورده بیرنج و بیروزگار  
وزو مایه گوهر آمد چهار  
(همان، ۶)

چهار عدد کمال آریاییان و نمودار خاتمهٔ یک دور و آغاز دورهٔ دیگر بوده است. بهمین سبب در دستگاه‌های عددنویسی ایرانی و هندی، چهار عدد نخست متفاوت با دیگر اعداد هستند. می‌توان چنین تصور کرد که نخست، چهار عدد به صورت یک‌جزئی وجود داشته است و سپس بر حسب نیاز، دیگر یکان تا هشت به صورت دو‌جزئی زاده شده‌اند و با رسیدن به هشت، باری دیگر چهار ظهور می‌کند و دوره‌ای تازه آغاز می‌شود که متعلق به نه با ساختار سه‌جزئی است و این نهایت اعداد بوده است و در ادور سپس‌تر است که با بزرگ‌ترشدن نیازهای مردم، دیگر مراتب اعداد با ساختارهای کاملاً متفاوت پدید آمده‌اند. حتی در دهگان نیز عدد چهار نقش‌آفرین است؛ بدین صورت که چون دهگان به چهل (۹) می‌رسد، دوره‌ای متفاوت آغاز می‌شود که همهٔ دهگان پس از آن با ترکیبی از چهل نگاشته می‌شوند: ۴۰ (۹)، ۵۰ (۹۹)، ۶۰ (۹۹۹)، ۷۰ (۹۹۹۹)، ۸۰ (۹۹۹۹۹)، ۹۰ (۹۹۹۹۹). این خاتمه‌بخشی‌ها و آغازگری‌های عدد چهار، چنان‌که گفته شد، به صورت کمی محض توجیه‌پذیر نیست و در جایگاه عمیق و تعیین‌کنندهٔ این عدد در باورهای اساطیری آریاییان ریشه دارد و بدون لحاظ کردن این باورهای اساطیری نمی‌توان سبب رفتارهای متمایز عدد چهار را در دستگاه‌های عددنویسی آریایی درک و تبیین کرد.

## ۲. ویژگی‌های هندسی اعداد فارسی میانه

نویسه‌های دستگاه عددنویسی فارسی میانه، در نگاه نخست، حروفی به نظر می‌رسند، اما با نگاه دوباره، ویژگی‌های رُقومی هندسی در آنها مشهود است. در دستگاه‌های حروفی، هر حرف الفبا یک عدد است؛ پس، دستگاه عددنویسی فارسی میانه دستگاهی حروفی است. در دستگاه‌های رُقومی هندسی، ویژگی‌های هندسی نویسه‌ها (مانند تعداد زاویه‌ها، رأس‌ها و

دندانه‌ها) نمایانگر کمیت اعداد است؛ بهاین ترتیب، دستگاه عددنویسی فارسی میانه دستگاهی هندسی نیز هست. به تعبیر دیگر، این دستگاهی حروفی است که گام‌های بلندی را در راه هندسی شدن برداشته است. شاهد این مدعاینحوه دلالت نویسه‌های یکان بر اعداد است که بهروشنی براساس تعداد دندانه‌ها است:

$L = 1$

$L = 2$

$L = 3$

$S = 4 \text{ و...}$

هنگامی که این نویسه‌های هندسی در ساختارهای بزرگ‌تر عددی حروفی وارد می‌شوند، آنها را نیز با حضور خود شبه‌هندسی می‌کنند، مانند  $\frac{L}{S}$  و  $\frac{S}{L}$ . می‌توان گفت که در مجموع، دستگاه عددنویسی فارسی میانه دستگاهی در مسیر هندسی شدن بوده است و از این ناحیه بر دستگاه‌های عددنویسی هندی، که پدر اعداد امروزین‌اند، تأثیر نهاده است. نیز در سیمای سه عدد نخست فارسی میانه:  $\frac{L}{S}$  و  $\frac{S}{L}$  اعداد فارسی و عربی امروزین را که در چارچوب دستگاه عددنویسی هندی نگاشته می‌شوند می‌توان تشخیص داد.

