

تفسیر تورم در ایران:

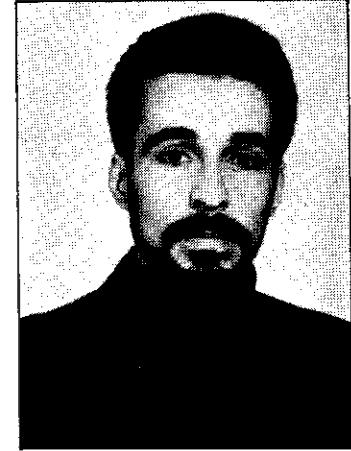
نهاش هجدت

در ماهنامه حسابدار شماره ۹۳ - ۹۴ یافته‌های پژوهش استاد محترم جناب آقای غلامرضا اسلامی بیدگلی با عنوان «تفسیر تورم در ایران با کاربرد نظریه مقداری پول» به چاپ رسید. پژوهشگر با اتکا به نظریه مقداری پول، تورم را تابعی خطی و درجه اول از نقدینگی در نظر گرفته‌اند. و پس از محاسبه ضریب همبستگی بین نقدینگی و شاخص قیمتها (به عنوان معیار تورم) و آزمون کردن این ضریب صدق نظریه مقداری پول در ایران را نتیجه گرفته‌اند. سپس با تدوین مدلی خطی و از درجه اول و تفسیر ضرایب این مدل تغییرات تورم در اثر تغییرات نقدینگی را مورد بررسی قرار داده‌اند. سرانجام با استفاده از همان مدل، شاخص قیمتها سال ۱۳۶۸ را با دقت بسیار بالایی پیش‌بینی کرده‌اند که به شاخص اعلام شده از سوی بانک مرکزی بسیار نزدیک است.

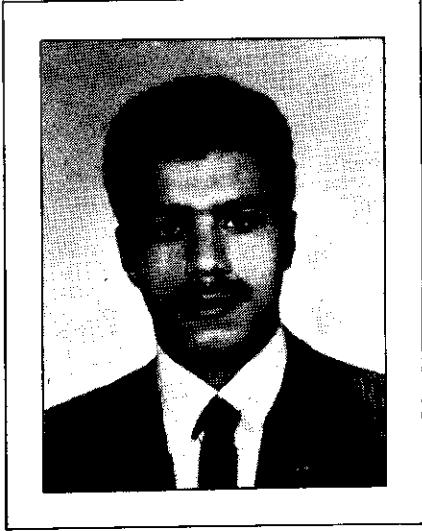
از آنجاکه تورم مسئله روز کشور ماست و نیز موضوع تحقیق برای ما بسیار جالب توجه می‌نمود، برآن شدیم تا این موضوع را مجدداً و با استفاده از همان اطلاعات بررسی کنیم.

در بخش اول کارمان، ابتدا با قبول این فرض که بین تورم و نقدینگی رابطه‌ای خطی و از درجه اول برقرار است، تحقیق قبلی را مورد ارزیابی قرار داده‌ایم. در این بخش مدل قبلی را اصلاح و نتایج خود را با نتایج تحقیق قبلی مقایسه کرده‌ایم. این مقایسه نشان می‌دهد که نتایج کلی تحقیق قبلی معتبر است.

در بخش دوم کارمان، صحت و اعتبار فرض وجود رابطه خطی و درجه اول را آزمون کرده و برای یافتن مدل جایگزینی که بتواند رفتار تورم در مقابل نقدینگی را بهتر نشان دهد، به جستجو پرداخته‌ایم. به گمان ما نتایج این بخش از تحقیق قانع کننده است. از استاد محترم جناب آقای فرزاد اسکندری، و نیز از آقایان: عباس وفادار، علی زرگر انگشتی، بهروز ناصر خاکی و مهدی خلیلی که یاریگر ما در این کار بوده‌اند صمیمانه تشکر می‌کنیم.



