

ارائه روشی جهت تعیین اندازه انباشته در مسائل برنامه‌ریزی تک مرحله‌ای در حالت وجود محدودیت ظرفیت تولید

^۱ هیرش سلطان‌پناه

^۲ هیبت‌الله صادقی

چکیده

تعیین مقدار سفارش دهی یکی از مهم‌ترین و در عین حال مشکل ترین مسایل مطرح در برنامه ریزی تولید است. این موضوع به‌طور وسیعی در ادبیات برنامه‌ریزی تولید مورد بحث قرار گرفته است. در این مقاله روشی ابتکاری جهت تعیین مقدار سفارش دهی با محدودیت ظرفیت برای حالت بدون کمبود ارائه گردیده است. روش ارائه شده با یک جواب اولیه برای کل افق برنامه‌ریزی شروع می‌گردد، سپس سعی می‌نماید موجه بودن جواب را تأمین و هزینه‌ها را تا حد امکان کاهش دهد. از مهم‌ترین ویژگی‌های مدل ارائه شده می‌توان به حجم کمتر محاسبات و رضایت‌بخش بودن جواب‌های به‌دست آمده اشاره نمود که به کمک یک مثالی این مسئله نشان داده شده است.

واژگان کلیدی : برنامه‌ریزی تولید، برنامه‌ریزی پویا، تعیین مقدار سفارش دهی.

^۱ عضو هیات علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد سنترج Email: hersh516@yahoo.com

^۲ عضو هیات علمی دانشگاه کردستان Email: sadeghi_habat@yahoo.com

مقدمه

کرده‌اند. هم‌چنین فدرگروین و تزور [۶] نیز یک الگوریتم رو به جلو را پیشنهاد کرده‌اند که مدل عمومی مسأله تعیین اندازه انباشته تک محصولی را حل می‌کند. توسعه اصلی در مقالات فوق کاستن از پیچیدگی محاسبات نسبت به الگوریتم واگنر و ویتن است. استتلر [۷] به این نکته اساسی اشاره دارد که روش‌های بهینه حل مسایل پویای تعیین اندازه انباشته بدون محدودیت ظرفیت با فرض افق برنامه ریزی متحرک به صورت غیر بهینه عمل خواهند کرد. آریانژاد [۸] نیز مسأله تعیین اندازه انباشته پویای تک مرحله‌ای تک محصولی بدون محدودیت ظرفیت را در نظر گرفته، برای هر دو حالت بدون سفارش عقب افتاده و با سفارش عقب افتاده یک شرط کافی برای بهینه بودن برنامه تولیدی ارایه می‌کند، سپس مسأله را در قالب یک مدل برنامه ریزی خطی ساده مشابه بیتران و همکاران [۹] فرمول‌بندی مجلد نموده و الگوریتمی را برای کنترل شرایط بهینگی مسأله ارایه می‌دهد.

آریانژاد و کیانی [۱۰] همان مسأله را مورد بررسی قرار داده و روشی را برای حل آن ارایه داده‌اند. آنها با ارایه یک سری قضایا و نتایج حاصل از آنها به این نتیجه می‌رسند که مسأله را می‌توان به یک جدول حمل و نقل تبدیل نمود که به مقدار زیادی حجم محاسبات را کاهش می‌دهد. مقایسات به عمل آمده بین این روش و روش برنامه ریزی پویا عملی تر و مؤثرتر بودن روش ارایه شده را تأیید می‌کند واگلمن و همکاران [۱۱] و اگراوال و پارک [۱۲] بر اساس برنامه ریزی پویا، الگوریتم‌هایی را برای مسأله تعیین اندازه انباشته بدون محدودیت ظرفیت پیشنهاد کرده‌اند. هم‌چنین فدرگروین و تزور [۱۳] نیز یک الگوریتم رو به جلو را پیشنهاد کرده‌اند که مدل عمومی مسأله تعیین اندازه انباشته تک محصولی را حل می‌نماید.

