

## تعیین و اندازه‌گیری شاخص کل خدمات دارایی‌های پولی در ایران<sup>۱</sup>

علیرضا عرفانی\*، پرویز داوید\*\*، احمد صباحی\*\*\* و فرزانه صادقی\*\*\*\*

تاریخ وصول: ۱۳۹۶/۸/۱۵ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۶/۱۲/۸

### چکیده

این مقاله، در راستای تجمعیع پولی ارائه شده‌ی بارت (۱۹۸۴)، که تقاضای دو کارگزار مصرف‌کننده و تولیدکننده را درنظر می‌گرفت، فرمول جدیدی برای تجمعیع روی دارایی‌های پولی تقاضا شده توسط مصرف‌کننده و بنگاه، شرکت‌های دولتی و دولت ارائه می‌دهد. برای مدل‌سازی شرکت‌های دولتی، از الگوی حداکثرسازی درآمد فروش بامول استفاده شده است. با حل مدل مشاهده شد که هزینه‌ی استفاده از خدمات دارایی‌های پولی توسط شرکت‌های دولتی، کاملاً متفاوت از فرمول بارت برای مصرف‌کننده و بنگاه است. برای دولت نیز، باتوجه به ارائه‌ی خدمات یکسان دارایی‌های پولی دولت، این دارایی‌ها جانشین کامل یکدیگر هستند و می‌توان از تجمعیع جمع ساده، برای تجمعیع دارایی‌های پولی دولت استفاده کرد. بهمنظور بررسی تجمعیع جدید، از داده‌های فصلی سال ۱۳۹۰-۱۳۷۰ جهت برآورد و نیز پیش‌بینی تولید ناخالص داخلی و شاخص قیمت مصرف‌کننده در بازی زمانی ۱۳۹۵-۱۳۹۱ استفاده شد. طبق نتایج این پژوهش، تجمعیع جدید، خطای کمتر و درنتیجه قدرت پیش‌بینی بالاتری در مقایسه با تجمعیع جمع ساده در پیش‌بینی شاخص قیمت مصرف‌کننده در هر دو سطح M1 و M2 دارد. در پیش‌بینی تولید ناخالص داخلی نیز این تجمعیع در سطح M1 بهتر از جمع ساده عمل می‌کند؛ گرچه در سطح M2 با تفاوت بسیار کم در خطای پیش‌بینی، جمع ساده عملکرد بهتری را نشان می‌دهد؛ بنابراین، می‌توان ادعا کرد که محاسبه‌ی حجم نقدینگی با استفاده از تجمعیع جدید، بهمنظور پیش‌بینی روند آتی قیمت‌ها و تولید، در جهت کنترل و هدایت سیاست‌های پولی و مالی توسط دولت، نسبت به تجمعیع جمع ساده ارجحیت دارد.

طبقه‌بندی JEL: E41, E52

واژه‌های کلیدی: تجمعیع پولی، رویکرد اعداد شاخص، شرکت‌های دولتی، توانایی پیش‌بینی، الگوی فروش بامول.

<sup>۱</sup> این مقاله مستخرج از رساله‌ی دکتری فرزانه صادقی در دانشگاه سمنان به راهنمایی دکتر عرفانی و دکتر داوودی است.

\* دانشیار اقتصاد دانشگاه سمنان، سمنان، ایران. (نویسنده‌ی مسئول). ([aerfani@semnan.ac.ir](mailto:aerfani@semnan.ac.ir)).

\*\* استاد اقتصاد دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران.

\*\*\* دانشیار اقتصاد دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران.

\*\*\*\* دانشجوی دکترای اقتصاد دانشگاه سمنان، سمنان، ایران.

## ۱- مقدمه

اکثر اقتصاددانان (مانند بارنت<sup>۲</sup>، سرلتیس<sup>۳</sup>، فیشر<sup>۴</sup>، ...) بر این باورند که منشأ بحران‌های مالی، سیاست‌های پولی نادرست بانک‌های مرکزی است و مهم‌ترین علت اصلی این اشتباهاست سیاستی، آمارهای پولی نادرست است؛ بر این اساس شناسایی دقیق حجم پول یا نقدینگی برای همه کشورها از جمله اقتصاد ایران نیز امری لازم است. از دیرباز تاکنون محاسبه این متغیر از طریق فرمول جمع ساده صورت می‌گرفته است؛ ولی امروزه مجموعه تازه‌ای از پرسش‌ها درباره نحوه محاسبه تجمعیع‌های پولی مطرح شده است. این مسأله، موضوع این پژوهش است. برای این منظور باید به مبحث اندازه‌گیری اقتصاد که یک زیرشته توامند در زمینه اقتصاد است و شامل نظریه تجمعیع<sup>۵</sup> و نظریه اعداد شاخص<sup>۶</sup> است، رجوع شود. به کارگیری این دو نظریه در تجمعیع دارایی‌های پولی، ابتدا توسط بارت بارنت ارائه شد و به طور گسترده در نظریه تولید و نظریه تقاضای مصرف‌کننده گسترش یافته است. بارت و سایر نویسنده‌گان پس از وی، کارگزاران متقاضی را تنها مصرف‌کننده‌گان و تولیدکننده‌گان می‌نگریستند؛ اما آنچه در این پژوهش حائز اهمیت است، تقاضای پول یا به عبارتی نگهداری پول توسط دولت و شرکت‌های دولتی است. بر این اساس با توجه به ویژگی‌های اقتصاد ایران و وجود یک دولت راندیر که منجر به گسترش نقش این نهاد در اقتصاد شده است، به نظر می‌رسد بررسی حضور دولت به عنوان یکی از کارگزاران اقتصادی در تعیین حجم دقیق پول، برای ایران امری لازم است؛ از طرف دیگر همان‌طور که می‌دانیم در کشور ما سهم شرکت‌های دولتی از بودجه کل کشور در حدود سه چهارم است. شایان ذکر است این نسبت در برخی از کشورهای در حال توسعه دیگر، به ۹۰ درصد می‌رسد. کوالسکی و همکارانش<sup>۷</sup> (۲۰۱۳) این مسأله را در سطح جهانی بیان می‌کنند و طبق محاسبات آنها، در سال ۲۰۱۱، بیش از ۵۱ درصد از تولید ناخالص داخلی دنیا و بیش از ۸۰ درصد از ارزش افزوده سرمایه بازارهای دنیا، به ۲۰۰۰ شرکت

<sup>2</sup> William Barnett

<sup>3</sup> Apostolos Serletis

<sup>4</sup> Irving Fisher

<sup>5</sup> Aggregation theory

<sup>6</sup> Index-number theory

<sup>7</sup> Przemyslaw Kowalski; Max Büge; Monika Sztajerowska; Matias Egeland

دولتی موجود در لیست جهانی فوربس<sup>۸</sup> اختصاص یافته است. این مسئله می‌تواند رهنمودی برای تفکیک شرکت‌های دولتی از دولت باشد. بنابراین با توجه به اهمیّت و ضرورت محاسبه دقیق حجم پول، و با توجه به حجم بسیار بالای تقاضای پول توسط دولت و شرکت‌های دولتی در ایران، اهمیّت درنظر گرفتن این دو کارگزار مشخص می‌شود. پژوهش‌های اخیری که در ایران صورت گرفته، تنها به بررسی فرمول ارائه شده توسط بارت، «فرمول دیویژنیا»، پرداخته‌اند. این مطالعه پا را فراتر نهاده و با ارائه رویکردی جدید در تعیین حجم پول، کارگزاران متقاضی پول را شامل مصرف‌کنندگان، تولیدکنندگان، دولت و شرکت‌های دولتی دانسته و شاخص کل خدمات دارایی‌های پولی را تعیین نموده و در نهایت این شاخص را برای ایران محاسبه کرده است. انتظار می‌رود فرمول ارائه شده، نه تنها نسبت به جمع ساده، بلکه نسبت به دیویژنیا رایج، پیش‌بینی بهتری از متغیرهای اقتصادی ارائه دهد. بر این باوریم معیار پولی جدید، تغییر و تحولات پدید آمده در کاربرد دارایی‌های پولی مختلف را به عنوان جانشین‌های پول رایج، به‌طور صحیح نشان می‌دهد و در نتیجه برای بررسی نقش پول در اقتصاد کلان، معیار مناسب‌تری است.

در ساختار پژوهش، ابتدا به ادبیات موضوع اندازه‌گیری اقتصادی خواهیم پرداخت؛ سپس با تعیین مسئله تصمیم اقتصادی هر کارگزار، نظریه تجمعیع و اعداد شاخص را مورد بررسی قرار خواهیم داد. در نهایت، شاخص کل خدمات دارایی‌های پولی را در بازه زمانی مشخص برای ایران محاسبه کرده و با شاخص جمع ساده، براساس قدرت پیش‌بینی تولید و قیمت‌ها، مقایسه خواهیم نمود.

## ۲- ادبیات موضوع

دانش اندازه‌گیری اقتصادی، شامل نظریه تجمعیع و نظریه اعداد شاخص است. براساس نظریه تجمعیع، در صورتی که دارایی‌ها جانشین کامل یکدیگر باشند، خدمات کالاهای را می‌توان با جمع ساده، تجمعیع کرد؛ و اگر جانشین کامل نباشند، تجمعیع مقداری با جمع ساده اشتباه است؛ که نظریه تجمعیع در این حالت، وزن‌دهی به کالاهای را پیشنهاد می‌دهد؛ اما مسئله تنها به جانشینی میان کالاهای و وزن‌دهی به آنها ختم نمی‌شود. حتی با وزن‌دهی به کالاهای مشکلی دیگر وجود دارد و آن، تفاوت

<sup>8</sup> Forbes global list

ماهیّت خدماتی است که دو کالا ارائه می‌دهند. این مسأله، استفاده از روش وزن‌دهی غیرخطی را می‌طلبد. نظریه تجمعی در ابتدا در مورد کالاهای مصرفی بود. بارنت در آغاز دهه ۱۹۸۰ نظریه تجمعی را برای دارایی‌های پولی به کار گرفت. به عقیده وی این دارایی‌ها با دوام بوده و برای بیش از یک دوره خدمات مالی ارائه می‌دهند. دارایی‌های مالی فاسدشدنی نیستند و با مصرف خدمات آن، به سرعت از بین نمی‌روند؛ بنابراین می‌توان تجمعی پولی<sup>۹</sup> را برای آن‌ها در نظر گرفت. به دلیل با دوام بودن دارایی‌های پولی، قیمت هزینه استفاده خدمات آن باید محاسبه می‌شد که این فرمول نیز توسط بارنت (۱۹۷۸، ۱۹۸۰) ارائه شده که به‌طور مستقیم از نظریه اقتصاد خرد از تصمیم‌گیری عقلایی توسط مصرف‌کننده و بنگاه استخراج شده است (بارنت، ۲۰۱۲).

