

کارایی شاخص سهام در بورس اوراق بهادار تهران (آزمونهای فیشر)

دکتر حسین عبداله تبریزی

گیتی اعظم شاہوردی

$$I_L = \frac{\Sigma p_n q_o}{\Sigma p_o q_o} \times 100$$

شاخص پاشه - این شاخص به استثنای وزن مورد استفاده در آن کاملاً شبیه فرمول شاخص لاسیپر می‌باشد.

$$I_L = \frac{\Sigma p_n q_n}{\Sigma p_0 q_0} \times 100$$

فرق دو شاخص لاسپیر و پاشه در این است که در شاخص پاشه وزن را مقادیر سال جاری و در شاخص لاسپیر وزن را مقادیر سال پایه در نظر می‌گیرند؛ یعنی مقدار جاری^{۹۰} به جای مقدار در سال پایه^{۹۱} استفاده می‌شود.

شاخص ایدهآل فیشر - در محاسبه این شاخص در واقع مقادیر شاخص لاسپیر و شاخص پاشه به کار می‌رود.

$$I_f = \sqrt{\frac{\sum p_n q_n}{\sum p_0 q_0}} \times 100$$

به طوری که ملاحظه می شود فرمول فوق میانگین هندسی دو شاخص لاسیتی و یاشه می باشد.

فِضْلَةٌ تَحْقِيقٌ

آیا شاخص بورس اوراق بهادار تهران بازتاب مناسبی از تحولات بازار سرمایه در ایران است؟

شاخص بورس اوراق بهادر تهران

پیشینه تهیه شاخص در ایران به روزنامه کیهان انگلیسی
برمی‌گردد که یک شاخص هفتگی برای میانگین بهای اوراق بهادر
محاسبه و منتشر می‌کرد. این شاخص تغییرات بهای اوراق سهام
ده بانک و ده شرکت صنعتی را نشان می‌داد و از آذر ۱۳۵۵ تا اوایل ۱۳۵۷
منتشر می‌گردید.^۱ محاسبه و انتشار شاخص بهای سهام در

از نظر آماری، شاخص کمیتی است که به صورت نسبت، برای مقایسه بزرگی اندازه‌های مختلف یک یا چند متغیر به کار می‌رود و تغییرات نسبی اندازه‌صفتی را نسبت به یکی از اندازه‌های همان صفت به نام پایه نشان می‌دهد. شاخصها و سیله‌ای ساده برای اندازه‌گیری تغییرات یا تفاوت نسبی از یک زمان به زمان دیگر یا

شاخصها به دو گروه تقسیم می‌شوند، اول شاخصهای ساده و دوم شاخصهای مرکب که خود به دو گروه شاخص موزون و ناموزون تقسیم می‌شوند.

محاسبه شاخص ناموزون بسیار ساده است، و براساس فرمول $I = \frac{\sum P_n}{\sum P_0} \times 100$ به دست می‌آید. ولی، این شاخص با نارسانیهای عمده‌ای همراه است.

در شاخصهای ناموزون، به هیچیک از اجزا ضریب یا وزن داده نمی‌شود. این عمل به مفهوم هم وزن یا ضریب دانستن آن اجزاست. بنابراین، اگر به یکی از اجزا اهمیت بیشتری داده باشند، این شاخص عددی مناسب نمی‌باشد. در شاخص موزون تعیین ضریب یا وزن مناسب از اهمیت و شواغ، رخداد است.

معروفترین این شاخصها لاسپیر (Laspeyres)، پاشه (Paasche)، بیاولی (Bowley)، اجورث مارشال (Fisher)، والش (Walsh) و فیشر (Edgeworth-Marshall) می‌باشند.

حال به شرح مختصراً درباره برخی از آنها می‌پردازیم.
 شاخص لاسپیر - در واقع کسری است که صورت آن میانگین
 موزون قیمتها در دوره n ام و مخرج آن میانگین موزون قیمتها در
 دوره پایه است و این شاخص درصد افزایش قیمت نسبت به سال
 پایه را نشان می‌دهد.