برنامه‌ریزی تولید فعالیتی است که هدف آن استفاده بهینه از منابع تولید به منظور برآورده ساختن اهداف تولیدی در طول دوره زمانی مشخص به نام افق برنامه ریزی است. اخذ تصمیم صحیح در تعیین اندازه انباشته مستقیماً بر عملکرد سیستم و بهره‌وری آن تاثیر گذار بوده و در توانایی و قابلیت رقابت شرکت‌ها نقش تعیین کننده دارد. بنابرین توسعه و بهبود روش‌های حل مسائل تعیین کننده اندازه انباشته، اهمیت ویژه‌ای دارد.

مطالعه و تحقیق در مورد تعیین اندازه انباشته یعنی تعیین زمان و مقدار هر محصول به طوری که مجموع هزینه‌های آماده سازی (راه اندازی) تولید، نگهداری موجودی و هزینه‌های متغیر تولید حداقل شود، خصوصاً ارائه یک راه حل کارا در مجالات علمی بسیار رایج است اما تاکنون الگوریتم سیستماتیکی که بتواند از هر نظر پاسخگو باشد ارائه نشده است.

مهم‌ترین الگوریتم تعیین اندازه انباشته اقتصادی، الگوریتم واگنر و ویتن [۱] می‌باشد واگنر و ویتن الگوریتمی را مبتنی بر برنامه‌ریزی پویا برای تعیین اندازه انباشته تک محصولی بدون محدودیت ظرفیت ارایه کرده‌اند که جواب بهینه مسأله را به دست می‌دهد. بعد از ارائه این الگوریتم تلاش‌های زیادی برای کاهش محاسبات روش واگنر و ویتن و محدود کردن محاسبات آن برای کاهش زمان محاسبه در کامپیوتر انجام گرفته است به عنوان مثال ایوانس [۲] برای حالت کلی مدل واگنر و ویتن (بدون هزینه مقعر) به کمک الگوریتمی جدید سعی در بهبود روش واگنر ویتن کرد. رونالد و همکاران [۳] واگلمن و همکاران [۴] و اگراوال و پارک [۵] بر اساس برنامه ریزی پویا الگوریتم‌هایی را برای مسأله تعیین اندازه انباشته بدون محدودیت ظرفیت پیشنهاد

در رویکرد دیگری اپن و مارتین [۲۰] برای تبدیل فرموله بندی کلاسیک CLSP به یک نمایش گراف گونه (شبکه کوتاهترین مسیر با محدودیت های جانبی) از تکنیک تعریف مجدد متغیر، استفاده کرده اند. در این نمایش کمان بین هر دو گره $(t, k+1)$ نشان دهنده انتخاب ممکن برای هر محصول در رابطه با تولید کل تقاضای دوره های t تا k است. این فرموله بندی نسبت به فرموله بندی اصلی دارای متغیرها و محدودیت های بیشتری است، اما چون ساده سازی خطی محکم تری را نسبت به مدل اصلی داراست به میزان قابل ملاحظه ای زمان حل را کاهش می دهد. در این روش برای به دست آوردن جواب بهینه ابتدا مسئله ساده شده حل می شود سپس در مرحله نهایی یک روش شاخه و کرانه مورد استفاده قرار می گیرد.

فاطمی قمی و هاشمیان [۲۱] در یک کار تحقیقی مسئله تعیین اندازه انباشته تک مرحله ای تک محصولی با محدودیت ظرفیت را در نظر گرفته و الگوریتمی تحلیلی بر مبنای تبدیل مسئله به یک مسئله کوتاهترین مسیر و استفاده از برنامه ریزی خطی ارائه داده اند. سپس نشان دادند که الگوریتم مذبور تحت شرایط خاص قادر است جواب بهینه را به دست آورد.

بلواکس و ولسی [۲۲] نیز یک روش مدل سازی و بهینه یابی خاص برای مسایل تعیین اندازه انباشته که به صورت مسایل برنامه ریزی مختلط فرموله می شوند ارایه کرده اند. روش آنها توانسته است در بسیاری موارد جواب های با کیفیت خوب تولید کند. هم چنین سلطان پناه و صادقی [۲۳] روشی هیوریستیکی برای تعیین اندازه انباشته با محدودیت ظرفیت ارائه داده اند که در آن فرض شده است که میزان ظرفیت تولید در تمام دوره ها ثابت و با هم برابرند.