## ۲.۷. اعداد کسری

سامانه اعداد کسری فارسی میانه، در نگاه نخست، پیچیده دیده می‌شود و حتی ممکن است دو شیوه متفاوت برای کسرنویسی فارسی میانه به ذهن برسد: کسرهای صورت یک و کسرهای صورت بیش از یک. برخی از متابع براساس مثال‌هایی که آورده‌اند، تنها به کسرهای صورت یک اشاره کرده‌اند (جنیدی، ۱۳۶۰: ۷۰؛ آموزگار و تفضلی، ۱۳۷۵: ۷۳) و برخی نیز از هردو شیوه یاد کرده‌اند، بدین‌نحو که اگر صورت کسر یک باشد، نخست مخرج و سپس صورت ذکر می‌شود، مانند  $\frac{1}{3}$  که سر  $\frac{1}{3}$  (سه یک) خوانده می‌شود. اگر نیز صورت کسر بزرگ‌تر از یک باشد، بر عکس عمل می‌شود و بهشیوه‌ای پیچیده نخست صورت نوشته می‌شود و سپس مخرج و سپس یک؛ مانند  $\frac{3}{4}$  که سر  $\frac{3}{4}$  (سه چار یک) خوانده می‌شود (جعفری متکلائی و گشتاسب، ۱۳۹۶: ۳۹).

اما آیا می‌توان دو قاعدة کسر صورت یک و کسر صورت بزرگ‌تر از یک را تحت یک قاعده توصیف کرد و پیچیدگی صورت دوم را حذف کرد؟ به نظر می‌رسد که می‌شود و کلیدش در تعییر زاویه دید به مسئله کسر در ذهنیت ایرانیان باستان است. با نظر به کسرهای برجامانده

در متون فارسي ميانه می‌توان نتيجه گرفت که همه کسرها برای ايرانيان همان کسر صورت يک بوده است و آنچه ما کسر صورت بزرگ‌تر از يک درمی‌يابيم، درحقیقت تکرار کسر صورت يک به تعداد مقتضی بوده است. به تعبير دیگر، همه کسرها برای ايرانيان عبارت بوده است از  $\frac{1}{a}$  و آنچه کسر صورت بزرگ‌تر از يک تلقی می‌شود، نه کسری مستقل، بلکه تکرار  $\frac{1}{a}$  به تعداد  $b$  دلخواه و با ماهیت  $\frac{1}{a} \times b$  است که در آن فقط بخش  $\frac{1}{a}$  کسری است، نه بخش  $b$ . برای نمونه  $\frac{3}{4}$  کسر مستقل نیست، بلکه سه بار  $\frac{1}{4}$  یا به تعبير دیگر  $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$  است و نیاز نیست که با قاعده‌ای مستقل از  $\frac{1}{4}$  توصیف شود. پس اگر  $\frac{1}{4}$  چار يک (چارك) است،  $\frac{3}{4}$  سه‌چار يک (سه‌چارك) است و کسر مستقل نیست که قاعده مستقل بخواهد. براین‌اساس، قاعده کسرنویسي در فارسي ميانه تنها يک قاعده است: در کسرنویسي فارسي ميانه، نخست مخرج می‌آيد و سپس صورت، که در هر حال يک است؛ سپس، اگر اقتضا کند، چنین کسری ضرب در دیگر اعداد می‌شود.

اعداد کسری فارسي ميانه بر زبان فارسي نو تأثير عميق نهاده‌اند و در متون و محاوره فارسي نو با وسعت به کار می‌روند. برای نمونه، چارك (چهاريک) هنوز در فارسي نو معادل يک‌چهارم به کار می‌رود. پنج يک برابر فارسي سره خمس است. دهك (دهيک)، يک‌دهم هر چيز است و امروزه برای يک‌دهم جامعه به کار می‌رود. سیکي شرابي است که پس از جوشیدن، سه‌يک آن (يک‌سومش) باقی می‌ماند (معين، ۱۳۸۶: ذيل «سيكي») و هشت‌يک که از مصطلحات فقهی در حوزه وراثت است (دهخدا، ۱۳۷۷: ذيل «هشت‌يک») و در محاوره، هشیک تلفظ می‌شود، کسر يک‌هشتم است. از اين کسرها، نمونه‌های صورت بیش از يک نیز در فارسي نو به کار می‌رود، مانند دوچارك و سه‌دهك.

