

کاربرد رویکرد فازی در اندازه‌گیری فقر در ایران: استفاده از معیار نابرابری بن فرونی

*حسن اعمی بندۀ قرائی^۱، فرهاد خداداد کاشی^۲، یگانه موسوی جهومی^۳

۱. دکتری اقتصاد، عضو هیئت علمی دانشگاه پیام نور، تهران، ایران

۲. استاد اقتصاد پیام نور، تهران، ایران

۳. استاد اقتصاد پیام نور، تهران، ایران

(دربافت: ۱۴۰۰/۱۲/۰۴) بذیش: ۱۴۰۰/۱۲/۱۱

The Application of Fuzzy Approach to Measuring Poverty in Iran: Using Bonferroni's Inequality Measure

Farhad Khodadad Kashy¹, Yeganeh Musavi Jahromi², *Hassan Ama Bandeh Gharaei³

1. PhD in Economics, Payame Noor University, Tehran, Iran

2. PhD in Economics, Payame Noor University, Tehran, Iran

3. PhD in Economics, Payame Noor University, Tehran, Iran

(Received: 22/Feb/2021)

Accepted: 13/May/2021

Original Article

مقاله پژوهشی

Abstract:

In various studies, to evaluate and measure the poverty, based on the poverty line, the poor are divided into the poor and non-poor and based on the data of the poor households, different indeces of poverty are calculated. Since the rate of poverty varies, the effect of each poor individual on the society varies as well. In this study, the size of poverty in Iran is measured by Fuzzy Membership Function. In the current study, using the raw data, the household income of the Iranian Sensus Beauro, from 1385 to 1397 is calculated using the index of age poverty by Gini coefficient and Bonferonie standard, in classic and fuzzy modes of poverty size. The results show that using the fuzzy logic has a significant effect on poverty size so that in the classic mode, it is significantly less than that of the fuzzy mode. The results also suggest that in both the classic and the fuzzy ways, using the Bonferonie standard instead of Gini Coefficient causes the rise of poverty.

Keyword: Fuzzy logic, Indices of Bonferroni inequality, Age poverty index, Poverty measurement.

JEL: L26, J68, O49.

چکیده:

در مطالعات برای ارزیابی و اندازه‌گیری فقر، افراد جامعه بر مبنای خط فقر به دو گروه فقیر و غیرفقیر تقسیم شوند و سپس با استفاده از اطلاعات خانوارهای فقیر انواع شاخص‌های فقر محاسبه می‌شود. اما از آنجا که میزان فقر افراد متفاوت است باید ضریب اهمیت آنها در محاسبه فقر نیز لحاظ گردد که روش فازی این مسئله را در نظر می‌گیرد. بنابراین در روش فازی درجه عضویت افراد متفاوت است. در نتیجه این امر سبب می‌شود تا اثرگذاری هر فرد در محاسبات فقر متفاوت باشد. به طور کلی افراد همگی از درجه اهمیت یکسانی در محاسبات فقر به روش فازی برخوردار نیستند. در نتیجه مقاله حاضر به ارزیابی اندازه فقر در ایران با استفاده از تابع عضویت فازی پرداخته است. پژوهش حاضر از داده‌های خام طرح آماری هزینه و درآمد خانوار مرکز آمار ایران برای سال‌های ۱۳۸۵-۱۳۹۷ بهره برده است. همچنین میزان شاخص فقر سن در دو حالت میار ضریب جینی و معیار بن فرونی برای حالت کلاسیک و فازی محاسبه شده است. نتایج نشان می‌دهد که استفاده از منطق فازی در محاسبه فقر تأثیر محسوسی بر مقایر عددي عنوان شاخص فقر به طور قابل ملاحظه‌ای از مقدار محاسبه شده به فقر در حالت فازی کمتر است. بنابراین نتایج نشان می‌دهد که هم در حالت کلاسیک و هم در حالت فازی بهره‌گیری از معیار بن فرونی در محاسبه عددی فقر به جای ضریب جینی میزان اعلام شده فقر را بیشتر نشان می‌دهد.

واژه‌های کلیدی: اندازه‌گیری فقر، روش منطق فازی، شاخص فقر سن، شاخص نابرابری بن فرونی

طبقه‌بندی JEL: O49, J68, L26

*نویسنده مسئول: حسن اعمی بندۀ قرائی

E-mail: Hasanaama@pnu.ac.ir

۱- مقدمه

همکاران، ۱۳۸۱: ۱۱). با نگاهی به ادبیات اقتصادی مربوط به فقر می‌توان دریافت که به دلیل وجود دیدگاه‌های متفاوت، تعریف مشخص و ثابتی از این مقوله در بین اقتصاددانان وجود ندارد. اما تقریباً تمامی اقتصاددانان تقسیم‌بندی فقر به دو گروه کلی فقر مطلق و نسبی را پذیرفته‌اند.

راونتری و شرول^۱ (۱۹۰۱) در اواخر قرن نوزدهم تلاش کردند که بین فقر مطلق و فقر نسبی تمایز قائل شوند. خداداد کاشی فقر مطلق را ناتوانی در کسب حداقل استاندارد معینی از سطح زندگی تعریف کرده است. اگر فردی در محدودیت کسب حداقل این استانداردهای مورد نظر ناتوان باشد، فقیر مطلق تعریف می‌شود (خالدی و پرمه، ۱۳۸۴؛ خداداد کاشی و حیدری، ۱۳۸۸؛ پیرایی و شهسواری، ۱۳۸۸). در مقابل فقر مطلق، فقر نسبی به عنوان ناتوانی در کسب سطح معینی از استانداردهای زندگی، که در جامعه فعلی لازم یا مطلوب تشخیص داده می‌شود، تعریف شده است. در مفهوم فقر نسبی، صرفاً فقدان منابع برای تأمین نیازهای اساسی مطرح شده است. در تعریف فقر نسبی که به نابرابری در توزیع درآمد (یا مصرف) بین افراد یا خانوارها می‌پردازد، می‌توان درصد کل درآمد دریافت شده به وسیله فقیرترین قشر جامعه را با درصد درآمد دریافت شده به وسیله ثروتمندترین قشر جامعه مقایسه کرد (مؤمنی و همکاران، ۱۳۸۹: ۲۰). از طرفی می‌توان تفاوت در فقر مطلق و فقر نسبی را در تعریف خط فقر نیز دانست به گونه‌ای که اگر خط فقر نسبی، مثلاً n درصد میانه درآمد تعریف شود افراد با درآمد کمتر از آن فقر نسبی را شمارش می‌کنند و اگر خط فقر با تعاریف خاصی مثلاً ارزش 250 کالری یا ... بدنست آید افراد با درآمد کمتر از آن فقیر مطلق تعریف می‌شوند.

