

Analysis of Realized Volatility in Tehran Stock Exchange using Heterogeneous Autoregressive Models Approach

Majid Mirzaee Ghazani

Assistant Prof., Department of Financial Engineering, Faculty of Industrial Engineering, K. N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran. E-mail: majidmirzaee@kntu.ac.ir

Abstract

Objective: The present study aims at investigating the behavior of realized volatility for high-frequency data of Tehran Stock Index from April 28th, 2012 to August 8th, 2018.

Methods: Three different types of HAR models including of HAR-RV-CJ, HAR-RV and HAR-RVJ were used to analyze the Realized Volatility.

Results: The obtained results of three diverse models revealed that the estimated Realized Volatility in market was described appropriately by the traders who work daily and in the framework of HAR-RVJ model. Moreover, based on the Heterogeneous Market Hypothesis, we found out that in comparative performance for all of time horizons in this study, the results of four evaluative criteria (including of MSE, RMSE and etc.) in HAR-RVJ model is lower than HAR-RV-CJ and HAR-RV.

Conclusion: The in-sample forecasting performance of HAR-RVJ, in relation to Future Volatility of Tehran Stock Exchange Index, was better than the results we obtained from the alternative models in the study (HAR-RV and HAR-RV-CJ) and the best scores were observed among all the criteria. In addition, for the out-of-sample analysis, the simple HAR-RV model had superiority over the other two models only in the Monthly time horizon.

Keywords: Heterogeneous autoregressive model, Realized volatility, Heterogeneous market hypothesis, High-frequency data, Jump.

Citation: Mirzaee Ghazani, M. (2018). Analysis of Realized Volatility in Tehran Stock Exchange using Heterogeneous Autoregressive Models Approach. *Financial Research Journal*, 20(3), 365-388. (in Persian)

Financial Research Journal, 2018, Vol. 20, No.3, pp. 365-388

DOI: 10.22059/frj.2018.255568.1006657

Received: March 09, 2018; Accepted: July 06, 2018

© Faculty of Management, University of Tehran

تحلیل رفتار متغیر تلاطم تحقیق‌یافته در بورس اوراق بهادار تهران مبتنی بر رهیافت مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن

مجید میرزایی قرانی

استادیار، گروه مهندسی مالی، دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران. رایانame:
majidmirzaee@kntu.ac.ir

چکیده

هدف: هدف این پژوهش، بررسی رفتار متغیر تلاطم تحقیق‌یافته در ارتباط با داده‌های با فراوانی زیاد شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران، در فاصله زمانی ۹ اردیبهشت ۱۳۹۱ تا ۱۷ مرداد ۱۳۹۷ است.

روش: برای دستیابی به هدف پژوهش و تحلیل و بررسی رفتار متغیر تلاطم تحقیق‌یافته، از سه گونه مختلف مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن، شامل HAR-RV، HAR-RV-CJ و HAR-RV-J می‌باشد.

یافته‌ها: نتایج بدست آمده از سه مدل مختلف نشان می‌دهد که تلاطم تحقیق‌یافته تخمینی در بازار، به نحو مطلوبی از طریق معامله‌گرانی که به صورت روزانه و در چارچوب مدل HAR-RVJ فعالیت می‌کنند، توضیح داده شده است. علاوه بر این، منبع از فرضیه مشهور بازار ناهمگن، در می‌باییم که در مقایسه عملکردی تمام افق‌های زمانی مطالعه، مقادیر مربوط به چهار معیار ارزیابی (شامل MAE، RMSE و غیره) در مدل فوق از مدل‌های HAR-RV-CJ و HAR-RV کمتر است.

نتیجه‌گیری: عملکرد پیش‌بینی درون نمونه‌ای در مدل HAR-RVJ و در ارتباط با متغیر تلاطم آتی شاخص بورس اوراق بهادار تهران، از آنچه در مدل‌های HAR-RV و HAR-RV-CJ بیشترین امتیاز را کسب کرده است. همچنین در حالت بررسی بروز نمونه‌ای نیز باید گفت که فقط در افق زمانی ماهانه، مدل ساده HAR-RV نسبت به دو مدل دیگر برتری داشته است.

کلیدواژه‌ها: مدل خودرگرسیونی ناهمگن، تلاطم تحقیق‌یافته، فرضیه بازار ناهمگن، داده‌های با فراوانی بالا، پرش.

استناد: میرزایی قرانی، مجید (۱۳۹۷). تحلیل رفتار متغیر تلاطم تحقیق‌یافته در بورس اوراق بهادار تهران مبتنی بر رهیافت مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن. *تحقیقات مالی*، ۲۰(۳)، ۳۶۵ - ۳۸۸.

فصلنامه تحقیقات مالی، ۱۳۹۷، دوره ۲۰، شماره ۳، صص. ۳۶۵ - ۳۸۸

DOI: 10.22059/frj.2018.255568.1006657

دریافت: ۱۳۹۶/۱۲/۱۸، پذیرش: ۱۳۹۷/۰۴/۱۵

© دانشکده مدیریت دانشگاه تهران

مقدمه

ادراک و مدل سازی رفتار تلاطم متغیر بازده در بازارهای مالی و جست وجو به منظور یافتن فرایندهایی که سنجه دقیق تری برای پیش‌بینی تلاطم نتیجه می‌دهند، کماکان یکی از موضوعات مطرح در حوزه اقتصادستنجی مالی است. علاوه بر این، بسیاری از تحقیقات تجربی در حوزه مالی همچون قیمت‌گذاری دارایی، تخصیص پرتفوی و مدیریت ریسک مالی، کماکان نیازمند به کارگیری چنین اطلاعاتی در تحلیل هستند.

طی سال‌های اخیر، برای اندازه‌گیری و پیش‌بینی متغیر تلاطم، ادبیات گسترده‌ای توسعه پیدا کرده که اغلب آنها از مدل‌های تک معادله‌ای GARCH که توسط انگل^۱ (۱۹۸۲) و بولرسلف^۲ (۱۹۸۶) و مدل SV که توسط تیلور^۳ (۱۹۹۴) پیشنهاد شده‌اند، ریشه گرفته‌اند. علی‌رغم مزیت‌های شایان توجه این گونه مدل‌ها برای محاسبه و پیش‌بینی تلاطم در بازارها، ضعف‌هایی نیز در آنها وجود دارد. برای مثال، فرایند تخمین بهویژه در مدل‌های SV اهمیت زیادی دارد، یا این مدل‌ها نمی‌توانند ویژگی‌های تجربی داده‌های مالی را تکرار کنند، همچنین این قبیل مدل‌ها بدليل به کارگیری آنها در توالی‌های زمانی با فراوانی کم، نمی‌توانند به طور مطلوبی اطلاعات ایجاد شده مربوط به تلاطم را در روز کاری بازارهای مالی، توصیف کنند. در این موقعیت، اهمیت استفاده از داده‌های با فراوانی بالا برای تحلیل رفتار تلاطم در بازار به طور شایان توجهی درک می‌شود. این داده‌ها برخی از اثرهایی همچون نسبت‌های نقدینگی و اطلاعات نامتقاضان را که موجب ایجاد تورش در پیش‌بینی تلاطم می‌شوند، در نظر می‌گیرند (آوارتانی، کورادی و دیستاسو^۴، ۲۰۰۹). ضمن آنکه اغلب مطالعات انجام گرفته در این زمینه، نشان داده‌اند که پیش‌بینی‌های دقیق از طریق به کارگیری داده‌های با فراوانی بالا به دست می‌آیند (در این زمینه می‌توان به مطالعه اندرسون، بولرسلف، دیبولد و لبیس^۵، ۱۹۹۹؛ اندرسون بولرسلف و دیبولد^۶، ۲۰۰۷؛ گیزلز و سینکو^۷، ۲۰۰۶؛ کوپمن، یونگبکر و هول^۸، ۲۰۰۵ و باتاچاریا، کومار و کومار^۹، ۲۰۰۹ اشاره کرد). برای پاسخ به برخی نقص‌ها در مدل‌های متعارف، اندرسون و بولرسلف با استفاده از داده‌های با فراوانی زیاد، رویکرد بدیعی را به منظور محاسبه متغیر تلاطم پیشنهاد کردند و آن را تلاطم تحقیق یافته (RV) نامیدند. تلاطم تحقیق یافته (از طریق تجمعی مرتع بازده‌های مربوط به داده‌های با فراوانی بالا که در فواصل زمانی بسیار کوتاه طی روز معاملاتی بازار مشاهده می‌شوند، به دست می‌آید) در مقایسه با مدل‌هایی از نوع GARCH و SV از برتری‌های مشخصی برخوردار است.