## ۲.۸. اعداد ترتیبی

اعداد ترتیبی با افزودن  $\infty$  (آم: om) به انتهای عدد اصلی ساخته می‌شوند؛ چه عدد اصلی عددوازه باشد و چه عدد نمادین (جنیدی، ۱۳۶۰: ۷۰؛ آموزگار و تفضلی، ۱۳۷۵: ۷۳)، البته سه عدد نخست یکان، شکل‌های ترتیبی خاص خود را نیز دارند، اما چهار، تنها از الگوی

«عدد+آم» بهره می‌برد. چهار عدد ترتیبی نخست، چنین بودند:

یک:  $\text{ناخست}$  (naxust)  $\text{۱۹۳۶}$  (fradom)

دوم:  $\text{دوم}$  (dudīgar)  $\text{۱۹۴۰}$

سوم: **شیخو** (sidīgar)چهارم: **سلاک** (čahārom)

با عبور از صورت ترتیبی سه (سدیگر) و رسیدن به چهار، دوره تازه‌ای از اعداد ترتیبی آغاز می‌شود و همهٔ اعدادهای ترتیبی، بر الگوی چهار و با افزودن **اُم** (om) به انتهای عدد اصلی ساخته می‌شوند و علت می‌باید آن باشد که اساساً پس از چهار، عددی نبوده است و اندک‌اندک که اعداد دیگر پدیدار شدند، از الگوی چهار پیروی کردند.

### ۳. نتیجه‌گیری

دستگاه عددنویسی از اجزای مهم و چالش‌برانگیز سامانه‌های خطی است. بشر در اعصار باستان دستگاه‌های ساده‌ای را برای شمارش ابداع کرده بود که انعکاس‌شان با همهٔ سادگی و بداشت آن دستگاه‌ها، در دستگاه‌های عددنویسی آینده قابل رديابي است، از جمله مسئله محوريت عدد چهار و مشتقات عدد چهار که به اعصار نخستین اندیشه و تمدن بشر تعلق دارد و سپس در دستگاه عددنویسی شاهنشاهی و فارسی ميانه نيز حضور مي‌يابد و به ميانجي اين دستگاه‌ها وارد دستگاه‌های عددنویسی هندی شده است.

دستگاه عددنویسی فارسی ميانه مرحله‌ای چشمگير از تحول عددنویسی به‌سوی غایت رقومی و هندسی شدن اعداد است. اين دستگاه در ذات خود هنوز حروفی است، اما ويزگی‌های قوي و آشكار هندسي در آن مشهود است. در توصيف دستگاه عددنویسی فارسی ميانه و تدوين قواعد ساختاري آن موانعی وجود دارد که سبب می‌شوند دستگاه عددنویسی فارسی ميانه در نگاه نخست به لحاظ قواعد ساختاري آشفته و بی‌نظم به‌نظر رسد، اما با تأمل و تغيير زاويه دید می‌توان گفت که اين دستگاه کاملاً قاعده‌مند و در نوع خود و با توجه به ظرف زمانی ظهرورش بسيار درخشان است. موانع سر راه توصيف و تدوين قواعد دستگاه عددنویسی فارسی ميانه عبارت‌اند از: ۱. کمبودن و اغلب مختصرబودن متون برچايمانده فارسی ميانه؛ ۲. کمبودن اعداد به‌كاررفته در اين متون؛ ۳. ايهام و ابهام در خواندن برخی اعدادها؛ ۴. نادیده‌گرفتن مدخلیت وسیع و عمیق اساطیر ایرانی در همهٔ شئون زندگانی ایرانیان و از جمله در عددنویسی آنان.