برای برنامه‌ریزی صحیح در جهت کاهش فقر و اجرای برنامه‌های حمایتی از فقرا، نخست باید بتوان افراد فقیر را شناسایی کرد. طبق آمار اعلام شده از سوی بانک جهانی در سال ۲۰۱۲ رتبه ایران از لحاظ فقر در میان 82 کشور جهان 58 بوده و تنها 8 درصد مردم ایران با درآمد روزانه کمتر از 2 دلار فقیرند. کشورهایی مثل برزیل با $10/8$ درصد، الجزایر با $33/6$ درصد، هند با $68/7$ درصد، پاکستان با $60/2$ درصد، زامبیا با $86/2$ درصد در رتبه‌های بعدی قرار دارند. مسئله فقر در ایران نیز یک مسئله غیرقابل انکار بوده و اهمیت این مسئله تا حدی است که در قانون اساسی در اصول دوم، بیست

فقر معضل اجتماعی و اقتصادی است با ابعاد مختلف که همواره مورد نگرانی سیاست‌مداران در تمام کشورها اعم از توسعه یافته، توسعه نیافته و در حال توسعه بوده است. شدت فقر در کشورهای توسعه نیافته به میزانی است که نهادهای بین‌المللی مثل سازمان بهداشت جهانی، سازمان بین‌المللی کار و فانو آن را به عنوان پدیده‌ای فرا کشوری و بین‌المللی محسوب می‌کنند. این سازمان‌ها و به ویژه سازمان ملل با برگزاری نشست‌های جهانی برای کاهش فقر هدف‌هایی را تعیین کرده‌اند و کشورهای درگیر با مشکل فقر و حتی کشورهای توسعه یافته را برای کاهش جهانی فقر مسئول دانسته‌اند و این کشورها در جهت تحقق هدف کاهش و احتجاء فقر متعهد شده‌اند. توسعه اقتصادی با جمعیت فقیر ممکن نمی‌باشد، تعالی و پیشرفت هر کشور توسعه نیافته مستلزم برخورداری از نیروی انسانی سالم و شاداب است. بر این اساس درک مناسب از اندازه و شدت فقر و همچنین آگاهی از علل فقر و وجود برنامه مدون و تجهیز منابع مالی برای مبارزه با فقر یکی از پیش شرط‌های قرار گرفتن در مسیر رشد و توسعه اقتصادی است.

باید به این نکته توجه داشت که معیارهای متعددی برای فقر ارائه شده است، با توجه به تعریف و مفهوم که از فقر ارائه می‌شود؛ نسبت فقر، شکاف درآمدی و اندازه فقر متفاوت خواهد بود. تانسند (۱۹۸۵: ۱۰) در تعریف فقر اشاره می‌کند که فقدان منابع لازم برای تأمین نیازهای غذایی و مشارکت در فعالیت‌های مرسوم و معمول جامعه نشان دهنده فقر است. از نظر بانک توسعه آسیا، فقر محرومیت از دارایی‌ها و فرصت‌هایی است که هر فرد مستحق آن می‌باشد. از تعاریف متفاوت فقر می‌توان دریافت که فقر یعنی ناتوانی انسان در تأمین حد کافی نیازهای بنیادی خود به منظور رسیدن به یک زندگی آبرومند و شایسته به عنوان شرط لازم در رسیدن به سوی کمال است. همه به نوعی به مفهوم هنجاری بودن فقر تأکید دارند و معتقدند تنها با تعاریف از پیش تعیین شده می‌توان فقیر را از غیرفقیر جدا نمود. یعنی فقر همیشه مقایسه‌ای بین یک مشاهده و یک شرط از پیش تعیین شده است. علت این تفاوت‌ها را می‌توان نخست ناشی از نوع تفكر در مورد نقش اجتماعی انسان، برداشت از مفهوم عدالت اجتماعی، باور به اصلالت فرد یا جمع، شرایط زیست بومی و امثال آن و نیازهای متنوع انسانی که فقدان هریک منجر به تعریف جدیدی از فقر می‌شود دانست (خداداد کاشی و

۲- پیشینه تحقیق

- پیشینه نظری

فرض کنید X ، یک توزیع از یک متغیر پولی با n عضو باشد، به عنوان مثال X ، توزیع درآمد خانوارها در یک نمونه باشد. در این صورت درآمد خانوار i ام با x_i مشخص شده و درآمدها از کوچک به بزرگ مرتب می‌شوند به گونه‌ای که

$$(1) \quad 0 \leq x_1 \leq x_2 \leq \dots \leq x_n$$

مسئله اصلی تقسیم‌بندی افراد به دو گروه فقیر و غیرفقیر است. در روش به اصطلاح کلاسیک به این صورت است که یک آستانه تحت عنوان خط فقر مشخص می‌شود. به عنوان مثال x_p هر خانواری که درآمد وی از x_p کوچک‌تر باشد فقیر و خانواری که درآمد وی از x_p بزرگ‌تر باشد در طبقه غیرفقیر قرار می‌گیرد. متاسفانه این نوع طبقه‌بندی دارای نواقصی است. به عنوان مثال سه خانوار را در نظر بگیرید که دارای درآمدهای $\epsilon - x_p = x_1$ و $\epsilon + \epsilon = x_p + x_2$ (برای $x_2 > \epsilon$ و $x_p > x_3$ باشد، بدین معنی که درآمد فاصله خیلی زیاد تا خط فقر داشته باشد. بر طبق روش کلاسیک خانوار اول به عنوان فقیر و دو خانوار دیگر ثروتمند، یا غیرفقیر تلقی می‌شوند. اگر فرد ۱ و ۲ را در نظر بگیرید اختلاف درآمدی خیلی ناقیز ϵ باعث می‌شود که فرد یک تحت حمایت سیاست‌های فقرزدایی قرار گرفته و فرد دوم علی‌رغم اینکه از لحاظ درآمدی اختلاف ناقیزی با فرد یک دارد از این سیاست‌ها محروم شود. از طرفی فرد ۲ و ۳ علیرغم اختلاف درآمدی خیلی زیادی که باهم دارند در طبقه‌بندی به عنوان ثروتمند در نظر گرفته می‌شوند که نتیجه‌گیری منطقی نیست. این مثال نشان می‌دهد که طبقه‌بندی افراد بر اساس معیار کلاسیک‌ها و بر مبنای خط فقر به افراد فقیر و غیرفقیر باعث می‌شود که سیاست‌های فقرزدایی در کاهش فقر چندان مؤثر واقع نشود. اصلی‌ترین دلیل این است که بیشگی‌هایی در اقتصاد وجود دارند که با قطعیت نمی‌توان آنها را به افراد نسبت داد که یکی از این مفاهیم فقر است. به عبارتی نمی‌توان یک آستانه محض را برای تشخیص فقیر از غیرفقیر لحاظ کرد. علاوه بر این بهتر است که درجه‌بندی فقر صورت بگیرد. در مثال بالا باید بین خانوار ۲ و ۳ تفاوت وجود داشته باشد و لذا مفهوم فقر یک مفهوم مبهم است و نمی‌توان آن را به صورت مطلق برای افراد لحاظ و برای برخی لحاظ نکرد. در نتیجه با بهره‌گیری از روش منطق فازی تا حد سیار زیادی می‌توان این مشکل را رفع کرد. در منطق فازی دو آستانه x_R و x_L برای تشخیص فقیر و ثروتمند در نظر گرفته

