

بررسی نقش عملکردهای شناختی بر عملکرد ریاضی دانشآموزان بر اساس طبقه‌بندی اصلاح شده بلوم

*The Role of cognitive functions on mathematics performance of students
Based on revised Bloom's taxonomy*

Hadi Naghizadeh (Corresponding author)

Ph.D. student of Psychology, Dept. of Psychology,
Kerman Branch, Islamic Azad University, Kerman, Iran

Amanollah Soltani

Assistant Prof. Dept. of Psychology, Kerman Branch,
Islamic Azad University, Kerman, Iran

Hamdollah Manzari Tavakkoli

Assistant Prof. Dept. of Psychology, Kerman Branch,
Islamic Azad University, Kerman, Iran

Zahra Zeinadini Meimand

Assistant Prof. Dept. of Psychology, Kerman Branch,
Islamic Azad University, Kerman, Iran

Abstract

Aim: The aim of this study was to evaluate the role of cognitive functions "working memory capacity, math attitude and mathematics anxiety" third grade high school students, the second city of Mashhad on their academic performance, based on Bloom's taxonomy is revised.

Method: This method is non-experimental study (correlation), respectively. For this purpose, the sampling method (area, school, class, students), 145 students were selected. That the questionnaire "math anxiety", "Mathematics Attitude Scale", "Children Active test set (WMTB-C)" and «test math performance," responded the performance of math based on the classification table modified Bloom 5 math question topics functions, limits and derivatives were designed. **Results:** The findings of this study show that the impact of working memory, math anxiety attitude and math academic performance of students in different levels of knowledge and cognitive processes are different. **Conclusion:** The results of this research can progress in the performance of students in solving mathematical problems, meaningful learning, appropriate teaching beneficial.

Keywords: working memory, math attitude and math anxiety

هادی تقی زاده

دانشجوی دکتری روان شناسی تربیتی، گروه روان شناسی، واحد کرمان، دانشگاه آزاد اسلامی، کرمان، ایران (نویسنده مسئول).

اماں ا... سلطانی

استادیار دانشگاه آزاد اسلامی، گروه روان شناسی، واحد کرمان، دانشگاه آزاد اسلامی، کرمان، ایران

حمد ا... منظری توکلی

استادیار گروه روان شناسی، واحد کرمان، دانشگاه آزاد اسلامی، کرمان، ایران

زهرا زین الدینی میمند

استادیار گروه روان شناسی، واحد کرمان، دانشگاه آزاد اسلامی، کرمان، ایران

چکیده

هدف: از این پژوهش، بررسی نقش عملکردهای شناختی «ظرفیت حافظه فعال، نگرش ریاضی و اضطراب ریاضی» فرآگیران مقاطع سوم دبیرستان‌های پسرانه ناجه ۲ شهرستان مشهد بر عملکرد تحصیلی آنان بر اساس طبقه‌بندی اصلاح شده بلوم می‌باشد. **روش:** این پژوهش حاضر غیر آزمایشی (همبستگی) بود. بدین منظور به روش نمونه‌گیری خوش‌ای (مناطق، مدارس، کلاس، دانشآموزان) ۱۴۵ دانش آموز پسر انتخاب شدند. که به پرسشنامه‌های «مقیاس اضطراب ریاضی»، «مقیاس نگرش به ریاضی»، «مجموعه آزمون فعال کودکان (WMTB-C)» و «آزمون عملکرد ریاضی» پاسخ دادند برای انجام ارزیابی عملکرد ریاضی بر اساس جدول طبقه‌بندی اصلاح شده بلوم ۵ سوال ریاضی از مباحث توابع، حد و مشتق طراحی گردید. **یافته‌ها:** نتایج این پژوهش نشان می‌دهد که میزان اثرگذاری حافظه فعال، نگرش و اضطراب ریاضی بر عملکرد تحصیلی ریاضی فرآگیران در سطوح مختلف دانش و فرآیندهای شناختی، متفاوت می‌باشد. **نتیجه‌گیری:** یافته‌های این پژوهش می‌تواند در زمینه پیشرفت عملکرد دانشآموزان در حل مسائل ریاضی، یادگیری معنادار، تدریس متناسب سودمند باشد.

کلمات کلیدی: عملکردهای شناختی، حافظه فعال، نگرش ریاضی و اضطراب ریاضی.

مقدمه

درس ریاضی از جمله دروسی است که عملکرد مناسب در آن همواره برای دانش آموزان و والدین آنها از اهمیت بالایی برخوردار بوده و هست. شاید این اهمیت جنبه‌ای تاریخی دارد، چرا که ریاضیات به عنوان علمی پایه و مستعمل در امور روزمره، در تاریخ و تمدن بشری مطرح بوده است. به هر حال اهمیت این رشته علمی و در سطح آموزشی این درس و مسائل مربوط به یادگیری آن منجر به شکل‌گیری تحقیقات عمده‌ای شده است که از جمله تحقیقات مربوط به نقش اضطراب ریاضی در یادگیری ریاضیات است (ارنزو^۱، ۲۰۱۲). در دنیای امروز دیگر، ریاضیات برای دانش آموزان، به شکل یک اولویت مهم جهانی درآمده است، چرا که زندگی روزانه آن‌ها از حساب کردن در فروشگاه مدرسه گرفته تا پرداخت وجه نقدی، با ریاضیات سروکارپیدا کرده و از تکنولوژی تا کاربرد آن در صنعت، امور زندگی روزانه هر فرد را تحت تأثیر قرار داده است (مارکیس^۲، ۲۰۱۱).

یک دسته از عوامل دیگر مؤثر بر پیشرفت تحصیلی، عوامل و ویژگی‌های فردی است که البته خود این عوامل می‌تواند، معلول عوامل و زمینه‌های خانوادگی و مدرسه‌ای باشد. این موضوعی است که در اکثر پژوهش‌ها به آن توجه نشده یا کمتر بدان پرداخته شده است. مرور مطالعات انجام شده تأثیر متغیرهای فردی زیادی را بر پیشرفت تحصیلی نشان داده است. از آن جمله عوامل انگیزشی و شناختی است که می‌توان آن‌ها را عبارت از اضطراب ریاضی (آیزنک و همکاران، ۲۰۰۷)؛ نگرش ریاضی (محمدزاده، ۱۳۹۵)؛ حافظه فعال (داهلین، ۲۰۱۳) دانست.