هدف از مقاله ارائه یک راه حل ابتکاری برای مسئله اندازه انباشته با محدودیت ظرفیت تولید است در زمینه اندازه انباشته با محدودیت ظرفیت تولید نیز تحقیقات متعددی صورت گرفته است که به عنوان مثال می توان به تحقیقات فلوریان و همکاران [۱۴]، و بیتران و یاناسه [۱۵] اشاره نمود. آنها نشان داده اند مسئله CLSP^۳ تک محصولی یک مسئله NP-hard است. متعاقباً چن و تیزی [۱۶] نشان دادن که مسئله CLSP چند محصولی قویا NP-hard است. مائس و همکاران [۱۷] نیز نشان دادند که یافتن جواب موجه برای CLSP با زمان های راه اندازی NP-hard است. با توجه به نتایج این تحقیقات توسعه روش حل بهینه موثر برای این مسئله غیر محتمل به نظر می رسد. شاید به همین دلیل باشد که تحقیق بر روی توسعه روش های حل ابتکاری این مسئله، توجه بسیاری از محققین را به خود جلب کرده و تحقیقات جالبی در این مورد صورت گرفته است.

از آنجا که CLSP مسئله ای NP-hard است. اکثر روش های ارائه شده برای حل آن از نوع ابتکاری می باشند، با این حال علاوه بر روش مستقیم مدل کردن، از روش برنامه ریزی مختلط نیز راه هایی به عنوان راه حل بهینه یا نزدیک به بهینه برای آن ارائه گردیده است.

در تکنیک تولید برش بارانی و همکاران [۱۸] و یالیونگ و همکاران [۱۹] با استفاده از روش تولید برش صفحه، یک سری نامعادلات (برش های) معتبر و قوی به مسئله افزوده شده و برای سرعت بخشیدن به فرآیند حل مسئله و به دست آوردن تقریبی مناسب از پوسته محدب جواب های موجه CLSP، مسئله مجدداً مدل گردید و از الگوریتم شاخه و کرانه حل شده است.

^۳-Capacitated lot sizing problem

$$\min \sum_{i=1}^n \sum_{t=1}^T (A_{it} y_{it} + c_{it} x_{it} + h_{it} I_{it})$$

S.T :

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^n a_t * x_{it} &\leq k_t & t = 1, 2, \dots, T \\ x_{it} + I_{i,t-1} - I_{it} &= d_{it} \\ x_{it} &\leq M_{it} y_{it} \\ y_{it} &\in (0, 1) \\ x_{it} &\geq 0 \\ I_{it} &\geq 0 \end{aligned}$$

که در آن :

n : تعداد محصولات

T : تعداد دوره های افق برنامه ریزی

A_{it} : هزینه راه اندازی محصول i در دوره t

y_{it} : ۱، اگر تولید محصول i در دوره t راه اندازی شود و صفر است در غیر این صورت

c_{it} : هزینه تولید هر واحد محصول i در دوره t

x_{it} : مقدار تولید محصول i در دوره t

h_{it} : هزینه نگهداری هر واحد محصول i در دوره t

I_{it} : موجودی محصول i در انتهای دوره t

d_{it} : میزان تقاضای محصول i در دوره t

a_i : ظرفیت مورداستفاده برای تولید یک واحد محصول i بر حسب واحد زمان

k_i : میزان ظرفیت موجود در دوره t بر حسب واحد زمان

$\sum_{k=1}^T d_{ik} = M_{it}$: حد بالای تولید محصول i در دوره t

۲. بیان روش

تمامی روش‌های ابتکاری بهبود دهنده با یک جواب اولیه (اغلب غیر موجه) برای کل افق برنامه ریزی شروع شده و بعد از یافتن یک جواب اولیه سعی می‌کنند تا موجه بودن جواب را تامین و هزینه ها را کاهش دهنند. این الگوریتم‌ها از سه قدم اصلی تشکیل می‌شوند.

در این مقاله بر مسأله تعیین مقدار سفارش دهی در حالت خاصی که هزینه راه اندازی و سفارش دهی ثابت و کمبود موجودی مجاز نباشد تاکید و هم‌چنین میزان ظرفیت تولید در دوره های مختلف متغیر در نظر گرفته شده است که با ارائه راه حل ابتکاری از انجام محاسبات خسته کننده برنامه ریزی خطی و برنامه ریزی پویا جلوگیری و تا حدودی نسبت به روش‌های مشابه موجود ساده‌تر و سریعتر می‌باشد. از ویژگی‌های روش ارائه شده نزدیکی جواب به دست آمده با جواب بهینه در اکثر مسائل حل شده است.