شاخصی به نام لاسپیر استفاده می‌شود. به تدریج با افزایش سرمایه و یا تغییرات ناشی از تعزیزی یا تجمعی سهام، Q (تعداد سهام) تغییر می‌کند. نظر به اینکه با افزایش تعداد سهام علی‌القاعدۀ قیمت سهام کاهش خواهد یافت، بنابراین در صورتی که قیمت سهام به حد تعادلی آن برسد، حاصلضرب تغییر نخواهد کرد. از نظر آماری می‌توان نتیجه گرفت به علت وجود کوواریانس منفی نسبتاً کامل بین تعداد سهام و قیمت آن، در صورت کسر که چیزی در حدود یک می‌باشد، به رغم تغییر تعداد سهام، عملاً فرمول محاسباتی شاخص از لاسپیر به پایه تغییر نخواهد کرد و کماکان فرمول لاسپیر مبنای محاسبه خواهد بود.

تعدل شاخص قیمت سهام در بورس تهران برای اینکه شاخص تغییر نکند، تعدل در ارزش پایه به شکل

$$\text{زیر انجام می‌شود:} \\ \frac{\text{اورده نقدی} + \text{ارزش جاری سهام}}{\text{ارزش جاری سهام}} = \text{ضریب تعدل پایه}$$

ضریب تعدل پایه \times ارزش پایه قدیم = ارزش پایه جدید هنگامی که افزایش در ارزش سهام ناشی از افزایش تعداد سهام باشد نه افزایش قیمت، ارزش پایه باید به شکل بالا تعدل شود تا رقم شاخص تغییر نکند.

- ورود شرکت؛
- خروج شرکت؛
- افزایش سرمایه ناشی از حق تقدم از محل آورده نقدی یا مطالبات سهامداران؛
- ادغام شرکتها.

و در موارد زیر به تعدل ارزش پایه نیازی نیست:

- افزایش سرمایه از محل اندوخته‌ها؛
- تعزیزی سهام؛
- تجمعی سهام؛
- پرداخت سود نقدی.

نظر به اینکه صرف ورود یا خروج شرکت در شاخص قیمت می‌تأثیر است، بنابراین تغییر تعداد سهام در شاخص نیز می‌باید اصلاح گردد.

شاخص قبلی \times قيمت جاري = قيمت پایه سهام
بررسی کارآیی شاخص بورس اوراق بهادر شاخص بورس اوراق بهادر فیشر (Irving Fisher) مورد تحلیل قرار می‌دهیم. قبل از انجام آزمون، آزمونهای فیشر را به اختصار شرح می‌دهیم.
تشريح آزمونهای ایروینگ فیشر
فیشر در جستجوی شاخص بهینه براساس برخی از معیارهای

ایران کاری جدید است. تا سال ۱۳۶۹، یعنی ۲۳ سال پس از فعالیت بورس، بورس تهران هیچ‌گونه شاخصی تهیه نمی‌کرد. از ابتدای مهرماه ۱۳۶۹، بورس تهران سه شاخص زیر را به طور هفتگی محاسبه و منتشر می‌کند.

- شاخص قیمت سهام شرکهای پذیرفته شده در بورس؛
 - شاخص کل قیمت سهام بر حسب صنایع مختلف در بورس؛
 - شاخص کل قیمت سهام موجود در بورس.
- شاخص قیمت سهام یک شرکت براساس فرمول زیر محاسبه می‌شود.

$$\text{قيمت جاري سهم} = \frac{\text{قيمت پایه سهم}}{I} \times 100$$

این کار برای تک‌تک شرکتها تکرار می‌شود.

در تهیه شاخص کل قیمت سهام بر حسب صنایع مختلف از فرمول لاسپیر $I = \frac{\sum p_n q_0}{\sum p_0 q_0}$ استفاده می‌شود. این شاخص برای محاسبه تحولات بهای سهام در یک شاخه از صنعت به کار می‌رود. شاخص کل قیمت سهام چگونگی روند هفتگی بهای سهام را به طور کلی در بورس اوراق بهادر تهران نشان می‌دهد، و براساس فرمول لاسپیر محاسبه می‌شود. باید دانست p براساس تغییرات بهای سهام ۵۴ شرکت در ۶ ماهه دوم سال ۱۳۶۸ که بورس فعلی بوده، محاسبه گردیده است. تاریخ پایه شاخص تهران اول فروردین ماه ۱۳۶۹ می‌باشد.