و یکم، بیست و نهم و به طور ویژه در اصل چهل و سوم نیز به آن اشاره شده است. هرچند برنامه‌ریزی‌ها در جهت رفع آن از سوی دولتمردان و سیاست‌گذاران در جهت کاهش فقر صورت گرفته است و هدفمندسازی یارانه‌ها یکی از سیاست‌ها و اقداماتی است که در این راستا اجرا شد.

در سیستم سنتی ملاک تشخیص فقیر از غیرفقیر، آستانه درآمدی تحت عنوان خط فقر است. به گونه‌ای که از روش‌های گوناگون (روش اورشانسکی، میانگین درآمد، معکوس ضربی انگل وغیره) درآمدی را به عنوان خط فقر تعیین می‌کنند. خانوارهایی که درآمد آنها پایین‌تر از این آستانه باشد فقیر و خانوارهایی که درآمد آنها بالای خط فقر باشد غیرفقیر تلقی می‌شوند. مشکل اصلی این نوع تقسیم‌بندی افراد این است که اگر افرادی وجود داشته باشند که درآمد آنها به میزان خیلی کم (ϵ) از خط فقر فاصله داشته باشند از لحاظ سطح زندگی تفاوت چندانی با هم ندارند اما ($Z \pm \epsilon$) درآمد ($Z + \epsilon$) ثروتمند یا غیرفقیر محسوب می‌شود. بنابراین طبقه‌بندی افراد جامعه به دو گروه مطلق فقیر و مطلق غیرفقیر کار درستی نیست و بهتر است افراد را بر اساس درجه فقر نسبی آنها تا اندازه‌ای فقیر در نظر بگیریم. در این راستا برای رفع مشکل سنتی شناسایی فقر، از منطق فازی برای افراد فقیر بهره برده شده است و درجه فقر تعیین می‌شود، افرادی که درآمد آنها از یک آستانه‌ی پایین‌تر باشد صد درصد فقیر و افرادی که درآمد آنها از یک آستانه‌ی بالا، بالاتر باشد صد درصد غیرفقیر محسوب می‌شوند. افرادی که بین این دو آستانه قرار بگیرند تا اندازه‌ای فقیر هستند. بنابراین می‌توان برنامه‌های حمایتی را با توجه به درجه عضویت افراد در درجه فقر صورت داد و به اجرا درآورد. هدف از انجام این تحقیق، محاسبه فقر از روش کلاسیک و روش فازی و مقایسه آنها با هم است. تحقیق حاضر از چهار بخش تشکیل شده است. بخش اول شامل مقدمه است که توضیحات درباره بیان مسئله، اهمیت و نوآوری تحقیق را شامل می‌شود، بخش دوم ادبیات موضوع را در بر می‌گیرد. در این بخش به طور کلی تئوری‌های نظری مربوط به پژوهش ارائه می‌شود، سپس کارهای تجربی که در این زمینه صورت گرفته است، مرور خواهد شد، در قسمت سوم به معرفی الگو و تجزیه و تحلیل داده‌ها پرداخته می‌شود و در پایان نتیجه‌گیری، ارائه می‌شود.

اندازه‌گیری و عوامل مؤثر بر فقر را مورد بررسی و تجزیه و تحلیل قرار داده‌اند. با توجه به اینکه در این مقاله در صدد معرفی اندازه‌گیری فقر در ایران بر اساس تابع عضویت فازی هستیم ضروری است ابتدا مروری بر مطالعات قبلی داشته باشیم.

پژویان در مقاله‌ای با عنوان "فقر، خط فقر و کاهش فقر" با بررسی مقوله فقر و توزیع درآمد و با ارائه مسائی همچون فقر کوتاه‌مدت، بلند مدت و نفاوت بین درآمد و ثروت، به عنوان اولین تحقیق در ایران با استفاده از عملکرد تغذیه‌ای خط فقر را بر اساس ۲۲۰۹ کالری نیاز روزانه برای هر فرد برای مناطق شهری و روستایی محاسبه کرد. وی با استفاده از شاخص شکاف فقر و روش کاکوانی به محاسبه مقدار کمک مورد نیاز برای رفع فقر پرداخت (پژویان، ۱۳۷۵: ۲۲).

خدادادکاشی با استفاده از داده‌های هزینه و درآمد خانوار در طی سال‌های ۱۳۶۴-۱۳۷۰، میزان فقر در ایران را با توجه به خصوصیات اجتماعی و اقتصادی خانوارهای ایرانی بر مبنای شاخص سن محاسبه کرد. وی در معرفی شاخص سن اظهار داشت که آمارتیا سن با استفاده از رویکرد آکسیوماتیک شخص مستدل و مبتنی بر پایه‌های نظری ارائه کرد. در این تحقیق میزان فقر بر اساس جوامع شهری و روستایی، استان‌ها، شغل سپریست خانوار، میزان سواد سپریست خانوار و سن سپریست خانوار اندازه‌گیری می‌شود. در این تحقیق نتیجه‌گیری می‌شود که شدت فقر نزد خانوارهایی که سپریست آنها بازنشسته است شدیدتر است. خانوارهایی که سپریست بی‌سواد دارند فقیرترند، اندازه فقر در جوامع شهری بیشتر از جوامع روستایی است و در طی سال‌های ۱۳۷۰-۱۳۶۴ فقر در ایران افزایش یافته ولی پس از آن رو به کاهش گذارد است (خدادادکاشی، ۱۳۷۷: ۶۴).

کشاورز خداد در مقاله‌ای با عنوان "گستره و عمق فقر در استان سیستان و بلوچستان" به سنجش خط فقر این استان طی دوره ۱۳۷۳-۱۳۶۳ مبادرت ورزید. در این تحقیق ابتدا گستره فقر و سپس عمق فقر در مناطق شهری و روستایی استان برآورد گردید. وی نتیجه‌گیری می‌کند که در سال ۱۳۷۵ خط فقر برای مناطق شهری برای یک سال معادل ۱۴۳۲۸۰۲ ریال می‌باشد. ۷۲/۱ درصد جمعیت استان فقیر تلقی می‌شوند، از طرفی خط فقر در مناطق روستایی در طول سال معادل ۸۲۷۷۱۷ ریال و ۶۸/۳ درصد جمعیت روستایی استان فقیر تلقی می‌شوند (کشاورز خداد، ۱۳۷۹: ۵).

