

هیدرروژئومورفولوژی، شماره‌ی ۱۶، پاییز ۱۳۹۷، صص ۴۱-۲۳

وصول مقاله: ۱۳۹۵/۰۵/۰۶ تأیید نهایی مقاله: ۱۳۹۶/۰۲/۲۴

بررسی اثر الگوهای جریان سیلابی بر تغییرات رودخانه با استفاده از مدل CCHE2D (مطالعه‌ی موردی: رودخانه‌ی کر، حد فاصل بین پل عباس‌آباد و سد درودزن)

ابوذر نیکنام^{۱*}

احمد نوحه‌گر^۲

عاطفه جعفرپور^۳

محمد تقی آوند^۴

چکیده

در این تحقیق با استفاده از یک مدل عددی به بررسی سیلاب‌های رودخانه با دوره‌ی بازگشت مختلف ۱۰ و ۵۰ ساله پرداخته شده است. محدوده‌ی مورد مطالعه بازه‌ای از رودخانه‌ی کر می‌باشد. در این بررسی پس از نقشه‌برداری دقیق، نقشه‌ی توپوگرافی با مقیاس مناسب از محدوده‌ی مورد مطالعه به دست آمد و سپس هندسه مدل و شبکه‌ی محاسباتی با ابعاد مختلف تهیه و در نهایت بر اساس مشخصات اندازه‌گیری شده جریان و رسوب رودخانه، مدل هیدرودینامیک دو بعدی متوسط عمق، اجرا و تغییرات عمق جریان در دوره‌ی بازگشت‌های مختلف استخراج گردید. بررسی دیهایی با دوره‌ی بازگشت مختلف نشان می‌دهد که، در محدوده‌های پیچان رودی بازه‌ی مورد مطالعه‌ی نیروی گریز از مرکز بر جریان اثر نموده و باعث ایجاد شیب عرضی در سطح آب می‌گردد که در نتیجه شیب عرضی سطح آب در قوس خارجی بالا رفته و در قوس داخلی کاهش می‌باید، این پدیده باعث ایجاد گرادیان فشار جانبی در داخل مقطع خواهد

۱- دانش‌آموخته کارشناسی ارشد آبخیزداری، دانشگاه هرمزگان، ایران (نویسنده‌ی مسئول).
E-mail:abuzarniknam@yahoo.com

۲- استاد دانشکده محیط زیست، دانشگاه تهران، ایران.

۳- دانش‌آموخته کارشناسی ارشد آبخیزداری، دانشگاه هرمزگان، ایران.

۴- دانشجوی کارشناسی ارشد آبخیزداری، دانشگاه هرمزگان، ایران.

شد، در نتیجه در اثر عدم تعادل موضعی بین نیروی گریز از مرکز و گرادیان فشار جانبی، جریان ثانویه در داخل مقطع عرضی شکل می‌گیرد. در هنگام بروز سیلاب در رودخانه، (دوره‌ی بازگشت ۵۰ ساله) سطح آب از مقطع اصلی رودخانه فراتر رفته و وارد دشت‌های سیلابی اطراف آن می‌شود. در این شرایط، به دلیل تفاوت بین زبری سیلاب‌دشت و کanal اصلی، سرعت جریان بر روی سیلاب‌دشت بسیار کمتر از سرعت در کanal اصلی بوده و لذا این اختلاف سرعت نیز باعث ایجاد لایه‌های برشی در محل اتصال جریان کanal اصلی و سیلاب‌دشت در ورودی بازه شده و آشفتگی‌های نسبتاً بزرگی را ایجاد می‌کند. با مقایسه‌ی سرعت جریان آب در مقاطع مختلف بازه‌ی مورد مطالعه مشاهده می‌شود که بیشترین سرعت آب مربوط به مقاطع پیچان رود اول است، که در دوره‌ی بازگشت ۱۰ ساله حدود $2/7 \text{ m/s}$ و در دوره‌ی بازگشت ۵۰ ساله به 3 m/s رسیده است.

کلمات کلیدی: جریان سیلابی، مدل CCHE2D، پیچان رود، سرعت جریان.

مقدمه

امروزه رودخانه‌ها به عنوان یکی از اصلی‌ترین منابع فراهم‌کننده‌ی آب و انرژی برای انسان، به دلیل تأثیر ویژه‌ای که در زندگی بشر و شکل‌گیری تمدن‌های مختلف داشته‌اند، همواره مورد توجه بوده و لذا بررسی رفتار آن‌ها از جایگاه ویژه‌ای برخوردار است. جریان سیلابی در رودخانه‌های طبیعی و خصوصاً رودخانه‌های مئاندری بسیار پیچیده است (ناجی ابهری، ۱۳۸۷: ۲). مطالعات زیادی توسط محققان مختلفی در داخل و خارج کشور بر روی رودخانه‌ها صورت گرفته و همگی آن‌ها به بررسی پارامترهای مختلف رودخانه پرداخته‌اند که شامل الگوی جریان و رسوب، هیدرولیک، مورفولوژی و... می‌باشد. در این تحقیق با کمک مدل دو بعدی CCHE2D که توسط مرکز بین‌المللی علوم هیدرولیک و مهندسی آب (NCCHE)، دانشکده‌ی فنی دانشگاه می‌سی‌سی‌پی آمریکا توسعه یافته است، به مطالعه تغییرات سیلابی رودخانه، الگوی جریان و سرعت

جریان، که در بازه‌ای از رودخانه‌ی کر در نظر گرفته شده، پرداخته می‌شود و همچنین تعیین و محاسبه عمق سیلاب در نقاط مختلف برای دوره‌ی بازگشت‌های مختلف و برآورد خسارت‌های احتمالی یکی دیگر از اهداف این تحقیق می‌باشد. از جمله موارد کار شده مشابه می‌توان به موارد زیر اشاره کرد: (قلی‌زاده و همکاران، ۱۳۹۱: ۳۵-۱۶)، (واقفی و همکاران، ۱۳۹۴: ۱۵۶-۱۴۵)، (واقفی و همکاران، ۱۳۹۴: ۵۱-۳۷)، (نوحه گر و همکاران، ۱۳۹۴: ۳۱-۱۵)، (خسروی و همکاران، ۱۳۹۴: ۳۰)، (بک و باسون، ۲۰۰۸: ۱۴)، (زانگ و جیا^۱، ۹۳۳-۹۲۴: ۲۰۰۹)، (اندرز و همکاران، ۱۳۹۴: ۲۹۷-۲۸۲)، (یه و همکاران^۲، ۲۰۱۰: ۳۲۶-۳۱۲)، (مارتین و همکاران^۳، ۴۹۷-۴۸۹: ۲۰۱۲)، (مغربی و همکاران^۴، ۱۵۷-۱۷۳: ۲۰۱۳)، (کمانبدست و همکاران، ۱۳۹۱: ۱۶۹).