عبدالرضا تالانه



امیر پوریا نسب

بخش اول

یادآوری

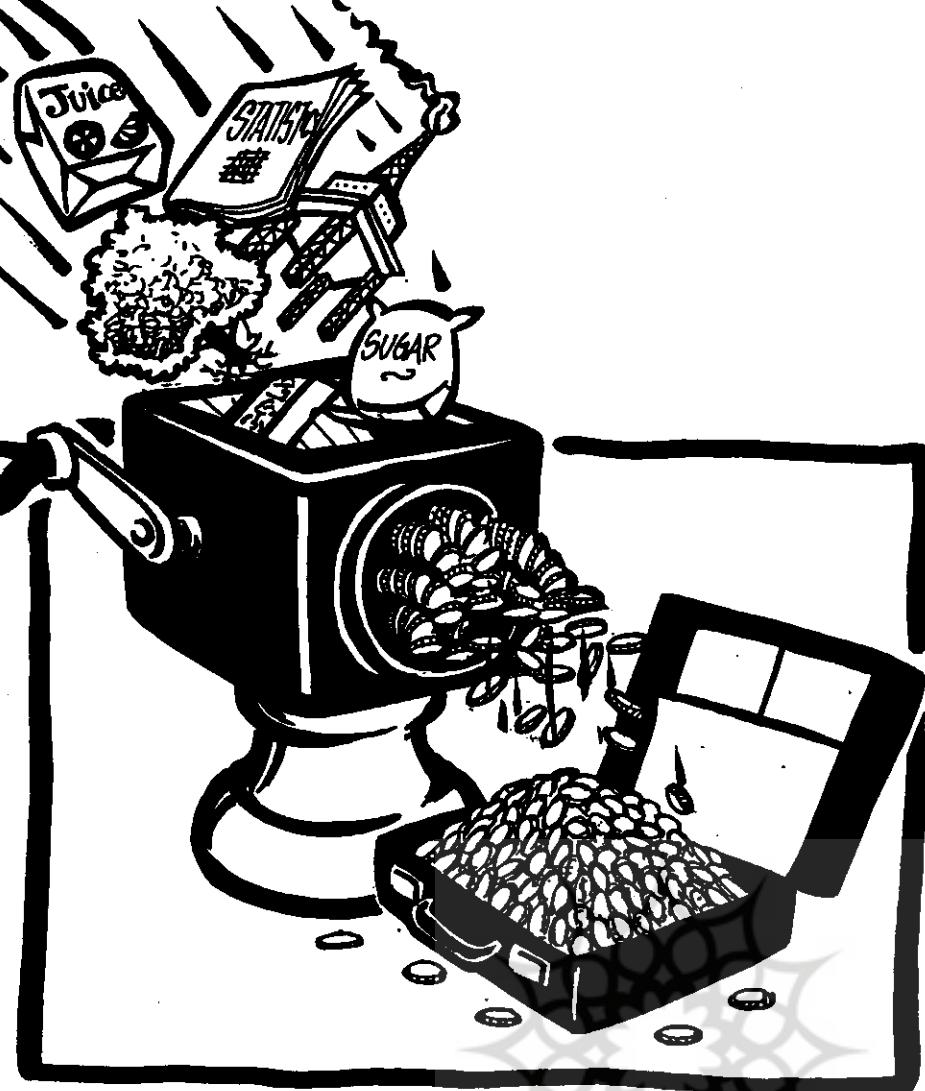
قبل از آنکه بحث اصلی را آغاز کنیم ذکر چند نکته جهت یادآوری ضروری به نظر می‌رسد:

۱- نظر به اینکه اطلاعات لازم برای سالهای بعد از ۱۳۶۸ به آسانی در دسترس نبوده لذا ما نیز از همان اطلاعات تحقیق قبلی استفاده کردیم.

۲- هر کجا که از تحقیق «تفسیر تورم در...» (ماهنشامه حسابدار ۹۴ - ۹۳) بحث می‌شود از عبارت «تحقیق قبلی» استفاده خواهیم کرد.

۳- در این تحقیق (همچون تحقیق قبلی) با دو متغیر تورم و نقدینگی سروکار داریم. از این پس نقدینگی را با M و تورم را با P نشان می‌دهیم. بدليل آنکه اطلاعات مربوط به این دو متغیر به زمان (سالهای ۱۳۴۶ - ۱۳۵۳) نیز مربوط می‌شود، لذا هریک از علائم اختصاری M و P را ممکن است با اندیس ۱ برای نشان دادن زمان به کار ببریم.

۴- اگر معادله‌ای به صورت $y = a + bx$ داشته باشیم که در آن ارقام X برحسب کیلوگرم باشد و اگر بخواهیم همین معادله را برای X برحسب گن بتوسیم کافی است X هارا به ۱۰۰۰ تقسیم کرده در عوض ضریب آن را در ۱۰۰۰ ضرب



برطبق نظریه مقداری پول، می‌توان تورم را تابعی از نقدینگی در نظر گرفت. اماً غیر از نقدینگی متغیرها و عوامل دیگری نیز وجود دارد که بر تورم مؤثر است! لذا در شکل کلی می‌توان نوشت:

$$P = f(M, U) \quad (1)$$

در رابطه فوق U نماینده کلیه عواملی است که بر تورم تأثیر دارد. اگر فرض کنیم که بین تورم و نقدینگی رابطه‌ای خطی^۱ و درجه اول وجود دارد، در

۱- نگاه کنید به تحقیق قبلی حسابدار شماره ۹۳
۹۴-

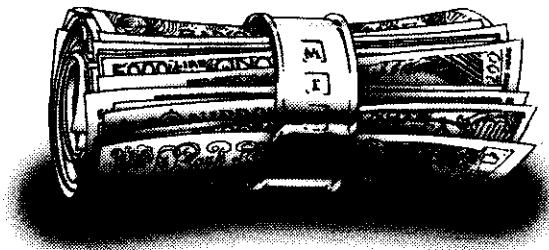
۲- لفت «خطی» در سر تاسر این متن به معنای رابطه‌ای به کار رفته است که بتوان ضرایب آنرا با استفاده از روش حداقل مربعات (OLS) تخمین زد.

کنیم.
۵- اطلاعات جمع‌آوری شده در تحقیق قبلی برای متغیر نقدینگی در دو مقیاس ارائه شده بود: یکی بر حسب میلیارد ریال و دیگر بر حسب نقدینگی سال ۱۳۵۳ ($1353/7$) ۸۱۵ میلیارد ریال. ما در تحقیق خود همواره نقدینگی را برحسب میلیارد ریال به کار خواهیم برد، هرجا که ضروری بود، با توجه به توضیح مذکور، با انجام یک تعديل مناسب (ضرب کردن ضریب M در معادله در کسر $\frac{815}{1353/7}$) معادله موردنظر ما به حالتی بدل می‌شود که در آن M برحسب ارقام شاخص شده نسبت به سال ۱۳۵۳ خواهد بود.

پی‌ریزی مدل

این صورت شکل احتمالی تابع ϵ

به صورت زیر خواهد بود:



$$P = \beta_0 + \beta_1 M + \epsilon \quad (2)$$

ϵ در رابطه (2) جمله خطای³ نامیده می‌شود و نماینده کلیه علل و عواملی است که بر P مؤثر بوده اما در معادله فوق دخالت داده نشده است. در واقع ϵ در رابطه فوق نقش نداشت در رابطه (1) را دارد.