بر اساس نظریه تجمعی، تجمعی مقداری اقتصادی، که به تابع «تجمعی‌کننده» معروف است، تابعی از مقادیر مؤلفه‌های پولی است. از آنجایی که جانشینی بین مؤلفه‌ها در این تابع با جانشینی بین مؤلفه‌ها در ترجیحات مصرف‌کننده و تکنولوژی تولیدکننده برابر است؛ بنابراین در نظریه تجمعی، توابع تجمعی‌کننده، توابع مطلوبیت و تولید هستند. این توابع، در واقع، بنیان‌های نظریه تجمعی را شرح می‌دهد؛ از این‌رو برای درک نظریه تجمعی ضروری هستند؛ اما تجمعی مقداری حاصله در این نظریه، به مقادیر مؤلفه‌های دارایی و به پارامترهای ناشناخته بستگی دارد و به قیمت‌ها بستگی ندارد؛ همان‌طور که مشخص است برآورد پارامترهای ناشناخته به تصریح مدلی خاص و نیز به داده‌ها و برآورده‌گرها بستگی دارد. از این‌رو توابع تجمعی‌کننده گرچه به لحاظ نظری مهم هستند؛ اما در ایجاد شاخص‌هایی که قابلیت انتشار توسط دولت را داشته باشند، مناسب نخواهند بود. به همین دلیل است که اصولاً نظریه تجمعی تنها، ابزاری برای تحقیق درنظر گرفته می‌شود؛ اما در کاربرد، اقتصاددانان به سراغ نظریه اعداد شاخص می‌روند. اعداد شاخص آماری بستگی به پارامترهای ناشناخته ندارد و می‌تواند به قیمت‌ها و مقادیر مؤلفه‌ها و بنابراین به رفتار کارگزاران اقتصادی وابسته باشد (بارنت و سرلتیس، ۲۰۰۰).

در واقع بنیادی‌ترین مسأله در نظریه اعداد شاخص، پاسخ به این سؤال است که چه مقدار از اطلاعات قیمت و مقادیر میلیون‌ها کالاهای خدمات داد و ستد شده بین مصرف‌کننده‌ها و بنگاه‌ها، نهفته است. پس از تعیین مجموعه‌ای کوچکتر از

---

<sup>9</sup> Monetary Aggregation

کالاهای و خدمات (سبد مصرف) و بررسی تغییرات قیمت یا مقدار آنها، اعداد شاخص به عنوان یک مقایسه، یک نسبت و یا یک مقدار نسبی، اندازه‌ها و بزرگی‌ها را در دو موقعیت مختلف مقایسه می‌کنند. چنان‌چه مقایسه تغییرات قیمت‌ها مورد بررسی باشد، آن را شاخص قیمتی و اگر مقایسه تغییرات مقدادیر مورد نظر باشد، آن را شاخص مقداری می‌نامیم. مثال‌های شاخص قیمت در بحث اعداد شاخص، شاخص لاسپیرز، پاشه، مارشال و اجورث، والش، و شاخص ایده‌آل فیشر هستند. (چلویان، ۱۳۸۴)

بارنت مطالعات خود را تا سال ۱۹۸۱ به صورت جامع در کتاب تقاضای مصرف‌کننده و عرضه نیروی کار؛ کالاهای، دارایی‌های پولی و زمان ارائه داد. وی با تحلیل سیستم تقاضا و اقتصاد نیروی کار شروع کرده و رویکردی منحصر به فرد از مدل مشترک تخصیص مخارج کالاهای و عرضه نیروی کار ارائه می‌دهد. برای این منظور، نظریه تجمعی و خصوصیات توابع تجمعی کننده و نیز نظریه آماری مربوط به مدل خود را به طور کامل تشریح کرده و نتایج تجربی از مدل را با داده‌های آمریکا ارائه داده است. ابتدا شروط لازم نظریه تجمعی را برای تفکیک مسأله مصرف‌کننده و عرضه نیروی کار آزمون کرد که نتایج حاکی از رد این شروط بود. به نظر می‌رسد این نتایج ناشی از تفکیک‌ناپذیری ضعیف معنادار در جانشینی بین اوقات فراغت و کالاهای بادوام و نیمه بادوام است. سپس وارد بحث تجمعی دارایی‌های پولی می‌شود و مقایسه‌ای تجربی بین تجمعی جمع ساده و دیویژیا انجام می‌دهد. در محاسبه شاخص مقداری پولی به این نتیجه می‌رسد که فرمول اعداد شاخص جمع ساده، رضایت‌بخش نیست؛ چراکه مؤلفه‌های تجمعی در جمع ساده، شروط لازم و کافی برای سازگاری با نظریه تجمعی را تأمین نمی‌کنند.

پس از آن بارنت به دنبال تعمیم تجمعی پولی خود، از فرم‌های تابعی انعطاف‌پذیر مختلف بهره برده است.<sup>۱۰</sup> سپس بارنت به اتفاق دیگر نویسنده‌گان به دنبال تأیید تجمعی دیویژیا گام برداشتند. به طور مثال، بارنت و الخلیفه<sup>۱۱</sup> (۲۰۱۳)، تجمعی پولی دیویژیا و جمع ساده را برای عربستان سعودی محاسبه کردند. نتایج آن‌ها، همبستگی بالایی بین دو روش تجمعی برای پول محدود (M1) را نشان می‌دهد؛ چراکه جانشینی کامل بین مؤلفه‌های پولی در تجمعی وجود دارد. از طرف

<sup>۱۰</sup> برای نمونه به مطالعات بارنت در سال‌های ۱۹۸۳ تا ۱۹۸۵ رجوع شود.

<sup>۱۱</sup> Ryadh M. Alkhareif

دیگر تمایز روشی بین دو رویکرد برای تجمیع پول وسیع (M2) وجود دارد؛ چراکه فرض جانشینی کامل برای مؤلفه‌های این تجمیع، غیرواقعی است. آن‌ها نتیجه گرفتند بهتر است دولت هر دو شاخص را به‌طور همزمان برای کنترل نقدینگی در بازار به کار گیرد.

بلونیا و ایرلند<sup>۱۲</sup> (۲۰۱۴) نیز با استفاده از مدل SVAR، گنجاندن پول دیویژیا در قاعده سیاست پولی ایالت متحده را تأیید کردند. تحلیل آن‌ها نشان داد که تجمیع پولی دیویژیا، بدون نیاز به فرم‌های تابعی که شامل سلایق و تکنولوژی باشد و بدون نیاز به دانستن مقادیر پارامترهایی که به آن فرم‌های تابعی وارد می‌شوند، در مواجهه با شوک‌های اقتصاد کلان، تجمیع واقعی را به‌طور کاملاً عالی نتیجه می‌دهد.

در پژوهش دیکسون خانیگا<sup>۱۳</sup> (۲۰۱۴)، تفاوت بین تجمیع پولی دیویژیا و جمع ساده برای کنیا، حاکی از فقدان جانشینی بالا بین مؤلفه‌های دارایی‌های پولی است و جانشینی ناقص بین سپرده‌های بانکی و پول رایج وجود دارد. تحلیل همبستگی روابط بلندمدت مبتنی بر تقاضای پول نشان می‌دهد که شاخص‌های دیویژیا همانند شاخص جمع ساده به خوبی عمل می‌کند.

بارنت (۲۰۱۵)، رابطه‌ی بین کار میلتون فریدمن و کار بارت در مورد تجمیع پولی دیویژیا را بیان می‌کند و ادعا می‌کند که تناقض مرتبط با کار فریدمن با جایگذاری تجمیع پولی جمع ساده با تجمیع پولی سازگار با نظریه اعداد شاخص اقتصادی، مانند شاخص دیویژیا، قابل حل خواهد بود. تناقض اقتصادی به سال ۱۹۷۴ بر می‌گردد زمانی که اقتصاددانان براین باور بودند که تغییر ساختاری تندی در بازار پول وجود دارد که نمی‌تواند با تغییرات نرخ بهره توضیح داده شود. در ایران نیز پژوهش‌هایی در راستای تأیید تجمیع دیویژیای رایج صورت گرفته است. همانند داویدی و زارع پور (۱۳۸۵)، که دریافتند سرعت تعديل و تصحیح خطا در مدل شامل تجمیع دیویژیا بیشتر از مدل شامل جمع ساده است از آن‌جا که نتایج تجربی نشان می‌دهد بازار پول در ایران سریع به تعادل می‌رسد و شوک‌های پولی سریعاً در اقتصاد هضم می‌شوند، آن‌ها ادعا دارند که شاخص دیویژیا، تابع تقاضای پول را به درستی برآورد کرده است.

<sup>12</sup> Michael T. Belongia, Peter N. Ireland

<sup>13</sup> Dickson Khainga

شاهمرادی و ناصری (۱۳۸۹)، نشان دادند که در سطح M1، روش تجمیع صرفاً بر مقدار مطلق M1 تأثیر گذاشته است؛ اما نرخ‌های رشد M1 جمع ساده و دیویژیا کاملاً باهم برابرند. به عقیده آن‌ها مقایسه مقادیر بهدست آمده برای M2 و ملاحظه تفاوت‌های رشد و تغییرات آن‌ها، نشان دهنده‌ی آنست که با استفاده از شاخص مقداری دیویژیا، می‌توان تحلیل‌های سیاست‌گذاری کارآمدتری از نقش پول در اقتصاد داشت.