مواد و روش‌ها

محدوده‌ی مطالعه، بازه‌ای پیچان رود از رودخانه‌ی کر در حوضه‌ی آبخیز سددروزن و استان فارس است. موقعیت این بازه بین مختصات جغرافیایی $17^{\circ}18'$ تا $52^{\circ}25'$ و طول شرقی $17^{\circ}18'$ تا $16^{\circ}30'$ عرض شمالی قرار گرفته است. بازه‌ی حدود ۴/۵ کیلومتر و تراز توپوگرافی ابتدا و انتهای بازه به ترتیب در حدود ۱۶۹۶ و ۱۶۹۱ متر از سطح دریا می‌باشد (شکل ۱).

تهییه نقشه‌ی توپوگرافی منطقه

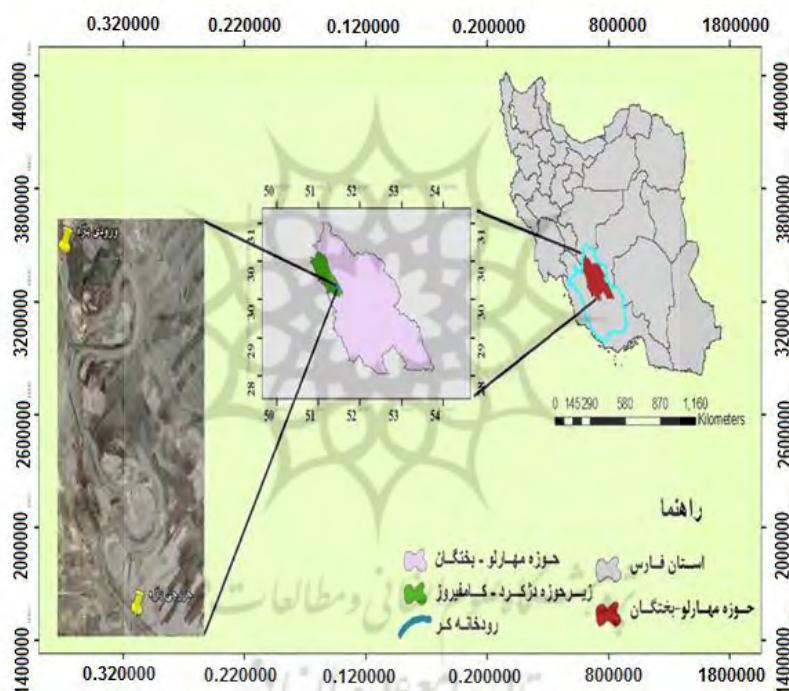
در اولین مرحله نقشه‌ی توپوگرافی بازه‌ی انتخابی از رودخانه‌ی کر که توسط مهندسان رودخانه، شرکت‌های مشاور انجام شده است، تهییه گردید. سپس با استفاده از نرم‌افزار GIS فایل ورودی نقشه برای نرم‌افزار CCHE2D آماده شد. در این بررسی با بهره‌گیری از نقشه‌های بزرگ مقیاس از پستی و بلندی محدوده‌ی مورد مطالعه، ابتدا هندسه مدل و شبکه‌ی محاسباتی با ابعاد مختلف، تهییه و سپس بر اساس مشخصات اندازه‌گیری شده

1- zang and jia

2- yeh et al.,

3- martin et al.,

جريان رودخانه، مدل هیدرودینامیک دو بعدی متوسط عمق، اجرا و نتایجی همچون توزیع عمق و سرعت جريان در خم رودخانه استخراج گردید. برای بررسی تأثیر جريان در بازه‌ی مورد نظر مقاطعی برای نمونه‌برداری انتخاب شد که در جدول (۱) مشخصات جغرافیایی آن‌ها آورده شده است.

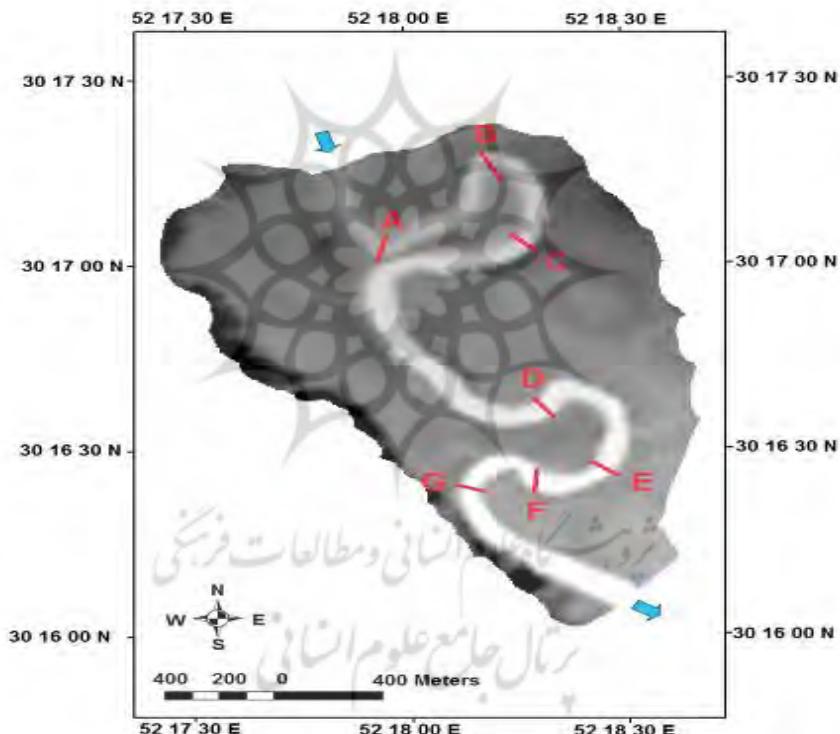


شکل (۱) بازه‌ی مورد مطالعه از رودخانه‌ی کر

CCHE2D مدل

مدل CCHE2D، یک مدل عددی برای شبیه‌سازی جريان غیردائم آشفته و انتقال رسوب در کanal‌های باز می‌باشد که در مرکز بین‌المللی علوم هیدرولیک و مهندسی محاسباتی، دانشکده‌ی فنی دانشگاه می‌سی‌پی آمریکا تهیه و توسعه یافته است. این