برای تعیین ضرائب β_0 و β_1 در رابطه (2) می‌توان از روش حداقل مربعات⁴ (OLS) استفاده کرد. لیکن قبل از به کار بردن OLS مفروضات و شرایط لازم باید برقرار باشد.

مفهوم

در رابطه (2) فرض می‌شود که ϵ ها متغیر تصادفی بوده و میانگین آنها صفر و واریانس آنها برای زمانهای مختلف همگون⁵ است. مهمتر از همه ϵ ها برای زمانهای مختلف باید مستقل از یکدیگر باشند (Newbold/523). در واقع فرض می‌شود که جملات خطای دارای توزیع نرمال هستند.

سریهای زمانی استفاده می‌شود جملات خطای نشانده‌نده تأثیرات سر جمع کلیه عوامل و متغیرهایی است که بر رفتار متغیر تابع تأثیر داشته اما در معادله دخالت داده نشده‌اند. لذا در این حالت نوعی همبستگی بین جملات خطای در طول زمان ایجاد می‌شود (Newbold/611). به این نوع همبستگی، «خودهمبستگی»⁶ می‌گویند. علت ایجاد خودهمبستگی حذف متغیرهایی است که بر رفتار متغیر تابع تأثیر داشته است (Johnson/308).

تأثیر خودهمبستگی بر تحلیل

وقتی که فرض استقلال جملات خطای برقرار نباشد، یعنی بین ϵ ها در طول زمان خودهمبستگی وجود داشته باشد، استفاده از OLS برای تخمین ضرایب خط برآش (رابطه 2) باعث می‌شود که جمع مربعات خطای⁸ (SSE)

تقریباً در تمامی تحقیقاتی که به اطلاعات اندازه‌گیری شده در طول زمان (سریهای زمانی)⁷ مربوط می‌شود فرض استقلال ϵ ها برقرار نخواهد بود (Johnson/295). وقتی از OLS در تحلیل

3 - Error Term.

4 - Ordinary Least Squares (OLS).

5 - Homoscedasticity.

6 - Time Series.

کمتر از آنچه هست محاسبه شود در نتیجه ضریب تعیین⁹ برآش (R^2) بیشتر از آنچه که هست محاسبه خواهد شد و آماره‌های t و F که به ترتیب برای آزمون کردن ضرائب معادله و آزمون نیکویی برآش¹⁰ به کار می‌روند اغراق‌آمیز خواهند شد. بنابراین ممکن است که بعضی از ضرایب معادله معنی‌دار جلوه نمایند حال آنکه ممکن است لزوماً معنی‌دار نباشند (Mendenhall/638).

بررسی ماهیت اطلاعات مورد استفاده

با نگاهی به اطلاعات مورد استفاده در تحقیق قبلی می‌توان دریافت که اطلاعات مربوطه با زمان (سالهای ۱۳۴۶-۱۳۷۶) درگیر است و بنابراین فرض استقلال جملات خط احتمالاً برقرار نیست. یعنی ϵ ها خودهمبستگی دارند. برای اثبات وجود خودهمبستگی

9 - Coefficient of Determination.

10 - Goodness of Fit.

7 - Autocorrelation.

8 - Sum of Square Errors.

رابطه (۵)

$$P_t^* = \beta_r(1-r) + \beta_1 M_t^* + v_t$$

رابطه (۵) شکل تبدیل شده رابطه (۲) است که دارای خواص لازم برای به کارگیری OLS می باشد.

جملات خطی در رابطه (۵) دارای استقلال هستند و اکنون OLS را می توان به کار برد.

هدف ما از تدوین رابطه (۵) پیدا کردن مقادیر واقعی R^2 و ضریب همبستگی خطی بین دو متغیر مورد بررسی است که در تحقیق قبلی به دلیل وجود مشکل خود همبستگی اغراق آمیز شده بودند. اما پس از حل رابطه (۵) با OLS، در تحلیلها هم می توان از این مدل استفاده کرد.

برای حل رابطه (۵) قبل از هر چیز باید مقدار α معلوم باشد. یک راه حل این است که α را مساوی یک در نظر بگیریم و سپس OLS را به کار ببریم. راه حل بهتر این است که بهترین مقدار α در فاصله بین $+1$ و -1 را با سعی و خطای پیدا کنیم. بهترین مقدار α مقداری خواهد بود که SSE را حداقل کند. این روش بنام HILU شناخته شده است.^{۱۵}

اگر رابطه (۵) را با استفاده از روش HILU حل کنیم بهترین مقدار برای α مساوی 0.95 به دست خواهد آمد. در این حالت SSE به حداقل مقدار خود

ورق بزند

15 - Hildreth, C., and J.Y. Lu (1960), "Demand Relations with Autocorrelated Disturbances," Technical Bulletin 276, Michigan State University.

اعراق آمیز خواهد بود در نتیجه ضریب

همبستگی خطی (۷) نیز که ریشه دوم R^2 (در رگرسیون ساده) است اغراق آمیز می شود. در تحقیق قبلی R^2 و ضریب همبستگی به ترتیب $0.98/8$ و 0.994 محاسبه می شود که مؤید همین نکته است. تا وقتی که خود همبستگی از میان برداشته نشده باشد انکاکردن بر R^2 ضریب همبستگی در تحلیلها توأم با خطرات پیشگفتۀ خواهد بود.

معمولًا از آزمون داربین - واتسون^{۱۱}

(DW) استفاده می شود.