بالحظه‌گردن اين موانع و با امعان نظر در نمونه‌های عددی برچايمانده در متون فارسی ميانه، می‌توان گفت که دستگاه عددنویسی فارسی ميانه، به‌حسب نویسه‌ها بسته است و ازنظر

تکثیرپذیری باز و نامحدود محسوب می‌شود. این دستگاه هشت نویسهٔ بنیادین و یک عددواژه دارد، در حالی که در همان زمان دستگاه عددنویسی یونانی ۲۷ نویسه و چندین عامل کمکی داشت و درنهایت هم با بزرگ و بزرگترشدن اعداد، کارایی خود را مرحله به مرحله از دست می‌داد. نویسه‌ها و عددواژهٔ فارسی میانه تحت یک اصل و دو قاعدهٔ تکثیر می‌شوند. اصل بنیادین، جایگاهی بودن ارزش عددهای فارسی میانه است و دو قاعدهٔ عبارت‌اند از قاعدةٔ تکثیر جمعی و قاعدةٔ تکثیر ضربی. مطابق این قاعده، هرگاه عدد کوچک‌تر در جایگاه سمت چپ عدد بزرگ‌تر باید، با آن جمع شده است و هرگاه در جایگاه سمت راست عدد بزرگ‌تر باید، در آن ضرب شده است. قاعدةٔ تکثیر ضربی را می‌توان گامی بلند و درخشنان در مسیر جایگاهی‌شدن ارزش اعداد در دستگاه‌های عددنویسی دانست.

دستگاه عددنویسی فارسی میانه دستگاهی کمی است که تحت دستگاهی بزرگ‌تر عمل می‌کند که عبارت است از جهان‌بینی ایرانی و ازآنجاکه جهان‌بینی ایرانی باستان بهشدت اساطیری بوده است، مدخلیت باورهای اساطیری در دستگاه عددنویسی فارسی میانه مشهود است، تا جایی که برخی ابهامات این دستگاه پاسخی ندارند مگر در ساحت اساطیر؛ برای نمونه، رفتارهای ویژهٔ چهار عدد نخست فارسی میانه و مخصوصاً رفتارهای ویژهٔ خود چهار و مشتقاتش، چه در اعداد اصلی و چه در اعداد ترتیبی، انعکاسی است از دید متمایز ایرانیان به عدد چهار و تلقی این عدد بسان پایان بخش آغازگر.

دستگاه عددنویسی فارسی میانه سهم چشمگیری نیز برای بحث اعداد کسری قائل شده است. در نگاه نخست، تحت قاعده‌آوردن اعداد کسری در فارسی میانه دشوار است و به‌همین سبب در منابع و پژوهش‌ها دو گونهٔ کسرنویسی در فارسی میانه پیشنهاد شده است؛ کسرهای صورت یک و کسرهای صورت بیش از یک. پیشنهاد مقالهٔ حاضر آن است که در حقیقت همهٔ کسرهای فارسی میانه همان کسر صورت یک هستند و کسرهای دیگر تکرار این کسر بنیادین به تعداد مقتضی‌اند.

دستگاه عددنویسی فارسی میانه به طرزی عمیق و وسیع بر دستگاه‌های عددنویسی پس از خود تأثیر گذاشته است. نخست، پدر خط فارسی میانه یعنی خط شاهنشاهی، بر عددنویسی هندیان تأثیر نهاد و سپس با ورود دستگاه عددنویسی هندی به ایران و جهان اسلام، این بار عددنویسی فارسی میانه بار دیگر بر عددنویسی هندیان مؤثر افتاد، به‌گونه‌ای که سه عدد نخست هندی-فارسی-عربی، به‌طرزی آشکار، پهلوی است. همچنین، دستگاه عددنویسی

فارسی میانه در متون و محاوره‌های فارسی نو هنوز انعکاس وسیع دارد و نمونه‌هایی از قبیل چارک، دهک، هشتیک، ده و دو، دو هشت و... براساس الگوهای قابل تبیین در دستگاه عددنویسی فارسی میانه ساخته شده‌اند.