آن‌ها در پژوهشی دیگر (۱۳۸۹) نیز فرضیه خنثی بودن پول را با متداول‌وزیر کینگ و واتسون که مشخص می‌کند خنثی بودن پول به نوع و روش تجمیع مؤلفه‌های پولی حساس است، هم در روش جمع ساده و هم روش دیویژیا در ایران مورد تأیید قرار دادند؛ به جز تجمیع پولی جمع ساده M2، پول را خنثی ارزیابی نکرده است.

عرفانی و همکاران (۱۳۹۱)، در بررسی تجمیع پولی دیویژیا برای هر دو تعریف محدود و وسیع پول با استفاده از داده‌های فصلی دوره ۱۳۷۰-۸۸ و مقایسه با شاخص جمع ساده نشان دادند که سرعت تعديل تجمیع‌های پولی دیویژیا، از تجمیع‌های پولی جمع ساده بیشتر است و توابع تقاضای پول که از تجمیع‌های پولی دیویژیا ساخته می‌شوند، باثبتات‌ترند.

جعفری صمیمی و همکاران (۱۳۹۲) نیز با بررسی اثرات نامتقارن کل‌های پولی دیویژیا بر تورم در رژیم‌های تورمی بالا در ایران و با استفاده از روش چرخشی مارکوف طی دوره زمانی (۱۳۶۹-۹۰) اثبات کردند که کل‌های پولی دیویژیا نسبت به کل‌های پولی جمع ساده عدم تقارن موجود را بهتر نشان می‌دهند.

بنابراین بهطور کلی می‌توان بیان کرد، درحالی‌که هنوز هیچ تجمیعی به عنوان بهترین تجمیع شناخته نشده است، مطالعات تجربی بارنت و سایر مطالعات در زمینه تجمیع دارایی‌های پولی، بهینه‌ترین نتایج را با تجمیع دیویژیا نشان می‌دهند؛ اما نکته مهم این است که در تمامی این مطالعات از تجمیعی استفاده شد که توسط بارنت با دو کارگزار مصرف‌کننده و بنگاه ارائه شده است؛ اما آن‌چه در این پژوهش نوآوری محسوب می‌شود، توسعه مدل بارنت با اضافه کردن کارگزاران جدید دولت و شرکت‌های دولتی است. در ادامه به مدل‌سازی مسئله تصمیم کارگزاران خواهیم پرداخت و شاخص جدیدی برای تجمیع دارایی‌های پولی ارائه خواهیم داد.

### ۳- مدل‌سازی و ارائه شاخص خدمات دارایی‌های پولی

همان‌گونه که مطرح شد، در این پژوهش متقارضیان خدمات دارایی‌های پولی به چهار بخش مصرف‌کنندگان، بنگاه‌ها<sup>۱۴</sup>، شرکت‌های دولتی و دولت تقسیم شده‌اند. همان‌طور که بیان شد، بارت در ارائه شاخص خود از مصرف‌کننده و بنگاه استفاده کرده است؛ بنابراین در ادامه مروری مختصر بر رویکرد بارت خواهیم داشت؛ سپس فرایند تجمعیع برای دولت و شرکت‌های دولتی را بررسی خواهیم کرد و شاخص خدمات دارایی‌های پولی را برای هریک به‌طور جداگانه و در نهایت شاخص کل خدمات دارایی‌های پولی را به‌دست خواهیم آورد.

#### ۱-۳- مصرف‌کننده

مصرف‌کننده براساس روش بهینه‌سازی دو مرحله‌ای، به تخصیص مخارج متوالی می‌پردازد. به‌طوری‌که در مرحله اول، مخارج خود را بین گروه‌های کالایی (کالاهای مصرفی، اوقات فراغت و دارایی‌های پولی) تخصیص می‌دهد؛ بنابراین در مرحله اول، آن مقادیری از دارایی‌های پولی، مصرف کالاهای اوقات فراغت و دارایی پایه را انتخاب می‌کند که تابع مطلوبیت (۱) را نسبت به قید بودجه (۲) حداکثر نماید:

$$u_t = u_t(m_t, \dots, m_{t+T}; \bar{L}_t, \dots, \bar{L}_{t+T}; x_t, \dots, x_{t+T}; A_{t+T}) \quad (1)$$

$$\begin{aligned} \dot{p}_s x_s &= w_s L_s + \sum_{i=1}^n [(1 + r_{i,s-1}) p_{s-1}^* m_{i,s-1} - p_s^* m_{is}] + [(1 + \\ &R_{s-1}) p_{s-1}^* A_{s-1} - p_s^* A_s] + I_s \end{aligned} \quad (2)$$

که  $x_s$  کالاهای خدمات مصرفی؛  $P_s$  قیمت‌های مورد انتظار کالاهای خدمات؛  $m_s$  مقادیر واقعی دارایی‌های پولی؛  $r_s$  بازده مورد انتظار دارایی‌های پولی؛  $A_s$  مقادیر دارایی پایه (محک)؛  $R_s$  بازده مورد انتظار دارایی پایه؛  $L_s$  عرضه نیروی کار؛  $w_s$  نرخ دستمزد مورد انتظار نیروی کار؛  $\bar{L}_s$  تقاضای اوقات فراغت؛  $I_s$  سایر درآمدهای طی دوره  $S$  هستند. دارایی پایه، هیچ خدمتی جز بازده  $R_s$  ارائه نمی‌دهد و تنها به‌منظور انتقال ثروت بین افق برنامه‌ریزی شده چند دوره‌ای نگهداری شده است. پس  $R_s$  حداکثر بازده مورد انتظار دوره نگهداری در اقتصاد است.

سپس در مرحله دوم مخارج را درون هر کدام از گروه‌های کالایی تخصیص می‌دهد. با توجه به هدف این پژوهش که شاخص خدمات دارایی‌های پولی است، در

<sup>۱۴</sup> مسئله اقتصادی این دو کارگزار را بارت (۱۹۸۰)، بارت و سرلتیس (۲۰۰۰) و بارت (۲۰۱۲) شرح داده‌اند.

مرحله دوم، تنها بر دارایی‌های پولی بیشینه‌سازی صورت می‌گیرد:

$$\begin{aligned} \max u(m_t) \\ s.t. \quad \dot{\pi}_t m_t = y_t \end{aligned} \quad (3)$$

که  $y_t$  مخارج اختصاص یافته به دارایی‌های پولی است که از مرحله اول بهینه‌سازی حاصل می‌آید و  $\pi_{it}, \dots, \pi_{nt}$  نیز بردار هزینه استفاده خدمات دارایی پولی یا "هزینه فرصت"<sup>۱۵</sup> آن است که با بهره از پیش تعیین شده و با به کار گیری خدمات دارایی اندازه‌گیری می‌شود؛ و هر  $\pi_{it}$  به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\pi_{it} = \frac{p_t^*(R_t - r_{it})}{1 + R_t} \quad (4)$$

اما تحت فرض مطلوبیت همگن خطی، تجمعیع پولی واقعی، سطحی از مطلوبیت غیرمستقیم از نگهداری پرفولویی تعریف شده و از این رو با مقدار بهینه تابع هدف تصمیم‌گیرنده برابر است:

$$M_t^C = \max\{u(m_t) : \dot{\pi}_t m_t = y_t\} \quad (5)$$

تابع  $u$  تجمعیع‌کننده است و همگن خطی است. تجمعیع قیمتی اسمی، دوگان با تجمعیع مقداری، روی هزینه استفاده  $\pi$  وجود دارد که با  $\Pi_t^C$  نشان می‌دهیم:

$$\Pi_t^C = E(1, \pi_t) = \min\{\dot{\pi}_t m_t : u(m_t) = 1\} \quad (6)$$

اگرچه رابطه (3) کاملاً درست است، اما همان‌طور که پیش از این نیز بیان شد، به تابع نامعلوم  $u$  بستگی دارد؛ بنابراین جهت اجتناب از برآورد تابع نامعلوم، از نظریه اعداد شاخص استفاده می‌کنیم و  $M_t^C$  صحیح را به دست می‌آوریم. با استفاده از نظریه اعداد شاخص در زمان پیوسته، تجمعیع صحیح پولی می‌تواند توسط شاخص دیویژیا بدون خطأ، به صورت زیر نوشته شود:

$$\frac{d \log M_t^C}{dt} = \sum_i s_{it} \frac{d \log m_{it}^*}{dt} \quad (7)$$

که  $s_{it}$  سهم دارایی  $i$  ام در مخارج روی کل جریان خدمات دارایی‌های پولی است:

$$s_{it} = \frac{\pi_{it} m_{it}^*}{y_t} = \frac{\pi_{it}^* m_{it}^*}{y_t^*} \quad (8)$$

در زمان گسسته از تقریب تایل-تورنکوئیست به دیویژیا استفاده می‌کنیم:

$$\begin{aligned} \log M_t^C - \log M_{t-1}^C &= \sum_i \bar{s}_{it} (\log m_{it}^* - \log m_{i,t-1}^*) \\ \bar{s}_{it} &= \frac{s_{it} + s_{i,t-1}}{2}, \quad s_t^* = (\bar{s}_{1t}, \bar{s}_{2t}, \dots, \bar{s}_{nt}) \end{aligned} \quad (9)$$

<sup>15</sup> Opportunity Cost

### ۲-۳- بنگاه تولیدکننده کالای خصوصی

بنگاه تولیدی، بنگاه غیرمالی است که خدمات شخصی غیر از خدمات مالی ارائه می‌دهد. پول به عنوان نهاده در کنار دیگر عوامل تولیدی در تابع سود و قید تابع تولید وارد می‌شود و بنگاه نیز سود خود را نسبت به قید هزینه حداکثر می‌کند. تابع تکنولوژی تولید بنگاه و تابع سود بنگاه طی دوره  $S$  به صورت زیر تعریف می‌شود

$$\Omega(\delta_t, \dots, \delta_{t+T}; \varepsilon_t, \dots, \varepsilon_{t+T}; \kappa_t, \dots, \kappa_{t+T}) = 0 \quad (10)$$

تابع سود بنگاه طی دوره  $S$  نیز عبارتست از:

$$\Psi_S = \delta_S v_S - \kappa_S \zeta_S + \sum_{i=1}^n [(1 + r_{i,S-1}) p_{i-1}^* \varepsilon_{i,S-1} - p_i^* \varepsilon_{i,S}] \quad (11)$$

که  $\delta_s$  مقداری تولید (محصول)،  $v_s$  قیمت مورد انتظار محصولات،  $\varepsilon_s$  مقداری دارایی‌های پولی نگهداری شده،  $r_s$  بازده موردنانتظار دارایی‌های پولی،  $\kappa_s$  مقداری دیگر عوامل تولید،  $\zeta_s$  قیمت مورد انتظار عوامل تولید ( $\kappa_s$ ) طی دوره  $S$  هستند.