رئیس دانا در مقاله‌ای با عنوان "اندازه‌گیری شاخص و پویش فقر در ایران" با استفاده از میانگین هندسی شاخص

می‌شود؛ به طوری که خانوارهایی که درآمد آنها از x_p کمتر باشد فقیر مطلق، خانوارهایی که درآمد آنها از x_R بیشتر است غیرفقیر مطلق و خانوارهایی که درآمد آنها بین x_p و x_R باشد تا اندازه‌ای فقیر در نظر گرفته می‌شوند؛ در این حالت اصطلاحاً میزان فقر آنها درجه‌بندی می‌شود. درجه‌بندی فقر بین ۰ و ۱ صورت می‌گیرد. برای تعیین درجه عضویت افراد به عنوان فقیر به صورت زیر عمل می‌شود:

$$(2) \quad \mu_{\bar{x}}(x_i) = \begin{cases} 1 & x_i < x_p \\ f(x_i) & x_p \leq x_i \leq x_R \\ 0 & x_i \geq x_R \end{cases}$$

یک تابع نزولی در بازه (x_p, x_R) و با برد $[0, 1]$ است. یکی از روش‌های تعیین $f(x_i)$ این است که تابع $f(x_i)$ به صورت زیر در نظر گرفته شود:

$$(3) \quad f(x_i) = 1 - \left(\frac{x_i - x_p}{x_R - x_p} \right)^{\beta}$$

یک پارامتر مثبت است که نشان دهنده روند کاهنده بودن یا شیب نزولی تابع عضویت است. به عنوان مثال در حالتی که $\beta = 1$ است روند کاهشی به صورت خطی است در این حالت تابع عضویت ذوزنقه‌ای می‌شود. در حالتی که $\beta < 1$ باشد روند نزولی تابع عضویت نسبت به حالت خطی سریع‌تر و در حالت $\beta > 1$ روند نزولی نسبت به حالت خطی کندتر است. در حالتی که تقسیم بندی فقیر و غیرفقیر بر اساس سیستم غیرفازی صورت گیرد درجه عضویت به صورت زیر است:

$$(4) \quad \mu_x(x_i) = \begin{cases} 1 & x_i < x_p \\ 0 & x_i \geq x_p \end{cases}$$

در این حالت جامعه به دو قشر فقیر مطلق و غیرفقیر مطلق تقسیم بندی می‌شود.

پیشینه تجربی

فقر از جمله موضوعاتی است که همواره مورد توجه سیاست‌گذاران و متخصصان علوم اقتصادی و اجتماعی بوده است. در این زمینه محققین تحقیقات گسترده‌ای را در داخل و خارج از کشور با استفاده از روش‌های متعدد انجام داده‌اند. پژوهشگران در مطالعات خود از شاخص‌های مختلف، فقر را

۱۳۸۵ رسیده است (باقری و کاوند، ۱۳۸۶: ۷۱).

یزدان پناه و راغفر در مقاله‌ای با عنوان "محاسبه شاخص‌های فقر کودکان در بین جمعیت روستایی و شهری (۱۳۶۳-۱۳۸۶)"، با استفاده از اداده‌های پیمایش هزینه و درآمد خانوارها، با شناسایی تعداد کودکان در خانواده‌های فقیر (افراد زیر ۱۶ سال) به محاسبه شاخص فقر فاستر، گریر و توربک پرداخته‌اند. بر این اساس آنها به این نتیجه می‌رسند که میزان فقر کودکان همواره بیشتر از میزان فقر کل جمعیت بوده است. از طرفی در بین استان‌های کشور در سال ۱۳۸۶ استان‌های سیستان و بلوچستان، قم و خراسان رضوی بیشترین و استان‌های تهران، ایلام و اصفهان کمترین میزان فقر کودکان را داشته‌اند (یزدان پناه و راغفر، ۱۳۸۸: ۱۸۹).

جیورданی^۱ و ماریاگیورکی^۲: در مقاله‌ای با عنوان "یک روش منطق فازی برای تجزیه و تحلیل فقر بر پایه ضربی جینی و شاخص‌های نابرابری بن فرونی" به درجه‌بندی افراد بر اساس درآمدشان در زمینه فقر می‌پردازن. در محاسبات تحقیق آنها شاخص نسبت افراد فقیر، شکاف فقر و شاخص فقر سن در دو حالت فازی و حالت کلاسیک محاسبه می‌شوند. این تحقیق بیشتر جنبه تئوریک دارد (پل جیوردانی و ماریاگیورکی، ۱۳۹۹: ۲۰۱۰).

بلی دو و همکاران^۳ در مقاله‌ای با عنوان "اندازه‌گیری و تجزیه و تحلیل فقر و نابرابری برای اسپانیا" به اندازه‌گیری فقر در سال ۱۹۹۰-۱۹۹۱ بر سه مبنای پردازن. فقر به عنوان یک ناتوانی مالی و یا کمبود منابع در دسترس فقیر نسبت به متوسط درآمد جامعه، فقر بر مبنای شاخص‌های فیزیکی مثلً نداشتن کالاهای خاص و فقر ذهنی که بیشتر در اثر وجود نابرابری در جامعه ایجاد می‌شود. از نتایج تحقیق آنها این است که فقر بر مبنای مالی در شهرهای بزرگ اسپانیا بالاست، در عین حال که فقر در اثر نابرابری در مناطق روستایی و شهرهای کوچک بیشتر است (بلی دو و همکاران، ۱۳۹۸: ۱۲۳).

پیچل و همکاران^۴ در مقاله‌ای با عنوان "کاربرد داده‌های میکرو برای اندازه‌گیری ثروتمندی و فقر در آلمان و اروپا" به اندازه‌گیری میزان توانگری افراد می‌پردازن. شاخص استفاده شده در این تحقیق نسبت به درآمد افراد حساس است. از

فقر سن و شاخص فقر کاکوانی، میزان فقر در ایران را برای سال ۱۳۸۲ محاسبه کرد، از نتایج مهم این تحقیق این است که شاخص نسبت افراد فقیر در سال ۱۳۸۲ به ۳۲ درصد می‌رسد. ضربی جینی فقر را برای خانوارهای شهری ۰/۴۵ و برای خانوارهای روستایی ۰/۳۰ و برای کل جامعه ۰/۴۵٪ است. شاخص فقر در ایران بالاست و علت آن هم توزیع ناموزون درآمد و پایین بودن میانگین درآمد کل جامعه و افراد فقیر است. همچنین سیاست‌های تعديل ساختاری منجر به افزایش بیکاری، تورم و توزیع نامتعادل درآمد شده و شاخص فقر را بالا برده است (رئیس دانا، ۱۳۸۴: ۵۷).