از اجزاء مهم سبک انگیزشی ناسازگار که به عدم موفقیت فرآگیران در درس ریاضی منجر می‌شود فزونی اضطراب ریاضی و نگرش منفی به این درس است. از آنجا که اضطراب ریاضی، نگرش به ریاضی و ظرفیت حافظه فعال از جمله ویژگی‌های فردی تأثیرگذار بر امر یادگیری می‌باشد، این امر ایجاب می‌کند که مؤلفه‌های فردی مذکور را در امر آموزش و یادگیری ریاضی مورد توجه قرار دهیم و لذا شناخت تبیین‌های متفاوت به مقوله‌های آموزش و یادگیری، سنجش رفتار ریاضی و پرداختن به آنها، پژوهشگران ریاضی را بیشتر متقاعد خواهد کرد که هر فردی شیوه فهم خود را به کار می‌گیرد و فعلانه دانش خویش را می‌سازد هر معلمی باید شرایطی را فراهم آورد که فرآگیران را قادر سازد تا دانش موجود و تجربه‌های قبلی‌شان را بیازماید و در مراحل بالاتر دانش خود را سازمان دهد (علم الهدی، ۲۰۱۱).

از جمله سازه‌های روان‌شناسی مهم دیگر در حیطه پیشرفت درس ریاضی اضطراب ریاضی^۴ است (آرین^۵، ۲۰۱۲). اضطراب ریاضیات هنگامی اتفاق می‌افتد که دانش آموزان با یک مسئله ریاضی مواجه می‌شوند (وندیمو^۶، ۲۰۱۲). آرین (۲۰۱۲) اضطراب ریاضی را عدم توائی‌بی شخص برای کنار آمدن با موقعیت‌های کمی، شامل موقعیت‌هایی که با اعداد و ارقام سروکار دارند و در شرایط کلی با ریاضیات تعریف کرده است. اضطراب به طور کلی و اضطراب ریاضی به طور ویژه می‌تواند میزان حواس پرتی و هجوم افکار نامربوط را به ذهن افزایش دهد و با ایجاد اختلال در ساختارهای ذهنی و فرآیندهای پردازش اطلاعات موجب تحریف ادراکات افراد از پدیده‌ها و مقوله‌های ریاضی شود. (وندیمو، ۲۰۱۲). ترس از ریاضیات به ایجاد موضع هیجانی و ذهنی می‌انجامد که پیشرفت در ریاضیات را در آینده بسیار دشوار می‌سازد. بر طبق مطالعه وندیمو (۲۰۱۲) احساساتی مانند ترس، وحشت و درمانندگی هنگام کاربر روی یک مسئله ریاضی عملکرد ریاضی فرد را تحت تأثیر قرار می‌دهد. بر اساس مطالعه آرنوز^۷ (۲۰۱۲) اضطراب ریاضی می‌تواند به

²- Arnos³- Marchis⁴- Math anxiety⁵- Erin⁶- Wondimu⁷- Arnos

و سیله عوامل محیطی ایجاد شود، از قبیل تجربه منفی پدر و مادر یا خود کارآمدی پایین معلم می‌تواند نگرش دانش آموزان را به درس ریاضی تحت تأثیر قرار دهد. مطالعه پنا^۸ (۲۰۱۳) نشان می‌دهد که اضطراب ریاضی و نگرش منفی نسبت به ریاضی به شدت عملکرد ریاضی دانش آموز را تحت تأثیر قرار می‌دهد. مطالعات برندا^۹ (۲۰۱۳)؛ حیدری، عبدی و رستمی (۲۰۱۳) نشان می‌دهد که رابطه معنی داری بین اضطراب ریاضی پایین و دانش فراشناختی وجود دارد، به عبارت دیگر هر چه اضطراب ریاضی دانش آموزان پایین تر باشد آنها بهتر می‌توانند از دانش فراشناختی خود استفاده کنند. صالحی^{۱۰} (۲۰۰۹) نشان داد که افزایش اضطراب ریاضی در دانش آموزان با فراشناخت منفی همراه است. مطالعه لگ و لوکر^{۱۱} (۲۰۰۹) با موضوع بررسی تأثیر فراشناخت بر روی عملکرد ریاضی، زمان واکنش و اعتماد به نفس در انجام تکالیف ریاضی نشان می‌دهد دانش آموزانی که دارای مهارت‌های فراشناختی پایین، اضطراب ریاضی و دقت پایین عملکرد ریاضی هستند بیشترین افت تحصیلی را داشتند نسبت به دانش آموزان با مهارت‌های فراشناختی بالا. نتایج پژوهش‌های مظفری و حسینی (۲۰۱۰)؛ هورفار طالب^{۱۲} (۲۰۱۵) نشان می‌دهد که بین سبک آموزش ابتدایی و اضطراب ریاضی و همچنین بین ویژگی‌های شخصیت معلمان ریاضی و اضطراب ریاضی رابطه وجود دارد. به این صورت عملکرد در درس ریاضیات تحت تأثیر اضطراب ریاضی قرار می‌گیرد. همچنین اضطراب ریاضی با اطمینان ریاضی ارتباط نیرومندی ولی منفی دارد. زمانی که مسائل پیش روی دانش آموز پیچیده‌تر می‌شود، این اضطراب بیشتر شده و عملکرد ضعیف‌تر در ریاضی، محتمل‌تر می‌گردد (هورفار و طالب، ۲۰۱۵). این پژوهش‌ها معمولاً چنین نتیجه‌گیری می‌کنند که اضطراب باعث تخرب در عملکرد شناختی فرد می‌شود. این تخرب به خصوص وقتی بیشتر است که تکالیف در حال اجرا پیچیده باشد یا تقاضاهایی در حیطه توجه داشته باشد.