۱. ارائه مدل

مسأله کلاسیک تعیین اندازه اباحته با محدودیت ظرفیت (CLSP)، شامل تعیین مقادیر زمان تولید محصولات در طول یک افق برنامه ریزی محدود است که در آن محدودیت ظرفیت، مقدار تولید در هر دوره را محدود می‌کند. هم‌چنین هزینه ثابت راه اندازی و هزینه (خطی) تولید مشخص بوده و هزینه نگهداری موجودی متناسب با مقدار موجودی و زمان نگهداری آن در نظر گرفته می‌شود. در مسئله CLSP کلاسیک، اگر چه هزینه راه اندازی می‌تواند به ازای هر محصول و در هر دوره متفاوت باشد ولی مستقل از توالی و ترتیب تولید در نظر گرفته می‌شود. البته انواع دیگری از مسائل CLSP نیز وجود دارند که در آنها هزینه راه اندازی، وابسته به ترتیب تولید است. این نوع مسائل همان‌طور که پیشتر نیز اشاره شد، تحت عنوان مسائل با ساختار راه اندازی پیچیده شناخته می‌شوند. هدف مسئله کلاسیک CLSP تعیین یک برنامه زمان‌بندی تولید با حداقل هزینه است. مدل ریاضی این مسئله به صورت زیر است (موجودی ابتدایی و پایانی برابر صفر فرض شده است):

تا دوره \bar{A} دوره هایی که میزان تقاضای آنها بیش از ظرفیت تولیدی است را در نظر گرفته و با حداکثر ظرفیت تولید در این دوره ها سفارش می دهیم سپس با کم کردن این میزان سفارش از سفارش دوره \bar{A} ، اگر باز هم میزان آن بزرگ‌تر از ظرفیت تولید باشد دوره های $\bar{A}+1$ به استثنای دوره هایی که تقاضای آنها بزرگ‌تر از ظرفیت تولیدی بوده را در نظر گرفته از دوره $\bar{A}+1$ شروع و مازاد تولید را به این دوره ها اختصاص می دهیم. باید توجه داشت که ابتدا در دوره $\bar{A}+1$ سفارش داده در صورت رسیدن این دوره به حداکثر ظرفیت تولید به دوره بعدی رفته و این روند را تا زمانی که مازاد تولید از بین رود ادامه خواهیم داد. اگر تقاضای خود دوره سفارش دهی بیش از حداکثر ظرفیت تولیدی باشد میزان مازاد آن را در دوره یا دوره های قبلی سفارش می دهیم.

گام سوم: در آخر نیاز به تحلیل کلی در مورد دوره هایی که میزان تولید آنها کمتر از میزان ظرفیت تولیدی است، خواهیم داشت. باید سعی شود که تعداد دوره هایی که میزان تولید آنها کمتر از حداکثر ظرفیت تولیدی است را کاهش داد. این تحلیل از این واقعیت ناشی می شود که ممکن است میزان سفارش در یک دوره را که مقدار آن کمتر از ظرفیت تولیدی است (به غیر از دوره اول) را بتوان توسط دوره های قبلی سفارش داد، به این منظور مقدار نسبت هزینه راه اندازی و میزان سفارش در آن دوره را به دست آورده که این نسبت تعیین کننده تعداد دوره هایی است که می توان سفارش آن دوره را زودتر انجام داد که در صورت موجه بودن می تواند هزینه کل را کاهش دهد.

۳. مثال عددی :

یک مسئله برنامه ریزی تولید $\bar{A}=10$ دوره ای با اطلاعات زیر مفروض است، هزینه راه اندازی، هزینه نگهداری هر واحد ثابت و به ترتیب برابر با $x_1=40$ ، $x_2=1$ واحد پولی و همچنین میزان تقاضا و محدودیت ظرفیت تولید در هر دوره به صورت جدول (۱) می باشد.