زاهدی مازندرانی در مقاله‌ای با عنوان "فقر روستایی، روند و اندازه‌گیری آن در ایران (تبیین روش‌ها و نقد رویکردها)" ضمن معرفی روش‌های اندازه‌گیری و شناخت فقر و نقد دیدگاه‌های مربوط به چگونگی تحلیل آن، روند مطالعات فقر روستایی در کشور را مورد بررسی قرار می‌دهد و در این راه به شناسایی وضعیت موجود پدیده فقر روستایی مبادرت می‌کند. در مواردی با استفاده از تحلیل‌های اجتماعی، استنباط‌های تازه‌تری برای شناخت بهتر وضعیت فقر در جامعه روستایی کشور ارائه می‌دهد. با توجه به واقعیت‌های جامعه روستایی و نظام اجتماعی کشور به ارزیابی روند مطالعات فقرشناسی در نواحی روستایی می‌پردازد (زاهدی مازندرانی، ۱۳۸۴: ۳۳).

باقری و کاوند روند خط فقر و شاخص‌های فقر در ایران را طی سال‌های ۱۳۷۵ تا ۱۳۸۵ بررسی کردند. در این مقاله با معرفی متدالول ترین روش‌های محاسبه خط فقر و با توجه به راهنمایها و توصیه‌های بین‌المللی، خط فقر و شاخص‌های فقر در ایران طی سال‌های ۱۳۷۵ تا ۱۳۸۵ با توجه به روش ۲۳۰۰ کالالری در روز برای مناطق شهری و روستایی محاسبه شده است. مهمترین روش‌های محاسبه خط فقر عبارت است از: روش هزینه نیازهای اساسی و انرژی غذایی دریافتی و ارزیابی‌های ذهنی. برای محاسبه میزان فقر از شاخص‌های فقر، نسبت افراد فقیر، شاخص شکاف فقر و شاخص سن استفاده شده است. سپس با محاسبه فاصله اطمینان آماری، با استفاده از روش بوت استریپ، شاخص درصد افراد زیر خط فقر، اعتبار آماری شاخص مذکور سنتجیده شده است. نتایج نشان می‌دهد درصد افراد فقیر طی دوره بررسی شده کاهش یافته است. این درصد در مناطق شهری از ۱۴/۱ درصد در سال ۱۳۷۵ به ۱۲/۶ درصد در سال ۱۳۸۵ و در مناطق روستایی از ۲۲/۴ درصد در سال ۱۳۷۵ به ۱۱/۴ درصد در سال

1. Paolo Giordani
2. Giovanni Maria Giorgi
3. Bellido et al.
4. Andreas Piechtl et al.

که در حالتی که فقیری در جامعه وجود نداشته باشد صفر و در حالتی که کل جامعه درآمد کمتر از خط فقر داشته باشند این شاخص یک می‌شود. شاخص فقر سن بر اساس یک سری اصول موضوعه معرفی می‌شود. یک شکل اصلاح شده از شاخص فقر سن توسط جبورجی و کرسنی (۲۰۰۱) پیشنهاد شد که در آن به جای ضریب جینی از شاخص بن فرونی، استفاده می‌شود.

شاخص نابرابری بن فرونی

این شاخص بر پایه مقایسه بین میانگین‌های جزئی و میانگین کل توسط کارلو امیلیو بن فرونی^۳ (۱۹۸۲-۱۹۶۰)، پایه‌ریزی شده است.

$$B = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n-1} \frac{m - m_i}{m} = 1 - \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n-1} \frac{m_i}{m} \quad (8)$$

میانگین درآمد جامعه و m_i نشان دهنده میانگین درآمد تا فرد آم است.

$$m = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i, \quad m_i = \frac{1}{n_i} \sum_{j=1}^i x_j \quad (i = 1, \dots, n) \quad (9)$$

این شاخص در بین فقرا برابر است:

$$B_p = \frac{1}{p-1} \sum_{i=1}^{p-1} \frac{m_p - m_i}{m_p} = 1 - \frac{1}{p-1} \sum_{i=1}^{p-1} \frac{m_i}{m_p} \quad (10)$$

m_p نشان دهنده میانگین درآمد افراد فقیر، p نشان دهنده تعداد افراد فقیر، m_i نشان دهنده میانگین درآمد تا فرد آم است. علت استفاده از شاخص بن فرونی به جای ضریب جینی این است که این شاخص در مقایسه با ضریب جینی به درآمد فقرا بیشتر حساس است. علاوه بر این تغییر در ضریب جینی در اثر انتقال درآمد از یک فرد فقیر به فرد ثروتمندتر تنها به فاصله بین رتبه‌های این دو فرد از لحاظ مرتب شدن درآمد بستگی دارد. در حالی که تغییر در شاخص بن فرونی در اثر این انتقال نه تنها به فاصله بین رتبه بلکه به موقعیت دقیق فرد دهنده و فرد گیرنده نیز وابسته است (اثبات در ضمیمه). لذا استفاده از B_p به جای G_p ابزاری منطقی‌تر در محاسبه فقر است (جبورجی و کرسنی) شاخص فقر ارائه شده توسط سن در این حالت به صورت زیر تغییر می‌کند:

$$S_B = H \left[1 - (1-I)(1 - \frac{p-1}{p} B_p) \right] = H \left[1 - (1-I)(1 - B_p) \right] \quad (11)$$

طرفی در تحقیق وی اثر اجرای مالیات بر فقر و ثروتمندی بررسی می‌شود. از شاخصهای اصلی این تحقیق این است که در محاسبات خود به افراد ثروتمندتر نسبت به افراد فقیرتر وزن بیشتری را می‌دهد. از نتایج این تحقیق این است که در آلمان در سال ۱۹۹۱ نسبت به سال ۱۹۹۰ میزان ثروتمندی افراد افزایش یافته است (پیچل و همکاران، ۲۰۱۰: ۶۱۰).

سینگ^۱ در مقاله‌ای با عنوان "اندازه‌گیری نابرابری فقر: تئوری و کاربرد برای هند" با انتقاد از نحوه اندازه‌گیری فقر از طریق برخی شاخصهای معمول به خاطر در نظر گرفتن میزان نابرابری بین فقرا شاخصی را ارائه می‌دهد که نسبت به نابرابری فقر در زیرگروه‌ها و همچنین نسبت به جمیعت حساس است. از نتایج تحقیق وی این است که نابرابری فقر در بین مذاهب ۱۱/۴ درصد است. از طرفی این نابرابری بین مناطق شهری و روستایی ۶/۵ درصد است (سینگ، ۲۰۱۲: ۱۰۱).