درمجموع، می‌توان گفت که دستگاه عددنویسی فارسی میانه با برداشتن گام‌های بلند به‌سمت هندسی‌شدن، کاستن شمار بسیار نویسه‌ها به تعدادی محدود از نویسه‌های بنیادین، تکثیر نویسه‌های بنیادین از طریق اصول و قواعد اولیه مشخص، رفتار آشکار جایگاهی و مشارکت در شکل‌دهی به دستگاه‌های عددنویسی پس از خود، جایگاهی درخشنان در سیر تکوین و تکامل اندیشهٔ بشری داشته است.

## منابع

آسانا، جاماسب جی (۱۳۷۱). متون پهلوی. گزارش از سعید عربان. تهران: کتابخانه جمهوری اسلامی ایران.

آموزگار، ژاله؛ تفضلی، احمد (۱۳۷۵). زبان پهلوی؛ ادبیات و دستور آن. چاپ دوم. تهران: معین.

بندهش/ ایرانی (بی‌تا). براساس نسخه TD1 تهمورس دینشاه. تهران: بنیاد فرهنگ ایران.

بهار، مهرداد (۱۳۷۶). پژوهشی در اساطیر ایران. چاپ دوم. تهران: آگه.

بیرونی، ابوریحان (۱۳۸۷). التفہیم لاوائل صناعه التنجیم. به کوشش جلال الدین همایی. چاپ پنجم. تهران: هما.

تارویردی‌زاده، نسرین؛ منشی‌زاده، مجتبی؛ شهیدی، علی (۱۳۹۸). مقایسه ارقام و سیستم شمارش قوم‌های کهن ایرانی با دیگر اقوام. دستاوردهای نوین در مطالعات علوم انسانی. سال دوم. شماره ۲۱: ۱۴۸-۱۳۴.

جعفری متنه‌کلائی (آریا بزرگمهر)، مهدی؛ گشتاسب، فرزانه (۱۳۹۶). معرفی دستگاه عددنویسی پهلوی و رهیافتی مؤثر به حساب اعداد پهلوی. زبان‌شناسی. سال هشتم. شماره ۲: ۲۷-۵۳.

جعفری نائینی، علیرضا (۱۳۹۹). اعداد و ارقام. دانشنامه ایران.

<https://www.cgie.org.ir/fa/article/259091>

جنیدی، فریدون (۱۳۶۰). نامه پهلوانی. تهران: بنیاد نیشابور.

حساب طبری، محمدبن ایوب (۱۳۴۹). مفتاح المعاملات. به کوشش محمدامین ریاحی. تهران: بنیاد فرهنگ ایران.

حسینی شکرایی، احترامالسادات (۱۳۹۰). بررسی نقش اعداد از باستان تاکنون. تهران: پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی.