از جمله سازه‌های روان شناسی مهم دیگر در حیطه پیشرفت درس ریاضی، حافظه فعال^{۱۳} است که توجه بسیاری از پژوهشگران را به خود جلب کرده است (دahlin^{۱۴}، ۲۰۱۳). حافظه فعال به عنوان یکی از سیستم‌های حافظه، اجازه حفظ و دستکاری اطلاعات را برای یک دوره زمانی کوتاه به فرد می‌دهد (دahlin^{۱۵}، ۲۰۱۳). ویژگی این مؤلفه، بازبینی و رمزگذاری اطلاعات جدید و مرتبط می‌باشد (Liza و همکاران^{۱۶}، ۲۰۰۹). بدلي^{۱۷} (۱۹۹۶) حافظه کاری را به چهار بخش که شامل مدیر مرکزی^{۱۸}، صفحه دیداری - فضایی^{۱۹} (که اطلاعات دیداری را نگهداری می‌کند) و مدار واج شناسی^{۲۰} (که اطلاعات کلامی را دستکاری می‌کند) و انباره رویدادی (رابطه بین حافظه کاری و حافظه بلند مدت را نشان می‌دهد) تقسیم می‌کند. (بدلي^{۲۱}، ۲۰۱۲). یافته‌های تحقیقی سونگ^{۲۰} و همکاران، (۲۰۱۱)؛ (لوم و کونت^{۲۱}، ۲۰۱۳) نشان می‌دهد که ظرفیت حافظه فعال با توانایی یادگیری و حل مسائل مختلف رابطه معنی داری دارد. در تائید یافته‌های پژوهشی مبنی بر ارتباط بین حافظه فعال و عملکرد دانش آموزان در درس ریاضی نتایج تحقیقاتی سوانسون، سایز و گریز^{۲۲} (ویت^{۲۳}، ۲۰۱۱) نشان می‌دهد که بین محاسبات ریاضی و میزان استفاده از حافظه فعال رابطه وجود دارد. همچنین ویت

8 - Pena

9- Brenda

10 - Salehi

11-Hoorfar&Taleb

12 - Working memory

13 - Dahlin

14 - Liza

15 - Baddeley

16 - Centrual executive

17 -Viso-spatial sketchpad

18 - Phonological Loop

19 - Song,He& Kong

20 - Lum& Cont

21 - Swanson&Jerman

22 - Witt

(۲۰۱۱) بیان می‌کند که حافظه فعال دیداری-فضایی به مثابه یک تخته سیاه ذهنی در تکالیف ریاضی عمل می‌کند و به این ترتیب رابطه نزدیکی با توانایی ریاضی دارد. نتایج تحقیقاتی علم الهدی (۲۰۰۹) نشان می‌دهد که دانش آموزان با حافظه فعال بالا اضطراب ریاضی پایین‌تری نسبت به دانش آموزان با حافظه فعال پایین از خود نشان داده‌اند. با توجه به این امر که پردازش اطلاعات یکی از وظایف حافظه فعال است سوانسون و ژرمن (۲۰۱۱) نشان دادند که عملکرد شناختی دانش آموزان عادی در سنجش‌های حل مسائل کلامی (سرعت، حافظه کلامی، حافظه فعال دیداری-فضایی) بهتر از دانش آموزان با مشکلات یادگیری به ویژه در ریاضیات و خواندن است.

نگرش^{۲۳} از سازه‌هایی است که با توجه به زمینه مورد استفاده آن تعاریف متعددی از آن وجود دارد. در حوزه روان شناختی و تعلیم و تربیت نگرش در برگیرنده ابعاد شناختی، ارزش، کنشی و عاطفی است. به طوری که بعد شناختی به دانستن باورها و عقاید آگاهانه اشاره دارد؛ بعد ارزشی به مثبت یا منفی بودن جهت گیری عاطفی فرد مربوط می‌شود و بعد عاطفی بر زمینه هیجانی و احساس فرد نسبت به موضوع اشاره دارد و بعد کنشی بر جهت گیری برای ایجاد یک رفتار ویژه تأکید دارد (بر و بر^{۲۴}، ۲۰۰۱). در همین رابطه زن و مارتینو (۲۰۰۷؛ به نقل از زکی، ۱۳۹۰) معتقدند که نگرش به درس ریاضی سازه پیجیده‌ای است که شامل احساسات و باورهای افراد نسبت به درس ریاضی است. پیمتا و نانگچالرم^{۲۵} در راستای تبیین عوامل مؤثر بر توانایی درک ریاضی دانش آموزان نشان دادند که نگرش باعث افزایش تمرکز حواس و توانایی حل مسئله ریاضی می‌شود. نتایج پژوهشی پزما و دی مارتینو^{۲۶} (۲۰۱۱) معرف آن است که موقیت دانش آموزان در درس ریاضی، افزایش نگرش مثبت به درس ریاضی صورت گرفته است. در همین رابطه عملکرد در درس ریاضی را باعث می‌شود. مطالعات زیادی پیرامون نگرش به درس ریاضی صورت گرفته است. در همین رابطه بررسی‌های پژوهشگرانی همچون موحد، محمود و اسماعیل (۲۰۱۱)، خاتون و محمود (۲۰۱۰) نشان دادند که نگرش مثبت به درس ریاضی، خودکارآمدی و پیشرفت تحصیلی درس ریاضی را موجب می‌شود. پژوهش موحد (۲۰۱۱) معرف آن است که دو متغیر نگرش به درس ریاضی و همچنین موقیت ریاضی متأثر از محیط یادگیری کلاس درس بوده‌اند. بهبود محیط یادگیری، افزایش دو موضوع نگرش به درس ریاضی و همچنین موقیت ریاضی دانش آموزان را موجب می‌شود. به استناد مطالعات انجام شده و در راستای اهداف پژوهش حاضر، این تحقیق به دنبال آن است که چگونگی تأثیر متغیرهایی چون ظرفیت حافظه فعال دانش آموزان، اضطراب ریاضی و نگرش به ریاضی طبقه‌بندی اصلاح شده بلوم را در شش فرآیند شناختی و چهار سطح شناختی دانش مورد بررسی و تجزیه و تحلیل قرار دهد.