۳- روش شناسی پژوهش

اندازه‌گیری میزان فقر از روش غیرفازی

در این مقاله میزان فقر بر اساس شاخص ارائه شده توسط سن^۲ (۱۹۷۶) و جبورجی و کرسنی^۳ (۲۰۰۱) اندازه‌گیری می‌شود.

نخست شاخص فقرسن به صورت زیر اندازه‌گیری می‌شود:

$$S = H \left[(1 - (1-I)) \left[1 - \frac{p}{p+1} G_p \right] \right] \quad (5)$$

$$\cong H(1 - (1-I))(1 - G_p)$$

که G_p ضریب جینی افراد فقیر است و بر اساس فرمول زیر محاسبه می‌شود:

$$G_p = \frac{p-1}{p} R_p = \frac{p-1}{p} \left(1 - \frac{2 \sum_{i=1}^{p-1} i m_i}{p(p-1)m_p} \right) \quad (6)$$

در این فرمول p تعداد افراد فقیر، m_p میانگین درآمد فقرا، m_i میانگین درآمد فرد آم می‌باشد. از طرفی H و I به عنوان شاخص نسبت افراد فقیر و شاخص شکاف فقر به صورت زیر محاسبه می‌شوند:

$$H = \frac{p}{n}, \quad I = \frac{1}{p} \sum_{i=1}^p \frac{x_p - x_i}{x_p} \quad (7)$$

شاخص فقر سن مقداری بین ۰ و ۱ اختیار می‌کند، به گونه‌ای

1. Ashish Singh

2. Sen

3. Giorgi and Crescenzi

$$\tilde{S} = \tilde{H}[1 - (1 - \tilde{I})(1 - \tilde{G}_R)] \quad (19)$$

در فازی سازی شاخص سن ضریب اهمیتی به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$\tilde{w}_i = \mu_{\tilde{x}}(x_i) \sum_{j=1}^{\bar{r}} \frac{j}{\sum_{k=1}^r \mu_{\tilde{x}}(x_k)} i \quad (20)$$

$$= 1, \dots, \bar{r}$$

اگر در بازه درآمدی توزیع نشود به گونه‌ای که هیچ فردی در بازه غیرقیمتی و غیرثروتمند وجود نداشته باشد ($\bar{r} = p$) می‌شود و درجه عضویت همه افراد برابر یک می‌شود. در این حالت وزن فوق مشابه وزنی می‌شود که شاخص سن در حالت کلاسیک آن را لحاظ کرده است. یا به عبارتی دیگر:

$$\tilde{w}_i = p + 1 - i \quad (21)$$

از طرفی در صورتی که از شاخص بن فرونی به جای ضریب جینی استفاده شود شاخص فقر برابر است با:

$$\tilde{S}_B = \tilde{H}\{1 - (1 - \tilde{I})(1 - B_{\bar{R}})\} \quad (22)$$

-داده‌ها و روش برآورد فقر

اطلاعات طرح آمارگیری از هزینه و درآمد خانوارهای شهری و روستایی مرکز آمار ایران، داده‌های لازم را برای مطالعات مختلف درباره اندازه‌گیری خط فقر و شاخص‌های آن فراهم می‌سازد. در این مقاله نیز برای محاسبه شاخص فقر سن در حالت فازی و کلاسیک از داده‌های هزینه و درآمد استفاده می‌شود. دوره زمانی مورد بررسی در این مقاله ۱۳۹۷-۱۳۸۵ می‌باشد. در محاسبه شاخص فقر سن در حالت کلاسیک باید خط فقر محاسبه شود. در این تحقیق به پیروی از گیورگی و گیوردانی خط فقر معادل ۸۰ درصد میانگین درآمد خانوارها محاسبه شده است. در این مقاله داده‌های درآمد خانوارها بر تعداد افراد بالغ معادل شده خانوار تقسیم می‌شود تا سرانه درآمد معادل هر خانوار محاسبه شود. تعداد افراد معادل هر خانوار طبق معيار OECD محاسبه شده است. در این معيار معادل سازی به سرپرست خانوار وزن یک، به کلیه افراد بالای ۱۴ سال غیرزا سرپرست خانوار وزن ۰/۷ و به افراد زیر ۱۴ سال وزن ۰/۵ داده می‌شود. در این تحقیق شاخص فقر سن در دو حالت کلاسیک و فازی محاسبه می‌شود. ابتدا از شاخص نابرابری ضریب جینی (G_p) افراد فقر به عنوان شاخص نابرابری در محاسبه فقر استفاده می‌شود. در حالت دوم از شاخص نابرابری بن فرونی (B_p) استفاده می‌شود. نتایج حاصل از محاسبات به دو روش در زیر گزارش شده است.

اندازه‌گیری فقر با بهره‌گیری از منطق فازی

شاخص‌های فقر معرفی شده در روابط ۶ و ۱۱ را با استفاده از تابع عضویت ۲ اندازه‌گیری می‌کند. برای تحقق این هدف در ابتدا لازم است اندازه شاخص‌های ضریب جینی، ضریب بن فرونی، شاخص شکاف فقر و نسبت افراد فقر نیز از طریق منطق فازی و با بهره‌گیری از درجه عضویت محاسبه شود. برای این منظور به جای تعداد کل افراد فقیر از مجموع درجه عضویت افراد فقیر استفاده می‌شود:

$$\tilde{P} = \sum_{i=1}^n \mu_{\tilde{x}}(x_i) \quad (12)$$

از طرفی r برابر تعداد افراد ثروتمند ($x_i > x_R$) و \bar{r} برابر تعداد افراد فقیر در نظر گرفته می‌شود. در این حالت مسلماً $p > \bar{r}$ هست، چرا که برخی افراد نه ثروتمند مطلق و نه فقیر مطلق هستند. با استفاده از منطق فازی نسبت به شکاف فقر در معادله ۱۳ به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\tilde{I} = \frac{1}{\bar{p}} \sum \frac{x_R - x_i}{x_R} \mu_{\tilde{x}}(x_i) \quad (13)$$

برای محاسبه ضریب جینی افراد فقیر و همچنین شاخص بن فرونی نخست باید m_R و m_i به صورت فازی محاسبه شود. در این حالت m_i و m_R برابر است با:

$$\tilde{m}_{\bar{R}} = \frac{\sum_{i=1}^r x_i \mu_{\tilde{x}}(x_i)}{\sum_{i=1}^r \mu_{\tilde{x}}(x_i)} \quad (14)$$

$$\tilde{m}_i = \frac{\sum_{j=1}^i x_j \mu_{\tilde{x}}(x_j)}{\sum_{j=1}^i \mu_{\tilde{x}}(x_j)} \quad (15)$$