معادله خط رگرسیون تدوین شده در تحقیق قبلی، با اقتباس از ماهنامه حسابدار (شماره ۹۳-۹۴) عیناً در زیر ارائه شده است. اما سایر آماره های مربوطه از جمله DW را محاسبه و ارائه کرده ایم^{۱۲}: اعداد درون پرانتز، محاسبه شده برای ضرایب معادله است.

مدل (۱): نقل از تحقیق قبلی

$$P = 41/82 + /0.535 M$$

$$(5/3) (41/48)$$

$$R^2 = 0.98/8$$

$$F = 1749/93$$

$$DW = 0/62$$

از میان برداشتن خود همبستگی

رابطه (۲) را مجدداً در نظر بگیرید:

$$P_t = \beta_r + \beta_1 M_t + e_t$$

اگر جملات خطاباً ضریبی مثل $1 \leq r \leq -1$ به یکدیگر وابسته باشند می توان نوشت^{۱۳}:

$$\text{رابطه (۳)}$$

$$e_t = r \cdot e_{t-1} + v_t$$

اگر رابطه (۲) را برای سال قبل (۱) نوشت و در r ضرب کنیم:

$$\text{رابطه (۴)}$$

$$r \cdot P_{t-1} = r \cdot \beta_r + r \beta_1 M_{t-1} + r e_{t-1}$$

و با کسر کردن رابطه (۴) از رابطه (۲):

$$P_{t-1} - r P_{t-1} = \beta_r (1-r) + \beta_1 (M_{t-1} - r M_{t-1}) + v_t$$

۱۴ - این نوع خود همبستگی، خود همبستگی

مرتبه اول (First-Order) نامیده می شود و نیز دقت داشته باشید که استفاده شده در رابطه (۳) با ضریب همبستگی خطی متفاوت است.

یادآوری می کنیم که در این مدل M

بر حسب میلیارد ریال است. برای تبدیل

معادله به حالتی که M بر حسب نقدینگی

سال ۵۳ باشد، کافی است ضریب M را

در کسر $\frac{815/7}{100}$ ضرب کنیم. سایر

محاسبات تغییر خواهد کرد.

همان طوری که ملاحظه می شود

محاسبه شده $0.620/0$ است. مقایسه این

رقم با ارقام مندرج در جدول در سطح

$\alpha = 0/01$ نشان می دهد که

خود همبستگی بین جملات خطاباً وجود

دارد^{۱۴}! لذا در چنین وضعیتی R^2

11 - Durbin - Wattson.

۱۲ - ما در تحلیل خود همواره از ضریب تعیین

تعدیل شده (r^2) استفاده کرده ایم. نگاه کنید به

Mendenhall / 588

۱۳ - برای آشنایی با نحوه آزمون نگاه کنید به

Hanke/388

یعنی 6461 می‌رسد^{۱۶}. نتیجه حاصل از حل رابطه (۵) با استفاده از روش HILU به شرح زیر بوده است:

مدل (۲)

$$P^* = -0.709 + 0.648 M^*$$

$$(1/01) (14/79)$$

$$R^2 = 0.916$$

$$F = 218/74$$

$$DW = 1/86$$

براساس محاسبات باید گفت بلی، ولی واقعاً چنین نیست. از آنجاکه شکل تابع تورم به صورت درجه یک در نظر گرفته شده چنین نتیجه‌ای حاصل شده است. در واقع تابع درجه اول انعطاف‌پذیری لازم را ندارد. ما در بخش دوم کار خود اعتبار فرض درجه اول بودن تابع تورم را بررسی کرده و نشان خواهیم داد که چنین فرضی معتبر نیست.

همانطوری که ملاحظه می‌شود بعد از حذف خودهمبستگی و کاهش یافتن R^2 و ضریب همبستگی، هنوز هم با اطمینانی بیش از ۹۹ درصد می‌توان گفت که بین دو متغیر مورد بررسی همبستگی خطی وجود دارد.^{۱۷} ضریب M در این مدل $0.648 / 0.648$ محاسبه شده است. این ضریب در مقیاس دیگر نقدینگی برابر است با:

$$0.529 = \frac{815/7}{100} = 0.648 \times 0.95$$

با در نظر گرفتن این ضریب می‌توان گفت که اثرات نهایی نقدینگی بر تورم حدود ۵۳ درصد است. در تحقیق قبلی این رقم حدود ۴۴ درصد اعلام شده است.

در هر یک از دو مدل بحث شده اثرات نهایی نقدینگی بر تورم در قالب یک رقم خلاصه شده است: آیا اثرات نهایی نقدینگی بر تورم برای سال ۴۸ که در آن سال حجم نقدینگی $205/7$ میلیارد ریال بوده نیز ۵۳ درصد است؟

۱۸ - برای آزمون از توزیع استیومن با آماره $(n - 2) / (1 - r^2) / (n - p) = r$ استفاده می‌شود.

DW محاسبه شده ۱/۸۶ است که در مقایسه با DW به دست آمده از جدول نشان می‌دهد که مشکل خودهمبستگی از میان برداشته شده است.^{۱۸} محاسبه شده برای ضریب ثابت این مدل حکایت از این دارد که ضریب مزبور مساوی صفر است. البته از قبل چنین انتظاری داشتیم زیرا این نتیجه برای 0.95 حاصل شده است و عدد 0.95 آنقدر به یک نزدیک است که باعث می‌شود مقدار ثابت در رابطه (۵) به صفر نزدیک شود. 1 محاسبه شده برای ضریب M معنی دار بوده و F محاسبه شده نیز معنی دار بوده و حکایت از نیکوبی این برآش دارد.

R^2 محاسبه شده برای این مدل

۱۶ - به ازای مقادیر $0.96 = r = 0.94$ مقدار SEE به ترتیب 6465 و 6462 محاسبه شده است.