روش

روش این پژوهش از نوع همبستگی و جامعه آماری این پژوهش کلیه دانش آموزان پسر پایه هفتم متوسطه منطقه تبادکان شهر مشهد در سال تحصیلی ۱۳۹۵ بودند. شیوه اجرای پژوهش به گونه‌ای بود که در مرحله اول ازین نواحی هفت گانه، ناحیه دو آموزش و پرورش شهر مشهد به عنوان نمونه خوش‌های انتخاب شد و در مرحله دوم از بین دبیرستانهای دولتی شهر مشهد، تعداد پنج آموزشگاه پسرانه به صورت تصادفی انتخاب شدند و در مرحله سوم در بین هر کدام از آموزشگاهها تعداد ۲۹ آزمودنی کلاس‌های سوم رشته ریاضی-فیزیک به صورت تصادفی انتخاب شدند.

²³- Attitude

²⁴- Reber

²⁵- Pimta & Nuangchalerm

²⁶- Pezzia. & Di Martino

ابزار

مجموعه آزمون فعال کودکان (WMTB-C). این آزمون توسط سوزان پیکرینگ و سوزان گدرکول در سال ۲۰۰۱ به منظور سنجش حافظه فعال افراد ۵ تا ۱۵ ساله بر اساس مدل سه مؤلفه‌ای حافظه فعال بدلی و هیچ طراحی شده است. این آزمون حیطه‌های مختلف مؤلفه‌های سه گانه حافظه فعال شامل مجری مرکزی - حلقه واج شناسی و صفحه دیداری - فضایی را مورد بررسی قرار می‌دهد (پیکرینگ و کدرکول ۲۰۰۱؛ به نقل از ارجمندی، ۱۳۸۸). قابلیت اعتماد این آزمون در دو موقعیت با فاصله دو هفته‌ای مورد آزمون قرار گرفته محاسبه شده و ضرایب قابل اعتماد در این آزمون در دو موقعیت که با فاصله دو هفته‌ای مورد آزمون قرار گرفته محاسبه شده و ضرایب قابل اعتماد با این روش ۰/۴۵ تا ۰/۸۳ به دست آمده است (ارجمندی، ۱۳۸۸). همچنین الی، گدرکول و پیکرینگ (۲۰۰۶) پایایی این آزمون را با روش آزمون باز برای کودکان ۴/۵ تا ۱۱/۵ سال ۰/۸۳ گزارش نمودند.

آزمون نگرش به ریاضی: برای سنجش نگرش دانش آموزان به ریاضی از پرسش نامه نگرش سنج ریاضی ۳۶ سؤالی رحمانی (۱۳۸۱) با الگوگیری از مقیاس نگرش به درس ریاضی (ایکن و راجرز، ۱۹۶۱) استفاده شد. برای تعیین پایایی آن از دو روش آلفای کرانباخ و تصنیف استفاده شد که برای کل پرسشنامه به ترتیب برابر ۷۴ و ۷۹. بود که بیانگر ضریب پایایی قابل قبول پرسش نامه یاد شده است. روایی پرسشنامه نگرش سنج از طریق محاسبه ضریب همبستگی میان نمرات آزمودنی هادر پرسش نامه نگرش سنج و نمرات آن در مقیاس نگرش سنج ایکن محاسبه و مقدار ضریب همبستگی آن ۰/۸۷. به دست آمده است.

آزمون ریاضی: برای تعیین عملکرد ریاضی دانش آموزان در حیطه‌های مختلف شناختی و فراشناختی از این آزمون که مشتمل بر ۱۲۰ سؤال مربوط به مباحث تابع، حد پیوستگی و مشتق است استفاده شد. که هر پنج سؤال مربوط به یک سؤال از طبقه بندی اصلاح شده بلوم می‌باشد، این آزمون توسط علم الهدی (۲۰۱۰) تهیه و مورد استفاده قرار گرفته است. آزمون در سه مرحله و به صورت گروهی برگزار گردید که هر مرحله شامل ۴۰ سؤال بود، مدت پاسخ‌گویی به سوالات آزمون در هر مرحله ۵۰ دقیقه در نظر گرفته شد.

آزمون اضطراب ریاضی: برای سنجش اضطراب ریاضی دانش آموزان از مقیاس درجه بندی اضطراب ریاضی موسوم به MARS بر اساس فهرست آزمونهای فرگاسین طراحی شده است، سوالات آزمون مربوط به میزان اضطراب ریاضی دانش آموزان در شرایط مختلف و در رویارویی آنان با مسائل متفاوت ریاضی است. این آزمون دارای ۲۵ سؤال پنج گزینه‌ای است. بیشترین امتیاز در این آزمون ۱۲۵ و کمترین امتیاز ۲۵ می‌باشد. ضریب پایایی این آزمون ۰/۹۰۶. به دست آمده است.

یافته‌ها

در بیان یافته‌های این پژوهش در قسمت اول به یافته‌های توصیفی مربوط به میانگین، انحراف استاندارد و در قسمت دوم به یافته‌های استباطی یعنی آزمون فرضیه‌های تحقیق پرداخته شده است.

جدول ۱: شاخص‌های توصیفی مربوط به متغیرهای تحقیق

متغیر	تعداد	نما	انحراف معیار	میانگین	کمترین	بیشترین
حافظه فعال	۱۴۹	۴/۱۴	.۹۱۲	۴	۲	۷
اضطراب ریاضی	۱۴۹	۷۸/۱۱	۱۶/۱۴	۷۱	۳۹	۱۲۰
نگرش به ریاضی	۱۴۹	۱۴۲/۸۱	۷/۴۰	۱۴۰	۱۲۴	۱۶۸

جدول شماره ۱ نشان می‌دهد که نمره آزمون حافظه فعال به طور متوسط 912 ± 14 می‌باشد. اکثر دانش آموزان دارای نمره چهار در آزمون ظرفیت حافظه فعال می‌باشند. کمترین و بیشترین نمره به ترتیب ۲ و ۷ است. همچنین توزیع نمرات بر حسب نمره آزمون اضطراب ریاضی به طور متوسط 1611 ± 14 می‌باشد. اکثر دانش آموزان در آزمون اضطراب ریاضی نمره ۷۱ کسب کرده‌اند

کمترین و بیشترین نمره آزمون ۳۹ و ۱۲۰ است. اکثر دانشآموزان در آزمون نگرش ریاضی نمره ۱۴۰ کسب کرده‌اند. کمترین و بیشترین نمره این آزمون به ترتیب برابر ۱۲۴ و ۱۶۸ می‌باشد.