اولین قدم یک جواب اولیه تولید می کند که معمولاً در آن محدودیت های ظرفیت نادیده گرفته شده و بر اساس تکنیک های تعیین اندازه انباشته بدون محدودیت ظرفیت این جواب به دست می آید.

قدم دوم سعی در تامین شرط موجه بودن دارد که این کار با شیفت دادن انباشته ها از یک پریود به پریودی دیگر که حداقل هزینه اضافی را تحمل کند صورت می گیرد.

قدم سوم، این قدم در واقع قدم کاهش هزینه ها می باشد، که هدف آن حداقل نمودن صرفه جویی هزینه در فضای جواب مسأله است. برای انتخاب شیفت ها معمولاً از یک قاعده ساده که بر اساس مقایسه بین هزینه راه اندازی و هزینه نگهداری موجودی است استفاده شده و هر دو نوع شیفت یا انتقال مقادیر تولید به چپ یا راست (به دوره های قبلی یا بعدی) قابل اعمال است.

در روش ارائه شده ابتدا بدون در نظر گرفتن محدودیت ظرفیت از روش واگنرویتین یا برنامه ریزی پویا یک جواب پایه اولیه به دست می آید. اگر جواب به دست آمده موجه باشد جواب بهینه بوده در غیر این صورت با شیفت دادن مقدار انباشته ها از یک دوره به دوره دیگر شرط موجه بودن را ایجاد می نماییم سپس با مقایسه هزینه نگهداری با هزینه راه اندازی بدون از بین رفتن شرط موجه بودن سعی می گردد هزینه کل کاهش یابد.

مراحل فوق را می توان بصورت زیر بیان نمود
گام اول: جواب بهینه مسأله را بدون در نظر گرفتن محدودیت ظرفیت تولید به دست آورده و مقدار آن را با x_i نشان می دهیم.

گام دوم: جوابهای دوره هایی که میزان تولید در آنها بیش از ظرفیت تولید است ($x_i > k_i$) را در نظر می گیریم. فرض کنید در دوره \bar{A} میزان تولید به دست آمده بزرگ‌تر از ظرفیت تولیدی باشد و دوره بعدی سفارش دهی دوره \bar{A} باشد در فاصله دوره \bar{A}

دوره	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
تقاضا	۲	۲۷	۳	۲۹	۲۷	۵	۷	۳۴	۱۲	۴
محدودیت ظرفیت تولید	۲۰	۲۴	۱۵	۲۰	۲۵	۲۰	۲۰	۲۰	۱۷	۱۰

جدول ۱: اطلاعات مربوط به مثال بیان شده

حل مسئله

قدم اول: ابتدا مسئله را بدون در نظر گرفتن محدودیت حل می کنیم:

جدول (۲) جواب به دست آمده با استفاده از نرم افزار WINQSB را نشان می دهد.

04-17-2009 Stage	Period Description	Net Demand	Starting Inventory	Production Quantity	Ending Inventory	Setup Cost	Variable Cost Function (P,H,B)	Variable Cost	Total Cost
1	Period1	2	0	32	30	\$40.00	1H	\$30.00	\$70.00
2	Period2	27	30	0	3	0	1H	\$3.00	\$3.00
3	Period3	3	3	0	0	0	1H	0	0
4	Period4	29	0	68	39	\$40.00	1H	\$39.00	\$79.00
5	Period5	27	39	0	12	0	1H	\$12.00	\$12.00
6	Period6	5	12	0	7	0	1H	\$7.00	\$7.00
7	Period7	7	7	0	0	0	1H	0	0
8	Period8	34	0	50	16	\$40.00	1H	\$16.00	\$56.00
9	Period9	12	16	0	4	0	1H	\$4.00	\$4.00
10	Period10	4	4	0	0	0	1H	0	0
Total		150	111	150	111	\$120.00		\$111.00	\$231.00

جدول ۲: جواب بهینه بدون در نظر گرفتن محدودیت ظرفیت تولید

برداشتمن این میزان سفارش از دوره اول، میزان

سفارش دوره اول به ۸ تقلیل می یابد.