برای مثال، تلاطم تحقیق یافته یک متغیر جانشین (پراکسی) ایجاد می‌کند که با استفاده از آن مدل‌های سری زمانی می‌توانند برای پیش‌بینی تلاطم تحقیق یافته در مقابل مدل‌های GARCH که تلاطم را متغیر پنهان^{۱۰} در نظر می‌گیرند، به کار گرفته شوند. علاوه بر این، متغیر تلاطم تحقیق یافته فرایند ساده‌تر و دقیق‌تری برای محاسبه عنصر تلاطم در بازار فراهم می‌آورد.

1. Engle

2. Bollerslev

3.Taylor

4. Awartani, Corradi and Distaso

5. Andersen, Bollerslev, Diebold, and Labys

6. Andersen, Bollerslev, and Diebold

7. Ghysels and Sinko

8. Koopman, Jungbacker, and Hol

9. Bhattacharyya, Kumar, and Kumar

10. Latent

ساختار مقاله در ادامه بخش به این صورت نظام یافته است. در بخش دوم، روش‌شناسی و مجموعه داده‌های مطالعه ارائه شده است. بخش سوم به تحلیل تجربی مطالعه اختصاص دارد. در بخش چهارم به عملکرد مدل‌های تخمینی اشاره شده و در نهایت در بخش پنجم نیز به بیان جمع‌بندی و نتیجه‌گیری مقاله پرداخته شده است.

روش‌شناسی پژوهش

در این بخش از مقاله، ابتدا برخی از مفاهیم و نظریه‌های پایه‌ای مربوط به روش انجام مطالعه بیان شده و در ادامه نیز ساختار و اجزای مدل‌ها و روابط استفاده شده مبتنی بر چارچوب‌های نظری یاد شده، معرفی و ارائه می‌شوند.

فرضیه بازار ناهمگن^۱

فرضیه بازار ناهمگن، وجود ناهمگنی معامله‌گران در بازار را به رسمیت می‌شناسد. این فرضیه از جمله مفاهیم جدیدی است که به بررسی رفتار شرکت‌کنندگان ناهمگن در بازار در چارچوب ادبیات کارایی بازار می‌پردازد. در مقابل وجود همگنی میان مشارکت‌کنندگان در بازار، این فرضیه ادعا می‌کند که ناهمگونی فعالان در بازار، در واقع اطلاعات مشابهی را به طرق مختلف و با توجه به ترجیحات و فرصت‌های معاملاتی آنها تشریح می‌کند. این خاصیت ناهمگنی، سبب تلاطم اضافه در دوره‌های زمانی مختلف در بازار می‌شود که ترکیبات گوناگون از آنها در دوره‌های زمانی مختلف، خود زمینه‌ساز بروز ویژگی منحصر به‌فردی است که از آن با عنوان حافظه بلندمدت یاد می‌شود. در عمل با عنایت به فرضیه بازار ناهمگن، می‌توان برای ارتباط مثبت قوی میان متغیر تلاطم و حضور در بازار، شواهد تجربی ارائه داد. در بازارهای ناهمگن، امید آن می‌رود که بازیگران گوناگون برای قیمت‌های مختلف به توافق برسند و برای اجرای مبادلات خود در موقعیت‌های گوناگون بازار تصمیم بگیرند که همین مسئله سبب ایجاد تلاطم می‌شود. ناهمگنی فعالان بازار ممکن است به دلایل مختلفی همچون تفاوت در سطح و درجه اطلاعات، باورهای پیشین، افق‌های زمانی، موقعیت مکانی و جغرافیایی، محدودیت‌های نهادی، ویژگی‌های ریسکی و غیره، ایجاد شود؛ از این رو هر مشارکت‌کننده، در زمان متفاوتی به اخبار دریافت شده واکنش نشان می‌دهد که با افق زمانی آن و مشخصه فراوانی ارتباط پیدا می‌کند.

در این مقاله ناهمگنی‌ای مدنظر است که از اختلاف در افق‌های زمانی سرمایه‌گذاری ناشی می‌گیرد. بازار مالی به‌طور معمول از مشارکت‌کنندگانی تشکیل شده که فراوانی معاملاتی گستره‌های دارند. ایده اصلی فرضیه بازار کارا به این معناست که حضور مشارکت‌کنندگان بازاری با افق‌های زمانی مختلف، موجب درک، واکنش و شکل‌گیری انواع گوناگون اجزاء تلاطم می‌شود. فعالان بازار مسیر واکنشی مختلفی دارند، بنابراین گونه‌های مختلفی از تلاطم را ایجاد می‌کنند. تعریف سه عنصر پایه‌ای تلاطم به شکل ساده عبارت است از: دوره کوتاه‌مدت با فراوانی معاملاتی روزانه یا بالاتر؛ دوره میان‌مدت که به نوعی توسط مدیران پرتفوی سرمایه‌گذاری که موقعیت معاملاتی خودشان را به‌طور هفتگی متعادل می‌کنند، ایجاد شده؛ دوره بلندمدت که با لحاظ کردن یک یا چند ماه از داده‌های با فراوانی معاملاتی بالا تحلیل می‌شود.

1. Heterogeneous Market Hypothesis (HMH)

مدل‌های خودگرسیونی ناهمگن^۱

با بررسی مطالعات صورت گرفته در خصوص فرضیه بازار ناهمگن می‌توان گفت که ویژگی ناهمگنی در بازارهای مالی به دلایل متعددی بروز می‌کند که از آن جمله می‌توان به تفاوت در میزان تخصیص کارگزاران اقتصادی، محدودیت‌های نهادی، تفاوت در افق‌های زمانی و غیره اشاره کرد. بر این اساس، یکی از چارچوب‌هایی که می‌تواند مبنای شکل‌گیری و تحلیل ناهمگنی در بازارهای مالی قرار گیرد، همانا توجه و تمرکز بر ویژگی تفاوت در افق‌های زمانی فعالان بازار است. کورسی^۲ (۲۰۰۴) از جمله محققانی است که این قاعده را در تحلیل خود به کار گرفت و در مطالعه خود رویکرد جدیدی را برای مدل‌سازی و پیش‌بینی تلاطم پیشنهاد داد. مطالعه‌وی برگرفته از فرضیه بازار ناهمگن مولر و همکارانش^۳ (۱۹۹۷) بود که در آن هر گروهی از فعالان بازار، از استراتژی سرمایه‌گذاری شخصی خودشان پیروی می‌کنند. این رویکرد همچنین با دیدگاه لوکس و مارچزی^۴ (۱۹۹۹) در ارتباط با عامل تعاملی^۵ منطبق است. در این زمینه اندرسون و بولرسلف^۶ (۱۹۹۷) نیز ایده عناصر مختلف تلاطم را بررسی کردند. هدف اصلی فرضیه بازار ناهمگن، تشریح علیت مثبت قوی میان متغیر تلاطم و سطح مشارکت در بازار است که در بررسی‌های تجربی نیز اثبات شده است. به هر حال، اگر چارچوب همگن بودن یک بازار مفروض نگه داشته شود، به معنای یکسان بودن تمام فعالان بازار است. در این صورت فعالان بیشتری در بازار مشارکت می‌کنند و قیمت نیز با سرعت بیشتری با مقدار واقعی خود همگرا می‌شود و در نهایت تلاطم از بین می‌رود. بنابراین، باید میان تلاطم و میزان مشارکت کنندگان در بازار همبستگی منفی وجود داشته باشد که با نتایج تجربی در تضاد است. از سوی دیگر، در چارچوب ناهمگنی بازار - که در آن هر معامله‌گر از استراتژی معاملاتی خودش تعیت می‌کند - میزان تلاطم افزایش می‌یابد؛ چرا که مشارکت کنندگان به اخبار بازار واکنش متفاوتی نشان می‌دهند.