جدول ۲: ماتریس همبستگی ظرفیت حافظه فعال با سطوح مختلف دانش

دانش واقعی	دانش مفهومی	دانش اجرایی	دانش فراشناختی	ظرفیت حافظه فعال
۱				دانش واقعی
	۱	.۷۱۲		دانش مفهومی
		.۵۶۶	.۴۹۳	دانش اجرایی
		.۵۶۸	.۵۴۷	دانش فراشناختی
۱	.۱۳۰	.۱۲۱	.۱۸۸	ظرفیت حافظه فعال

جدول ۲ ضرایب همبستگی کلیه متغیرها را نشان می‌دهد. آزمون معنی داری ضریب همبستگی پیرسون در سطح خطای ۵ در صد نشان می‌دهد که بین نمره حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی بعد دانش واقعی رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.221$, $p=.009$. بین نمره آزمون حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی در بعد دانش مفهومی رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.188$, $p=.027$. بین نمره آزمون ریاضی در حیطه دانش اجرایی با مؤلفه ظرفیت حافظه فعال همبستگی معناداری با خطا کمتر از ۵ درصد و با دقیقت $r=.231$, $p=.007$ وجود دارد. بین نمره آزمون ریاضی در حیطه دانش فراشناختی با مؤلفه ظرفیت حافظه فعال رابطه معناداری وجود دارد $r=.130$, $p=.129$. لازم است که ذکر شود این رابطه معنی دار نمی‌باشد.

جدول ۳: ماتریس همبستگی ظرفیت حافظه فعال و فرآیندهای شناختی

یادآوری	فهمیدن	کاربتن	آنالیز کردن	ارزیابی کردن	تولید کردن	ظرفیت حافظه فعال	
۱						یادآوری	
	۱	.۵۸۰				فهمیدن	
		.۵۳۰	.۴۹۵			به کار بستن	
		.۳۵۴	.۴۲۲	.۳۷۸		آنالیز کردن	
		.۸۹۸	.۲۹۹	.۳۳۳	.۳۱۵	ارزیابی کردن	
		.۷۲۹۶	.۳۶۳	.۲۳۰	.۲۰۰	.۲۲۷	تولید کردن
۱	.۱۷۸	.۱۴۶	.۲۶۰	.۹۷۰	.۱۱۲	.۱۶۶	ظرفیت حافظه فعال

مطابق با جدول ۳ بین نمره آزمون ظرفیت حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به یادآوردن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.166$, $p=.042$. همچنین بین نمره آزمون ظرفیت حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی فهمیدن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.112$, $p=.173$. بین نمره آزمون ظرفیت حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به کاربتن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.097$, $p=.235$. بین نمره آزمون ظرفیت حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی آنالیز کردن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.260$, $p=.001$. بین نمره آزمون ظرفیت حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی ارزیابی کردن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.079$, $p=.079$. بین نمره آزمون ظرفیت حافظه فعال و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی تولید رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.178$, $p=.033$. به عبارت دیگر با افزایش نمره آزمون ظرفیت حافظه فعال، نمره آزمون ریاضی دانشآموزان در حیطه‌های مختلف شناختی به طور معنی داری افزایش می‌یابد.

جدول ۴: ماتریس همبستگی اضطراب ریاضی با سطوح مختلف دانش

دانش واقعی	دانش مفهومی	دانش اجرایی	دانش فراشناختی	اضطراب ریاضی	
۱				دانش واقعی	
	۱	.۷۱۲		دانش مفهومی	
		.۵۶۶	.۴۹۳	دانش اجرایی	
		.۵۶۸	.۵۴۷	دانش فراشناختی	
۱	-.۳۸۵	-.۴۲۱	-.۴۴۳	-.۳۹۲	اضطراب ریاضی

جدول ۴ ضرایب همبستگی کلیه متغیرها را با یکدیگر نشان می‌دهد. همبستگی تمام متغیرها با اضطراب ریاضی از نوع منفی می‌باشد. به بیان دیگر با افزایش اضطراب ریاضی در فرآگیران از توانایی عملکرد حل مسأله آنان کاسته می‌شود. آزمون معنی داری ضریب همبستگی پیرسون در سطح خطای ۵ درصد نشان می‌دهد که بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه دانش واقعی رابطه معکوس و معنی داری $r = -0.392$ و $p < 0.001$ ، بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه دانش مفهومی رابطه معکوس و معنی داری $r = -0.443$ و $p < 0.001$ ، بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه دانش اجرایی رابطه معکوس و معنی داری $r = -0.421$ و $p < 0.001$ ، بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه دانش فراشناختی رابطه معکوس و معنی داری $r = -0.385$ و $p < 0.001$ وجود دارد.