مدل جزء مدل‌های هیدرودینامیکی دو بعدی بوده که برای ساخت هندسه و شبکه‌بندی میدان مطالعاتی از یک نرم‌افزار مجزای پیش‌پردازنده (Pre-Processor) تحت عنوان CCHE-MESH برخوردار است و حل میدان جریان و انتقال رسوب و همچنین مشاهده نتایج در محیط گرافیکی نرم‌افزار، با عنوان CCHE-GUI، انجام می‌شود (زانگ و همکاران، ۲۰۰۹: ۹۶-۷۴).



شکل (۲) نمایی از مقاطع انتخاب شده بازه‌ی مورد مطالعه‌ی رودخانه‌ی کر

-معادلات حاکم بر جریان

مدل عددی CCHE2D، برای حل میدان جریان از معادلات رینولدز متوسط‌گیری شده

در عمق (Depth Average) استفاده می‌کند و برای شبیه‌سازی معادلات انتقال آشفتگی، از دو مدل صفر معادله‌ای به نام‌های توزیع سهموی و مدل طول اختلاط لزجت گردابهای و نیز مدل دو معادله‌ای $\epsilon - k$ استفاده می‌کند. گسته‌سازی معادلات میدان جریان و انتقال رسوب با استفاده از روش مبتنی بر المان محدود (FEM) صورت می‌گیرد و حل معادلات جبری میدان جریان و انتقال رسوب به ترتیب با استفاده از روش‌های تصحیح سرعت و تکرار گوس-سایدل و حداقل ضمنی یا SIP انجام می‌شود. معادلات پیوستگی و به صورت زیر تعریف می‌شود (جیا و ونگ، ۹۳۳-۹۲۴):

$$\frac{\partial Z}{\partial t} + \frac{\partial \#u}{\partial x} + \frac{\partial \#v}{\partial y} \equiv 0 \quad \text{رابطه‌ی (1)}$$

جدول (۱) مقاطع نمونه‌ی بازه‌ی مورد مطالعه‌ی رودخانه‌ی کر

قطعه اندازه‌گیری پارامتر جریان و رسوب	عرض جغرافیایی (Y)	طول جغرافیایی (X)
A	۳۰۱۷۰۲	۵۲۱۷۹۴۷
B	۳۰۱۷۲۶	۵۲۱۸۲۰۲
C	۳۰۱۷۰۴	۵۲۱۸۲۹۶
D	۳۰۱۶۵۳	۵۲۱۸۵۰۳
E	۳۰۱۶۳۷	۵۲۱۸۳۱۵
F	۳۰۱۶۴۲	۵۲۱۸۱۸۶
G	۳۰۱۶۴۲۲	۵۲۱۸۳۱۶

-مشبندی

مدل عددی CCHE2D با بکارگیری نرم‌افزار پیش‌پردازنده CCHE-MESH به ایجاد یک شبکه‌ی ساختاری^۱ دو بعدی برای میدان مورد نظر می‌پردازد. به همین منظور نقشه‌های توپوگرافی منطقه تهیه گردید و با استفاده از نرم‌افزار AutoCAD و نرم‌افزار Dxf2xyz

1-Structured Mesh

فایل `*mesh_xyz` که همان فایل ورودی نرم‌افزار CCHE2D تولید گردید و سپس نتایج حاصله به نرم‌افزار CCHE2D-MESH به منظور تعیین مرزهای بازه‌ی مطالعاتی و شبکه‌ی محاسباتی معرفی شد. پس از ورود داده‌های هندسی به محیط نرم‌افزار و تعیین مرزها، محدوده مورد نظر با استفاده از روش جبری و محاسباتی شبکه بندی شده است.

- مرزبندی میدان محاسباتی

پس از تولید شبکه‌ی محاسباتی، مدل برای تعیین شرط مرزی، شرایط اولیه و شبیه‌سازی جریان آب و رسوب به نرم‌افزار CCHE-GUI معرفی گردید. در این مرحله برای شبیه‌سازی جریان آب، در ورودی رودخانه‌ی مورد نظر از شرط مرزی دبی جریان استفاده گردید.

- شبیه‌سازی

پس از وارد نمودن شرایط مرزی، شرایط اولیه و کلیه‌ی پارامترهای مربوط به مدل‌سازی، مدل آماده اجرا است. پس از اجرای مدل شبیه‌سازی شده به راحتی می‌توان پارامترها و مقادیر مورد نیاز را استخراج نمود. این مدل خروجی‌های دو بعدی و بسیار گویایی از جمله توزیع عرضی و طولی پروفیل سرعت، توزیع تنش برشی، دبی، تغییرات سطح آب در رودخانه و همچنین نحوه تغییرات فرآیندهای رسوبی را در اختیار کاربران قرار می‌دهد، اما یکی از خروجی‌های ارزشمند این مدل به خصوص در بخش رسوبی که در مطالعات رودخانه‌ای بسیار سودمند است، تخمین متوسط میزان تغییرات عمقی فرسایش و یا رسوب‌گذاری، حجم رسوب‌گذاری و یا فرسایش‌پذیر و همچنین محدوده کلی مربوط به نواحی رسوب‌گذار و یا فرسایش‌پذیر در رودخانه است.