۱۷ - وقتی مقدار ثابت در معادله رگرسیون صفر باشد، آزمون داربین - واتسون با استفاده از جدول تعدیل شده انجام می‌شود. این جدول در کتاب Ghosh ارائه شده است نگاه کنید به فهرست منابع.

بخش دوم

در بخش اول فرض کرده بودیم که تورم تابعی خطی و درجه اول از نقدینگی است. در این بخش از تحقیق صحت و اعتبار این فرض را بررسی خواهیم کرد.

بررسی رفتار موردنظر کشش تورم نسبت به نقدینگی

اگر تورم تابعی خطی و درجه اول از نقدینگی باشد در این صورت کشش پذیری تورم نسبت به نقدینگی را می‌توان به شرح زیر محاسبه کرد:^{۱۹}

$$P = f(M) = a + bM$$

$$E_{P/M} = \frac{\Delta P}{\Delta M} \cdot \frac{M}{P}$$

مارت $\frac{\Delta P}{\Delta M}$ برای ΔM های کوچک برابر تابع تورم خواهد بود.

بطه(6)

$$E_{P/M} = P \cdot \frac{M}{P} = b \cdot \frac{M}{a+bM} = \frac{bM}{a+bM}$$

ماناظری که ملاحظه می شود کشش تورم نسبت به نقدینگی به صورت سری است که مخرج آن به مقدار a از سورت کسر بیشتر است. لذا رفتار کشش بستگی به مقدار a خواهد داشت.

ای تعیین رفتار مورد انتظار کشش تورم نسبت به نقدینگی به ازای مقادیر مختلف a سه حالت قابل تفکیک است:

حالت اول: $a > 0$

وقتی که a بزرگتر از صفر باشد و با روند گرفتن این نکته که شبی خط (b) ثابت است، مقدار کشش از عدد یک همواره کوچکتر خواهد بود. وقتی M ساوه از صفر است کشش نیز صفر است. وقتی که M تدریجاً بزرگ شود، کشش از $+\infty$ تنزل کرده تدریجاً کوچک می شود. به طوری که وقتی M به سمت $+\infty$ می کند حد کشش برابر عدد یک خواهد شد.

حالت دوم: $a = 0$

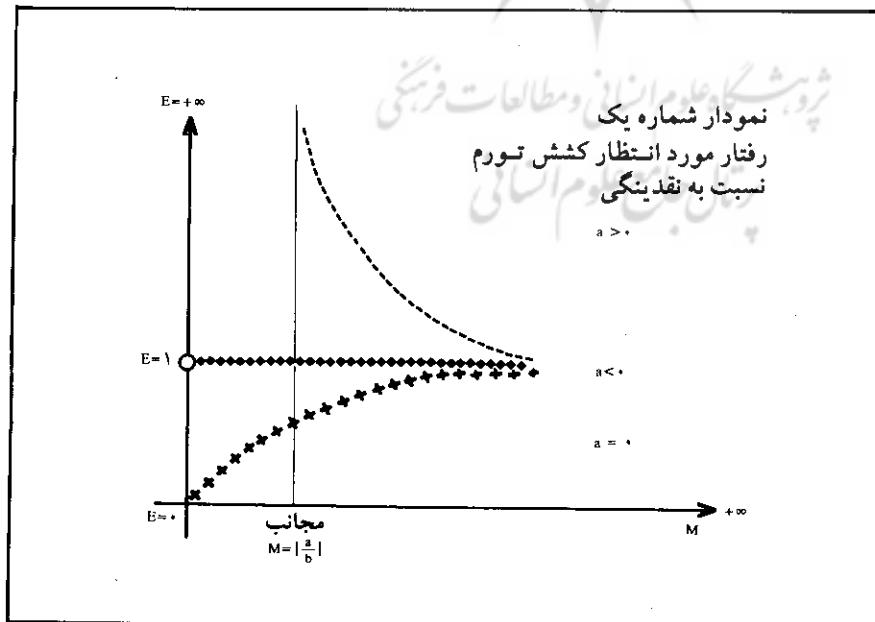
در حالتی که a مساوی صفر باشد، برای تمامی مقادیر M (به غیر از صفر)

19 - نگاه کنید به: Chiang/191

با توجه به سه حالت پیشگفته، رفتار مورد انتظار کشش را در حالتی که فرض کردیم تورم تابع خطی و درجه اول از نقدینگی است می توان به صورت $a > 0$ نمودار زیر ترسیم کرد: برای حالت $a > 0$ نمودار با علامت $++$ و برای $a = 0$ با علامت 000 و برای $a < 0$ با علامت $---$ ترسیم شده است (در نقطه $0 = M$ ، وقتی a نیز مساوی صفر است E تعریف نشده است.):

این نمودار رفتار مورد انتظار کشش تورم نسبت به نقدینگی را نشان می دهد. حال بینیم رفتار واقعی کشش برای سالهای مورد بررسی چگونه بوده است.