به طور معمول ناهمگنی از ویژگی‌های مختلفی همچون حجم منابع مالی، اطلاعات در دسترس، باورهای پیشین، قیود و محدودیت‌های نهادی و غیره نشئت می‌گیرد. در تحلیلی که در ادامه مطرح شده است، بر تفاوت در افق‌های زمانی تمرکز می‌شود، از این رو مشارکت کنندگان بازاری‌ای ایجاد می‌کند که فراوانی‌های معاملاتی مختلفی دارند. سفت‌بازان در مقابل اطلاعات جدید به صورت روزانه یا حتی سریع‌تر واکنش نشان می‌دهند، در حالی که مدیران ارشد صندوق‌های بازنشستگی، پرتفوی تحت مدیریت را به صورت هفتگی بازدید می‌کنند و بانک‌های مرکزی نیز می‌توانند در یک موقعیت معاملاتی ماهانه اقدام کنند. تمام این کارگزاران اقتصادی مسیرهای واکنش مختلفی دارند و سبب شکل‌گیری گونه‌های مختلفی از تلاطم می‌شوند.

تا کنون محققان برای پیش‌بینی تلاطم تحقیقیافته کل، از چند رویکرد سری زمانی مختلف استفاده کرده‌اند. از میان این مطالعات می‌توان به مواردی همچون قیزلز، سانتاکلارا و والکانوف^۷ (۲۰۰۶)، اومن^۸ (۲۰۰۱)، اندرسون و همکاران

1. Heterogeneous Autoregressive Models(HAR)
2. Corsi
3. Müller et al.
4. Lux, & Marchesi

5. Interacting Agent
6. Andersen, Bollerslev
7. Ghysels, Santa-Clara and Valkanov
8. Oomen

(۲۰۰۳) و کوپمن و همکاران (۲۰۰۵) اشاره کرد. در این میان، مطالعات بارندورف - نیلسن و شفارد^۱ (۲۰۰۶) و اندرسون، بولسلف و دیبولد (۲۰۰۷) روش‌هایی را برای اندازه‌گیری سهم و اندازه نوسان درجه دوم^۲ کل از هر دو منبع توسعه داده‌اند. اندرسون و همکارانش (۲۰۰۷) آزمون استانداردی برای شناسایی اینکه مقدار تحولات شایان توجه عنصر پرش^۳ در چه زمانی رخ می‌دهد، ارائه کردند. آنها در مطالعه خود از مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگنی که ارائه شده توسط مولر و همکاران (۱۹۹۷) و کورسی (۲۰۰۹) برای پیش‌بینی تلاطم با استفاده از عناصر تفکیک شده پرش و انتشار^۴، استفاده کردند. نتایج مطالعه آنها نشان داد که اغلب، ویژگی پیش‌بینی‌پذیری عنصر تلاطم از عنصر انتشار‌پذیری که به صورت مانast، نشئت می‌گیرد.

در مدل‌های خودرگرسیونی مطالعه اندرسون و همکارانش (۲۰۰۷)، از میانگین‌های ساده مربوط به مقادیر گذشته اندازه عنصر پرش استفاده شده و مدل مجزایی برای شدت پرش برآورد شده است؛ به این صورت که شدت پرش برآورد شده درون چارچوب مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن و برای پیش‌بینی تلاطم و عنصر اندازه پرش به کار گرفته شده است. نتایج مطالعه آنها نشان داد که شدت پرش در پیش‌بینی‌پذیری تلاطم، نقش شایان توجهی دارد. با این حال، پس از وارد کردن متغیر شدت پرش در مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن، عملکرد مربوط به پیش‌بینی تلاطم به نحو چشمگیری بهبود یافت. این بهبود عملکرد پیش‌بینی به طور خاص در روزهایی که پرش‌ها رخ می‌دهند یا هنگامی که بازارها دچار نوسان شدید می‌شوند، قابل مشاهده است.

در مدل HAR-RV، سه گونه از فعالان بازار حضور دارند: فعالان کوتاه‌مدتی که معامله‌گران روزانه‌اند؛ فعالان میان‌مدتی که معامله‌گران هفتگی هستند؛ فعالان بلندمدت که معاملات ماهانه انجام می‌دهند.

در ادامه، لازم است که ارتباط میان نظریه نوسان درجه دوم و مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن شرح داده شود. در نظریه نوسان درجه دوم آمده است که ۱. تلاطم تحقق‌یافته ممکن است برای بازه‌های زمانی مختلفی برآورد شده باشدند که به سمت صفر میل می‌کنند؛ ۲. متغیر یاد شده عامل اصلی در تعیین کوواریانس بازده شرطی است؛ ۳. تحت شرط وجود فرایندهای پیوسته مخصوص، بازده‌ها به طور تقریبی به صورت نرمال توزیع شده‌اند، با این فرض که تلاطم تجمع یافته دارای بیشترین اثر بر شکل توزیع است.

در همین رابطه، محققان به مقایسه مزیت مدل HAR-RV در تحلیل رفتار تلاطم در بازارهای مالی با سایر روش‌های متعارف اقدام کرده‌اند که در ادامه به مهم‌ترین آنها اشاره می‌شود.

کورسی (۲۰۰۴) تلاطم جزئی را تلاطمی تعریف می‌کند که به وسیله عنصر مشخصی از بازار ایجاد شده و در این حالت، مدل نوعی آبشار تجمعی از تلاطم‌های جزئی گوناگون است. با به کارگیری داده‌های با فراوانی بالا در خصوص نرخ مبادله USD/CHF، وی مدل HAR-RV را در مقابل مدل GARCH، مدل‌های Risk Metrics مربوط به مؤسسه‌ی جی. پی. مورگان، مدل‌های خودرگرسیونی با طول وقفه‌های مختلف و در نهایت مدل‌های ARIMA قرار داد و اثبات کرد که

1. Barndorff-Nielsen, and Shephard
2. Quadratic Variation

3. Jump
4. Diffusion

مدل HAR-RV در مقابل سایر مدل‌ها برتری دارد و با روش ساده و موفقیت‌آمیزی توانست به هدف مدل‌سازی رفتار حافظه تاریخی بلندمدتِ متغیر تلاطم دست پیدا کند. در این مطالعه، نخست با استفاده از سنجه‌های توان دوم^۱ مرتبط و پذیرش آزمون پرش پیشنهاد شده بارندورف، نیلسن و شفارد^(۴) (الف و ب) و اندرسون و همکارانش (۲۰۰۷)، مدل‌های HAR-RV-CJ ارائه شده و در ادامه کاربرت این مدل‌ها در ارتباط با بازار ارز، شاخص سهام اس. اند پی. ۵۰۰ و نرخ اوراق قرضه آمریکا بیان شده است. مدل پیشنهاد شده کورسی شامل عناصر پرش و عناصر پیوسته از متغیر تلاطم تحقق‌یافته است. وی به این نتیجه رسید که عناصر پرش مربوط به متغیر تلاطم تحقق‌یافته، سبب ایجاد «تویز» می‌شود؛ به این معنا که هر چه باشد و هر مقداری را اخذ کند، به پیش‌بینی آتی متغیر یاد شده هیچ کمکی نمی‌کند، بلکه فقط بخش پیوسته‌ای در مدل محسوب می‌شود که قدرت پیش‌بینی دارد. همچنین، آنها نشان دادند که بخش زیادی از پرش‌های شایان توجه با اعلام اخبار اقتصاد کلان همراه شده‌اند.

مک‌آلیر و مدیروس^(۲) (۲۰۰۸) مدل HAR-RV را بسط دادند و مدل جدیدی را که در بردارنده عناصر مربوط به حافظه بلندمدت و ویژگی‌های غیرخطی بود، ارائه کردند. تصریح جدید، مدل خودگرسیونی ناهمگن با لحاظ تغییر ملامیم رژیم چندگانه^۳ نام‌گذاری شده است. مزیت اصلی مدل یاد شده این است که می‌تواند هم وابستگی بلندمدت و هم تغییرات رژیمی (و در نتیجه اثرهای نامتقارن) را به شکل ساده‌ای درون خود جای دهد. آنها در مطالعه خود نشان دادند هنگامی که مدل‌های HAR-RV و مدل‌های خودگرسیونی ناهمگن با لحاظ تغییر ملامیم رژیم چندگانه ترکیب شوند، عملکرد پیش‌بینی بهبود می‌یابد و هنگامی که با سایر مدل‌های تلاطم متعارف مقایسه شوند (نظیر مدل‌های GARCH، EGARCH و GJR-) عملکرد هر دو مدل HAR-RV و مدل‌های خودگرسیونی ناهمگن با لحاظ تغییر ملامیم رژیم چندگانه، برتری محسوسی دارند.