معادله‌ی ممتنم نیز به صورت زیر در دو بعد تعریف می‌شود:

$$\frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} \approx g \frac{\partial Z}{\partial x} - \frac{1}{h} \left[\frac{\partial (h\omega_x)}{\partial x} + \frac{\partial (h\omega_y)}{\partial y} \right] - \frac{\partial q_{bx}}{\partial h} f_{Cor} v \quad (2)$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} = g \frac{\partial Z}{\partial y} - h \left[\frac{\partial (h \omega_{yx})}{\partial x} + \frac{\partial (h \omega_{yy})}{\partial y} \right] - \frac{\partial \omega_{yy}}{\partial h} f_{Cor} u \quad (3)$$

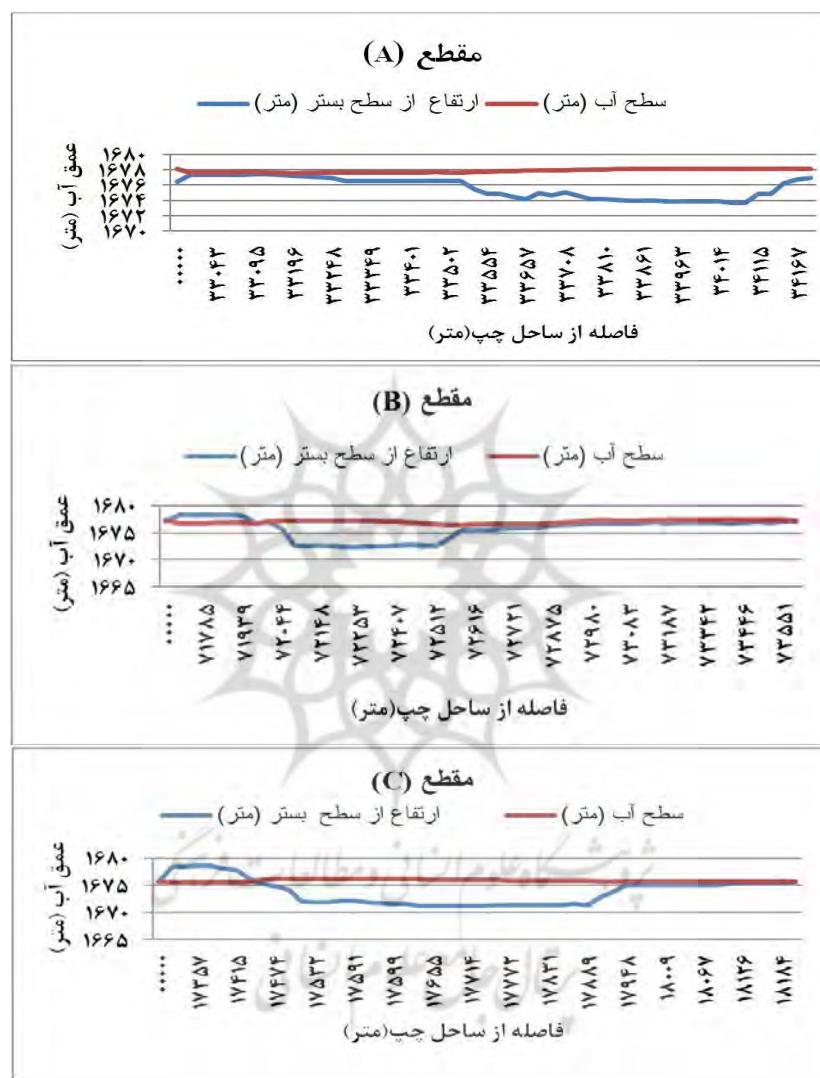
در معادلات فوق u و v به ترتیب بیانگر مؤلفه‌های سرعت متوسط‌گیری شده در عمق در راستای x ، y ، t زمان، g شتاب جاذبه، بیانگر تراز ارتفاعی سطح آب، ρ دانسیته آب (وزن مخصوص آب)، h عمق جريان و f_{Cor} ضریب مربوط به شتاب کوریولیس، τ_{by} و τ_{bx} تنش‌های رینولدز متوسط‌گیری شده در عمق x و y و τ_{xy} و τ_{yy} تنش‌های برشی بستر در راستای x و y باشند.

بحث و نتایج

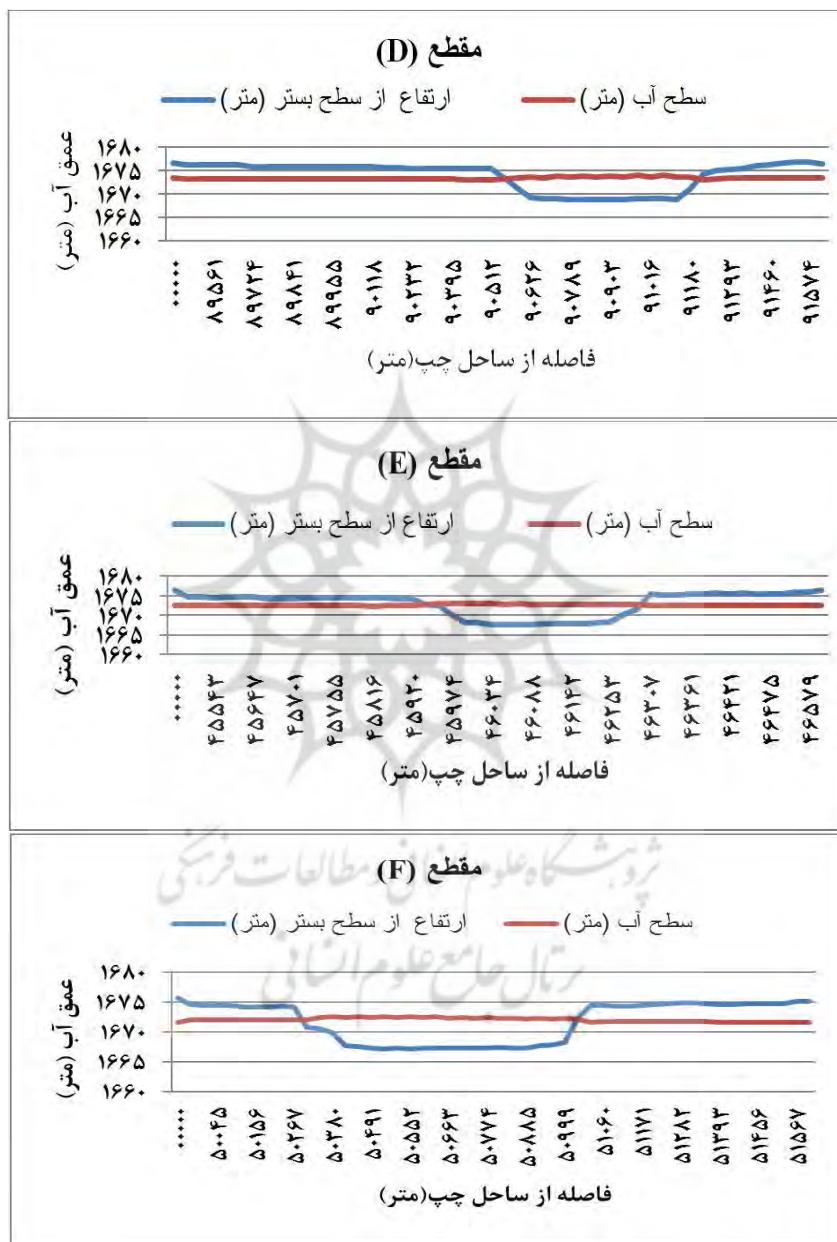
شكل (۳)، نمودار تغییرات عمق آب با استفاده از دبی سیلابی با دوره‌ی بازگشت ۱۰ سال به میزان $713/76 \text{ m}^3/\text{s}$ است که محور x ، مقادیر فاصله از ساحل چپ و محور y ، مقادیر عمق آب می‌باشد.