همانند آن‌چه برای مصرف‌کننده بیان شد، برای بنگاه نیز خواهیم داشت، با این تفاوت که به جای  $M_t^C$  برای مصرف‌کننده،  $M_t^F$  را برای بنگاه داریم. تجمیع مقداری و قیمتی پولی،  $M_t^F$  و  $\Pi_t^F$  به صورت زیر به دست خواهد آمد:

$$M_t^F = \max\{a(\varepsilon_t) : \eta_t \varepsilon_t = b_t\} \quad (12)$$

$$\Pi_t^F = E(1, \eta_t) = \min\{\eta_t \varepsilon_t : a(\varepsilon_t) = 1\} \quad (13)$$

تجمیع دیویژیا در زمان گستته برای تولیدکننده نیز برابر است با:

$$\log M_t^F - \log M_{t-1}^F = \sum_i \bar{s}_{it} (\log \varepsilon_{it}^* - \log \varepsilon_{i,t-1}^*)$$

$$\bar{s}_{it} = \frac{s_{it} + s_{i,t-1}}{2}, \quad s_{it} = \frac{\eta_{it} \varepsilon_{it}^*}{b_t} = \frac{\eta_{it}^* \varepsilon_{it}^*}{b_t^*} \quad (14)$$

### ۳-۳- شرکت‌های دولتی

نظریه نئوکلاسیکی بنگاه، بنگاه را مؤسسه‌ای برای تبدیل نهاده‌ها به محصول می‌داند و معتقد است هدف بنگاه حداکثر کردن سود است. (نصراللهی و همکاران، ۱۳۹۲). اما علی‌رغم آن‌که رفتار شرکت‌های دولتی تاحدودی همانند رفتار بنگاه‌های تولیدی است، به دلیل آنکه ماهیت و مأموریت آن‌ها متفاوت از بنگاه‌های تولیدی خصوصی است، لزوماً به دنبال حداکثرسازی سود نخواهند بود؛ به‌طوری‌که در چند دهه گذشته با توجه به رونق یافتن تجارت و افزایش سرمایه‌گذاری در سهام شرکت‌ها، مسأله جدایی نقش مدیریت از مالکیت و نظریه نمایندگی و نقش

اطلاعات مالی، بیش از قبل مورد توجه قرار گرفته است. این شرایط، نظریه حداکثرسازی را برای این نوع از بنگاه‌ها با انتقادهایی روبرو کرده و از این رو نظریه‌های کلی‌تری پیشنهاد شده است.

وافعیت از آنجا برمی‌خیزد که دوگانگی بین اهداف دولت و مدیران وجود دارد. این تمایز و دوگانگی فرصتی را در اختیار مدیران قرار می‌دهد که اهداف دولت را در راستای قیودی برای شرکت تنظیم کنند، به جای آن که هدف حداکثر نمودن سود که تنها مالک بنگاه را راضی می‌کند، انتخاب کنند. همان‌طور باس<sup>۱۶</sup> (۱۹۸۹) اشاره می‌کند، تفاوت اصلی، در کثر عوامل تعیین‌کننده اقتصادی و سیاسی برای فعالیت شرکت‌های دولتی در مقایسه با عوامل تعیین‌کننده تجاری برای فعالیت شرکت‌های خصوصی است. اهداف شرکت‌های دولتی از منظر باس عبارتند از:

۱) بر مبنای تئوری اقتصاد هنجاری<sup>۱۷</sup>، شرکت‌های دولتی باید رفاه را حداکثر کنند. مثال‌های بسیاری وجود دارد که در آن‌ها قیمت‌گذاری هزینه‌نهایی یا قیمت‌گذاری رمزی به کار گرفته شده است. (باس، ۱۹۸۹: ۱۴).

۲) بر مبنای تئوری اقتصاد اثباتی<sup>۱۸</sup>، شرکت‌های دولتی باید اهداف سیاسی و نهایی خاصی را حداکثر کنند (همان: ۱۵). توابع هدف مختلف در تئوری اثباتی می‌توانند برای نشان دادن سیاست‌های حداکثر نمودن رأی، حداکثر نمودن بودجه، و درآمد یا حداکثر نمودن تولید شرکت‌های دولتی به کار گرفته شوند (همان: ۶۱). بنابراین به‌طور خلاصه، طبق چارچوبی که باس (۱۹۸۹) ارائه می‌دهد، می‌توانیم رفاه و یا اهداف مدیریتی و سیاسی را نسبت به شرایط تسويه بازار، تکنولوژی شرکت دولتی و قیود هزینه درآمد حداکثر کنیم. اگر طبق اهداف مدیریتی به دنبال حداکثر تولید یا درآمد باشیم، برجسته‌ترین الگو، مدل حداکثرسازی درآمد فروش بامول (۱۹۵۹) است.

براساس الگوی حداکثرسازی فروش<sup>۱۹</sup> که توسط ویلیام بامول<sup>۲۰</sup> و سایرین مطرح شده، مدیران شرکت‌ها بعد از یک نرخ سودی که رضایت سهامداران را تأمین کند، در جستجوی حداکثر کردن فروش هستند. دلیل این هدف، همان

<sup>16</sup> Deter Bos

<sup>17</sup> Normative economics

<sup>18</sup> Positive economics

<sup>۱۹</sup> برای توضیح بیشتر ر. ک به: اقتصاد مدیریت نوشته Dwivedi (۱۹۸۰)، صفحات ۳۴-۲۷

<sup>20</sup> William Baumol

دوگانگی بین مالکیت و مدیریت در شرکت‌های بزرگ کسب و کار است. با توجه به ماهیت شرکت‌های دولتی و مدل‌های مختلف بهینه‌یابی، انتظار می‌رود به دو دلیل عمدۀ زیر، مدل حداکثر نمودن فروش بامول برای شرکت‌های دولتی در ایران مطلوب‌تر باشد:

اول، در شرکت‌های دولتی مدیریت از مالکیت جداست؛ چراکه دولت سهامدار اصلی شرکت‌های دولتی، به نمایندگی از عموم مردم است. از این‌رو هیچ‌گاه نمی‌توان انتظار داشت که مدیریت شرکت‌های دولتی در اختیار مالکان آن باشد. از آن‌جا که تابع مطابقیت مدیران با مالکان یکسان نیست، بین آن‌ها تضاد منافع وجود دارد و مدیران لزوماً در پی حداکثر نمودن منافع برای مالکان نخواهند بود.

دوم، از آن‌جایی که که رسالت شرکت‌های دولتی کمک به دولت برای ارائه هرچه بهتر خدمات در سطح جامعه است، از این‌رو انتظار می‌رود تولیدات این شرکت‌ها در سطح بهینه اجتماعی قرار گیرد. براساس مدل‌های اقتصاد خرد، سطح بهینه اجتماعی برای بنگاه‌های اقتصادی در حالت رقابت کامل، در شرایط سود اقتصادی صفر و حداکثر تولید اتفاق می‌افتد.

بنابراین مسأله تصمیم برای شرکت‌های دولتی همانند بنگاه‌های تولیدی است؛ با این تفاوت که به جای تابع سود، تابع فروش (۱۵) را نسبت به تابع تکنولوژی تولید (۱۶) حداکثر می‌کنند:

$$\gamma_s = \dot{q}_s \sigma_s + \sum_{i=1}^n [(1 + r_{i,s-1}) p_{s-1}^* e_{i,s-1}] \quad (15)$$

$$Q(q_t, \dots, q_{t+T}; e_t, \dots, e_{t+T}; k_t, \dots, k_{t+T}) = 0 \quad (16)$$

که  $q_s$  مقادیر تولید محصول؛  $\sigma_s$  قیمت موردنظر محصولات؛  $e_s$  مقادیر دارایی‌های پولی نگهداری شده؛  $r_s$  بازده موردنظر دارایی‌های پولی؛  $k_s$  مقادیر دیگر عوامل تولید؛  $\omega_s$  قیمت مورد انتظار عوامل تولید ( $K_s$ ) طی دوره  $S$  است.

با عملیات تنزیل، ارزش حال فروش متغیر بنگاه عبارت خواهد بود از:

$$\gamma_t^* = \sum_{s=t}^{t+T} \dot{q}_s \bar{\sigma}_s + \sum_{s=t}^{t+T} e_s \gamma_s \quad (17)$$

$\gamma_s$  ارزش حال قیمت  $\sigma_s$  و  $\gamma_s$  هزینه استفاده دارایی‌های پولی است که به صورت زیر هستند :

$$\bar{\sigma}_s = \frac{\sigma_s}{\theta_s}, \quad \gamma_s = \frac{p_s^*(1+r_{is})}{\theta_{s+1}} \quad (18)$$

هزینه استفاده دارایی پولی در دوره جاری نیز به صورت زیر خواهد بود:

$$\gamma_{it} = \frac{p_t^*(1+r_{it})}{1+R_t} \quad (19)$$

موضوع مهم نظری و تجربی در اینجا مبحث اندازه‌گیری قیمت دارایی‌های پولی است. از نگرش دارایی‌های پولی به عنوان کالاهای بادوام، روش پیشنهادی که بارنت (۱۹۸۴) از هزینه استفاده خدمات پول ارائه می‌دهد، همان فرمول (۴) در قسمت مصرف‌کننده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، معادله بدست آمده برای شرکت‌های دولتی متفاوت از معادله هزینه استفاده بارنت است. این مسأله تأییدی بر درستی تفکیک شرکت‌های دولتی از سایر بنگاه‌هاست..