هم‌چنان میزان سفارش بهینه دوره چهارم نیز بیش از ظرفیت تولیدی (۲۰ واحد) می باشد لذا آنچه برای دوره اول انجام شد برای این مرحله نیز تکرار می گردد. در فاصله بین دو سفارش دوره ۴ و دوره ۸ تقاضای دوره چهار و پنج بیش از ظرفیت تولیدی است پس میزان تولید در این دو دوره را برابر با حداقل ظرفیت تولیدی آنها در نظر می گیریم و چون میزان تقاضا دوره سفارش دهی در حالت بدون محدودیت بیش از ظرفیت تولیدی است مازارد آن را به دوره ماقبل منتقل می نماییم.

پس اگر در دوره ۴ به اندازه ۲۰ واحد و در دوره ۵ نیز به میزان ۲۵ واحد تولید می نماییم، میزان مازاد

در حل بهینه x_1 ، x_4 و x_8 به ترتیب برابر ۳۲، ۶۸ و ۵۰ می باشند.

بنابرین در حالت بهینه بدون کمبود سه دوره سفارش دهی داریم که هر سه دوره میزان سفارش آنها بیشتر از ظرفیت تولیدی می باشد.

قدم دوم: میزان بهینه سفارش دهی در دوره اول بیش از ظرفیت دوره ای است بنابرین فاصله دوره اول تا دوره بعدی سفارش دهی (دوره ۴) را در نظر می گیریم در این فاصله دوره هایی که میزان تقاضای آنها بیش از ظرفیت تولیدی است را مشخص و در این دوره ها با حداقل ظرفیت تولیدی، سفارش می دهیم در این مثال دوره دوم دارای تقاضای بیش از ظرفیت تولیدی (۲۴ واحد) است بنابراین میزان سفارش دوره دوم برابر با ۲۴ واحد می باشد که با

میزان تولید در دوره سوم برابر 14 واحد می باشد لذا باید بررسی نماییم که اگر این میزان سفارش را به دوره اول منتقل کنیم باعث کاهش هزینه های تولیدی خواهد شد یا خیر؟ جهت رسیدن به این سوال لازم است نسبت هزینه به سفارش را در این دوره به دست آوریم که برابر با $\frac{A}{x_3} = \frac{40}{14}$ می باشد. این نسبت تعداد دوره هایی را نشان می دهد که می توان تقاضا یا میزان سفارش یک دوره را به عقب برد بدون آنکه هزینه کل افزایش یابد مقدار به دست آمده نشان می دهد که می توان تقاضای دوره 3 را به دوره اول انتقال داد.

دوره بعد، دوره ششم می باشد اما چون در مقابل دوره ششم دوره ای نداریم که بتوان تقاضای این دوره را به آن دوره منتقل نمود (دوره های تولیدی مقابل دوره ششم با بیشترین ظرفیت خود تولید می کنند) پس تقاضای این دوره را نمی توان انتقال داد. دوره بعدی دوره نهم می باشد باید بررسی نمود که آیا می توان تقاضای دوره نهم را به دوره ششم منتقل نمود یا نه؟

نسبت هزینه به سفارش در این دوره برابر با $\frac{A}{x_9} = \frac{40}{15} = 2/67$ می باشد که حداقل می توان آن را 2 دوره عقب آورد پس نمی توان میزان سفارش دوره نهم را به دوره ششم منتقل نمود. جواب نهایی گام سوم به صورت زیر خلاصه می شود.

هزینه کل جواب به دست آمده برابر با 383 واحد می باشد که با هزینه جواب بهینه آن برابر می باشد.

برابر با $11 (11+9=20)$ واحد می باشد که به دوره مقابل یعنی دوره 3 منتقل می شود پس میزان سفارش در دوره سوم برابر است با مجموع تقاضای منتقل شده و میزان تقاضای دوره سوم که برابر با $14 (14+3=17)$ می باشد و چون قبل از تقاضای دوره سوم در دوره اول سفارش داده شده است مقدار آن را از میزان سفارش دوره اول کم می کنیم لذا میزان سفارش دوره اول (8 واحد) به میزان 3 واحد کاهش می یابد و به 5 واحد تبدیل می شود.

دوره بعدی سفارش دهی دوره ششم است که می بایست تقاضای دوره 6 و 7 در این دوره تولید گردد که مقدار آن برابر با 12 می باشد.