چانگ، هوانگ و سنگ^(۴) (۲۰۰۸)، وقفه‌های مربوط به متغیر حجم معاملاتی را در مدل HAR-RV لحاظ کرده و از آن برای بررسی نقش حجم معاملاتی بهره بردن و مدل پیش‌بینی جدید را مدل HAR-RV-cum-Volume نامیدند. «ترکیب فرضیه توزیع‌ها» مبنای نظری لازم را برای تحلیل ارتباط میان تغییر حجم و تلاطم، فراهم می‌آورد (لو و مارتینز^۵، ۲۰۰۳؛ دارات، رحمان و ژانگ^۶، ۲۰۰۳؛ هولمز و تامست^۷، ۲۰۰۴؛ کالو، لیو و فم^۸، ۲۰۰۴ و باونز، رایم و سوکارات^۹، ۲۰۰۶). با استفاده از داده‌های با فراوانی بالا روی سهام شرکت آی. ام. نتیجه گرفتند که با رگرسورهای مشابه، مدل جدید عملکرد پیش‌بینی متغیر تلاطم تحقق‌یافته آتی را بهبود می‌بخشد.

شواليه و سوی^(۱۰) (۲۰۰۹) در مطالعه خود به ابتکار عمل جالبی دست زدند. آنها از داده‌های با فراوانی بالا که از بازار آتی انتشار دی‌اکسیدکربن در اتحادیه اروپا جمع‌آوری شده بود، برای آزمون مدل استفاده کردند. این دو محقق مدل

-
- | | |
|---|---|
| 1. Bi-Power
2. McAleer, and Medeiros
3. Heterogeneous Agent Regime Smooth Transition (HARST)
4. Chung, Huang, and Tseng
5. Luu, and Martens | 6. Darrat, Rahman, Zhong
7. Holmes, and Tomsett
8. Kalev, Liu, and Pham
9. Bauwens, Rime, and Sucarrat
10. Chevallier, and Sévi |
|---|---|

و HAR-RV را با مدل AR(1)-GARCH(1,1) مقایسه کرده و نتیجه گرفته است. با استفاده از مدل HAR-RV لحاظ عناصر روزانه و هفتگی، پویایی‌های متغیر تلاطم تحقیق‌یافته به نحو مطلوبی احصا می‌شود که نسبت به تصریح GARCH برتری شایان توجهی دارد؛ ۲. دقت پیش‌بینی مدل HAR-RV نسبت به سایر مدل‌های تلاطم شرطی مبتنی بر داده‌های روزانه برتری انکارناپذیری دارد.

وینک و پریرا^۱ (۲۰۱۱) از دو گونه مختلف مدل‌های مربوط به تخمین و پیش‌بینی تلاطم تحقیق‌یافته، یعنی مدل HAR-RV و روش نمونه‌برداری داده ترکیبی در ارتباط با تلاطم تحقیق‌یافته^۲ استفاده کردند. نتایج مطالعه آنها نشان داد که برای پیش‌بینی درون نمونه‌ای، روش نمونه‌برداری داده ترکیبی نتایج بهتری ارائه می‌دهد.

سیدا^۳ (۲۰۱۲) در مطالعه خود با تمرکز بر دو گونه متفاوت از مدل‌های HAR-RV (شامل مدل پایه HAR-RV و مدل HAR-RV با لحاظ عناصر GARCH) و با استفاده از داده‌های با فراوانی بالا، به بررسی رفتار تلاطم در شاخص‌های سهام آمریکا پرداخت و سه دوره زمانی مجزا برای آن در نظر گرفت: ۱. دوره زمانی پیش از بحران مالی جهانی که در سال‌های ۲۰۰۶ تا ۲۰۰۷ رخ داد؛ ۲. دوره زمانی ۲۰۰۸ تا ۲۰۰۹ که بحران مالی جهانی به‌طور کامل بازار سهام آمریکا را تحت تأثیر قرار داد و ۳. دوره زمانی ۲۰۱۰ تا ۲۰۱۱. نتایج این مطالعه نشان داد که مناسب‌ترین مدل برای پیش‌بینی تلاطم تحقیق‌یافته آتی، مدل HAR-RV-GARCH است. همچنین، در این مطالعه مشخص شد که متغیرهای با دوره زمانی کوتاه‌تر، در رفتار تلاطم آتی روزانه نقش پررنگ‌تری دارند.

کلمنتس و لیائو^۴ (۲۰۱۳) در مطالعه خود بررسی کردند که چگونه می‌توان برای پیش‌بینی تلاطم، بیشترین اطلاعات را از عنصر پرش به‌دست آورد. آنها از سه گونه از مدل‌های HAR-RV (شامل مدل‌های HAR-RV-CJI و HAR-RV-CJ و CI) برای تحلیل خود استفاده کردند.

هوآنگ، گونگ، چن و ون^۵ (۲۰۱۳) پس از توسعه مدل بدیعی با نام HAR-CJ-M که در آن از اثر گشتاور بر متغیر تلاطم در بازار سهام چین استفاده شده است، نشان دادند که مدل اصلاح شده HAR-RV قدرت پیش‌بینی مطلوبی دارد. همچنین در این مطالعه، عملکرد پیش‌بینی بهتر مدل ارائه شده در مقایسه با دو مدل HAR-CJ و HAR-ARV به‌وضوح نشان داده شده است.

با توجه به مطالعات تجربی اشاره شده، می‌توان این گونه استدلال کرد که در حال حاضر نوعی جابه‌جایی از مدل‌های استاندارد ARMA (شامل ARFIMA، ARIMA و...) و مدل‌های ARCH (مشتمل بر مدل‌های EGARCH و...) به سمت مدل‌های خانواده HAR-RV (برای مثال مدل‌های HARST، HAR-RV-CJ و...) در جریان است و تحقیقات در خصوص بهبود روش‌های تخمین و پیش‌بینی در این حوزه، کماکان ادامه دارد.

1. Wink, & Pereira

3. Sed'a

2. Mixed Data Sampling of Realized Volatility (MIDAS-RV)

4. Clements and Liao

5. Huang, Gong, Chen and Wen

شایان ذکر است که عمدۀ مطالعات مربوط به بررسی نوسان‌ها و تلاطم بازار سهام در داخل کشور، معطوف به روش GARCH و ترکیبات مختلف آن بوده که از آن جمله می‌توان به موارد زیر اشاره کرد. کشاورز حداد و بابایی (۱۳۹۰) با استفاده از داده‌های پانل و مدل GARCH به مدل‌سازی تلاطم بازده نقدی در بورس تهران طی سال‌های ۱۳۸۴ تا ۱۳۸۷ پرداختند. نتیجه بررسی آنها نشان داد که نمی‌توان به لحاظ ساختاری، تلاطم یکسانی را برای سهام موجود در یک گروه صنعت در بورس در نظر گرفت. ابونوری و عبدالله‌ی (۱۳۹۱) در مقاله‌ای با استفاده از یک مدل GARCH چند متغیره، نوسان‌های چند بخش گوناگون از بازار سهام ایران را مدل‌سازی کردند. آنها در مطالعه خود به برآورد همزمان میانگین و واریانس شرطی بازده‌های روزانه در بخش‌های گوناگون بازار سهام در ایران طی سال‌های ۱۳۹۱ تا ۱۳۸۶ پرداختند و نتیجه گرفتند که بین بخش‌های مختلف بازار به صورت معناداری شوک و تلاطم منتقل می‌شود. سید حسینی و ابراهیمی (۱۳۹۲) با در نظر گرفتن اثر حافظه بلندمدت بر شاخص قیمت سه گروه صنعت در بورس تهران، شامل شاخص صنعت خودرو و ساخت قطعات، شاخص واسطه گری‌های مالی و شاخص ماشین‌آلات و تجهیزات، به مدل‌سازی سوابیت تلاطم در بازه زمانی ۱۳۸۳ تا ۱۳۸۷ پرداختند. آنها با استفاده از مدل‌های GARCH چند متغیره شامل مدل (۱,۱) BEKK و مدل توسعه یافته (۱,۱) FBEKK نتیجه گرفتند که مدل (۱,۱) تصویج دقیق‌تری از تلاطم ارائه می‌دهد. نبوی و مختاری نژاد (۱۳۹۵) در مطالعه‌ای نوسان‌های بازده سهام در بورس اوراق بهادار تهران را در فاصله زمانی ۱۳۹۱ تا ۱۳۸۷ برآورد کردند و به این نتیجه دست یافتند که در مقایسه میان مدل‌های حرکت براونی و GARCH، مدل GARCH نتایج بهتری ارائه می‌دهد.