جدول ۵: ماتریس همبستگی ظرفیت اضطراب ریاضی با سطوح مختلف فرآیندهای شناختی

یادآوری	فاده میدن	فهمیدن	کاریستن	آنالیز کردن	ارزیابی کردن	تولید کردن	اضطراب ریاضی
۱							یادآوری
	۱						فهمیدن
		۱					به کار بستن
			۱				آنالیز کردن
				۱			ارزیابی کردن
					۱		تولید کردن

مطابق با جدول ۵ آزمون معنی داری ضریب همبستگی پیرسون در سطح خطای ۵ درصد نشان می‌دهد که بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به یاد آوردن رابطه معکوس و معنی داری وجود دارد $r = -0.361$ و $p < 0.001$ ؛ بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی فهمیدن رابطه معکوس و معنی داری وجود دارد $r = -0.409$ و $p < 0.001$ ؛ بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به کار بستن رابطه معکوس و معنی داری وجود دارد $r = -0.310$ و $p < 0.001$ ؛ بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به آنالیز کردن رابطه معکوس و معنی داری وجود دارد $r = -0.362$ و $p < 0.001$ ؛ بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به ارزیابی کردن رابطه معکوس و معنی داری وجود دارد $r = -0.276$ و $p < 0.001$ ؛ بین نمره آزمون اضطراب ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به تولید کردن رابطه معکوس و معنی داری وجود دارد $r = -0.235$ و $p < 0.001$. این ضریب همبستگی منفی است و بیانگر آن است که با افزایش اضطراب ریاضی در فرآگیران، نمره ریاضی آنان در حیطه‌های شناختی کاهش می‌یابد.

جدول ۶: ماتریس همبستگی تگرش به ریاضی با سطوح مختلف دانش

دانش واقعی	دانش مفهومی	دانش اجرایی	دانش فراشناختی	نگرش ریاضی
۱				دانش واقعی
	۱			دانش مفهومی
		۱		دانش اجرایی
			۱	دانش فراشناختی
				نگرش به ریاضی

جدول: ضرایب همبستگی کلیه متغیرها را با یکدیگر نشان می‌دهد. همبستگی تمام متغیرها با نگرش ریاضی از نوع مثبت بوده است و از میان متغیرهای سطوح مختلف دانش، دانش مفهومی بانگرش به ریاضی همبستگی بالاتری دارد. این همبستگی مثبت و در سطح 0.001 معنادار است؛ در حالی که دانش فراشناختی همبستگی کمتری با نگرش ریاضی دارد. از میان متغیرهای سطوح مختلف، سطح یادآوری با نگرش به ریاضی همبستگی بالاتری دارد. این همبستگی مثبت بوده است و در سطح 0.002 معنادار است. در حالی که

آنالیز کردن همبستگی کمتری با نگرش به ریاضی دارد. بنابراین فرضیه تفاوت میزان نگرش به ریاضی بر عملکرد حل مسأله فراگیران در شش بعد شناختی رد می‌شود.

جدول ۶: ماتریس همبستگی نگرش به ریاضی با فرآیندهای مختلف شناختی

نگرش ریاضی	تولید کردن	ارزیابی کردن	کاربستن	آنالیز کردن	فهمیدن	یادآوری	نگرش ریاضی
۱						۱	
					.۵۸۰		فهمیدن
				.۵۳۰	.۴۹۵		به کار بستن
			.۵۳۴	.۴۲۲	.۳۷۸		آنالیز کردن
		.۳۹۸	.۲۹۹	.۳۳۳	.۳۱۵		ارزیابی کردن
	.۲۹۶	.۳۶۳	.۲۳۰	.۲۰۰	.۲۳۷		تولید کردن
.۱۸۴	.۱۸۵	.۱۳۰	.۲۲۶	.۲۱۴	.۲۵۹	۱	نگرش ریاضی

آزمون معنی داری ضریب همبستگی پیرسون در سطح خطای ۵ در صد نشان می‌دهد که بین نمره نگرش به ریاضی و نمره آزمون ریاضی بعد یادآوری رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.259$ و $p=.002$. بین نمره نگرش به ریاضی و نمره آزمون ریاضی بعد فهمیدن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.214$ و $p=.010$. بین نمره نگرش به ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی به کاربستن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.226$ و $p=.007$. بین نمره نگرش به ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی آنالیز کردن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.259$ و $p=.002$. بین نمره نگرش به ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی ارزیابی کردن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.185$ و $p=.030$. بین نمره نگرش به ریاضی و نمره آزمون ریاضی حیطه شناختی تولید کردن رابطه مستقیم و معنی داری وجود دارد $r=.184$ و $p=.031$ به عبارت دیگر با افزایش نمره نگرش به ریاضی، نمره آزمون ریاضی دانش آموزان در حیطه‌های مختلف شناختی به طور معنی داری افزایش می‌باشد.

بحث و نتیجه گیری

تحلیل داده‌های پژوهش بیانگر آن است که تأثیر ظرفیت حافظه فعال بر عملکرد ریاضی فراگیران در فرآیند شناختی آنالیز کردن نسبت به سایر فرآیندهای شناختی بهتر است. به عبارت دیگر هر چه ظرفیت حافظه فعال فراگیران بیشتر باشد از عملکرد بهتری در آنالیز کردن مسائل در درس ریاضی برخوردار خواهد بود. نتایج پژوهش همچنین نشان داد که تأثیر حافظه فعال بر عملکرد ریاضی فراگیران در سطوح مختلف دانش متفاوت است در واقع مشخص شد که در سطح دانش اجرایی، تأثیر حافظه فعال بر عملکرد ریاضی فراگیران محکم‌تر است. این بدان معنا است که دانش آموزان با ظرفیت حافظه فعال بالا از عملکرد تحصیلی بهتری نسبت به دانش آموزان با حافظه فعال پایین‌تر در حل مسائل اجرایی ریاضیات برخوردار هستند. بال و اسکنتر بریف (۲۰۰۱) نشان دادند دانش آموزانی که ریاضیات آنها ضعیف است در دانش اجرایی از جمله حفظ اطلاعات در حافظه فعال دچار مشکلات زیادی هستند. به نظر می‌رسد تفاوت عملکرد ریاضی افراد در سطوح مختلف دانش متأثر از عوامل مختلفی از جمله ظرفیت حافظه فعال افراد می‌باشد. زیرا نتایج تحقیقاتی آدامز و هیچ به نقل از علم الهدی (۲۰۱۱) نشان دهنده آن است که عملکرد ریاضی، منابع مختلف حافظه فعال را به کار می‌گیرد. از این رو پیش‌بینی می‌شود که مهارت‌های گوناگون ریاضی مطالبات مختلفی برای حافظه فعال داشته باشد. از طرفی چون دانش آموز در حل مسائل ریاضی در سطح فرآیند آنالیز کردن باید بتواند یک مطلب را به بخش‌های تشکیل دهنده آن تجزیه کند و چگونگی ارتباط بین اجزای مطالب را تشخیص دهد نیازمند حافظه فعال قوی‌تری است. به علاوه مشخص شد که بین ظرفیت حافظه فعال و عملکرد ریاضی فراگیران در سطح دانش فراشناختی رابطه معنی داری وجود ندارد. این نتایج حاکی از آن است که استراتژی‌های فراشناختی از سوی معلمان و اساتید در مدارس آموزش کافی داده نمی‌شود و