بنابراین مسأله تصمیم شرکت دولتی در مرحله اول، بیشینه نمودن فروش (۱۷) نسبت به قید تکنولوژی (۱۶) است. در صورتی که تابع تکنولوژی تولید بنگاه تفکیک‌پذیر باشد، توابع (.)a و (.)B وجود دارند، به گونه‌ای که:

$$\begin{aligned} Q(q_t, \dots, q_{t+T}; e_t, \dots, e_{t+T}; k_t, \dots, k_{t+T}) = \\ B(q_t, \dots, q_{t+T}; a(e_t), \dots, e_{t+T}; k_t, \dots, k_{t+T}) \end{aligned} \quad (20)$$

اگر  $(q_t^*, \dots, q_{t+T}^*; e_t^*, \dots, e_{t+T}^*; k_t^*, \dots, k_{t+T}^*)$  جواب مسأله تصمیم مرحله اول شرکت دولتی باشد، و  $z_t = e_t^* \gamma_t$ ، آنگاه  $\epsilon_t^*$  جواب مسأله تصمیم مرحله دوم نیز خواهد بود:

$$\begin{aligned} \max a(e_t) \\ s.t. \quad \dot{\gamma}_t e_t = z_t \end{aligned} \quad (21)$$

همانند مصرف‌کننده و تولیدکننده، تابع تجمعی کننده برای شرکت‌های دولتی نیز، تابع تولید فرعی است و می‌توان بودجه‌بندی دو مرحله‌ای را برای آن‌ها در نظر گرفت. به طور خلاصه شرکت دولتی می‌تواند از شیوه غیرمتumerکرسازی زیر عمل کند:

- بخش مالی از رابطه زیر برای بدست آوردن  $\Pi_t^B$  استفاده می‌کند، و آن را به اداره حقوقی بنگاه عرضه می‌کند.

$$\Pi_t^B = E(1, \gamma_t) = \min\{\dot{\gamma}_t e_t : a(e_t) = 1\} \quad (22)$$

- اداره حقوقی تصمیم مرحله اول شرکت دولتی را حل می‌کند تا بودجه حداکثر کننده فروش،  $z_t$ ، را به دست آورد و آن را به خدمات مالی اختصاص دهد. تصمیم مرحله اول، انتخاب  $(q_t^*, \dots, q_{t+T}^*; M_t^{B*}, e_{t+1}^*, \dots, e_{t+T}^*; k_t^*, \dots, k_{t+T}^*)$  است که ارزش حال تنزیل شده فروش متغیر زیر را حداکثر کند:

$$Y_t^* = \sum_{s=t}^{t+T} \dot{q}_s \bar{\sigma}_s + \sum_{s=t}^{t+T} e_s \gamma_s - M_t^B \Pi_t^B$$

$$s.t. \quad B(q_t, \dots, q_{t+T}; M_t^B, \dots, e_{t+T}; k_t, \dots, k_{t+T}) = 0 \quad (23)$$

با حل مساله فوق،  $M_t^B$  و  $\Pi_t^B$ ، و در نتیجه بودجه بهینه خدمات مالی  $C_t = M_t^B \Pi_t^B$  به دست می‌آید.

۳- بخش مالی با دریافت  $z_t$ ، پرتفولیوی بهینه از دارایی‌های پولی اش را با حل مسأله (۲۱) انتخاب می‌کند تا خدمات پولی را که از بودجه ثابت در دسترس است،

حداکثر کند. تجمیع مقداری پولی حاصله  $M_t^B$  عبارت خواهد بود از:

$$M_t^B = \max\{a(e_t) : \gamma_t e_t = z_t\} \quad (24)$$

مشاهده می‌شود که تجمیع مقداری پولی برای شرکت‌های دولتی، همان سطح بهینه تابع هدف بخش مالی است و از این‌رو جریان خدمات دارایی پولی بهینه خواهد بود.

در دو بخش قبل دریافتیم از آنجایی که تجمیع مقداری پولی به تابع نامعلوم و نامشخص بستگی دارد، از نظریه اعداد شاخص استفاده می‌کنیم. شاخص دیویژیا در زمان پیوسته به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\frac{d \log M_t^B}{dt} = \sum_i s_{it} \frac{d \log e_{it}^*}{dt} \quad (25)$$

که  $s_{it} = \frac{\gamma_{it} e_{it}^*}{z_t}$  سهم دارایی  $i$  در مخارج روی کل جریان خدمات

دارایی‌های پولی است. در زمان گسسته نیز تقریب تایل-تورنکوئیست به شاخص دیویژیا عبارتست از:

$$\log M_t^B - \log M_{t-1}^B = \sum_i \bar{s}_{it} (\log e_{it}^* - \log e_{i,t-1}^*) \quad (26)$$

که  $\bar{s}_{it}$  در قسمت مصرف‌کننده تعریف شده است.

#### ۴-۳- دولت

صندوق بین‌المللی پول در تعریف عام از پول وسیع، دولت را به عنوان نگهدارنده پول<sup>۲۱</sup> معرفی می‌کند؛ اما بانک مرکزی در بسیاری از کشورها بر این مبنای سپرده‌های دولتی به علت وجود ماهیّت منحصر به فرد، محدودیت‌های بودجه‌ای دولت، تصمیم‌های هزینه‌ای و روش‌های مدیریت وجود نقد، مانند سپرده‌های غیردولتی به متغیرهای کلان واکنش نشان نمی‌دهند، آن‌ها را از کل‌های پولی خارج می‌کند. با این وجود، گزارش سال‌های اخیر صندوق بین‌المللی پول درباره

<sup>21</sup> Money Holder

پول وسیع، کشورهایی مثل مکزیک، کره، برباد و عربستان را مثال می‌زند که با حضور دولت به عنوان نگهدارنده پول مشکلی ندارند. (گزارش صندوق بین المللی پول (IMF)، ۲۰۱۶، ص ۱۹۵-۱۹۱)

همان‌طور که در ابتدای پژوهش مطرح شد، مقدار کالاهای را می‌توان با اضافه نمودن تجمعی کرد، در صورتی که جانشین کامل یکدیگر باشند؛ و اگر جانشین کامل نباشند، تجمعی مقداری با اضافه نمودن اشتباه است؛ اما مهم‌ترین سؤال در ارتباط با دولت اینست که دارایی‌های پولی دولت کدامند؟ و وضعیت جانشینی میان آن‌ها به چه صورت است؟ برای پاسخ به این سؤال باید ابتدا دارایی‌های پولی دولت را شناخت.

وجهه بودجه‌ی عمومی دولت در دو شکل «حساب‌های درآمدی» با ماهیت غیرقابل برداشت و یک طرفه و «حساب سپرده‌های دولتی» با ماهیت سپرده دیداری و قابل انتقال در حساب‌های نظام بانکی ثبت می‌شود. حساب‌های درآمدی در شبکه‌ی بانکی جمع‌آوری و به صورت لحظه‌ای و یا حداقل در پایان روز به حساب خزانه نزد بانک مرکزی منتقل می‌شود. از این‌رو موجودی خزانه نزد بانک مرکزی در حساب تمرکز وجهه عمومی به عنوان بخشی از سپرده دولت نزد بانک مرکزی ثبت و به دلایل ماهیت قابل انتقال بودن آن، نزد بانک مرکزی در ترازنامه بانک مرکزی به عنوان سپرده دیداری دولت درج می‌شود. از طرف دیگر، بانک‌های عامل موظفند ۱۰۰ درصد وجهه دولتی سپرده‌گذاری شده را هر روز نزد بانک مرکزی تودیع کنند. این سپرده‌ها تحت عنوان حساب سپرده دولتی نزد بانک‌ها در حساب‌های بانک مرکزی و به عنوان سپرده دیداری دولت درج می‌شود. از این‌رو دارایی پولی دولت از جمع حساب تمرکز وجهه درآمد عمومی نزد بانک مرکزی، سایر سپرده‌های دیداری دولت نزد بانک مرکزی و حساب سپرده دولتی نزد بانک‌ها تشکیل می‌شود (لامعی، ۱۳۹۱: ۲۲).

بنابراین با توجه به برگشت ۱۰۰ درصد حساب نزد خزانه و الکترونیک بودن حساب‌ها، تعریف‌ها و وظایف برای کشور ایران به گونه‌ایست که حاکی از ارائه خدمات یکسان دارایی‌های پولی دولت دارد. بر این اساس، دارایی‌های پولی دولت، در واقع جانشین کامل یکدیگر بوده و می‌توانند به صورت جمع ساده، در حسابی متمرکز تجمعی شوند. از طرفی دارایی‌های دولتی از نوع حساب‌های دیداری هستند؛ از این‌رو نرخ بازده‌ای برای آن‌ها تعریف نشده است؛ بنابراین اگر دارایی‌های

پولی دولت ( $\theta_{it}$ ) را حساب‌های دولتی نزد بانک‌های عامل و بانک مرکزی درنظر بگیریم، می‌توان با استناد به جانشین کامل بودن آن‌ها از فرمول جمع ساده برای تجمعی دارایی‌های پولی دولت ( $M_t^G$ ) استفاده کرد:

$$M_t^G = \sum_{i=1}^n a_i \theta_{it}, \quad a_i = 1 \quad (27)$$

بنابراین رابطه فوق را شاخص تجمعی دارایی‌های پولی برای دولت می‌دانیم.