HAR-RV مدل

مدل HAR-RV استاندارد که توسط کورسی (۲۰۰۴) پیشنهاد شده، فرایند تلاطم تصادفی زیر را در نظر می‌گیرد:

$$dp(t) = \mu(t) + \sigma(t)dW(t) \quad (1)$$

که در این رابطه، $p(t)$ فرایند مربوط به لگاریتم قیمت، $\mu(t)$ فرایند تغییر پیوسته به صورت محدود، $dW(t)$ نشان‌دهنده یک حرکت براونی و $\sigma(t)$ یک فرایند تصادفی مستقل از (t) است. هزینه متغیر تلاطم تجمع یافته مرتبه با روز t یک مقدار انتگرال از فرایند تلاطم تصادفی روی کل روز d است.

$$\sigma_t^{(d)} = \sqrt{\left(\int_{t-1d}^t \sigma^2(\omega) d\omega \right)} \quad (2)$$

نظریه‌ای که مبنای این ارتباط قرار دارد، نخست توسط بک^۱ (۱۹۹۱) توسعه یافت و در ادامه برای دسته‌ای از شبه مارتینگل‌های^۲ محدود در مطالعه اندرسون و همکاران (۲۰۰۳) که در زیر بخش قبلی شرح و ارائه شد، تعمیم داده شد. بر

اساس این نظریه، تلاطم تجمع یافته در خصوص یک حرکت براونی را می‌توان بهوسیله جمع مربعات بهدست آمده از بازده‌های مربوط به داده‌های داخل روز^۱، تقریب زد. بنابراین به ما اجازه می‌دهد که تخمین بدون خطابی از تلاطم واقعی ایجاد کنیم. در این صورت تلاطم تحقق یافته به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$RV_t^{(d)} = \sqrt{\left(\sum_{j=0}^{M-1} r_{t-j\delta}^2 \right)} \quad \text{رابطه (۳)}$$

که در این رابطه، $d/M = \delta$ معرف مشاهدات یک روز و $r_{t-j\delta} = p(t - j\delta) - p(t - (j+1)\delta)$ گویای بازده داخل روز فرایند قیمت، برای فراوانی نمونه δ است. در این شرایط، تلاطم تحقق یافته یک تخمین زن بدون تورش برای تلاطم است. هنگامی که تخمین زن را ایجاد می‌کنیم، تنها باید دو پارامتر تصريح شده باشد؛ یکی فراوانی نمونه δ که وابسته به داده است و دیگری، دوره تجمع d . در معادله یک متغیر تلاطم روزانه تعریف شده که به عنوان متغیر ورودی در تخمین زن‌های تلاطم هفتگی و ماهانه استفاده شده است.

$$RV_t^{(\omega)} = \frac{1}{5} \left(RV_{t-1d}^{(d)} + RV_{t-2d}^{(d)} + RV_{t-3d}^{(d)} + RV_{t-4d}^{(d)} + RV_{t-5d}^{(d)} \right) \quad \text{رابطه (۴)}$$

برای تلاطم هفتگی، 5 روز کاری آخر مبنا قرار می‌گیرد که در رابطه 4 نشان داده شده است. تخمین زن تلاطم ماهانه به همین شکل و با استفاده از 22 مشاهده آخر تعریف می‌شود. در مرحله بعد، عبارت تلاطم جزئی معرفی شده است. به هر مشارکت‌کننده در بازار یک عنصر تلاطم نسبت داده شده که وی به تنهایی خلق می‌کند. در واقع متغیر غیرقابل مشاهده تلاطم جزئی مرتبط با یک روز، به صورت $\tilde{\sigma}_t^{(d)}$ تبیین شده است. علاوه بر این، فرض می‌شود که تلاطم بازار بهوسیله عنصری که بالاترین فراوانی معاملاتی را نشان می‌دهد (منظور یک روز) ارائه شده است، بنابراین $\tilde{\sigma}_t^{(d)} = \sigma_t^{(d)}$. در مدل فرض شده است که متغیر غیرقابل مشاهده تلاطم جزئی به مقدار تلاطم قابل مشاهده گذشته آن (RV_t) و میزان انتظاری تلاطم جزئی آتی نسبت به بازه زمانی طولانی‌تر، مرتبط است. با این حال، تلاطم جزئی ماهانه تنها بهوسیله مقادیر تاریخی آن تعیین شده است. فرض بالا از یک مشاهده تجربی نشئت گرفته است و بر اساس آن، فعالان بازار که روی داده‌های با فراوانی بالا معامله می‌کنند، بهوسیله فرایند انتظاری که در خصوص تلاطم (فعالانی که با داده‌های با فراوانی پایین‌تر معامله می‌کنند) ایجاد شده، عمل می‌کنند.

سه معادله‌ای که در این زمینه می‌توان مطرح کرد، به شکل زیر است:

$$\tilde{\sigma}_{t+1m}^{(m)} = c^{(m)} + \phi^{(m)} RV_t^{(m)} + \tilde{\omega}_{t+1m}^{(m)} \quad \text{رابطه (۵)}$$

$$\tilde{\sigma}_{t+1\omega}^{(\omega)} = c^{(\omega)} + \phi^{(\omega)} RV_t^{(\omega)} + \gamma^{(\omega)} E_t \left[\tilde{\sigma}_{t+1m}^{(m)} \right] + \tilde{\omega}_{t+1\omega}^{(\omega)} \quad \text{رابطه (۶)}$$

$$\tilde{\sigma}_{t+1d}^{(d)} = c^{(d)} + \phi^{(d)} RV_t^{(d)} + \gamma^{(d)} E_t \left[\tilde{\sigma}_{t+1\omega}^{(\omega)} \right] + \tilde{\omega}_{t+1d}^{(d)} \quad (7)$$

با جایگزینی معادله ۵ در معادله ۶ و در ادامه با جایگذاری در معادله ۷ و به کارگیری این واقعیت که تلاطم جزئی روزانه برابر با تلاطم روزانه است، به رابطه زیر دست پیدا می‌کنیم.

$$\sigma_{t+1\omega d}^{(d)} = c + \beta^{(d)} RV_t^{(d)} + \beta^{(\omega)} RV_t^{(\omega)} + \beta^{(m)} RV_t^{(m)} + \tilde{\omega}_{t+1d}^{(d)} \quad (8)$$

همچنین، این فرض که تلاطم روزانه برابر با تلاطم روزانه تحقیق یافته به علاوه یک عنصر نوآوری (به تعبیر دیگر جزء اخلاق) است، به معادله اضافه می‌شود.

$$RV_{t+1\omega d}^{(d)} = RV_{t+1d}^{(d)} + \omega_{t+1d}^{(d)} \quad (9)$$

عبارت نوآوری $\omega_{t+1d}^{(d)}$ به این دلیل وارد رابطه بالا شده است که تمام فروض تأمین نشده و خطای اندازه‌گیری می‌تواند عمدتاً به دلیل ویژگی‌های داده (خصوصاً اثرات مربوط به ریزساختار بازار) رخ دهد. با ترکیب رابطه‌های ۸ و ۹، به رابطه ۱۰ دست پیدا می‌کنیم.

$$RV_{t+1d}^{(d)} = c + \beta^{(d)} RV_t^{(d)} + \beta^{(\omega)} RV_t^{(\omega)} + \beta^{(m)} RV_t^{(m)} + \omega_{t+1d}^{(d)} \quad (10)$$

که در آن عبارت $\omega_{t+1d} = \tilde{\omega}_{t+1d}^{(d)} - \omega_{t+1d}^{(d)}$ به عنوان عبارت اختلال در مدل رگرسیونی لحاظ شده است. در مجموع می‌توان گفت که معادله ۱۰ یک مدل از نوع AR در ارتباط با تلاطم تحقیق یافته معرفی می‌کند که عناصر ورودی آن بیان کننده مشارکت کنندگان مختلف بازار است و می‌تواند با استفاده از مشاهدات تاریخی، تخمین زده شود. این مدل با عنوان مدل HAR-RV شناخته می‌شود و در این مطالعه از آن برای تخمین استفاده شده است.