هم چنین میزان سفارش دوره هشتم بیش از ظرفیت تولیدی در این دوره است بنابرین در این دوره ما فقط به اندازه ظرفیت تولیدی سفارش داده و مازاد آن را بین دوره های واحد شرایط تقسیم می نماییم. با توجه به قدم دوم چون میزان تقاضای دوره 8 (برابر با 34 واحد) بیش از ظرفیت تولیدی است مازاد آن را (برابر با 14 واحد) را در دوره مقابل سفارش می دهیم. پس باید 14 واحد را در دوره هفتم سفارش دهیم، ضمناً تقاضای دوره هفتم برابر با 7 واحد می باشد که با اضافه نمودن 14 واحد انتقالی به بیست و یک واحد می رسد. لذا آنجایی که ظرفیت تولید در این دوره 20 واحد می باشد یک واحد آن به دوره ششم انتقال می یابد. بنابرین میزان سفارش دوره هفتم و هشتم برابر ظرفیت تولید در این دوره ها بوده و سفارش دوره ششم برابر 6 واحد می باشد.

خرنگی این مرحله در جدول (۳) آورده شده است.

گام سوم:

دوره هایی که میزان تولید در آنها کمتر از ظرفیت تولیدی می باشد (به غیر از دوره اول) دوره های 3 ، 6 و 9 می باشند که به ترتیب به بررسی آنها می پردازیم

دوره	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
تقاضا	۲	۲۷	۳	۲۹	۲۷	۵	۷	۳۴	۱۲	۴
محدودیت ظرفیت تولید	۲۰	۲۴	۱۵	۲۰	۲۵	۲۰	۲۰	۲۰	۱۷	۱۰
جواب بهینه بدون محدودیت ظرفیت (گام اول)	۳۲			۶۸				۵۰		
خروجی گام دوم	۵	۲۴	۱۴	۲۰	۲۵	۶	۲۰	۲۰	۱۶	

جدول ۳: خروجی گام دوم

دوره	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
تقاضا	۲	۲۷	۳	۲۹	۲۷	۵	۷	۳۴	۱۲	۴
محدودیت ظرفیت تولید	۲۰	۲۴	۱۵	۲۰	۲۵	۲۰	۲۰	۲۰	۱۷	۱۰
جواب بهینه بدون محدودیت ظرفیت (گام اول)	۳۲			۶۸				۵۰		
خروجی گام دوم	۵	۲۴	۱۴	۲۰	۲۵	۶	۲۰	۲۰	۱۶	
خروجی گام سوم	۱۹	۲۴	۰	۲۰	۲۵	۶	۲۰	۲۰	۱۶	

جدول ۴: خروجی گام سوم

منابع

- [1] Wagner, H. M., Whitin, T.M., “A dynamic version of the economic lot size model”, Management Science, 5, 1958, pp. 89-96.
- [2] Evans, J. R. (1985), “An Efficient Implementation of the Wagner-Whitin Algorithm for Dynamic Lot-Sizing,” Journal of Operations Management, 5, 2, 229-235.
- [3] Ronald B. Heady and Zhiwei Zhu ,(Winter 1994), “AN IMPROVED IMPLEMENTATION OF THE WAGNER-WHITIN ALGORITHM” , Production and operations management. 3, No. I, Winter 1994.
- [4] Wagelmans, A., Van Hoesel, S., Kolen, A., “Economic lot-sizing: An O($n \log n$)-algorithm that runs in linear time in the Wagner-Whitin case”, Operations Research, 40, 992, pp. 145-156.
- [5] Aggrawal, A., Park, J.K., “Improved slgorithms for economic lot-size problem”, Operations Research, 41(3), 1993, pp. 549-571.

نتیجه گیری

در این مقاله ملاحظه شد که با ارائه یک روش ابتکاری تا حدودی از محاسبات خسته کننده برنامه ریزی پویا در مسأله برنامه ریزی تولید جلوگیری شده است. این روش با یک جواب اولیه در حالت اندازه انباشتی بدون ظرفیت تولید آغاز و با استفاده از یک دید کلی ساده، جوابی را که به جواب بهینه نزدیک است در اختیار ما قرار می دهد. حل مسائل متعدد به شیوه ارائه شده نشان از رضایت بخش بودن این روش دارد.