با این فرمول‌ها، $\tilde{G}_{\bar{R}}$ و $\tilde{B}_{\bar{R}}$ برابر است با:

$$\tilde{G}_R = \frac{r-1}{r} \left(1 - \frac{2 \sum_{i=1}^{r-1} i \tilde{m}_i}{r(r-1) \tilde{m}_p} \right) \quad (16)$$

$$\tilde{B}_{\bar{R}} = \frac{1}{\bar{r}-1} \sum_{i=1}^{r-1} \frac{\tilde{m}_{\bar{R}} - \tilde{m}_i}{\tilde{m}_{\bar{R}}} \quad (17)$$

$$= 1 - \frac{1}{\bar{r}-1} \sum_{i=1}^{r-1} \frac{\tilde{m}_i}{\tilde{m}_{\bar{R}}}$$

شاخص نسبت افراد فقیر در (۷) در حالت فازی به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\tilde{H} = \frac{\sum_{i=1}^h \mu_{\tilde{x}}(x_i)}{n} = \frac{\tilde{P}}{n} \quad (18)$$

با توضیحات قبلی شاخص فقر سن در حالت فازی برابر است با:

جدول ۱. محاسبه میزان فقر در حالت کلاسیک

S _B	S _G	B _P	G _P	I	H	سال
۰/۳	۰/۲۴	۰/۴۱	۰/۲۶۱۰	۰/۲۴	۰/۵۶	۱۳۸۵
۰/۳	۰/۲۳	۰/۴۲	۰/۲۶۴۶	۰/۲۳	۰/۵۴	۱۳۸۶
۰/۳۷	۰/۳۰	۰/۴۳	۰/۲۷۲۴	۰/۲۸	۰/۶۳	۱۳۸۷
۰/۴۵	۰/۲۷	۰/۴۵	۰/۲۸۸۳	۰/۳۳	۰/۷۱	۱۳۸۸
۰/۴۷	۰/۴۰	۰/۴۴	۰/۲۸۷۷	۰/۳۵	۰/۷۴	۱۳۸۹
۰/۴۳	۰/۴۰	۰/۴۴	۰/۲۷	۰/۳۲	۰/۷۱	۱۳۹۰
۰/۳۹	۰/۳۱	۰/۴۳	۰/۲۷	۰/۲۹	۰/۶۵	۱۳۹۱
۰/۴۸	۰/۴۰	۰/۴۳	۰/۲۷	۰/۳۶	۰/۷۶	۱۳۹۲
۰/۴۷	۰/۳۹	۰/۴۳	۰/۲۷	۰/۳۵	۰/۷۴	۱۳۹۳
۰/۴۴	۰/۳۵	۰/۴۳	۰/۲۷	۰/۳۲	۰/۷۰	۱۳۹۴
۰/۴۰	۰/۳۴.۵	۰/۴۳	۰/۲۷	۰/۳۱	۰/۶۹	۱۳۹۵
۰/۴۱	۰/۳۵	۰/۴۴	۰/۲۸	۰/۳۲	۰/۷۱	۱۳۹۶
۰/۴۰	۰/۳۶	۰/۴۳	۰/۲۹	۰/۳۱	۰/۷	۱۳۹۷

مأخذ: محاسبات تحقیق

جدول ۲. محاسبه میزان فقر در حالت فازی

S _B	S _G	B _P	G _P	I	H	سال
۰/۴۹	۰/۳۹	۰/۵۰	۰/۳۴	۰/۳۷	۰/۶۷	۱۳۸۵
۰/۴۴	۰/۳۸	۰/۵۰	۰/۳۴	۰/۳۶	۰/۶۵	۱۳۸۶
۰/۴۳	۰/۳۶	۰/۵۰	۰/۳۳	۰/۳۵	۰/۶۴	۱۳۸۷
۰/۴۲	۰/۳۵	۰/۵۰	۰/۳۳	۰/۳۴	۰/۶۳	۱۳۸۸
۰/۴۲	۰/۳۵	۰/۵۰	۰/۳۳	۰/۳۴	۰/۶۳	۱۳۸۹
۰/۴۶	۰/۴۰	۰/۴۹	۰/۳۲	۰/۵۰	۰/۶۲	۱۳۹۰
۰/۴۲	۰/۳۵	۰/۴۸	۰/۳۱	۰/۳۴	۰/۶۴	۱۳۹۱
۰/۴۱	۰/۳۴	۰/۴۹	۰/۳۲	۰/۳۳	۰/۶۳	۱۳۹۲
۰/۴۱	۰/۳۴	۰/۴۹	۰/۳۲	۰/۳۳	۰/۶۳	۱۳۹۳
۰/۴۱	۰/۳۴	۰/۴۹	۰/۳۲	۰/۳۳	۰/۶۲	۱۳۹۴
۰/۴۱	۰/۳۴	۰/۴۸.۵	۰/۳۲	۰/۴۲	۰/۶۰	۱۳۹۵
۰/۴۱	۰/۳۴۵	۰/۴۹	۰/۳۱	۰/۳۳	۰/۶۱	۱۳۹۶
۰/۴۲	۰/۳۵	۰/۴۸	۰/۳۳	۰/۳۳	۰/۶۲	۱۳۹۷

مأخذ: محاسبات تحقیق

مفهوم مطلق نیست و منطقی‌تر آن است که افراد را بر حسب میزان فقرشان درجه‌بندی کرد. برای درجه‌بندی فقر افراد از مفهوم فازی و از تابع عضویت ذوزنقه‌ای (TFN)^۱ استفاده شده است. برای محاسبات فقر در دو حالت فازی و کلاسیک از شاخص فقر سن استفاده شده، چرا که در این شاخص، هم درصد افراد فقیر، هم شکاف فقر و هم توزیع درآمد افراد فقیر در نظر گرفته می‌شود. چنین شاخصی از این مزیت برخوردار

بر اساس فرمول‌های ۱۱ و ۱۸ در شاخص‌های فقر نسبت افراد فقیر، شکاف فقر و شاخص فقر سن در دو حالت استفاده از ضربی جینی و استفاده از شاخص بن فرونی محاسبه شده و به صورت جدول ۲ است.