نحوه محاسبه شاخص بورس تهران و تعدل‌های آن نظر به اینکه شاخص قیمت سهام به صورت موزون براساس ارزش جاری سهام منتشره محاسبه می‌شود، بنابراین، روند تغییرات ارزش جاری سهام را نشان می‌دهد. فرمول محاسباتی شاخص قیمت سهام در بورس تهران همان‌طور که گفته شد، مبتنی بر فرمول لاسپیر می‌باشد.

$$\text{ارزش جاری سهم} = \frac{\text{ارزش جاری سهم منتشره شرکتها پذیرفته شده بورس اوراق بهادر تهران}}{\text{ارزش پایه سهم منتشره شرکتها پذیرفته شده (TEPIX)}} \times 100$$

صورت کسر، حاصلضرب تک‌تک تعداد سهام منتشره شرکتها پذیرفته شده در آخرین قیمت سهام و سپس جمع کل ارزش سهام می‌باشد. مخرج کسر جمع کل ارزش پایه سهام منتشره است که حاصلضرب تک‌تک تعداد سهام منتشره شرکتها عضو در قیمت پایه (۱/۱/۶۹) می‌باشد.

طبق اظهار مقامات بورس اوراق بهادر تهران، در زمان ۱۰ (تاریخ مبدأ) عملاً $Q_{ii} = Q_i$ می‌باشد و از فرمول محاسباتی

ردیف	نام صنعت	$\frac{\sum P_n Q_n}{\sum P_o Q_o} = V_{on}$	آزمون برگشت عامل factor reversal test	آزمون برگشت زمانی time reversal test
		$P_{on} = \frac{1}{P_{no}}$		
۱	صنایع کاغذ و محصولات کاغذی	$\frac{\sum P_n Q_o}{\sum P_o Q_n} \times \frac{\sum P_o Q_n}{\sum P_n Q_o} = 1$	$I_{F_p} \times I_{F_q} = V_{on}$	$\frac{15/61}{9/18} \neq V_{on}$
۲	صنایع محصولات لاستیک و پلاستیک	$1/1$	$1/5$	$9/18 \neq V_{on}$
۳	صنایع فعالیتهای واسطه‌گری مالی	$0/83$	$0/2$	$52/78 \neq V_{on}$
۴	صنایع فرآوردهای نفت	$1/02$	$1/9$	$19/89 \neq V_{on}$
۵	صنایع فلزات اساسی	$0/71$	$1/1$	$19/89 \neq V_{on}$
۶	صنایع ماشین‌آلات و دستگاههای برقی	$1/01$	$1/1$	$99/53 \neq V_{on}$
۷	صنایع ساخت رادیو و تلویزیون و دستگاهها و وسایل ارتباطی	$1/01$	$1/06$	$26/29 \neq V_{on}$
۸	صنایع ساخت و وسایل نقلیه موتوری	$1/06$	$1/04$	$2/17 \neq V_{on}$
۹	صنایع استخراج معدن	$1/04$	1	$1/27 \neq V_{on}$
۱۰	صنایع ساخت و تجهیزات حمل و نقل	1	1	$5/67 \neq V_{on}$
صدق نمی‌کند				

آزمون چرخشی^۶

$$P_{os} \times P_{st} = P_{ot}$$

$$s \neq t \quad s, t = 1, 2, \dots$$

شاخصهای پاشه و لاپسیر آزمونهای ۴ و ۵ را براورده نمی‌کنند. تنها شاخصی که در آزمونهای ۴ و ۵ پذیرفته می‌شود، میانگین هندسی غیرموزون است. اگر در این شاخص نیز از ضرایب استفاده کنیم، آزمون ۴ و ۵ در مورد آن نیز صادق نخواهد بود.