HAR-RV-GARCH مدل

کورسی (۲۰۰۴) در مطالعه خود عناصر پسماندها را به صورت نرمال و $i.d.i.d.$ در نظر گرفت. با این حال، تحلیل مربوط به پسماندهای مدل‌های HAR-RV که در خصوص داده‌های مختلف مالی به کار گرفته شده است، نشان می‌دهد رفتار آنها مطابق با فرض ابتدایی نیست. نتایج تجربی به نقض فرض نرمال و $i.d.i.d.$ بودن و همچنین تأیید ویژگی تلاطم خوش‌های در داده‌ها اشاره دارد. در این شرایط، کورسی، میتنیک، پیگورش (۲۰۰۸) در مطالعه خود تلاش کردند تا این ویژگی‌های را که هم نتایج تخمین مدل HAR-RV را تورش دار می‌کند و هم از دقت و پیش‌بینی می‌کاهد، در مدل خود وارد کنند. نتیجه کار آنها، ارائه نسخه جدیدی از مدل HAR-RV بود که از طریق لحاظ کردن توزیع انعطاف‌پذیر نرمال معکوس^۲ به عناصر اختلال مدل، امکان انعطاف‌پذیری بیشتر می‌شود. همچنین آنها یک فرایند GARCH را تصویری کردند تا ویژگی تلاطم خوش‌های را در مربعات خطاهای لحاظ کند.

آنها در مطالعه خود اجرای آزمون GARCH-LM را برای تصدیق بسط مدل HAR-RV به وسیله عنصر GARCH(p,q) پیشنهاد دادند.

$$\begin{aligned} RV_{t+1d}^{(d)} &= \beta_0 + \beta^{(d)} RV_t^{(d)} + \beta^{(\omega)} RV_t^{(\omega)} + \beta^{(m)} RV_t^{(m)} + h_t u_t \\ h_t^2 &= \omega + \sum_{j=1}^q \alpha_j u_{t-j}^2 + \sum_{i=1}^p \beta_i h_{t-i}^2 \\ u_t | \Omega_{t-1}(0,1) \end{aligned} \quad (11)$$

در این نسخه، عبارت خطای $h_t u_t$ ، از یک چگالی شرطی با واریانس‌های وابسته به زمان تعییت می‌کند.

HAR-RV-J مدل‌های

تا کنون رویکرد مد نظر بر این فرض پایه‌گذاری شده بود که فرایند قیمت تنها یک مسیر نمونه‌ای پیوسته^۱ را نشان می‌دهد. با این حال، همان‌گونه که در مطالعات پارامتریک پیشنهاد شده، ویژگی‌های تجربی داده‌های با فراوانی بالا، اغلب بر وجود پرش در متغیر تلاطم تأکید می‌کنند که فرض اولیه را نقض می‌کند.

نتایج مطالعات نشان می‌دهد بسیاری از فرایندهای قیمتی به نحو مطلوبی به وسیله ترکیب یک فرایند مسیر نمونه‌ای پیوسته با ویژگی بازگشت به میانگین هموار^۲ و آهسته و یک عنصر پرش با ماندگاری کمتر، تشریح شده‌اند. مطالعات صورت گرفته در این زمینه نشان داده‌اند که لحاظ کردن عنصر پرش در مدل‌های پارامتریک عملکرد، پیش‌بینی را بهبود می‌بخشد، از این رو انگیزه‌ای به وجود آمد که در مدل ناپارامتریک تلاطم تحقیق‌یافته نیز، عناصر پرش لحاظ شود.

ایده اصلی مدل‌هایی به شکل J-HAR-RV به تفکیک مسیر نمونه‌ای به اجزای پیوسته و غیرپیوسته و استفاده از عناصر پرش به عنوان ورودی‌های مدل باز می‌گردد. این موضوع با نتایج نظری به دست آمده از مطالعات بارندورف - نیلسن و شفارد (۲۰۰۴ و ۲۰۰۶) که عنصر نوسان به صورت توان دو را معرفی کردند، انباطاق شایان توجه‌ی دارد. روش جدید، نخست توسط اندرسون و همکاران (۲۰۰۷) و در ادامه توسط کورسی، پیرینو و رنو (۲۰۰۹) به کار گرفته شده است. در همین ارتباط، در بخش بعدی فرایند جداسازی و پیاده‌سازی آن در مدل‌های HAR-RV تشریح شده است. در پی مدل ارائه شده توسط اندرسون و همکاران (۲۰۰۷) رابطه به شکل زیر تبدیل می‌شود.

$$dp(t) = \mu(t)dt + \sigma(t)dW(t) + \kappa(t)dq(t) \quad 0 \leq t \leq T \quad (12)$$

که در این رابطه $\mu(t)$ یک فرایند تغییر پیوسته و محدود شده به صورت کران‌دار موضعی^۳ است. $\sigma(t)$ یک فرایند

1. Continuous Sampling Path

مسیر نمونه‌ای پیوسته، در واقع بیان‌کننده یک فرایند تصادفی است که در آن نمونه‌ها از توابع پیوسته تعییت می‌کنند. از جمله این موارد می‌توان به حرکت براونی (یا فرایند واینر) به عنوان مصدقی از یک نمونه پیوسته اشاره کرد.

2. Smooth Mean Reverting

3. Locally bounded

تلاطم تصادفی اکیداً مثبت است، $(W(t))$ یک حرکت براونی استاندارد است و $q(t)$ یک فرایند شمارش با عنصر شدت وابسته به زمان است و $\lambda(t) = k$ نیز به اندازه پرش‌های متاظر گسسته در فرایند قیمت ارجاع می‌دهد. بنابراین، نظریه نوسان درجه دوم که با این شکل از فرایند بازده همراه شده است به صورت رابطه ۱۳ است.

$$[r, r]_t = \int_0^t \sigma^2(s) ds + \sum_{0 < s \leq t} \kappa^2(s) \quad \text{رابطه ۱۳}$$

با در اختیار داشتن فراوانی نمونه Δ و با تعریف فرایند بازده برای دوره Δ به صورت $r_{t,\Delta} = p(t) - p(t - \Delta)$ متغیر تلاطم تحقیق‌یافته می‌تواند به شکل رابطه ۱۴ محاسبه شود.

$$RV_{t+1}(\Delta) = \sum_{j=1}^{1/\Delta} r_{t+j\Delta,\Delta}^2 \quad \text{رابطه ۱۴}$$

منبع از نظریه نوسان درجه دوم، این گونه استدلال می‌شود که واریانس تحقیق‌یافته در مقدار احتمال به مقدار تجمعی فرایند نوسان درجه دوم همزمان با افزایش در فراوانی نمونه همگرا می‌شود.

$$RV_{t+1}(\Delta) \rightarrow \int_t^{t+1} \sigma^2(s) ds + \sum_{t < s \leq t+1} \kappa^2(s) \quad \Delta \rightarrow 0 \quad \text{رابطه ۱۵}$$

بر این اساس، رابطه پیشنهاد می‌کند که در غیاب عناصر پرش، تلاطم تحقیق‌یافته در احتمال، به نوسان درجه دوم همگرا می‌شود. بارندورف – نیلسن و شفارد (۲۰۰۴) یک عنصر نوسانی درجه دوم تحقیق‌یافته را که به شکل استاندارد تبدیل شده، به شکل زیر تعریف و ارائه کردند.

$$BV_{t+1}(\Delta) = \mu_1^{-2} \sum_{j=2}^{1/\Delta} |r_{t+j\Delta,\Delta}| |r_{t+(j-1)\Delta,\Delta}| \quad \text{رابطه ۱۶}$$

که در این معادله μ_1 نشان‌دهنده میانگین مقدار قدر مطلق متغیر تصادفی Z است که به صورت نرمال استاندارد توزیع شده است. در این صورت، می‌توان نشان داد که همزمان با افزایش فراوانی نمونه‌ای به سمت بینهایت میل می‌کند یا به بیان دیگر، فواصل به سمت صفر همگرا می‌شوند.

$$BV_{t+1}(\Delta) \rightarrow \int_t^{t+1} \sigma^2(s) ds \quad \text{رابطه ۱۷}$$