### ۵-۳- شاخص کل خدمات دارایی‌های پولی

در این قسمت به دنبال تجمعی روی کلیه کارگزاران هستیم. از آنجایی که بحث تجمعی برای سه کارگزار مصرف‌کننده، بنگاه تولیدی و شرکت‌های دولتی از مبانی اقتصاد خرد استخراج شده است؛ لذا ابتدا تجمعی روی دارایی‌های این سه کارگزار را محاسبه می‌کنیم؛ سپس با تجمعی دارایی‌های پولی دولت جمع خواهیم کرد برای این منظور ابتدا عبارات سهمی زیر را تعریف می‌کنیم:

$$\begin{aligned} w_t^C &= \frac{\Pi_t^C M_t^C}{(\Pi_t^C M_t^C + \Pi_t^F M_t^F + \Pi_t^B M_t^B)} \\ w_t^F &= \frac{\Pi_t^F M_t^F}{(\Pi_t^C M_t^C + \Pi_t^F M_t^F + \Pi_t^B M_t^B)} \\ w_t^B &= \frac{\Pi_t^B M_t^B}{(\Pi_t^C M_t^C + \Pi_t^F M_t^F + \Pi_t^B M_t^B)} \end{aligned} \quad (28)$$

حال با استفاده از تعارف فوق می‌توان تجمعی مقداری  $M_t'$  را روی هر سه کارگزار بدست آورد:

$$dlog M_t' = w_t^C dlog M_t^C + w_t^F dlog M_t^F + w_t^B dlog M_t^B \quad (29)$$

که این عبارت متوسط وزنی تغییرات لگاریتم است. در نهایت تجمعی مقداری کل  $M_t^T$  به صورت زیر عرضه خواهد شد:

$$M_t^T = M_t' + M_t^G \quad (30)$$

به این ترتیب شاخص خدمات پولی واحدی را بدست آورده‌یم که شامل تقاضای ۴ کارگزار (مصرف‌کنندگان، بنگاه‌ها و شرکت‌های دولتی و دولت) است و قابل کاربرد در تمامی مباحث پولی است.

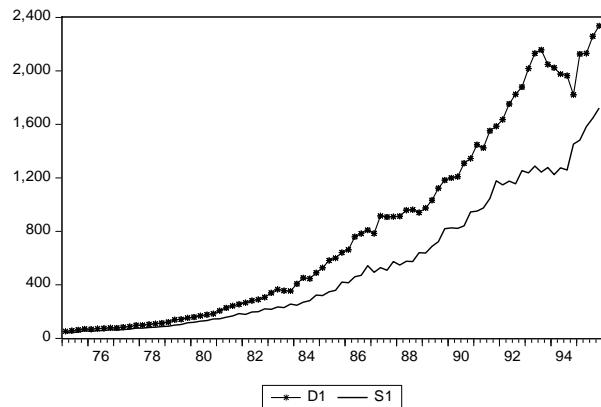
### ۴- کارکردهای تجربی

برای انجام محاسبات، ابتدا باید دارایی‌های پولی هر کارگزار را مشخص کرد. طبق آماری که بانک مرکزی برای دو کارگزار مصرف‌کننده و بنگاه ارائه می‌دهد، دارایی‌های پولی شامل اسکناس و مسکوک، سپرده‌های دیداری، مدت‌دار

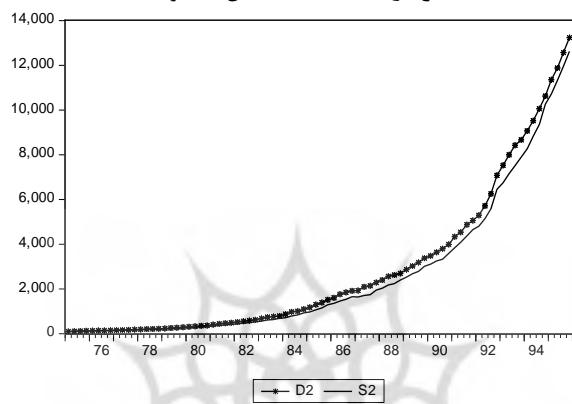
(کوتاه‌مدت و بلندمدت)، قرض‌الحسنه و نیز سایر سپرده‌های است؛ اما نکته مهمی که در اینجا وجود دارد، این است که این دارایی‌های پولی، برای کل مصرف‌کنندگان و بنگاه‌ها ارائه شده است؛ به طور مثال تفکیکی برآمار سپرده دیداری براساس مصرف‌کنندگان و تولیدکنندگان وجود ندارد. از منظر مبانی نظری نیز شاخص مقداری مصرف‌کننده و بنگاه به خصوص در محاسبه هزینه استفاده دارایی پولی نیز مشابه یکدیگر است؛ بنابراین می‌توان این عدم تفکیک را به نوعی صحیح دانست و در این پژوهش نیز به همین دلیل کافیست تجمعیع مصرف‌کنندگان و بنگاه‌ها را براساس فرمول تجمعیع برای یکی از این دو کارگزار محاسبه کرد. برای این دسته از دارایی‌ها از گروه‌بندی M1 (پول محدود)، و M2 (پول وسیع) استفاده کردہ‌ایم. برای دولت و شرکت‌های دولتی تنها یک دارایی پولی می‌توان ارائه داد که از نوع سپرده دیداری است و نیازی به گروه‌بندی دارایی‌ها وجود ندارد.

شاخص به‌دست آمده در این پژوهش به صورت دو گروه D1 و D2 محاسبه شده که اساس گروه‌بندی آن، همان M1 و M2 مصرف‌کنندگان و بنگاه‌ها است که دارایی‌های دولت و شرکت‌های دولتی با آن جمع شده‌اند. نتایج محاسبه این شاخص در مقایسه با شاخص جمع ساده – که با S1 و S2 علامت‌گذاری شده‌اند – در نمودارهای ۱ و ۲ نشان داده شده است. همان‌طور مشاهده می‌شود، حجم پول به‌دست آمده با استفاده از فرمول جدید نسبت به جمع ساده، از اوایل دهه هشتاد به بعد، چه در متغیر M1 و چه در متغیر M2 میزان بیشتری را نشان می‌دهد که این امر گویای این واقعیت است که با رشد تکنولوژی نقل و انتقالات و افزایش سرعت گردش پول در کنار گسترش شبکه بانکی، شاخص جمع ساده دیگر توانایی نشان دادن میزان واقعی حجم نقدینگی را ندارد و رفته رفته میزان حجم پول محاسبه شده توسط جمع ساده در یک فرایند افزایشی با میزان حجم نقدینگی محاسبه شده توسط تجمعیع جدید، دارای اختلاف شده است؛ بنابراین به نظر می‌رسد این شاخص به خوبی توانسته است تحولات دو دهه اخیر را در میزان حجم نقدینگی انعکاس دهد.

نمودار ۱: مقایسه شاخص D1 و S1



نمودار ۲: مقایسه شاخص D2 و S2



به منظور مقایسه تجمیع حاصله از نتایج پژوهش و تجمیع جمع ساده، باید از معیارهای مقایسه بین جمع ساده و جمع دیویژیا بهره گرفت. از زمان معرفی تجمیع مقداری پولی در ۱۹۸۰، مطالعات تجربی بسیاری جهت مقایسه جمع ساده و دیویژیا صورت گرفته است. این مطالعات نوعاً با عملکرد پول در معادلات تقاضا و یا نقش پول به عنوان پیش‌بینی کننده یا شاخصی از فعالیت‌های اقتصادی در ارتباط بوده‌اند. به منظور نشان دادن عملکرد پول به عنوان یک پیش‌بینی کننده فعالیت‌های اقتصادی، مطالعاتی مانند سرلتیس و کینگ (۱۹۹۳) آزمون علیت گنجیر را به منظور مقایسه تجمیع‌های مختلف در علیت گنجیر تولید یا قیمت به کار برده‌اند؛ اما این پژوهش، همانند مطالعه شانک<sup>۲۲</sup> (۲۰۰۱) به دنبال آنست که بداند، تجمیع جمع ساده و تجمیع به دست آمده از نتایج پژوهش، در توانایی

<sup>۲۲</sup> Donald L. Schunk

پیش‌بینی تولید و قیمت چگونه عمل خواهد کرد. برای ایجاد پیش‌بینی از معادلات خود رگرسیون برداری (VAR) استفاده شده است. با اینکه مفهوم علیت گرنجر، قدرت پیش‌بینی را نشان می‌دهد؛ اما تنها برازش داخل نمونه را درنظر می‌گیرد؛ این در حالی است که رویکرد خود رگرسیون برداری عملکرد تجمعی‌های پولی را در دوره خارج از نمونه برآورده نشان می‌دهد. پس از اتمام پیش‌بینی و بدست آوردن مقادیر، به منظور مقایسه قدرت پیش‌بینی و انتخاب بهترین تجمعی‌پولی در پیش‌بینی تولید و قیمت، از معیارهای جدول زیر استفاده می‌شود.