فیشر شاخص بهینه خود را شاخصی تعریف می‌کند که میانگین هندسی دو شاخص پاشه و لاپسیر است.

$$PI_{o1} = \sqrt{P_{o1}(q_o) \times P_{o1}(q_o)} = \text{شاخص قیمت بهینه}$$

این شاخص در مورد آزمونهای ۱ و ۲ و ۳ و ۴ پذیرفته

می‌شود، اما در آزمون ۵ رد می‌شود.

آزمون برگشت عامل^۷ - فرض کنید:

$$V_{o1} = \frac{\sum p_i q_i}{\sum p_i q_o} \quad ۵$$

در این صورت، آزمون برگشت عامل می‌گوید:

آماری تلاشی وافر نمود. آزمون پیشنهادی فیشر جهت تعیین درجه مطلوبیت شاخص، شامل گروه آزمونهای زیر است:

آزمون این همانی^۸ - یعنی وقتی شاخص یک سال را با خود آن مقایسه کنیم؛ شاخص نباید تغییری کند.

آزمون نسبیت^۹ - هنگامی که $P_o = \lambda P_s$ است، باید $\lambda = P_s$ باشد یعنی هنگامی که تمامی قیمتها به یک نسبت تغییر می‌کنند، شاخص نیز باید به همان نسبت تغییر کند.

آزمون تغییر واحد اندازه‌گیری^{۱۰} - P_o نسبت به تغییر واحد اندازه‌گیری از واحد پولی به واحد فیزیکی که قیمتها با آن اندازه‌گیری می‌شود، غیرحساس است.

آزمون برگشت زمانی^{۱۱}

$$P_{st} = \frac{1}{P_{os}} \quad s, t = 0, 1, 2, \dots$$

$$s \neq t$$

$$\frac{\sum P_s Q_o}{\sum P_o Q_o} \times \frac{\sum P_o Q_1}{\sum P_s Q_1} = 1$$

حالت دوم
 جدول شماره ۲

ردیف	نام صنعت	$\frac{\sum P_n Q_n}{\sum P_o Q_o} = V_{on}$	آزمون برگشت عامل factor reversal test	آزمون برگشت زمانی time reversal test
		$P_{on} = \frac{1}{P_{oo}}$		
۱	صنایع کاغذ و محصولات کاغذی	$11/21 \neq V_{on}$	$I_{F_p} \times I_{F_q} = V_{on}$	$\frac{\sum P_n Q_o}{\sum P_o Q_n} \times \frac{\sum P_o Q_n}{\sum P_n Q_o} = 1$
۲	صنایع محصولات لاستیک و پلاستیک	$7/21 \neq V_{on}$		
۳	صنایع فعالیتهای واسطه‌گری مالی	$52/98 \neq V_{on}$		
۴	صنایع فرآورده‌های نفت	$22/55 \neq V_{on}$		
۵	صنایع فلزات اساسی	$8/40 \neq V_{on}$		
۶	صنایع ماشین‌آلات و دستگاه‌های برقی	$82/22 \neq V_{on}$		
۷	دستگاه‌ها و وسایل ارتباطی	$12/12 \neq V_{on}$		
۸	صنایع ساخت و وسایل نقلیه موتوری	$2/6 \neq V_{on}$		
۹	صنایع استخراج معدن	$1/72 \neq V_{on}$		
۱۰	صنایع ساخت و تجهیزات حمل و نقل	$11/35 \neq V_{on}$		
صدق نمی‌کند				

این برابری ویژگی مهم دو شاخص پاشه و لاسپیر است.
 براساس آزمونهای پیشنهادی بالا جهت تعیین شاخص قیمت مطلوب، دو آزمون ۴ و ۶، یعنی آزمون برگشت زمانی و آزمون برگشت عامل را برای تعیین درجه مطلوبیت شاخص قیمت سهام در بورس اوراق بهادار تهران انتخاب می‌کنیم.