در این قسمت با استفاده از دبی‌های با دوره‌ی بازگشت ۱۰ و ۵۰ سال به مطالعه‌ی روند تغییرات بازه‌ی مورد مطالعه به ازای دبی‌های سیلابی پرداخته شد.

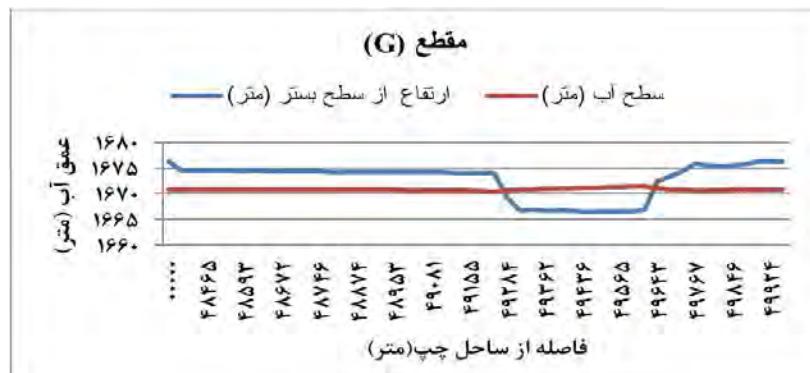
پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی
پرستال جامع علوم انسانی



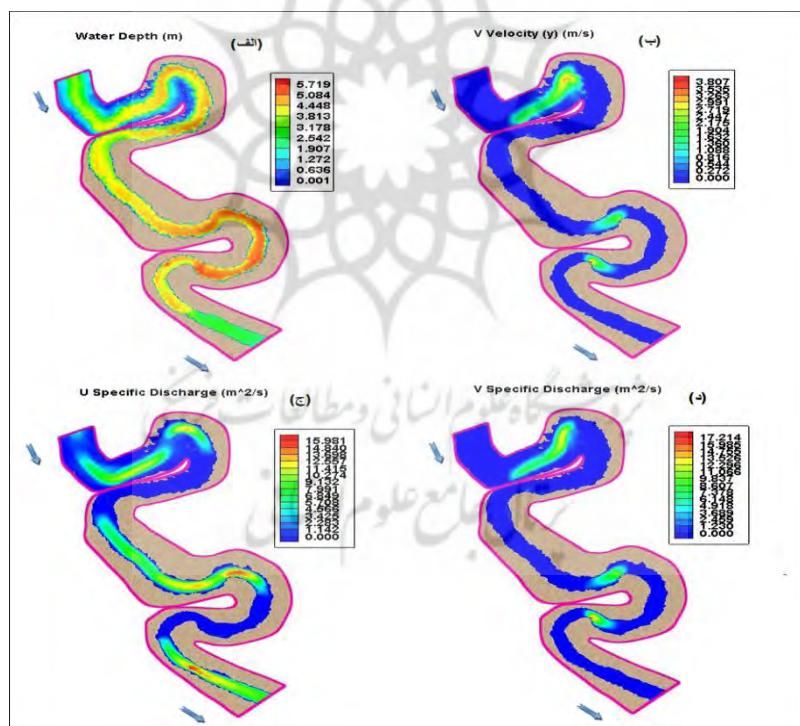
شکل (۳) نمودار مقادیر عمق آب، هفت مقطع (A, B, C, D, E, F, G) برای دبی با دورگشت ۱۰ سال (در شکل فوق خط آبی نشان‌دهنده ارتفاع از سطح بستر و خط قرمز نشان‌دهنده سطح آب به متر می‌باشد)



ادامه‌ی شکل (۳)



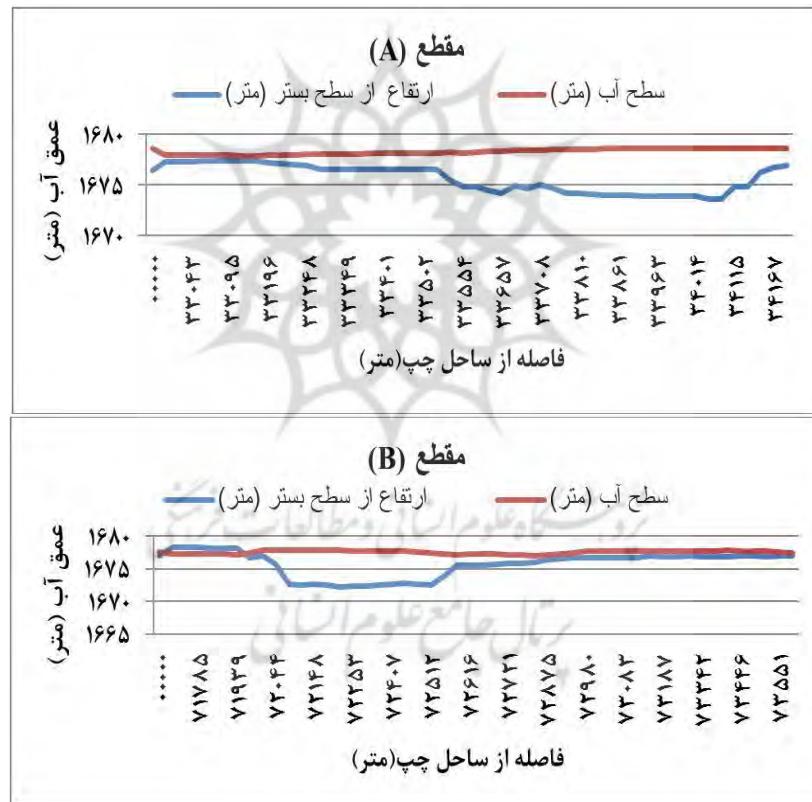
ادامه‌ی شکل (۳)