بحث و نتیجه‌گیری

در این مقاله فقر با دیدگاهی کاملاً متفاوت با سایر مطالعات بررسی شد و بر این نکته تأکید گردید که فقر و اندازه آن یک

1. Trapezoidal fuzzy number

طوری که در حالت کلاسیک میزان فقر به طور قابل ملاحظه‌ای کمتر از حالت محاسبه بر اساس منطق فازی است. از طرفی نتایج نشان دهنده این است که هم در حالت کلاسیک و هم در حالت فازی بهره‌گیری از معیار نابرابر بن فرونی به جای ضریب جینی باعث بالا رفتن میزان فقر می‌شود. از دلایل اصلی بالا بودن فقر در حالت استفاده از معیار بن فرونی نسبت به ضریب جینی افراد است. شاخص نابرابری بن فرونی به درآمدهای پایین نسبت به ضریب جینی حساس‌تر است. از طرفی با توجه به اینکه در حالت بهره‌گیری از منطق فازی افرادی که در حالت کلاسیک فقیر و غیرقیر محسب می‌شند در حالت فازی درجه عضویت فقر می‌گیرند. لذا محاسبات عددی میزان فقر در حالت فازی را بیشتر از حالت کلاسیک نشان: مدهد.

ایرانی". پژوهشنامه اقتصادی، دوره ۹، شماره ۳۴-۲۳۱، ۱۳۸۵.

خدادادکاشی، فرهاد؛ باقری، فریده؛ حیدری، خلیل و خدادادکاشی، امید (۱۳۸۱). "اندازه‌گیری شاخص‌های فقر در ایران: کاربرد انواع خط فقر، شکاف فقر، شاخص فقر ریس دانا، فریز (۱۳۸۴). "اندازه‌گیری شاخص و پویش فقر در ایران". رفاه اجتماعی، شماره ۱۷، ۸۹-۵۷.

Zahedi Mazzandani, Mohammad Javad (1384). "Faqer Rostayi, Rondeh va Andazeh Giryi An Dar Iran (Tabiyan Roush Ha va Nqd Royikardeha)". Rofah-e-Jamiahi, 17, 89-57.

momni, Fرشاد؛ یوسفی، محمدقلی و مبارک، اصغر (۱۳۸۹). "بررسی عوامل تعیین‌کننده رشد بهره‌وری و فقر در مناطق روستایی ایران". پژوهش‌های روستائی، شماره ۱، ۹۲-۷۷.

yazdan Pinaah, Mحدثه و راغفر، حسین (۱۳۸۸). "محاسبه شاخص‌های فقر کودکان در بین جمعیت روستایی و شهری ۱۳۶۳-۱۳۸۶". رفاه اجتماعی، دوره ۹، شماره ۳۵، ۱۹۹-۱۸۹.

Bellido, N., Jano, M., López Ortega, F., Martín-Guzmán, M. & Toledo, M. (1998). "The Measurement and Analysis of Poverty and Inequality: An Application to Spanish Conurbations". *International*

است که تأثیر نابرابری بر فقر را منظور کرده و از طرفی برای شکاف فقر افراد وزن‌های متفاوتی را اختصاص می‌دهد. لذا از طریق محاسبات فقر بر مبنای این شاخص برای رفع یا کاهش فقر به طور مؤثرتری می‌توان هدف‌گذاری نمود. از طرفی بیهوده‌گیری از منطق فازی باعث می‌شود که افرادی که درجه‌ای از فقر را دارا هستند بر اساس درجه عضویت فازی مشمول طرح‌های فقر زدایی قرار بگیرند. در این تحقیق شاخص فقر بر اساس معیار نابرابری بن فرونی محاسبه شده است چرا که شاخص نابرابری بن فرونی به درآمدهای پایین نسبت به ضریب جینی حساس‌تر بوده و در انتقال درآمد از افراد فقیر به افراد ثروتمندتر جایگاه دقیق فرد دهنده و گیرنده را الحاظ می‌کند.

نتایج این تحقیق حاکی از آن است که به کار بردن منطق فازی در محاسبه فقر تأثیر محسوسی براندازه فقر دارد به

منابع:

باقری، فریده؛ دانش پرور، نیما و کاوند، نیما (۱۳۸۶). "روند خط فقر و شاخص‌های فقر در ایران طی سال‌های ۱۳۸۵-۱۳۷۵ بر اساس روش نیاز به ۲۳۰۰ کالاری". مجله‌ی بررسی‌های آمار رسمی ایران، دوره هجدهم، شماره ۲، ۸۲-۷۱.

پژویان، جمشید (۱۳۷۵). "فقر، خط فقر و کاهش فقر." *فصلنامه برنامه ریزی و بودجه، دوره ۱*، شماره ۲، ۵-۲۳.

پیرایی، خسرو و شمسواری، محمدرضا (۱۳۸۸). "بررسی وضعیت فقر در مناطق شهری و روستایی استان فارس." *پژوهشنامه اقتصادی، دوره ۹*، شماره ۳۴، ۴۶۴-۴۳۳.

خالدی، کوهسار و پرمه، زورار (۱۳۸۴). "بررسی وضعیت فقر در مناطق شهری و روستایی ایران." *اقتصاد کشاورزی و توسعه، دوره ۱۳*، شماره ۴۹، ۸۲-۵۷.

خدادادکاشی، فرهاد (۱۳۷۷). "اندازه‌گیری فقر در ایران بر حسب خصوصیات اجتماعی و اقتصادی خانوارها: کاربرد شاخص سن در ایران." *پژوهشنامه بازرگانی، سال ششم*، شماره ۲، ۸-۴.

خدادادکاشی، فرهاد و حیدری، خلیل (۱۳۸۸). "اندازه‌گیری
شاخص‌های فقر بر اساس عملکرد تقدیمه‌ای خانوارهای
Statistical Review, 66(1), 115-131.

- 607.
- Giorgi, G. M. & Crescenzi, M. (2001). "A Proposal of Poverty Measures Based on the Bonferroni Inequality Index". *International Journal of Statistic*, lix, 3(4), 3-16.
- Khodadkashi, F. (1998). "Measuring Poverty in Iran in Terms of Social and Economic Characteristics of Households: Application of "Sin" Index in Iran". *Jouornal of Trade*
- Peichl, A., Schaefer, T. & Scheicher, C. (2010). "Measuring Richness and poverty: A Micro Data Application to Europe and Germany". *Review of Income and Wealth*, 56(3), 597-619.
- Rowntree, J. & Sherwell, A. (1901). "The Temperance Problem and Social Reform" *Hodder and Stoughton*.
- Singh, A. (2012). "Measuring Inequality of Poverty: Theory and an Application to India". *Journal of Poverty*, 16(1), 96–118.
- Townsend, P. (1985). "Poverty in the United Kingdom: a Survey of Household Resources and Standards of Living": Univ of California Press.
- World Bank (2012). "Seeing like the World Bank on Poverty". *New Political Economy*, 17(1), 35-58.