آزمون شاخص بورس اوراق بهادار تهران
 جهت بررسی کارایی شاخص بورس اوراق بهادار تهران، این شاخص را با آزمونهای فیشر که می‌گوید شاخص مناسب در دو آزمون برگشت زمانی و برگشت عامل صدق می‌کند، آزمون می‌کنیم.
 براساس اطلاعات دریافت شده از سازمان بورس اوراق بهادار تهران برای ۱۸۹ شرکت که به ۱۸ صنعت تقسیم‌بندی شده است، ۵۷ شرکت متعلق به ۱۰ صنعت را براساس نمونه‌گیری تصادفی انتخاب کرده‌ایم. این صنایع عبارتند از:

- صنایع کاغذ و محصولات کاغذی (شامل ۸ شرکت)؛
- صنایع محصولات لاستیک و پلاستیک (شامل ۸ شرکت)؛

$$P_{o1} \times Q_{o1} = V_{o1}$$

در این آزمون، میانگین حسابی غیرموزون و میانگین هندسی غیرموزون پذیرفته نمی‌شود.

در مورد دو شاخص پاشه و لاسپیر صادق است که:

$$P_{o1}(q_o) = \frac{\sum p_o q_o}{\sum p_o q_o} \rightarrow Q_{o1}(P_o) = \frac{\sum p_o q_1}{\sum p_o q_o} \quad \text{لاسپیر}$$

$$P_{o1}(q_1) = \frac{\sum p_o q_1}{\sum p_o q_1} \rightarrow Q_{o1}(P_1) = \frac{\sum p_o q_1}{\sum p_o q_o} \quad \text{پاشه}$$

از فرمولهای بالا بسادگی می‌توان دریافت که دو شاخص در این آزمون رد می‌شوند، زیرا:

$$P_{o1}(q_o) \times Q_{o1}(P_o) \neq P_{o1}(q_1) \times Q_{o1}(P_1) \quad \text{اما یافتن شکلی از شاخص که با آزمون ۶ پذیرفته می‌شود،} \\ \text{چندان دشوار نیست.}$$

حاصل ضرب دو شاخص پاشه و لاسپیر در این آزمون پذیرفته می‌شود:

$$P_{o1}(q_o) \times Q_{o1}(P_o) = P_{o1}(q_1) \times Q_{o1}(P_1) = V_{o1}$$

ردیف	نام صنعت	$\sum P_n Q_n / \sum P_o Q_o = V_{on}$	آزمون برگشت عامل factor reversal test	آزمون برگشت زمانی time reversal test
		$P_{on} = \frac{1}{P_{no}}$		
۱	صنایع کاغذ و محصولات کاغذی	$12/22 \neq V_{on}$	$\sum P_n Q_o / \sum P_o Q_n = 1$	$12/26 \neq V_{on}$
۲	صنایع محصولات لاستیک و پلاستیک	$2/2 \neq V_{on}$	$I_{F_p} \times I_{F_Q} = V_{on}$	$1/5$
۳	صنایع فعالیتهای واسطه‌گری مالی	$19/13 \neq V_{on}$		$0/83$
۴	صنایع فرآورده‌های نفت	$2 \neq V_{on}$		$1/02$
۵	صنایع فلزات اساسی	$25/9 \neq V_{on}$		$0/71$
۶	صنایع ماشین‌آلات و دستگاههای برقی	$49/3 \neq V_{on}$		1
۷	صنایع ساخت رادیو و تلویزیون و دستگاهها و وسایل ارتباطی	$12/70 \neq V_{on}$		$1/01$
۸	صنایع ساخت و وسایل نقلیه موتوری	$2/80 \neq V_{on}$		$1/06$
۹	صنایع استخراج معدن	$1/5 \neq V_{on}$		$1/04$
۱۰	صنایع ساخت و تجهیزات حمل و نقل	$0/87 \neq V_{on}$		1

محاسبه شد. سپس مقادیر به دست آمده با شاخص بورس اوراق بهادار تهران مقایسه شد. آزمونها در سه حالت زیر تکرار شد: حالت اول - با پذیرش اینکه بورس اوراق بهادار تهران براساس شاخص قیمت لاسپیر محاسبه شده، و با اطلاعات اخذ شده، شاخص مقدار لاسپیر، شاخص مقدار و قیمت پاشه و همچنین شاخص قیمت و مقدار فیشر محاسبه شد.