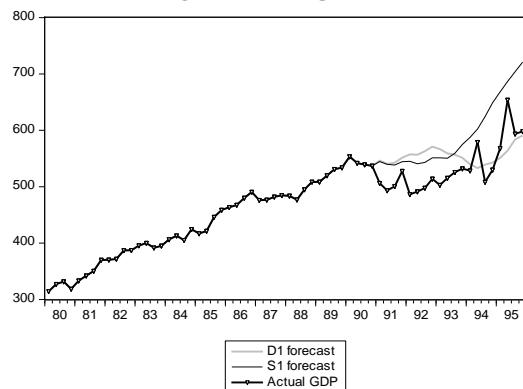
**جدول ۱: معیارهای بررسی قدرت پیش‌بینی**

میانگین قدرمطلق درصد انحرافات (MAPE)	میانگین قدرمطلق انحرافات (MAD)	میانگین مربع خطأ (MSE)	مجذور میانگین مربع خطأ (RMSE)
$\frac{\sum  \hat{y}_t - y_t }{n}$	$\frac{\sum  \hat{y}_t - y_t }{n}$	$\frac{\sum (\hat{y}_t - y_t)^2}{n}$	$\sqrt{\frac{\sum (\hat{y}_t - y_t)^2}{n}}$

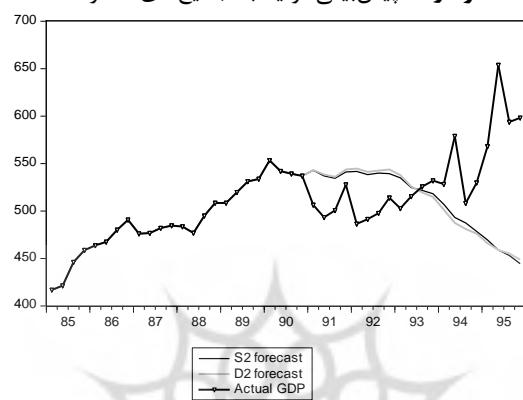
مأخذ: محاسبات تحقیق

در این پژوهش، معادلات VAR با استفاده از داده‌های فصلی سال‌های ۱۳۷۰ الی ۱۳۹۰ (۸۴ مشاهده) برآورد شده است؛ سپس برای سال‌های ۱۳۹۱ الی ۱۳۹۵ خارج از نمونه برآورده، پیش‌بینی صورت گرفته و این پیش‌بینی با مقادیر واقعی تولید و قیمت در این سال‌ها مقایسه شده است. هر یک از معادلات VAR شامل یکی از تجمعی‌های پولی (D1، D2، S1، S2)، نرخ سود سپرده‌های بلندمدت بعنوان نرخ بهره، و وقفه‌های تولید ناخالص داخلی و شاخص قیمت مصرف‌کننده است. اولین مرحله در برآورد مدل، بررسی ساکن بودن متغیرهای سری زمانی است که این مورد به وسیله آزمون دیکی فولر تعیین یافته (ADF) صورت گرفته است. طبق نتایج مدل، متغیرها ایستا از درجه I(1) و I(2) هستند؛ به همین دلیل، برای برآورد مدل، هم‌جمعی متغیرها با بررسی جملات اخلال صورت گرفت و مشاهده گردید متغیرها هم‌جمع و دارای رابطه بلندمدت هستند؛ بنابراین می‌توان مدل را در سطح نیز برازش نمود. دومین گام، تعیین وقفه بهینه در ساختار مدل است. با استفاده از معیارهای آکائیک (AIC)، شوارتز-بیزین (SB) و حداقل راستنمایی (LR) تعداد وقفه بهینه برای مدل، ۷ وقفه تعیین شد؛ سپس با برآورد مدل، امکان پیش‌بینی متغیرها فراهم شده که نتایج پیش‌بینی برای دوره زمانی فصل اول ۱۳۹۱ تا فصل چهارم ۱۳۹۵، در نمودارهای (۳ الی ۶) مشاهده می‌شود.

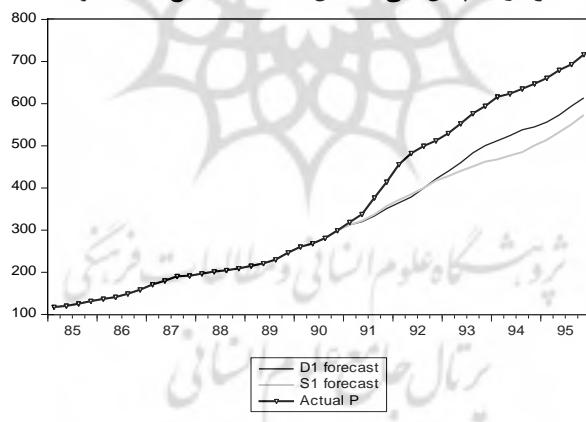
نمودار ۳: پیش‌بینی تولید با تجمعی‌های S1 و D1



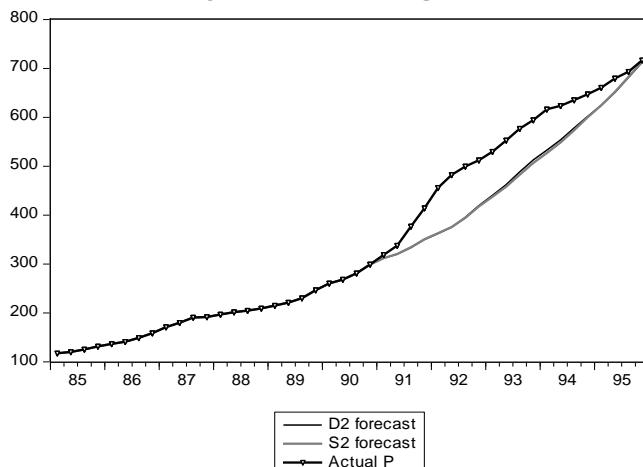
نمودار ۴: پیش‌بینی تولید با تجمعی‌های S2 و D2



نمودار ۵: پیش‌بینی شاخص قیمت با تجمعی‌های S1 و D1



نمودار ۶: پیش‌بینی شاخص قیمت با تجمعی های S2 و D2



اگرچه با مشاهده نمودارهای بالا به خوبی می‌توان نزدیکی پیش‌بینی‌های ناشی از محاسبات دیویژن را در مقایسه با جمع ساده مشاهده کرد؛ اما به منظور افزایش دقیق، باید از معیار خطای پیش‌بینی استفاده کرد. به بیان بهتر در گام آخر به بررسی قدرت پیش‌بینی هریک از تجمعی های پولی پرداخته شده است.

جدول ۲: مقادیر معیارهای خطای پیش‌بینی تولید ناخالص داخلی

GDP	RMSE	MAE	MAPE	Theil
D1	۴۵/۹	۳۹/۷	۷/۲	.۰۰۴۲
D2	۷۶/۸	۵۸/۴	۱۲/۰۲	.۰۰۷۳
S1	۶۷/۵	۵۸/۶	۹/۶	.۰۰۵۹
S2	۷۶/۰۱	۵۶/۱	۱۱/۶	.۰۰۷۲

مأخذ: محاسبات تحقیق

جدول ۳: مقادیر معیارهای خطای پیش‌بینی شاخص قیمت مصرف‌کننده

CPI	RMSE	MAE	MAPE	Theil
D1	۸۹/۷۷	۸۵/۱۵	۱۳/۱۷	.۰۰۸۷
D2	۶۹/۳۴	۶۰/۷۷	۱۳/۶۹	.۰۰۶۵
S1	۱۱۵/۸۷	۱۰۶/۹۶	۲۳/۳	.۰۱۱۵
S2	۷۱/۴۵	۶۲/۴۱	۱۴/۰۷	.۰۰۶۷

مأخذ: محاسبات تحقیق

همان‌طور که در جداول (۲) و (۳) مشاهده می‌کنید، نتایج حاکی از آنست که تجمعی محاسبه شده توسط محققان، خطای کمتر و در نتیجه قدرت پیش‌بینی بالاتری را در مقایسه با تجمعی جمع ساده در پیش‌بینی شاخص قیمت

صرف‌کننده در هر دو حالت M1 و M2 دارد؛ همچنین در پیش‌بینی تولید ناخالص داخلی نیز این تجمعی در سطح M1 بهتر از جمع ساده عمل کرده است؛ گرچه در سطح M2 با تفاوت بسیار کم در خطای پیش‌بینی، تجمعی جمع ساده عملکرد بهتری را نشان می‌دهد.

به طور کلی با استفاده از معیار مقادیر خطای پیش‌بینی، می‌توان این گونه نتیجه گرفت که پیش‌بینی تولید ناخالص داخلی و قیمت صرف‌کننده با حجم پول محاسبه شده با فرمول تجمعی جدید بهتر از جمع ساده است؛ به عبارتی دیگر، در صورتی که دارایی‌های موجود در M1 به منظور پیش‌بینی متغیرهای اقتصادی استفاده شوند، فرمول تجمعی ارائه شده در این پژوهش، چشم‌انداز دقیق‌تری از اقتصاد ایران نشان خواهد داد؛ گرچه در مورد نقدینگی با ملاحظه بیشتری باید عمل کرد؛ زیرا در پیش‌بینی تولید این تجمعی تا حدودی ضعیف عمل کرده است؛ بنابراین، می‌توان ادعا کرد که محاسبه حجم پول با استفاده از تجمعی جدید ارائه شده در این مقاله، به منظور پیش‌بینی روند آتی قیمت‌ها و تولید ناخالص داخلی در جهت کنترل و هدایت سیاست‌های پولی و مالی توسط دولت، امری ضروری است. به عبارتی دیگر براساس نتایج این پژوهش، لازم است علاوه بر تغییر فرمول تجمعی جمع ساده به فرمولی که با استفاده از بنیان‌های اقتصاد خرد به دست آمده است، تقاضای موجود در جامعه از جانب دولت و شرکت‌های دولتی را در نظر گرفت و در محاسبه حجم پول و نقدینگی لحاظ کرد.

## ۵- نتیجه‌گیری و پیشنهادها

این پژوهش به بررسی نظریه تجمعی بر دارایی‌های پولی در ایران پرداخته است. نظریه تجمعی و نظریه اعداد شاخص در زمینه دارایی‌های پولی و مالی توسط بارنت در نظریه تقاضای صرف‌کننده و تولیدکننده ارائه شده است؛ اما نوآوری این پژوهش، تجمعی دارایی‌های پولی با حضور شرکت‌های دولتی و دولت است. برای این منظور با بررسی نظریه تجمعی و مرور آن برای تجمعی دارایی‌های پولی مورد تقاضای صرف‌کننده و بنگاه، برای مدل‌سازی شرکت‌های دولتی به چارچوب پیشنهادی توسط بس (۱۹۸۹) مراجعه شد. طبق اهداف مدیریتی که وی برای این دسته از بنگاه‌ها بر می‌شمارد؛ اگر به دنبال حداکثر تولید یا درآمد باشیم، برجسته‌ترین الگو، مدل بیشینه‌سازی درآمد فروش (بامول، ۱۹۵۹) است. براساس

الگو بیشینه‌سازی فروش، امروزه مدیران شرکت‌ها بعد از یک نرخ سودی که رضایت سهامداران را تأمین کند، در جستجوی حداکثر کردن فروش هستند. مهم‌ترین نتیجه نظری که از حل مدل شرکت‌های دولتی به دست آمد، مبحث اندازه‌گیری قیمت دارایی‌های پولی است. هزینه استفاده خدماتی که دارایی‌های پولی برای این شرکت‌ها ارائه می‌دهند، کاملاً متفاوت از معادله به دست آمده توسط بارنت (۱۹۸۴) به دست آمد. این موضوع مهم‌ترین نوآوری این پژوهش به شمار می‌رود.