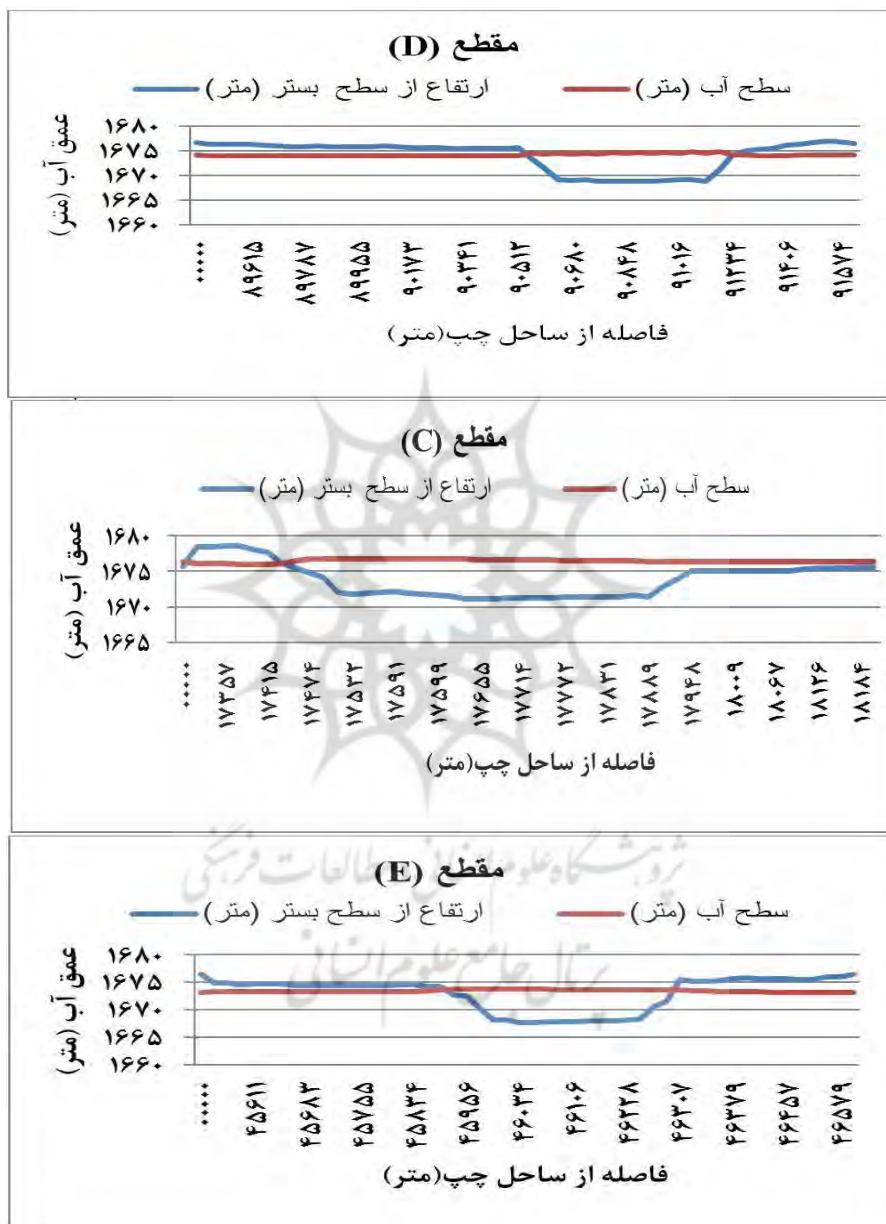
شماره‌ی (۴) پارامترهای عمق آب (الف)، سرعت در راستای عرضی (ب)، دبی ویژه در راستای طولی (ج) و عرضی (د) رودخانه برای دبی با دوره‌ی بازگشت ۱۰

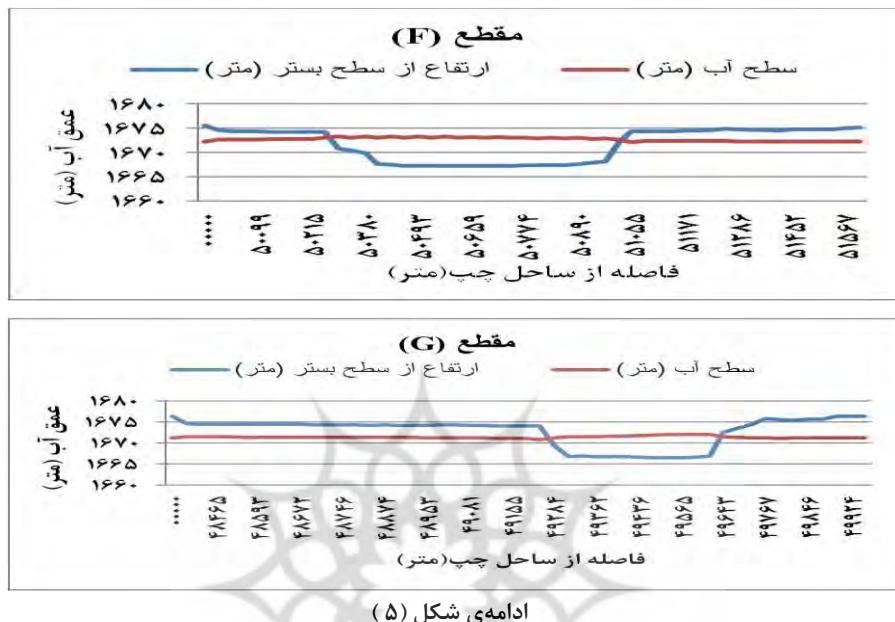
در شکل (۴) پارامترهای عمق آب (الف)، دبی ویژه در راستای طولی و عرضی (ب و ج) و سرعت در راستای عرضی (د) برای دبی با دوره‌ی بازگشت ۱۰ سال نشان داده شده است.