ورق بزید



بررسی رفتار واقعی کشش تورم نسبت به نقدینگی

جدول شماره یک - محاسبه کشش پذیری تورم نسبت به نقدینگی

نقدینگی بر حسب نقدینگی سال ۱۳۵۲	کشش پذیری تورم نسبت به نقدینگی $\frac{\Delta P_t}{P_{t-1}}$ $\frac{\Delta M_t}{M_{t-1}}$	رشد شاخص قیمتها نسبت به نقدینگی $\Delta P_t/P_{t-1}$	رشد نقدینگی $\Delta M_t/M_{t-1}$	سال
-	-	-	-	۴۶
۲۱/۵	۹/۳	۲	۲۱/۵	۴۷
۲۵/۲	۱۰/-	۲/۶	۱۷/۳	۴۸
۲۸/۹	۱۴/۴	۲/۱	۱۴/۶	۴۹
۳۶/۳	۳۱/۱	۸	۲۵/۷	۵۰
۴۹	۱۹/۱	۶/۷	۳۵	۵۱
۶۳/۵	۳۸	۱۱/۲	۲۹/۰	۵۲
۱۰۰	۲۷	۱۵/۰	۵۷/۰	۵۳
۱۴۱/۸	۲۳/۷	۹/۹	۴۱/۸	۵۴
۱۹۹/۴	۴۰/۹	۱۶/۶	۴۰/۶	۵۵
۲۶۲/۳	۷۹/۴	۲۰/۱	۳۱/۶	۵۶
۳۱۶/۱.	۴۸/۳	۹/۹	۲۰/۵	۵۷
۴۳۵/۲	۳۰/۲	۱۱/۴	۳۷/۷	۵۸
۵۳۲	۱۰۵/۹	۲۳/۵	۲۲/۲	۵۹
۶۲۶/۷	۱۲۸/۷	۲۲/۹	۱۷/۸	۶۰
۷۷۸/۶	۷۹/۳	۱۹/۲	۲۴/۲	۶۱
۹۱۴/۱۰	۱۰۱/۷	۱۷/۷	۱۷/۴	۶۲
۹۷۶/۷	۱۶۱/۵	۱۰/۰	۶/۵	۶۳
۱۱۰۳/۶	۳۱/۰	۴/۱	۱۳	۶۴
۱۳۱۴/۵	۱۰۸/۹	۲۰/۸	۱۹/۱	۶۵
۱۵۰۳	۱۰۸	۲۸/۶	۱۸/۱	۶۶
۱۹۲۳/۲	۱۱۶	۲۷/۶	۲۳/۸	۶۷

کلیه ارقام این جدول از جمله کشش به درصد بیان شده است.

کشش پذیری تورم نسبت به نقدینگی با استفاده از اطلاعات مندرج در تحقیق قبلی مجدداً محاسبه و در جدول زیر درج شده است.^{۲۰} علاوه براین ارقام نقدینگی نیز جهت سهولت دسترسی مجدداً ارائه شده است.

با مشاهده کشش محاسبه شده در جدول یک می‌توان دریافت که کشش در طی سالهای مورد بررسی روندی صعودی داشته است. به طوری که برای سال ۴۶ یعنی وقتی M حداقل مقدار خود را دارد کشش تورم نسبت به نقدینگی حدود صفر ($0/۰۹۳$) است. با پیشرفت خدمت حجم نقدینگی کشش نیز تدریجاً زیاد شده است در سال ۵۹ کشش تقریباً مساوی یک و سپس متناسب با افزایش نقدینگی افزایش یافته است (به استثنای سال ۶۱ و سال ۶۴).

برای انجام مقایسه‌ای بهتر، نمودار رفتار واقعی کشش تورم نسبت به نقدینگی در زیر ارائه شده است: دقت داشته باشد که کشش در هفت نقطه بالاتر از خط $E =$ قرار گرفته است.

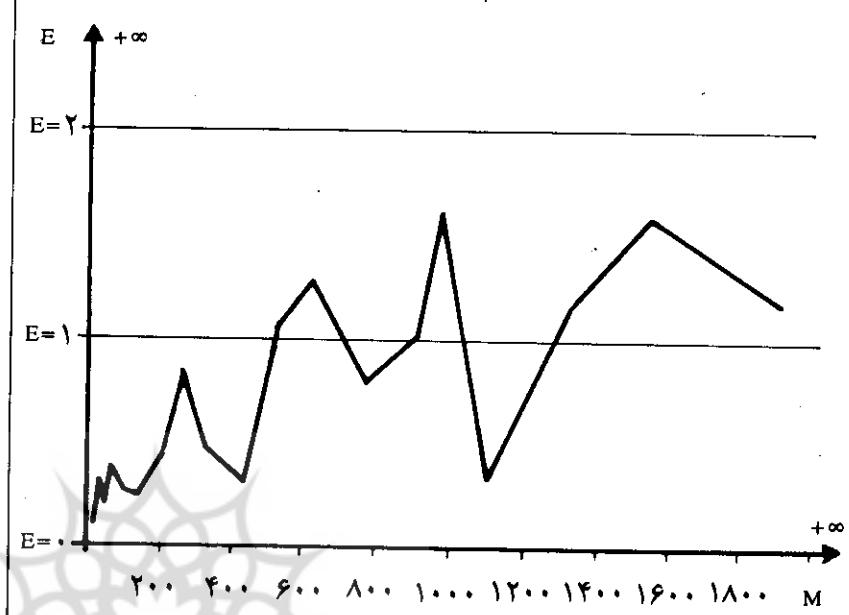
اگر این نمودار از مرز $E = 1$ نمی‌رفت می‌توانستیم خود را متفاوت نمی‌کنیم که رفتار واقعی کشش تورم نسبت

به نقدینگی مشابه رفتار مورد انتظار
کشش برای حالت >0 است. نگاه کنید
مقدار یک فراتر برود؟ استدلال ما برای
حالات <0 نشان داد که وقتی فرض تابع
به نمودار شماره یک.

۲۰ - کشش محاسبه شده در اینجا معکوس
کشش است که در تحقیق قبلی محاسبه شده بود.