- دهخدا، علی‌اکبر (۱۳۷۷). *معتنامه*. تهران: دانشگاه تهران.
- داننتزیگ، توبیاس (۱۳۶۱). عدد، زبان علم، ترجمه عباس گران. تهران: شرکت سهامی کتاب‌های جیبی رضایی باغبیدی، حسن و همکاران (۱۳۹۱). خط و نظامهای نوشتاری در جهان اسلام. تهران: کتاب مرجع. شفیعی سرارودی، مهرنوش؛ حسن‌نسب، مهسا (۱۳۹۷). تجلی عدد چهار در نقوش سفالینه‌های پیش از تاریخ در ایران. نگره. دوره سیزدهم. شماره ۴۵: ۵۲-۷۱.
- شوایله، ژان ژاک؛ گربران، آلن (۱۳۸۲). *فرهنگ نمادها*. ترجمة سودابه فضایلی. تهران: جیحون.
- شیمل، آنهماری (۱۳۸۸). راز/اعداد. ترجمة فاطمه توفيق. چاپ ششم. قم: دانشگاه اديان و مذاهب.
- فردوسی، ابوالقاسم (۱۳۶۶). *شاهنامه*. به کوشش جلال خالقی مطلق. نیویورک: بنیاد میراث پارسی.
- فروغی، محمدعلی (۱۳۴۴). *سیر حکمت در اروپا*. تهران: زوار.
- کارنامه/ردشیر باکان (۱۳۸۲). به کوشش بهرام فرهوشی. چاپ سوم. تهران: دانشگاه تهران.
- لوی، تونی (۱۳۷۳). منشأ اعداد. ترجمة سیامک کاظمی. پیام یونسکو. شماره ۲۸۲: ۵-۹.
- معین، محمد (۱۳۸۶). *فرهنگ معین*. چاپ سوم. تهران: زرین.
- ملاصدراء، صدرالدین شیرازی (۲۰۰۲). *الحكمه المتعالیة في الأسفار العقلية الأربع*. بیروت: دار احیاء التراث العربیه.
- نامور فرگی، مجتبی؛ ابراهیمی، شیما (۱۳۹۱). بررسی چگونگی پیدایش و تغییر اعداد در زبان فارسی از دیدگاه زبان‌شناسی. مجموعه مقالات دانشگاه علامه طباطبائی. شماره ۲۸۱: ۸۲۶-۸۳۶.
- نیبرگ، هنریک ساموئل (۱۳۸۹). *دستورنامه پهلوی*. تهران: اساطیر.
- نیلوفری، فرهاد (۱۳۸۹). آموزش خط و زبان پهلوی. نشر الکترونیک تکبوك: [www.takbook.com](http://www.takbook.com).
- هومن، محمود (۱۳۴۸). *تاریخ فلسفه از آغاز تا نخستین آکادمی*. چاپ دوم. تهران: کتابخانه طهوری.
- هونک، زیگرید (۱۳۶۱). *فرهنگ اسلام در اروپا*. ترجمة مرتضی رهبانی. تهران: دفتر نشر فرهنگ اسلامی.
- هینزل، جان (۱۳۷۳). *شناخت اساطیر ایران*. ترجمه ژاله آموزگار و احمد تقاضی. چاپ سوم. تهران: نشر آویشن و نشر چشم.
- Allen, James Peter (2010). "Numbers". Middle Egyptian: An Introduction to the Language and Culture of Hieroglyphs. Cambridge University Press.
- Boyer, Carl Benjamin (1991). A History of Mathematics. Wiley international edition.
- Encyclopædia Britannica Online (2006). Leonardo Pisano: "Contributions to number theory". Retrieved 18 September 2006.
- Marcos, Juan-Jose (2014). A Unicode Font for Linguistics and Ancient Languages. <http://guindo.pntic.mec.es/jmag0042/alphabet.html>.

Tylor, Edward Burnett (1871). *Primitive Culture: Researches into the Development of Mythology, Philosophy, Religion, Art, and Custom.* Vol. I. London: Murray.