موضوعات تحقیقی خصوصاً ارایه راه حل کارا برای حالت با محدودیت در ظرفیت تولید در مجلات علمی دنیا رایج است و هنوز یک راه حل سیستماتیک و جا افتاده ای عرضه نشده است. لذا به علاقمندان توصیه می شود که برای به دست آوردن یک شرط کافی برای بهینه بودن جواب در حالت با محدودیت در ظرفیت تولید و همچنین ارایه یک راه حل کارتر برای به دست آوردن جواب بهینه به تحقیق پردازند.

- [16] Chen, W.H., Thizy, J.M., "Analysis of relaxations for the multi-item capacitated lot-sizing problem", *Annals of Operations Research*, 26, 1990, pp. 29-72.
- [17] Maes, J., McClain, J.O., Van Wassenhove, L.N., "Multilevel capacitated lot sizing complexity and LP-based heuristics", *European Journal of Operational Research*, 53(2), 1991, pp. 131-148.
- [18] Barany, I., Van Roy, T.J., Wolsey, L.A., "Strong formulations for multi-time capacitated lot sizing", *Management Science*, 30(10), 1984, pp. 1255-1261.
- [19] Leung, J.M.Y., Magnanti, T.L., Vachani, R., "Facets and algorithms for capacitated lot sizing", *Mathematical Programming*, 45, 1989, pp. 331-359.
- [20] Eppen, G.D., Martin, R.K., "Solving multi-item capacitated lot sizing problems using variable redefinition", *Operations Research*, 35(6), 1987, pp. 832-848.
- [21] Fatemi Ghomi, S.M.T., Hashemin, S.S., "An analytical method for single level constrained resources production problem with constant set-up cost", Submitted to Iranian Journal of Science & Technology, Transaction, shiraz University, 26(81), 2002.
- [22] Belvaux, G., Wolsey, L.A., "bc-prod: A specialized branch-and-cut system for lot-sizing problems", *Management Science*, 44, 2000, pp. 724-738.
- [23] heirsh soltanpanah, haibat sadeghi , hiwa farughi "A heuristic algorithm for determine the lot size economic order with finite production capacity" 38th international conference on computers and industrial engineering.
- [6] Federgruen, A., Tzur, M., "A simple forward algorithm to solve general dynamic lot sizing models with n periods in $O(n \log n)$ or $O(n)$ time", *Management Science*, 37(8), 1991, pp. 909-925.
- [7] Stadtler, H., "Improved rolling schedules for the dynamic single-level lot-sizing problem", *Management Science*, 46(2), 2000, pp. 318-326.
- [8] Aryanezhad, M.B., "An algorithm based on a new sufficient condition of optimality in dynamic lot size model", *European Journal of Operational Research*, 59, 1992, pp. 425-433.
- [9] Bitran, G.R., Magnanti, T.L., Yanasse, H.H., "Approximation methods for the uncapacitated dynamic lot size problem", *Management Science*, 30(9), 1984, pp. 1121-1140.
- [10] Aryanezhad, M.B., Kiany, H., "Dynamic lot sizing with backlogging", *Iranian Journal of Science & Technology*, 16, 1992, pp. 43-56.
- [11] WAGELMANS, A.P.M., S.V. HOSSEL AND A. KOLEN, "Economic Lot-sizing: An $O(n \log n)$ Algorithm that Runs in Linear Time in the Wagner-Whitin Case", *O.R.*, 40 (1992), (145-156).
- [12] AGGARWAL, A. and J.K. PARK, "Improved Algorithms for Economic Lot Size Problems", *O.R.*, 41 (1993), 549-571.
- [13] Federgruen, A., Tzur, M., "A simple forward algorithm to solve general dynamic lot sizing models with n periods in $O(n \log n)$ or $O(n)$ time", *Management Science*, 37(8), 1991, pp. 909-925
- [14] Florian, M., Lenstra, J.K., Rinnooy Kan, A.H.G., "Deterministic production planning algorithms and complexity", *Management Science*, 26(7), 1980, pp. 669-679.
- [15] Bitran, G.R., Yanasse, H.H., "Computational complexity of the complexity of the capacitated lot size problem", *Management Science*, 28(10), 1982, pp. 1174-1186.



پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی
پرستال جامع علوم انسانی