شکل (۵)، نمودار تغییرات عمق آب با استفاده از دبی سیلانی با دوره‌ی بازگشت ۵۰ سال به میزان $1150/0.5 \text{ m}^3/\text{s}$ است که محور x ، مقادیر فاصله از ساحل چپ و محور y ، مقادیر عمق آب می‌باشد.

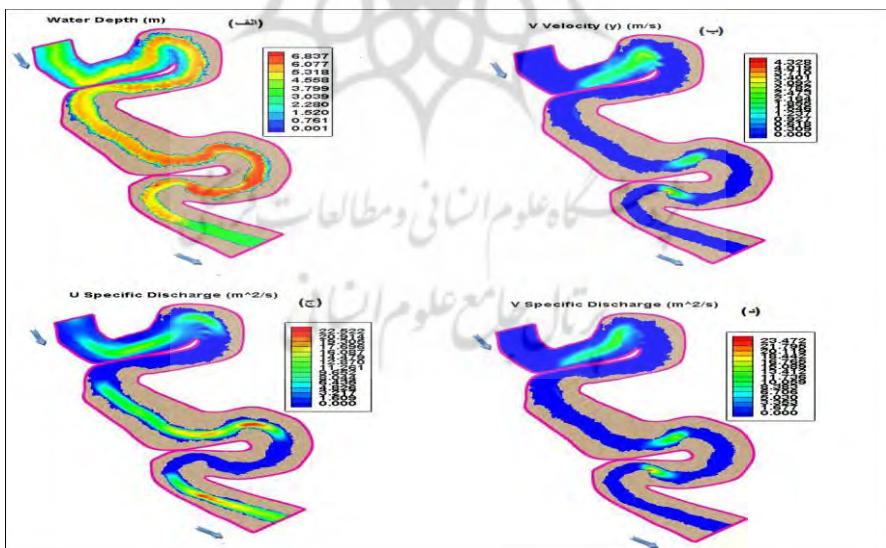


شکل (۵) نمودار مقادیر عمق آب، هفت مقطع (G, F, E, D, C, B, A) برای دبی بازگشت ۵۰ سال (در شکل فوق خط آبی نشان‌دهنده‌ی ارتفاع از سطح بستر و خط قرمز نشان‌دهنده‌ی سطح آب به متر می‌باشد)





(ادامه) شکل (۵)



شکل (۶) پارامترهای عمق آب(الف)، سرعت در راستای عرضی (ب)، دبی ویژه در راستای طولی(ج) و عرضی(د) رودخانه برای دبی با دوره‌ی بازگشت ۵۰ سال

نتیجه‌گیری

با توجه به نتایج حاصل از بررسی دبی‌های با دوره‌ی بازگشت مختلف مشاهده می‌شود، زمانی که رودخانه دارای جریان سیلابی می‌باشد در حاشیه‌ی رودخانه و در قسمت سیلاب‌دشت رودخانه که زمین‌های کشاورزی آن را فرا گرفته‌اند (محدوده‌ی ابتدای پیچان‌رود اول تا خروجی پیچ (قطع C) را آب فرا می‌گیرد که این نشان از ارتفاع کم رودخانه نسبت به سیلاب‌دشت و هم چنین نیروی گریز مرکز در مقطع اول و در قسمت مقعر پیچان رود اول است می‌باشد که در موقع سیلابی آب به سمت قوس خارجی کشیده شده و یک اختلاف فشار بین ورودی و خروجی مقطع اول به وجود می‌آید، در نتیجه تراز آب در قسمت مقعر پیچان‌رود بالا رفته و سیلاب‌دشت را آب فرا می‌گیرد و هرچه جریان سیلابی بیشتری از این قسمت عبور کند قسمت بیشتری از سیلاب‌دشت را آب فرامی‌گیرد، نتایج حاصل از مدل‌سازی نیز مؤید این حرف است. هم‌چنین می‌توان گفت که در هنگام بروز سیلاب در رودخانه، سطح آب از مقطع اصلی رودخانه فراتر رفته وارد دشت‌های سیلابی اطراف آن می‌شود. در این شرایط، به دلیل تفاوت بین زبری سیلاب‌دشت و کanal اصلی، سرعت جریان بر روی سیلاب‌دشت بسیار کمتر از سرعت در کanal اصلی بوده و لذا این اختلاف سرعت نیز باعث ایجاد لایه‌های برشی در محل اتصال جریان کanal اصلی و سیلاب‌دشت در ورودی بازه شده و آشفتگی‌های نسبتاً بزرگی را ایجاد می‌کند. با توجه به بررسی‌های صورت گرفته بیشترین دبی رودخانه در موقع سیلابی مربوط به ابتدای پیچان‌رود اول تا مقطع (B)، که با توجه به بازدیدهای میدانی یکی از قسمت‌های حساس رودخانه در بازه مورد مطالعه و همچنین فاصله مستقیم بین دو پیچان‌رود و تا سر پیچان‌رود دوم می‌باشد. رودخانه در مقطع ابتدای پیچان‌رود اول تمایل به تبدیل شدن به حالت مستقیم را دارد چون که در این قسمت حاشیه سمت راست رودخانه دارای تنش برشی، دبی و سرعت بیشتری نسبت به حاشیه سمت چپ دارد و رودخانه حالتی شبیه به گردنبند گاو را در این قسمت تشکیل داده است که انتظار می‌رود به مرور زمان بستر خود را تغییر داده و به حالت مستقیم تبدیل شود. در