### References in Persian

- Âmouzgâr, Jâleh; Tafzzoli, Ahmad. (1996). *Pahlavi Language and its literature and grammar.* 2<sup>nd</sup> ed. Tehran: Moeen. [In Persian]
- Âsânâ, Jâmâsab G (1992). *Pahlavi Texts.* Report from Saeed Oriân. Tehran: Library of the Islamic Republic of Iran. [In Persian]
- Bahâr, Mehrdâd. (1997). *A Study in Iranian Mythology.* 2<sup>nd</sup> Ed. Tehran: Âgâh. [In Persian]
- Birouni, Abureyhân (2008). *Al-Tafhim Le-Awâel Al-Senâat Al-Tanjim.* by Jalâluddin Homâyî. Tehran: Homâ. [In Persian]
- Bondahesh.* Based on the TD1 version of Tamhours Dinshâh. Tehran: Iran. [In Persian]
- Chevalier, Jean; Gheerbrant, Alain (2006). *Dictionnaire des symboles.* Translated by Soudâbeh Fazâyeli. Volume Four. Tehran: Jeihoun. [In Persian]
- Dehkhodâ, Ali Akbar (1998). *Encyclopedic.* Tehran: Tehran University. [In Persian]
- Dantzig, Tobias (1982). *Number, the Language of Science.* Translated by Abbâs Garmân. Tehran: Pocket Books. [In Persian]
- Ferdowsi, Abu-Alqâsem (1987). *Shâhnameh.* by Jalâl Khâleghi Motlagh. New York: Persian Heritage Foundation. [In Persian]
- Foroughi, Muhammad Ali (1965). *The Path of Wisdom in Europe.* Tehran: Zavvâr. [In Persian]
- Hâseb Al-Tabari, Muhammad bin Ayoub (1970). *Mefâtih Al-Muâmelât.* by Muhammad Amin Riâhi. Tehran: Iran Culture Foundation. [In Persian]
- Hinnells, John Russell (1994). *Knowledge of Iranian Mythology.* Translated by Zhâleh Âmouzgâr and Ahmad Tafazzoli. 3<sup>rd</sup> Ed. Tehran: Âvishan and Cheshmeh. [In Persian]
- Houman, Mahmoud (1969). *The History of Philosophy from the Beginning to the First Academy.* 2<sup>nd</sup> Ed. Tehran: Tahouri Library. [In Persian]
- Honke, Sigrid (1982). *Islamic Culture in Europe.* Translated by Mortezâ Rohbâni. Tehran: Farhang Islamic Publishing House. [In Persian]
- Hosseini Shokrâyi, Ehterâm Al-Sâdât. (2011). *Examining the role of numbers from ancient times until now.* Tehran: Research Institute of Humanities and Cultural Studies. [In Persian]

- Jafari (Aria Bozorgmehr), Mahdi; Ghoshtâsb, Farzâneh (2016). Introduction of the Pahlavi numbering device and an effective approach to calculating Pahlavi numbers. *Language Studies*. 8 year. Number 2: 27-53. [In Persian]
- Jafari Nâeini, Ali Reza (2019). Numbers. *Encyclopedia of Iran*. <https://www.cgie.org.ir/fa/article/ 259091>. [In Persian]
- Joneydi, Fereydoun (1981). *Pahlavi's book*. Tehran: Neishâboor Foundation. [In Persian]
- Kârnâme-ye Ardesir Bâbakân* (2003). by Bahrâm Farahvashi. 3<sup>rd</sup> ed. Tehran: Tehran University. [In Persian]
- Levy, Tony (1994). The origin of numbers. *UNESCO Message*. Translated by Siâmak Kâzemi. Number 282: 5-9. [In Persian]
- Moeen, Muhammad (2007). *Moeen Encyclopedic Dictionary*. 3<sup>rd</sup> ed. Tehran: Zarrin. [In Persian]
- Mollâ Sadrâ, Sadruddin Shirâzi (2002). Al-Hikamat Al-Motaâliya fi Al-Asfâr Al-Aghliya Al-Arbaeh. Beirut: Al-Arabiya Heritage Revival. [In Arabic]
- Nâmvar Fargi, Mojtabâ; Ebrâhimi, Shimâ (2011). Investigation of how numbers appear and change in Persian language from the perspective of linguistics. *Collection of articles of Allâmeh Tabatabai University*. No. 281: 826-836. [In Persian]
- Niloufari, Farhâd (2010). *Learning calligraphy and Pahlavi language*. Takbook electronic publication: www.takbook.com. [In Persian]
- Rezâyi Bâghbidi, Hassan et al. (2011). *Calligraphy and writing systems in the Islamic world*. Tehran: Reference books. [In Persian]
- Schimmel, Annemarie (2009). *The secret of numbers*. Translated by Fâtémeh Taqavi. 6<sup>th</sup> ed. Qom: University of Religions and Denominations. [In Persian]
- Shafiei Sarâroudi, Mehrnoush; Hassan Nassab, Mahsâ (2017). The manifestation of the number four in prehistoric pottery designs in Iran. *Negareh*. Volume 13, Number 45: 52-71. [In Persian]
- Târvirdizâdeh, Nasrin; Monshizâdeh, Mojtabâ; Shahidi, Ali (2018). Comparison of numbers and counting system of ancient Iranian tribes with other tribes. *New achievements in humanities studies*. second year. No. 21: 134-148. [In Persian]