لزوم پرداختن به این موضوع کاملاً احساس می‌شود. مطالب تدریس شده در کلاس‌های ریاضی نباید فقط در فرآیندهای شناختی با پیچیدگی کم و سطوح اولیه دانش ارائه شوند. مطالعات متعدد نشان داده است که ایجاد توانایی‌های فراشناختی حل مسئله برای یادگیری ریاضی لازم و ملزم یکدیگرند. در واقع فراشناخت، به یکی از اصلی‌ترین مسائل در مورد تدریس حل مسئله پاسخ می‌دهد که انسانها در موقع حل مسئله چه می‌کنند.

تحلیل داده‌های پژوهش نشانگر آن است که مؤلفه اضطراب ریاضی بر عملکرد ریاضی فراگیران در حیطه فرآیندهای شناختی فهمیدن در مقایسه با سایر سطوح شناختی به طور معکوسی تأثیر گذار است. به بیان دیگر دانش‌آموزی که اضطراب ریاضی بالاتری دارد در فهم مسائل ریاضی نسبت به سایر فرآیندهای شناختی، ضعیف‌تر عمل می‌کند. این در حالی است که اثر اضطراب ریاضی بر عملکرد ریاضی در حیطه تولید کردن به مراتب کمتر است. همچنین نتایج به دست آمده از تحقیق حاضر نشان داد که مؤلفه اضطراب ریاضی بر عملکرد ریاضی فراگیران در تمام سطوح دانش به ویژه دانش مفهومی، به طور معکوسی تأثیر گذار است. نتایج پژوهش همچنین نشان داد که اضطراب ریاضی می‌تواند عملکرد ریاضی دانش‌آموزان را پیشگویی کند. در واقع دانش‌آموزان با اضطراب ریاضی پایین، عملکرد تحصیلی بهتری در حل مسائل کلاسی ریاضی نسبت به دانش‌آموزان با اضطراب ریاضی بالا دارند. اضطراب ریاضی بالا موجب کاهش تمرکز و در نتیجه ایست فکری دانش‌آموزان می‌شود. و دانش‌آموزان در فهم مطالب ریاضی دچار مشکل خواهند شد، به خصوص در مسائل مرتبط با حیطه شناختی فهمیدن و حیطه‌های مرتبط به مفهوم دچار ضعف بیشتری خواهند شد.

تحلیل داده‌های پژوهش نشانگر آن است که تأثیر نگرش به ریاضی فراگیران بر عملکرد ریاضی آنان در سطوح مختلف شناختی متفاوت است. در این پژوهش مشخص شد که تأثیر نگرش به ریاضی بر عملکرد ریاضی فراگیران در فرآیندهای شناختی به یادآوردن نسبت به سایر فرآیندهای شناختی بیشتر است، به عبارت دیگر هر چه میزان نگرش به ریاضی دانش‌آموزان بیشتر باشد از عملکرد بهتری در حل مسائل ریاضی در حیطه شناختی به یادآوردن برخوردار خواهد بود. از دیگر یافته‌های این پژوهش آن است که تأثیر نگرش به ریاضی فراگیران بر عملکرد ریاضی آنان در سطوح مختلف دانش متفاوت است. در واقع مشخص شد دانش‌آموزان با نگرش به ریاضی مثبت از عملکرد بهتری نسبت به دانش‌آموزان با نگرش ریاضی پایین‌تر در حل مسائل ریاضی حیطه دانش مفهومی برخوردارند. همچنین بین نگرش به ریاضی و دانش فراشناختی همبستگی کمتری دیده می‌شود. این یافته‌ها با نتایج حاصل از پژوهش آکوین^{۲۷} مطابقت دارد. یک دلیل برای این یافته شاید این باشد که چون نگرش به ریاضی یک مقوله از رفتار است و به باور فرد از توانایی‌هایش برمی‌گردد، لذا فردی با نگرش منفی ممکن است در حیطه به یاد آوردن دچار مشکل شود. تنها در صورتی که نگرش‌های مثبت در فرد انگیزه درونی ایجاد کنند، فرد به مطالعه ریاضی می‌پردازد و احتمال موفقیت وی در ریاضی افزایش می‌یابد در غیر اینصورت این چرخه کامل نخواهد شد. انگیزش به عنوان یک عامل واسطه‌ای عمل می‌کند و از آنجایی که بعضی از افراد دارای انگیزش درونی و بعضی دارای انگیزش بیرونی و بعضی فاقد انگیزش هستند، چرخه‌ای که در بالا توضیح داده شد در مورد برخی از افراد کامل نمی‌شود و موفقیت چندانی در مسائل فراشناختی به دست نمی‌آورند.

یافته‌های این پژوهش نشان داد که از بین مؤلفه‌های عملکرد شناختی «اضطراب ریاضی، نگرش به ریاضی و ظرفیت حافظه فعال» مؤلفه روان شناختی اضطراب ریاضی رابطه مستحکم‌تری با تمام ده متغیر وابسته به تحقیق دارد. در واقع این رابطه معکوس بوده است. به بیان دیگر دانش‌آموزی با اضطراب ریاضی بالاتر در حل مسائل ریاضی در هر دو بعد دانش و بعد فرآیندهای شناختی نسبت به دانش‌آموزی که از نگرش ریاضی پایین‌تری یا ظرفیت حافظه پایین‌تر برخوردار است، ضعیف‌تر عمل می‌کند. دلیل این نتیجه می‌تواند

اثرات به مراتب مخرب‌تر اضطراب ریاضی در یادگیری فراگیران باشد. به نظر می‌رسد عدم تنظیم اوقات درسی و انباشته شدن مطالب برای روزهای پایانی ترم، انباشتگی کتابهای درسی ریاضی در نظام آموزشی جدید ایران، زمان ناکافی و نامناسب با حجم مطالب در مقایسه با زمان نسبتاً باز قبلی برای آموزش و یادگیری، خصوصت، نگرش غیر حمایتی، انتظارات غیر واقع گرایانه از سوی معلمان نسبت به دانش آموزان، دست پاچه نمودن و تحریر آنان در مقابله با همکلاسی‌های خود، مهارت‌های مطالعه ضعیف دانش آموزان، آن دسته از رفتارهایی هستند که دانش آموزان را دچار نوعی اضطراب کرده است که طبعاً نقصان در عملکرد ریاضی را به همراه دارد.