دبي با دوره‌ی بازگشت ۵۰ سال بیشترین تراز آب مربوط به پیچان رود دوم و مقاطع (D، E، F، G) می‌باشد. اين بدین معنی است که رودخانه در پیچان رود دوم داراي عمق آب بيشتری نسبت به پیچان رود اول و مقاطع (A، B، C) می‌باشد. تغييرات رودخانه در پیچان رود اول به علت حساس‌تر بودن بازه بيشتر از پیچان رود دوم است و بستر رودخانه و سيلاب‌دشت هرساله تحت تأثير جريان‌هاي سيلابي، تغييرات زيادي را متتحمل می‌شود. با مقاييسه سرعت جريان آب در مقاطع مختلف بازه‌ی مورد مطالعه مشاهده می‌شود که بيشترین سرعت آب مربوط به مقاطع پیچان رود اول و مقطع آخر پیچان رود دوم می‌باشد. همين سرعت زيادي جريان در پیچان رود اول باعث تغييرات زيادي به خصوص در ورودي پیچان رود شده است. بررسی دبی‌هاي بازگشت مختلف نشان داد که، وقتی رودخانه داراي جريان عادي باشد (دبی پایه) سيلاب‌دشت تحت تأثير جريان رودخانه نمی‌باشد، در هنگام بروز سيلاب در رودخانه، سطح آب از مقطع اصلی رودخانه فراتر رفته و وارد دشت‌هاي سيلابي اطراف آن می‌شود که با نتایج يه و همكاران و همچنین نتایج کمان به دست و همكاران در رابطه با تغييرات بيشتر سيلاب‌هاي بزرگ بر رودخانه هم‌خوانی دارد. در اين شرایط، به دليل تفاوت بين زبری سيلاب‌دشت و کanal اصلی، سرعت جريان بر روی سيلاب‌دشت بسيار كمتر از سرعت در کanal اصلی بوده و لذا اين اختلاف سرعت نيز باعث ايجاد لايدهای برشی در محل اتصال جريان کanal اصلی و سيلاب‌دشت در ورودي بازه شده و آشفتگی‌هاي نسبتاً بزرگی را ايجاد می‌کند، که با نتایج نسار در رودخانه‌ی نيل مبني برآ تأثير ضريب زبری مطابقت دارد. زمانی که رودخانه داراي جريان سيلابي است در ورودي بازه، قسمت سيلاب‌دشت رودخانه که زمين‌هاي کشاورزي آن را فراگرفته‌اند (محدوده‌ی ابتدائي پیچان رود اول تا خروجي پيچ) را آب فرا می‌گيرد که اين نشان از ارتفاع کم رودخانه نسبت به سيلاب دشت می‌باشد. با بهره‌گيري از يك مدل دوبعدی عددی ديناميک سيلات محاسباتی (CFD)، به نام CCHE2D، اثر الگوهای جريان سيلابي بر تغييرات رودخانه در يك بازه‌ی طبيعی پیچان رودی بررسی گردید و نتایج حاصل از تحقيق، قابلیت مدل عددی بکار

رفته را در پیش‌بینی تغییرات رودخانه با استفاده از پارامترهای جریان تأیید نمود. بنابراین با بررسی‌های انجام شده می‌توان گفت، مدل عددی حاضر قادر به بررسی تغییرات رودخانه در کانال‌های پیچان‌رودی به نحوی مطلوب می‌باشد.



منابع

- قلی‌نژاد، جواد؛ ظهیری، علیرضا و امیراحمد دهقانی (۱۳۹۱)، شبیه‌سازی یک و شبه دوبعدی جریان‌های سیلابی در رودخانه‌ها (مطالعه‌ی موردی: رودخانه‌ی گرگان رود ایستگاه آق‌قلاء، مجله‌ی پژوهش‌های حفاظت آب و خاک، ۹، شماره‌ی ۴، صص ۳۵-۱۶).
- واقفی، محمد؛ زره‌پوش شیرازی، هادی و مریم اکبری (۱۳۹۳)، مطالعه‌ی عددی تاثیر شعاع انحنای بر الگوی جریان پیرامون آبشکن سرسپری مستغرق، مجله‌ی آبیاری و آب، شماره‌ی ۵، صص ۱۵۶-۱۴۵.
- واقفی، محمد و پرویز رادان (۱۳۹۴)، مطالعه‌ی عددی آبشستگی و الگوی جریان در نهر قوسی ۹۰ درجه با وجود آبشکن T شکل با تغییر در شعاع انحنای قوس، مجله‌ی مهندسی منابع آب، شماره‌ی ۷، صص ۵۱-۳۷.
- ناجی‌ابهری، محمد (۱۳۸۷)، شبیه‌سازی عددی الگوی جریان در قوس ۹۰ درجه با استفاده از نرم افزار **SSHEIM**، چهارمین کنگره ملی مهندسی عمران، دانشگاه تهران، ص ۲.
- نوحه‌گر، احمد؛ محسنی‌زاده، حسین و ام البنین بذرافشان (۱۳۹۴)، شبیه‌سازی الگوی جریان رودخانه‌های مخروط افکنه‌ای با استفاده از مدل **CCHE2D** مطالعه‌ی موردی: رودخانه‌ی رودان، مجله‌ی پژوهش‌های فرسایش محیطی، شماره‌ی ۲، صص ۳۱-۱۵.
- Andrzej, S., W. Maciej, S. Mateusz and K. Krzysztof. (2013), **Cross-Section Changes in the Lower Part of a Mountain River After the Flood in Spring 2010, as Presented by Means of CCHE2D Program**, Journal of Experimental Methods in Hydraulic Research, Vol. 1, PP.287-297.
- Beck, JS & GR. Basson. (2008), **Klein River Estuary (South Africa): 2D numerical modelling of estuary breaching**, Department of Civil Engineering, Water SA, Vol. 34, No.1, P.14.
- Jia, Y. & S.S.Y. Wang. (1999), **Numerical model for channel and morphological change studies**, ASCE, Journal of Hydraulic Engineering, Vol. 125, No. 9, PP.924-933.
- Kamanbedast, A.A., R. Nasrollahpour & M. Mashal. (2013), **Estimation of Sediment Transport in Rivers Using CCHE2D Model (Case Study:**

- Karkheh River)**, Indian Journal of Science and Technology, Vol. 6, PP.157-173.
- Martin-Vide, J.P., M. Roca & C.A. Alvarado. (2012), **Bend scour protection using riprap**, Water Management, Vol. 163, No. 2, PP.489-497.
- Nassar, M.A. (2011), **Multi-parametric sensitivity analysis of CCHE2D for channel flow simulations in Nile River**, Journal of Hydro-environment Research, Vol. 5, No. 3, PP.187-195.