نمودار شماره ۲

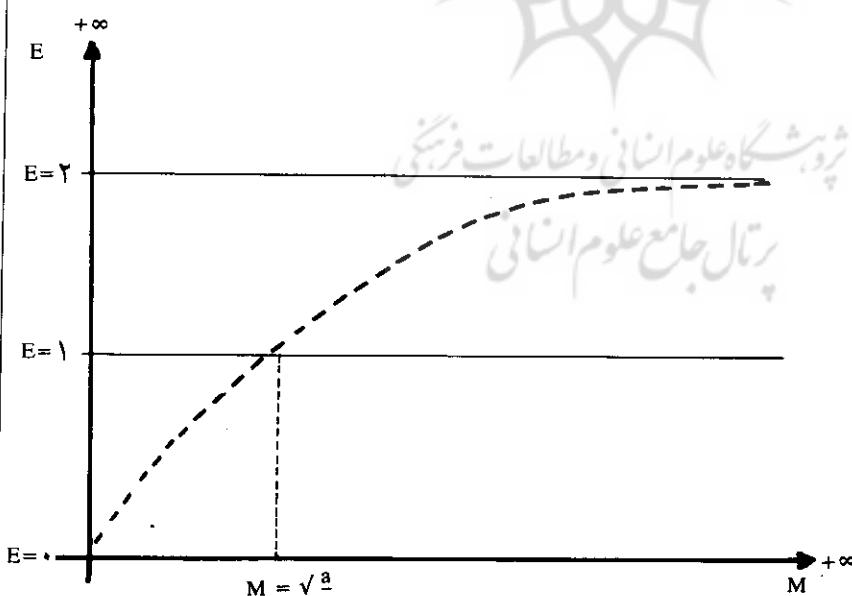
رفتار واقعی کشش تورم نسبت به نقدینگی



ضریب ۲ برای cM^2 است که در مخرج کسر نیست. در عوض مخرج دارای مقدار a (مثبت) است که در صورت کسر نیست. ضریب ۲ در صورت کسر سعی می‌کند E را به سمت بالا برازد. از طرف دیگر، عامل a در مخرج کسر سعی دارد E را پایین نگهدازد. برندۀ شدن یکی از این دو عامل در مبارزه بستگی به مقدار M دارد. این مقدار بحرانی برای M باسانی و با مساوی قراردادن صورت و مخرج رابطه (V) قابل محاسبه است. وقتی که M مساوی صفر است کشش نیز صفر است. با زیاد شدن M کشش نیز تدریجاً زیاد می‌شود. وقتی M به مقدار بحرانی $\sqrt{a/c}$ می‌رسد کشش برابر یک است. با زیادتر شدن M کشش از یک فراتر رفته و زیادتر می‌شود به طوری که ورق بزند.

خطی درجه اول برای تورم اختیار شود، E نباید از مرز یک بالاتر برود. بنابراین، a در مخرج کسر باید مغلوب عامل دیگری در صورت کسر شده باشد که چنین رفتاری پدید آمده است.

اگر تابع تورم از درجه دوم باشد مشاهده چنین رفتاری برای E بسادگی توجیه پذیر است. زیرا کشش تورم نسبت به نقدینگی در حالتی که تابع تورم درجه دوم باشد از رابطه زیر محاسبه خواهد شد:



اکنون نمودار رفتار واقعی کشش (نمودار دوم) را با این نمودار نیز مقایسه کنید.

$$P_t = a + bM_t + cM^2_t$$

$$E_{P/M} = \frac{dP}{dM} \cdot \frac{M}{P} = P \cdot \frac{M}{P}$$

$$E_{P/M} = (b + 2cM) \cdot \frac{M}{a+bM+cM^2}$$

$$E_{P/M} = \frac{bM + 2cM^2}{a+bM+cM^2} \quad \text{رابطه (V)}$$

صورت کسر کشش در رابطه (V) دارای

مورد بررسی است و بخش دیگر با سطح نقدینگی در سال مورد بررسی ارتباط دارد.

ممکن است چنین تصور شود که ضریب $158/000$ بسیار ناچیز است لیکن این تصور صحیح نیست. برای روشن شدن این موضوع تأثیرات نهایی نقدینگی بر تورم را برای چند سال (به طور نمونه) با استفاده از رابطه (۹) محاسبه می‌کیم:

همان‌طور که ملاحظه می‌شود، R^2 در این مدل $99/8$ درصد است در حالی که در مدل دوم $R^2 = 91/6$ محاسبه شده بود. به عبارت دیگر با اضافه کردن M^2 به مدل دوم $R^2 = 99/8$ درصد بهبود یافته است. این نتیجه تأیید مجددی است بر ادعای ما مبنی بر اینکه تابع تورم باید از درجه دوم باشد.

اگر ضرایب محاسبه شده در این مدل را از بابت تغییر مقیاس نقدینگی اصلاح کنیم:

وقتی M به سمت $+ \infty$ می‌کند حد کشش مساوی ۲ خواهد شد.

با این توضیحات، رفتار مورد انتظار کشش در حالتی که تابع تورم درجه دوم و مقدار α مشبّت باشد به شکل نمودار زیر خواهد بود:

با توجه به توضیحات پیشگفته و مقایسه نمودارهای ارائه شده، می‌توان گفت که با اطلاعات موجود تابع تورم از نوع درجه دوم است یعنی:

رابطه (۸)

$$P = \beta_0 + \beta_1 M + \beta_2 M^2 + e$$

پس از حل رابطه فوق با استفاده از OLS نتیجه زیر به دست آمده است:

مدل (۳)

$$P = 62/5 + 0/31M + 0/00079M^2$$

$$R^2 = 99/8$$

$$S = 11/38$$

$$F = 4943/24$$

$$DW = 1/92$$

مقایسه DW محاسبه شده با جدول نشان می‌دهد که مشکل خود همبستگی جملات خطأ وجود ندارد. محاسبه شده برای هریک از ضرایب (اعداد درون پرانتز) حاکی از این است که کلیه ضرایب مدل فوق معنی دار بوده و مخالف صفر هستند. F محاسبه شده نیز در مقایسه با جدول نشان می‌دهد که این برازش به نیکویی انجام شده است.