با تفربیق کردن رابطه ۱۵ به عبارتی دست می‌یابیم که به ما امکان می‌دهد به صورت سازگار، عناصر پرش را در فرایند قیمت تخمین بزنیم، به لحاظ این نکته که $\Delta \rightarrow 0$ میل می‌کند.

$$\begin{aligned} RV_{t+1}(\Delta) - BV_{t+1}(\Delta) &= \int_t^{t+1} \sigma^2(s) ds + \sum_{t < s \leq t+1} \kappa^2(s) - \int_t^{t+1} \sigma^2(s) ds \\ &= \sum_{t < s \leq t+1} \kappa^2(s) \end{aligned} \quad (۱۸)$$

با این حال، این رویکرد نظری نمی‌تواند مانع منفی شدن مقادیر تجربی عناصر پرش شود. بر همین اساس تعریف زیر، مثبت بودن پرس‌ها را تضمین می‌کند.

$$J_{t+1}(\Delta) = \max[RV_{t+1}(\Delta) - BV_{t+1}(\Delta), 0] \quad (۱۹)$$

برای تفکیک فرایند به دو بخش پیوسته و غیرپیوسته، اندرسون و همکارانش (۲۰۰۷) ضمن استفاده از آماره Z ، آن را با مقدار بحرانی مقایسه کردند. آماره Z به صورت رابطه ۲۰ تعریف شده است.

$$Z_{t+1}(\Delta) = \frac{1}{\sqrt{\Delta}} \frac{[RV_{t+1}(\Delta) - BV_{t+1}(\Delta)]/RV_{t+1}(\Delta)}{\sqrt{\left(\frac{1}{\mu_1^4} + 2\frac{1}{\mu_1^2} - 5\right) \max[1, TQ_{t+1}(\Delta)/BV_{t+1}(\Delta)^2]}} \quad (۲۰)$$

که در این رابطه TQ معرف سنجه درجه چهارم^۱ استاندارد شده است که می‌تواند به صورت سازگار، حتی در حضور عناصر پرش، تخمین زده شود.

$$TQ_{t+1}(\Delta) = \frac{1}{\Delta} \frac{1}{\mu_{4/3}^3} \sum_{j=3}^{1/\Delta} |r_{t+j\Delta, \Delta}|^{4/3} |r_{t+(j-1)\Delta, \Delta}|^{4/3} |r_{t+(j-2)\Delta, \Delta}|^{4/3} \quad (۲۱)$$

برای مشخص شدن این مسئله که یک عنصر پرش به لحاظ آماری معنادار است یا خیر، ازتابع نماگر I استفاده شده است. اگر آماره Z از مقدار بحرانی α فراتر رود، وایسته به سطح معناداری انتخاب شده است (به طور مثال α)، تابع I نتیجه ۱ را دربی دارد و در غیر این صورت برابر صفر است. بنابراین، عناصر پرش به صورت زیر شناسایی شده‌اند:

$$J_{t+1, \alpha}(\Delta) = I[Z_{t+1}(\Delta) > \Phi_\alpha] [RV_{t+1}(\Delta) - BV_{t+1}(\Delta)]^+ \quad (۲۲)$$

پس از تصریح عنصر پرش، اندرسون و همکارانش (۲۰۰۷) مدل HAR-RVJ را به صورت رابطه‌های زیر تخمین زدند.

$$RV_{t+1d}^{(d)} = \beta_0 + \beta^{(d)} RV_t^{(d)} + \beta^{(\omega)} RV_t^{(\omega)} + \beta^{(m)} RV_t^{(m)} + \beta^{(j)} J_t + \varepsilon_t \quad (۲۳)$$

۶

$$\begin{aligned} RV_{t+1d}^{(d)} &= \beta_0 + \beta^{(cd)} C_t^{(d)} + \beta^{(c\omega)} C_t^{(\omega)} + \beta^{(cm)} C_t^{(m)} + \beta^{(jd)} J_t^{(d)} + \beta^{(j\omega)} J_t^{(\omega)} \\ &\quad + \beta^{(jm)} J_t^{(m)} + \varepsilon_t \end{aligned} \quad (۲۴)$$

که در این رابطه C_t به صورت زیر تعریف شده است:

$$C_{t+1,\alpha}(\Delta) = I[Z_{t+1}(\Delta) \leq \Phi_\alpha] RV_{t+1}(\Delta) + I[Z_{t+1}(\Delta) > \Phi_\alpha] BV_{t+1}(\Delta) \quad (25)$$

۹

$$J_t^\omega = \frac{1}{5} [J_{t-1}^d + J_{t-2}^d + J_{t-3}^d + J_{t-4}^d + J_{t-5}^d] \quad (26)$$

می‌توانیم به طور مشابه عنصر J^ω را برای دوره ماهانه محاسبه کنیم. مدلی که در رابطه ۲۳ با لحاظ عنصر J در رابطه ۱۹ تصریح شده است را به عنوان مدل HAR-RVJ نام‌گذاری کرده و مدل‌های نوعی که به وسیله رابطه ۲۴ بیان شده‌اند را به عنوان مدل‌های HAR-RVCJ طبقه‌بندی می‌کنیم.

در مطالعه حاضر سه‌گونه از مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن، شامل مدل پایه HAR-RV و دو مدل HAR-RVJ و HAR-RVCJ به کار گرفته شده که در آنها عناصر پرش لحاظ شده است.

تحلیل داده‌های مطالعه

مجموعه داده‌های استفاده شده در این مطالعه، ۴۰۴۳۹ داده ۵ دقیقه‌ای را دربرمی‌گیرد که مربوط به شاخص اصلی سهام بورس اوراق بهادار تهران در دوره زمانی ۹ اردیبهشت ۱۳۹۱ تا ۱۷ مرداد ۱۳۹۷ است. مقادیر مربوط به بازده شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران، از تفریق مقادیر لگاریتمی قیمت‌ها طی دوره محاسبه شده است.

$$r_t = \ln\left(\frac{p_t}{p_{t-1}}\right) = \ln p_t - \ln p_{t-1} \quad (27)$$

آمار توصیفی مربوط به داده‌های عایدی روزانه شاخص قیمت سهام در جدول ۱ بیان شده است.

جدول ۱. آمار توصیفی عایدی شاخص قیمت سهام (به درصد)

میانگین
-۰/۰۰۱۱
۳/۹۴۷۹
-۶/۷۴۴۸
۰/۱۰۷۰
-۴/۵۴۳۸
۷۴۰/۸۰۶۰
۹/۱۷E+۰۸
۰/۰۰۰۰

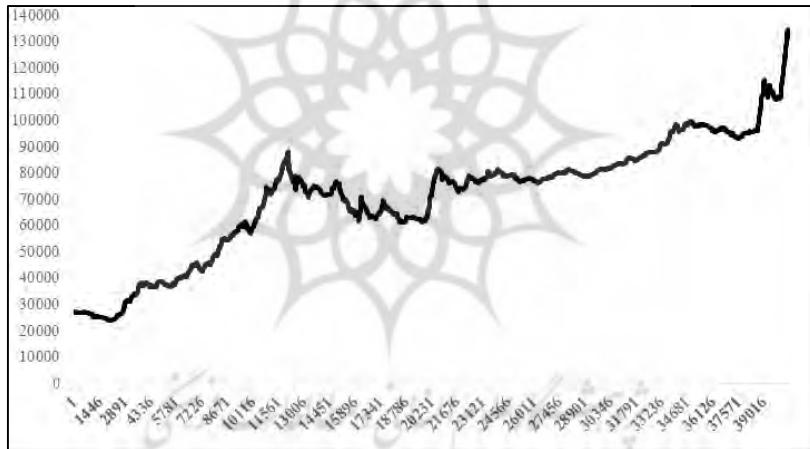
* آماره جارک - برا عدم وجود توزیع نرمال را برای سری‌های بازده در سطح معناداری ۱ درصد نشان می‌دهد.