آزمون برگشت عامل فیشر طبق فرمول زیر که قبلاً توضیح داده شد برای هر ۱۰ صنعت تکرار شد:

$$I_{F_p} \times I_{F_Q} = V_{on}$$

طبق آزمون برگشت زمانی فیشر می‌باید شاخصهای محاسبه شده، در رابطه زیر صدق می‌کرد:

$$P_{on} = \frac{1}{P_{no}}$$

$$\sum P_n Q_o / \sum P_o Q_n = 1$$

این آزمون را نیز در مورد ۱۰ صنعت انجام دادیم. یافته‌های ما حاکی از آن است که آزمون برگشت عامل در کلیه

- صنایع فعالیتهای جنبی واسطه‌گری مالی (شامل ۱۱ شرکت)؛
- صنایع فرآورده‌های حاصل از تصفیه نفت (شامل ۶ شرکت)؛
- صنایع ساخت فلزات اساسی (شامل ۶ شرکت)؛
- صنایع ساخت ماشین‌آلات و دستگاههای برقی (شامل ۷ شرکت)؛
- صنایع ساخت رادیو و تلویزیون و دستگاههای وسایل ارتباطی (شامل ۳ شرکت)؛
- صنایع ساخت وسایل نقلیه موتوری (شامل ۷ شرکت)؛
- صنایع استخراج معدن (شامل ۲ شرکت)؛
- ساخت و تجهیزات حمل و نقل (شامل ۲ شرکت).

براساس اطلاعات گرفته شده از ماهنامه‌های بورس اوراق بهادار تهران که شامل تعداد سهام اولیه (Q_o)، قیمت اولیه (P_o)، تعداد سهام جاری (Q_n) و قیمت جاری سهام (P_n) می‌باشد، جهت تایید یا رد کارایی شاخص بورس تهران، آزمون برگشت عامل و آزمون برگشت زمانی فیشر را در مورد شاخص بورس تهران در سه حالت مورد آزمون قرار دادیم.

برای هر صنعت، براساس اطلاعات دریافت شده، ابتدا شاخصهای آن صنعت، براساس اطلاعات دریافت شده، ابتدا

نتیجه‌گیری و پیشنهادها
شاخص قیمت معیاری است که نماینده کمیت‌های همگن متعدد قیمت است، و می‌تواند جهت و میزان تغییر کمیت‌های مورد نظر را در طول زمان نشان دهد. بنابراین، برسی شاخص قیمت به عنوان یکی از عوامل موثر در تصمیمات سرمایه‌گذاری دارای اهمیت بسیار است.

با توجه به آزمون فرضیه تحقیق، به نظر می‌رسد که شاخص بورس اوراق بهادار تهران با توجه به معیارهای پیشنهادی فیشر شاخص ایده‌آلی نیست و کارایی لازم را ندارد.

چون شاخص بورس اوراق بهادار شرایط بهینه بودن شاخص فیشر را برآورده نمی‌کند، باید مطالعات بیشتری در مورد کارایی این شاخص انجام شود، و شاخص مناسب‌تری طراحی شود که همه آزمونهای کارایی در مورد آن صدق کنند.

برای شناسایی چنین شاخصی و انجام تعديلات لازم در شاخص فعلی، همکاری متخصصان مالی، اقتصادی و آمار ضرورت دارد.

وجود یک شاخص کاراکه نمایانگر رفتار کلی قیمت سهام باشد کاری بسیار ضروری است. اگر شاخص نتواند بازتابی مناسب از وضعیت کل بازار باشد در آن صورت عالم نادرستی به سرمایه‌گذاران، برای سرمایه‌گذاری مناسب خواهد داد. در بازار کارا اطلاعاتی که در بازار پخش می‌شود به سرعت بر قیمت تأثیر می‌گذارد. در چنین بازاری قیمت اوراق بهادار به ارزش ذاتی آن تزدیک است. به عبارت دیگر ویژگی مهم بازار کارا این است که قیمت تعیین شده در بازار، شاخص مناسبی از ارزش واقعی اوراق بهادار است.

به نظر می‌رسد که برای شناسایی چنین شاخصی باید به موارد زیر توجه شود:

- شاخص باید سهام فعل را نشان دهد؛

- قیمت پایه باید قیمت تعديل شده در بازار باشد (چندماه قبل از ورود به بورس) و بعد از تعديل در شاخص وارد شود؛

- مبنای محاسباتی باید مبنای بازار باشد.