بنابر این مدل سوم در شکل جدید چنین خواهد بود:

$$\begin{aligned} & 0/38 \times 115/V = 0/31 \\ & 0/000119 \times (115/V)^2 \\ & = 0/00079 \end{aligned}$$

همان‌طور که ملاحظه می‌کنید با جلو رفتن در طول زمان تأثیرات نهایی نقدینگی بر تورم نیز بیشتر می‌شود. به طوری که طبق محاسبات انجام شده برای سال ۱۳۶۷ تأثیرات نهایی نقدینگی بر تورم ۶۱ درصد است در حالی که در مدل‌های قبلی این رقم حداقل 53 درصد برای تمامی سالها (با استفاده از مدل دوم) محاسبه شده بود. این مدل در مقایسه با مدل‌های قبلی رفتار تورم در اثر نقدینگی را بهتر نشان می‌دهد. براساس این مدل که از جنبه‌های مختلف مورد بررسی قرار

همان‌طور که ملاحظه می‌شود اکنون تأثیرات نهایی نقدینگی بر تورم از دو بخش تشکیل شده است. یک قسمت آن بی ارتباط با سطح نقدینگی در سال

$$P_t = 0/31 + (2 \times 0/00079)M_t$$

رابطه (۹)

$$P_t = 0/31 + 0/000108M_t$$

همان‌طور که ملاحظه می‌شود اکنون تأثیرات نهایی نقدینگی را بهتر نشان می‌دهد. براساس این مدل که از جنبه‌های مختلف مورد بررسی قرار

گرفت شکلی صحیحتر تابع $P = f(M)$ معین شده است. با فرض اینکه تورم تابعی از نقدینگی باشد در این صورت درجه دوم است و ضرایب این معادله همان ارقامی است که محاسبه کردیم.

خلاصه بحث و نتایج

در حالتی که فرض شود رابطه‌ای خطی و درجه اول بین تورم و نقدینگی برقرار است، بررسی مانشان داد که حتی پس از اصلاح مدل اول (تحقيق قبلی) از بابت خودهمبستگی جملات خط، بین دو متغیر مورد بررسی همبستگی زیادی وجود دارد که حداقل ۰/۹۵۷ است.

پیش‌بینی شاخص قیمت‌های سال ۶۸

با استفاده از هریک از مدل‌های ارائه شده شاخص قیمت‌های سال ۱۳۶۸ به شرح جدول زیر پیش‌بینی شده است:

پیش‌بینی شاخص قیمت‌ها برای سال ۱۳۶۸	فرمول مدل	
۱۰۴۶/۵	$P = ۴۱/۸۲ + ۰/۴۳۷M$	مدل اول (تحقيق قبلی)
۱۱۴۹/۳	$P^* = -۰/۷۵۹ + ۰/۵۲۹M^*$	مدل دوم
۱۱۹۲/۸	$P = ۶۲/۵ + ۰/۳۱M + ۰/۰۰۰۷۹M^2$	مدل سوم

در هر سه مدل نقدینگی بر حسب نقدینگی سال ۵۳ منظور شود.

منابع و مأخذ مورد استفاده:

- 1 - Ghosh, S. K., "Econometrics: Theory and Applications," Prentice-Hall, 1991.
- 2 - Johnson, A.C., et al, "Econometrics: Basic and Applied», Maxwell Macmillan, 1989.
- 3 - Hanke, J.E., "Business Forcasting," Allyn and Bacon, 1989.
- 4- Chow,G.C., "Econometrics," McGraw-Hill, 1983.
- 5 - Newbold, P., "Statistics For Business and Economics", Prentice-Hall, 1991.
- 6 - Mendenhall, W., et al, "Statistics for Management and Economics", PWS -KENT, 1989.
- 7 - Chiang, A. C., "Fundamental Methods of Mathematical Economics". McGraw-Hill, 1984.

در حالتی که فرض شود رابطه درجه دوم بین دو متغیر وجود دارد، که واقعاً نیز چنین است، رفتار تورم را می‌توان با استفاده از متغیر نقدینگی در شکل یک تابع درجه دوم تا $۹۹/۸$ درصد توضیح داد. به طور خلاصه می‌توان نتیجه گرفت:

- 1 - نظریه مقداری پول در ایران مصدق دارد و شاخص قیمت‌ها به عنوان معیار تورم تابعی از نقدینگی است. این تابع از درجه دوم است.
- 2 - هر تغییری در نقدینگی منجر به

به نقل از تحقیق قبلی، بانک مرکزی شاخص قیمت‌های سال ۱۳۶۸ را $۱۰۳۶/۲۴$ اعلام کرده است. همان‌طوری که ملاحظه می‌شود شاخص پیش‌بینی شده با استفاده از مدل اول (تحقیق قبلی) به شاخص اعلام شده از سوی بانک مرکزی بسیار نزدیک است و سایر مدل‌ها چنین دقیقی ندارند. لذا

- 21 - حجم نقدینگی در سال ۱۳۶۸ بالغ بر $۱۸۷۵۳/۲$ میلیارد ریال می‌باشد. که بر حسب نقدینگی سال ۵۳ برابر $۲۲۹۹/۰۴$ می‌باشد.