برای دولت نیز مشاهده کردیم که تعریف‌ها و وظایف برای کشور ایران به گونه‌ایست که ارائه خدمات یکسان دارایی‌های پولی دولت را نشان می‌دهد. این نکته بر صحت این امر تأکید دارد که تمامی حساب‌های دولتی نزد بانک مرکزی و بانک‌های عامل، در واقع جانشین کامل یکدیگرند و می‌توانند به صورت جمع ساده، در حساب واحد خزانه تجمعی شوند؛ به همین منظور با توجه به اینکه دارایی‌های دولتی از نوع حساب‌های دیداری هستند و نرخ بازده‌ای برای آن‌ها تعریف نشده است، از فرمول جمع ساده برای تجمعی دارایی‌های پولی دولت استفاده کردیم.

طبق نتایج تجربی، تجمعی ارائه شده در این پژوهش، خطای کمتر و در نتیجه قدرت پیش‌بینی بالاتری را در مقایسه با تجمعی جمع ساده در پیش‌بینی شاخص قیمت مصرف‌کننده در هر دو سطح M1 و M2 دارد؛ به عبارتی دیگر، در صورتی که دارایی‌های موجود در M1 به عنوان پول و دارایی‌های موجود در M2 به عنوان نقدینگی مدنظر قرار گیرند، محاسبه پول و نقدینگی با استفاده از فرمول تجمعی جدید، نتایج مطلوب‌تری از چشم‌انداز تورمی در ایران ارائه می‌دهند؛ همچنین در پیش‌بینی تولید ناخالص داخلی نیز این تجمعی در سطح M1 بهتر از جمع ساده عمل می‌کند؛ گرچه در سطح M2 با تفاوت بسیار کم در خطای پیش‌بینی، تجمعی جمع ساده عملکرد بهتری را نشان می‌هد؛ به عبارتی دیگر تنها محاسبه حجم پول با استفاده از فرمول تجمعی جدید پیش‌بینی بهتری از تولید در ایران ارائه می‌دهد؛ در حالی که برای محاسبه نقدینگی باید از همان فرمول جمع ساده جهت پیش‌بینی تولید استفاده کرد. این نتیجه تجربی، تاحدودی با مطالعات پیشین تشابه درad. در مطالعات بارنت و همکاران (۱۹۸۴)، شانک (۲۰۰۱)، بارنت و الخلیفه (۲۰۱۳) مشاهده می‌کنیم که با وجود آن که تجمعی‌های دیویژیا نتایج بهتری در قیاس با تجمعی‌های جمع ساده به دنبال داشتند؛ اما تجمعی جمع ساده

در سطح M2 نتایج مطلوبی از خود بروز داده است؛ بنابراین، بهتر است دولت هر دو شاخص را به‌طور همزمان برای کنترل نقدینگی در بازار به کار گیرد. به‌طور کلی، با استفاده از معیار مقادیر خطای پیش‌بینی می‌توان ادعا کرد که محاسبه حجم پول با استفاده از تجمعیج جدید ارائه شده در این مقاله به منظور پیش‌بینی روند آتی قیمت‌ها و تولید ناخالص داخلی در جهت کنترل و هدایت سیاست‌های پولی و مالی توسط دولت، نسبت به تجمعیج جمع ساده ارجحیت دارد. در این راستا به بانک مرکزی ایران پیشنهاد شود، با توجه به جانشین ناقص بودن دارایی‌های پولی که از ابdaعات مالی در سده اخیر برمی‌خیزد، استفاده از فرمول تجمعیج جمع ساده را کنار گذارده و از فرمول جدید جهت محاسبه حجم پول و نقدینگی استفاده نماید. به‌طوری‌که در نتایج این پژوهش مشخص شد، فرمول جدید نتایج بهتری را در پیش‌بینی‌های قیمت و تولید نسبت به جمع ساده ارائه می‌دهد. در نهایت پیشنهاد می‌شود با توجه به تأثیر حضور دارایی‌های پولی دولت و شرکت‌های دولتی در حجم پول بر متغیرهای اقتصادی که در این پژوهش به آن پرداختیم، در محاسبه حجم پول و نقدینگی، دارایی این دو کارگزار را نیز در نظر گرفته و از تأثیر آن‌ها بر متغیرهای کلان اقتصادی غافل نباشند.



### فهرست منابع

- جعفری صمیمی، احمد، محمدعالی احسانی، امیرمنصور طهران‌چیان و سامان قادری. (۱۳۹۲). «اثرات نامتقارن کل‌های پولی دیویژیا بر تورم در ایران: کاربرد روش چرخشی مارکوف». مجله پژوهش‌های رشد و توسعه اقتصادی، ۱۶: صص ۴۰-۲۱.
- داودی، پرویز و زهرا زارعپور. (۱۳۸۵). «نقش تعریف پول در ثبات تقاضای پول با تأکید بر شاخص دیویژیا». فصلنامه پژوهش‌های اقتصادی ایران، ۲۹: ص ۷۴-۴۷.
- شاهمرادی، اصغر و سیدمهردی ناصری. (۱۳۸۹). «بررسی خنثی بودن و ابر خنثی بودن پول در اقتصاد ایران: مقایسه انباشته‌های پولی جمع ساده و دیویسیا». پژوهشنامه اقتصادی، ۳۹: صص ۳۲۷-۲۹۹.
- شاهمرادی، اصغر و سیدمهردی ناصری. (۱۳۸۹)، «محاسبه حجم پول به روش دیویسیا و مقایسه آن با حجم پول جمع ساده در ایران». فصلنامه پژوهش‌ها و سیاست‌های اقتصادی، ۵۴: ص ۳۴-۵.
- عرفانی، علیرضا، خیام صادقی و محمدمهردی پویا. (۱۳۹۲). «برآورد تابع تقاضای پول ایران با استفاده از شاخص دیویژیا». فصلنامه تحقیقات مدلسازی اقتصادی، ۱۳: صص ۱۱۸-۹۱.
- لامعی، بهزاد. (۱۳۹۱). بررسی گردش وجهه بودجه عمومی دولت از طریق نظام بانکی در ایران. انتشارات مرکز پژوهش‌های مجلس: دفتر مطالعات برنامه و بودجه.
- نصراللهی، زهرا، حسنعلی دانش و میثم حمیدی. (۱۳۹۲). «بررسی اهمیت منافع اجتماعی در اهداف بنگاه‌های تولیدی (رویکرد انتقادی به هدف حداکثر کردن سود)». فصلنامه اقتصاد و بانکداری اسلامی، ۲: صص ۱۰۲-۷۷.
- Barnett, W.A. & R.M. Alkhareif. (2013). *Advances in Monetary Policy Design: Applications to the Gulf Monetary Union*, United Kingdom: Cambridge Scholars Publishing.
- Barnett, W.A. & A. Serletis. (2000). *The Theory of Monetary Aggregation*. Amsterdam: Elsevier.
- Barnett, W.A. (1978). The User Cost of Money. *Economics Letter*, 1: 145-49.
- Barnett, W.A. (1980). Economic Monetary Aggregates: An Application of Aggregation & Index Number Theory. *Journal of Econometrics*, 14: 11-48.
- Barnett, W.A. (1981). *Consumer Demand and Labor Supply: Goods, Monetary assets, & Time*. North Holland: Amsterdam.
- Barnett, W.A. (1984). Recent Monetary Policy & the Divisia Monetary Aggregates. *American Statistician*, 38: 162-72.

- Barnett, W.A. (2012). *Getting It Wrong: How Faulty Monetary Statistics Undermine the Fed, The Financial System, & the Economy*, MIT Press, Cambridge MA.
- Barnett, W.A. (2015). Friedman & Divisia Monetary Measures, in R. Cord & D. Hammond (eds.), *Milton Friedman: Contributions to Economics & Public Policy*, Oxford U. Press, Forthcoming.
- Baumol, W. A., (1959). *Business Behaviour, Value & Growth*. New York: Macmillan.
- Belongia, M. & P. Ireland. (2014). The Barnett Critique After Three Decades: A New Keynesian Analysis. *Journal of Econometrics*, 183: 5-21
- B..... (1989). *Public Enterprise Economics: Theory & Application*. Amsterdam: North-Holland, Second Edition.
- Dwivedi, D.N. (1980). *Managerial Economics*: 8th Edition. Vikas Publishing House.
- IMF. (2016). *Monetary & Financial Statistics Manual & Compilation Guide*. Washington, D.C: International Monetary Fund.
- Khainga, D. (2014). Divisia Monetary Aggregates & Demand For Money In Kenya, Africa Growth Initiative, Working Paper, 13.
- Kowalski, P., P. Büge, M. Sztajerowska & M. Egeland. (2013). State-Owned Enterprises: Trade Effects & Policy Implications, *OECD Trade Policy Papers*, 147, Paris: OECD Publishing.
- Schunk, D. (2001). The Relative Forecasting Performance of the Divisia & Simple Sum Monetary Aggregates. *Journal of Money, Credit & Banking*, 33: 272 – 83.
- Serletis, A. & M. King. (1993). The Role of Money in Canada. *Journal of Macroeconomics*, 15: 91-107

پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی  
پرستال جامع علوم انسانی



پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی  
پرستال جامع علوم انسانی