منابع

- ذکی، محمد علی (۱۳۹۰). نگرش دانش آموزان به درس ریاضی و رابطه آن با اضطراب امتحان دانش آموزان دختر سال اول دبیرستان‌های اصفهان. فصلنامه مطالعات روان‌شناسی دانشگاه الزهراء (س) دوره ۷، شماره ۳.
- Aarnos, E. & Perkkila, P. (2012). Early sign of mathematics anxiety? Procedia Social and Behavioral Sciences (46). (pp.1495 – 1499).
- Akkoyunlu, B. (2010). A Study on Equipping Primary Students (Grades 3-5) with Research Skills. Primary Education Online Journal, 9(2), 587-600.
- Alamolhodaei H, Farsad N (2011).A Psychological Model Applied toMathematical Problem Solving. Journal of the Korea Society of Mathematical Education Series D: Research in Mathematical Education. Vol. 13, NO. 3, September 181-195.
- Baddeley, A. (2012). Working memory: Theories, models, and controversies. Annual Review of Psychology, 63, 1-29. doi:10.1146/annurev-psych-120710-100422.
- Brenda R.J., Jolien L., Marthe S., Sanne H.G. Van der Ven, Sharon K., Han L.J. Van der Maas. (2013). The influence of experiencing success in math on math anxiety, perceived math competence and math performance. Journal of Elsevier 24, (pp. 190-197).
- Dahlin, k. I. E. (2013). Working Memory Training and the Effect on Mathematical Achievement in Children with Attention Deficits and Special Needs. Journal of Education and Learning, 2(1), 118-133.
- Erin A. M., Stephanie W., Evan F.R. & Jonathan A.F. 2012. Reducing the sex difference in math anxiety: The role of spatial processing ability. Journal of Elsevier 22 (pp.380-384).
- Eysenck, M. W., Derakshan, N., Santos, R., & Calvo, M. G. (2007). Anxiety and cognitive performance: Attentional control theroy. Emotion, 7, 2, 336-353.
- Liza, B. Thorel,sofia, lindgvist. Sisbela Bergmannately,. Gunilla Bohlin and Torkel kingberg. (2009). Training and transfer effects of executive function in preschool children. developmental science 12:1(2009). Pp106- 113.
- Lum, J. A. G., & Conti-Ramsden, G. (2013). Long-term memory: A review and metaanalysis of studies of declarative and procedural memory in specific languageimpairment. Topics in Language Disorders, 33, 282 297.
- Heydari,H., Abdi, M., &Rostami, M. (2013).The Survey of Relationship Between the Degree of Mathematics Anxiety in High School Students and the Personality Characteristics of their Mathematics Teachers. Procedia - Social and Behavioral Sciences, Volume 84, 9 July 2013, Pages 1133-1137.
- Hoorfar, H., &Taleb, Z. (2015).Correlation BetweenMathematicsAnxiety with Metacognitive Knowledge.Procedia - Social and Behavioral Sciences, Volume 182, 13 May 2015, Pages 737-741.
- Rebar, A.S. & Rebar, E. (2001). The penguin Dictionary of psychology (3 rd.ed). London: penguin.
- Khatoon, T. & Mahmoud, S. (2010). Mathematics anxiety among secondary school students in India and its relationship to achievement in mathematics. European Journal of Social Science, 16: 75-86.
- Marchis, I. (2011). Factors that influence secondary school students attitude to Mathematics. *Procedia - Social and Behavioral Sciences*, 29, 786-793

- Mohd, N.; Mahmoud, T. & Ismail, M. (2011). Factors that influence students in mathematics achievement. International Journal of Academic Research, 3(3), 49-54.
- Muzaffer, O., & Hüseyin, H.B. (2010). Learning styles of primary education prospective mathematics teachers; states of trait-anxiety and academic success. Procedia - Social and Behavioral Sciences, Volume 2, Issue 2, 2010, Pages 3632-3637.
- Pezzia, M. & Di Martino, P. (2011). The effect of a teacher education program on affect: the case of Teresa and PFCM.
- Pezzia, M. & Di Martino, P. (2011). The effect of a teacher education program on affect: the case of Teresa and PFCM
- Pimta, S. & Nuangchalerm, P. (2009). Factors Influencing Mathematic Problem – Solving Ability of Sixth Grade Students. Journal of Social Sciences, 5, 4, 381– 385.
- Salehi,M & Enayati.T. (2009)the relationship between the main factors of studying strategies and academic achievement of students in Mazandran IAU, A new approach in educational management Quarterly.IAU of Marvdasht. Vol 1
- Song, G. W., He, W. G., & Kong, W. (2011). Influence of problem representation and working memory span on pupils' mathematical problem solving. Acta Psychologica Sinica, 43(11), 1283–1292.
- Swanson, L., & Jerman, O. (2010). Working memory, strategy knowledge strategy instructionin children with reading disabilities. Journal of Learning Disabilities, 43 (10), 24-47.
- Wondimu A., Alexander M., Hans K. & Greetje V.D.W. (2012). Reciprocal relationships between math self-concept and math anxiety. Journal of Elsevier 22 (pp. 385).
- Witt, M. (2011). School-based working memory training: preliminaryfinding of impeovement in childrens mathematical performance.Advances In Cognitive psychology, 7, 7-15.