پی‌نوشت

۱- تاریخچه شاخص قیمت سهام، سازمان بورس اوراق بهادار تهران

2- Identity test

3- Proportionality test

4- Change of units test

5- Time-reversal test

6- Circular test

7- Factor-reversal test

منابع

1- R.G.D Allen, Index Numbers in Theory and Practice, Mc Millan, 1975

2- Jeffrey B. Little and Lucien R.Nodes, Understanding Wall Street

3- Tars Yamane, An Introductory Analysis Statistics, A Harsper International, p.299

موارد صادق نیست (جدول شماره ۱)، یعنی حاصل ضرب شاخص قیمت فیشر در شاخص مقدار فیشر برابر ارزش واقعی نمی‌باشد.

$$I_F \times I_{FQ} \neq V_{00}$$

آزمون برگشت زمانی در اکثر موارد در مورد شاخص محاسبه شده بورس صادق است و حاصل آن عدد یک می‌باشد (جدول شماره ۱):

$$\frac{\sum P_n Q_0}{\sum P_0 Q_0} \times \frac{\sum P_0 Q_0}{\sum P_n Q_n} = 1$$

بنابراین، چون آزمون برگشت عامل در کلیه موارد صدق نمی‌کند، فرض کارا بودن شاخص بورس تهران با معیار فیشر صادق نیست.

حالت دوم - می‌دانیم شاخص بورس اوراق بهادار تهران براساس فرمول $\frac{\sum P_n Q_0}{\sum P_0 Q_0}$ محاسبه می‌شود، در صورتی که

فرمول لاسپیر برابر با $\frac{\sum P_n Q_0}{\sum P_0 Q_0}$ است. از مقایسه دو فرمول

نتیجه می‌گیریم که $\sum P_n Q_0$ و $\sum P_0 Q_0$ مساوی گرفته شده است.

از طرف دیگر $P_n Q_0$ با اطلاعات اخذ شده از بورس متفاوت است. در محاسبه شاخصهای قیمت و مقدار پاشه و فیشر، از مقدار $\sum P_n Q_0$ و $\sum P_0 Q_0$ استفاده شده در شاخص بورس تهران، استفاده شده است. سپس شاخصهای محاسبه شده را با شاخص بورس تهران، مقایسه کردہ‌ایم (جدول شماره ۲).

آنگاه با استفاده از شاخصهای جدول یاد شده، آزمونهای فیشر را در مورد آنها اعمال کردیم. آزمون برگشت عامل فیشر و آزمون برگشت زمانی در مورد ۱۰ صنعت انجام شد (جدول شماره ۲).

همان‌طور که از جدول شماره ۲ نتیجه می‌شود، در این حالت، آزمون برگشت عامل در مورد شاخص محاسبه شده بورس تهران صدق می‌کند، ولی آزمون برگشت زمانی در مورد شاخص محاسبه شده توسط بورس اوراق بهادار تهران صادق نیست.

بنابراین، فرض بهینه بودن شاخص فیشر، در مورد شاخص بورس تهران در حالت دوم صادق نیست.

حالت سوم - با توجه به اطلاعات جمع‌آوری شده از طریق ماهنامه‌ها، سالنامه‌ها، نشریه‌ها و گزارش‌های بورس اوراق بهادار تهران، مجددًا ده صنعت بالا را انتخاب کرده و شاخص قیمت و مقدار را با روشن لاسپیر و پاشه و فیشر بدون تعديل پایه و صرفأً براساس محاسبه بورس اوراق بهادار تهران محاسبه کردیم. آنگاه آزمونهای برگشت عامل و برگشت زمانی فیشر را در مورد آنها اعمال کردیم (جدول شماره ۳).

از جدول ملاحظه می‌شود که آزمون برگشت عامل و برگشت زمانی فیشر در این حالت در مورد شاخصهای محاسبه شده که متفاوت با شاخص بورس اوراق بهادار تهران است، کاملاً صدق می‌کند.