علاوه بر این، در جدول ۲ نتایج سه آزمون ریشه واحد مختلف، شامل آزمون‌های دیکی فولر تعمیم یافته (ADF)، KPSS و فیلیپس پرون (PP)، برای بررسی مانایی داده‌ها درج شده است. آماره آزمون KPSS نسبت به دو آزمون دیگر دارای فرضیه صفر متفاوتی است. در این آزمون فرضیه صفر نشان‌دهنده این است که داده‌ها از فرایندی مانا تعیت می‌کنند، در حالی که فرضیه صفر آماره آزمون‌های ADF و PP، وجود ریشه واحد در سری داده‌ها را نشان می‌دهد. تمام این آماره‌های آزمون در سطح معناداری ۱ درصد، فرضیه وجود ریشه واحد در سری داده‌ها را رد می‌کنند. بنابراین می‌توان گفت که داده‌ها از یک فرایند مانا تعیت می‌کنند.

جدول ۲. نتایج آزمون‌های ریشه واحد

-۶۴/۶۹۲۴	ADF*
۰/۴۳۹۳	KPSS**
-۲۰۶/۴۸۵۷	PP*

* رد وجود ریشه واحد در سطح معناداری ۱ درصد
** مانایی سری‌های بازده در سطح معناداری ۱ درصد

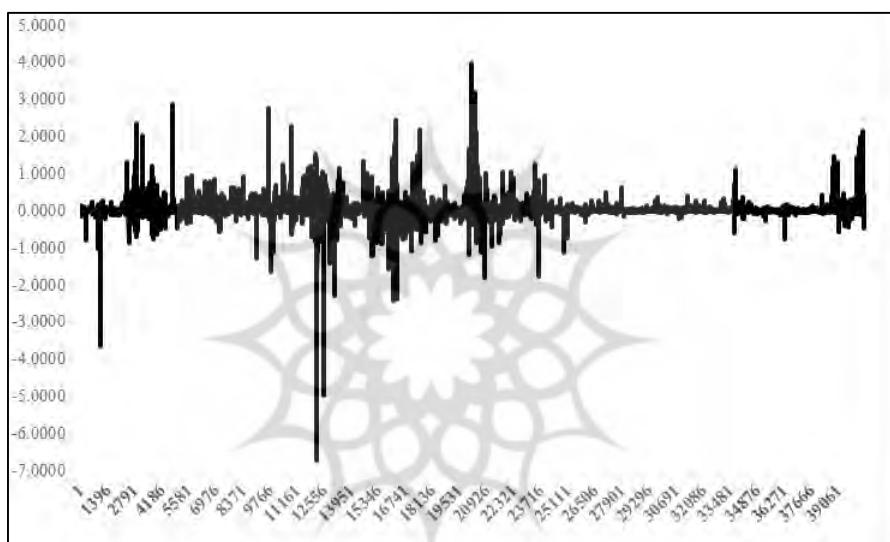


شکل ۱. سری زمانی داده‌های شاخص بورس اوراق بهادار تهران (۱۳۹۷ تا ۱۳۹۱)

همان‌گونه که در شکل ۱ مشخص است، شاخص قیمت سهام طی دو سال نخست بررسی، رشد متوالی‌ای را پشت سر گذاشته و در اوخر سال ۱۳۹۲، به سطح ۹۰۰۰۰ واحد نزدیک شده است. از این تاریخ به بعد، شاخص قیمت روند کاهش آهسته‌ای را در پیش گرفته است. با این حال در این دوره نوسان‌هایی که مشاهده می‌شود، عمدتاً بهدلیل مذکوره‌های هسته‌ای و نتایج نشست‌های برگزار شده است که در سال ۱۳۹۴ این نوسان‌ها به خوبی مشاهده می‌شوند. شاخص قیمت سهام طی سال‌های ۱۳۹۵ تا اوخر ۱۳۹۶ با روند رشد نسبتاً اندکی به حرکت خود ادامه داده است. در نهایت، با دقت در روند حرکت شاخص طی ماههای اخیر (به ویژه طی دوره خرداد تا مرداد ۱۳۹۷)، می‌توان رشد شایان توجه شاخص را مشاهده کرد که این اتفاق عمدتاً به تحولات بازار ارز و افزایش شدید نرخ مبادله ارزها با ریال در داخل کشور، بهدلیل خروج آمریکا از توافق برجام بازمی‌گردد که سبب شده است چشم‌انداز سودآوری در برخی صنایع، به ویژه صنایع صادرات‌محور با افزایش شدیدی مواجه شود و این رخداد در رشد سهام شرکت‌های مربوطه و به‌دبیال آن در رشد شاخص سهام متبلور شود؛

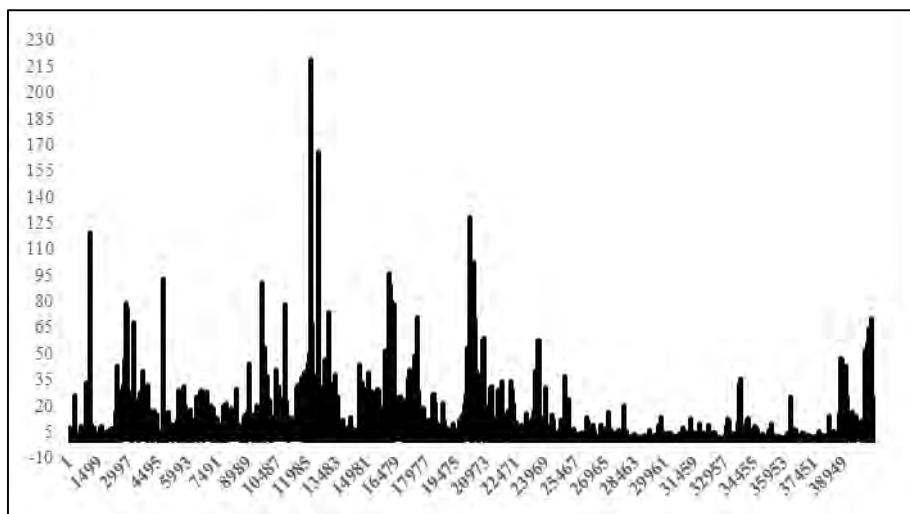
به طوری که شاخص قیمت سهام از ۹۶۰۰ در اوایل خرداد ۱۳۹۷ به ۱۳۱۰۰ واحد در اواسط مرداد رسیده است که رشد قریب به ۳۷ درصدی طی این مدت را نشان می‌دهد.

با دقت در ویژگی‌های داده‌های مربوط به بازده‌های شاخص سهام که در جدول ۱ مشاهده می‌شود، می‌توان دریافت که مقدار بازده‌ها بیان‌کننده وجود کشیدگی اضافه^۱ در توزیع بوده و نشان می‌دهد که توزیع مقادیر مربوط به بازده دارای دنباله‌های انباشته^۲ است. همچنین، مقدار به دست آمده از آماره آزمون جارک - برا تصدیق می‌کند که سری‌های بازده دارای توزیع نرمال نیستند. علاوه بر این، داده‌ها نشان می‌دهد که مقدار متغیر تلاطم برای دوره‌های زمانی مشخص اندک بوده و برای سایر دوره‌ها بالاست.



شکل ۲. سری زمانی داده‌های بازده شاخص بورس اوراق بهادار تهران (۱۳۹۷ تا ۱۳۹۱)

شکل ۳ مقدار تلاطم تحقیقیافته برای شاخص سهام را نشان می‌دهد. همان‌گونه که در تصویر مشاهده می‌شود، در یک دوره زمانی بلندمدت، سری‌های زمانی حول عدد ۴/۵ نوسان می‌کنند. با دقت در داده‌های مربوط به متغیر تلاطم تحقیقیافته (RV)، می‌توان روند حرکت را به دو دوره مجزا دسته‌بندی کرد. در دوره نخست که از اوایل سال ۱۳۹۱ تا اواسط ۱۳۹۵ را شامل می‌شود، شاهد نوسان شایان توجهی در متغیر یاد شده هستیم؛ به طوری که بالاترین مقدار مشاهده شده طی همین دوره و در اوایل بهمن ۱۳۹۲ برای متغیر تلاطم تحقیقیافته ۲۱۸ مشاهده است. در دوره دوم که اواخر سال ۱۳۹۵ تا اوایل خرداد ۱۳۹۷ را دربرمی‌گیرد، روند ثابت همراه با نوسان‌های اندکی در داده‌ها دیده می‌شود که به‌وضوح در شکل ۳ نیز قابل مشاهده است. در نهایت، طی دو ماهه اخیر (نیمه دوم خرداد تا نیمه اول مرداد ۱۳۹۷) نوسان‌ها در متغیر تلاطم تحقیقیافته به نحو محسوسی افزایش پیدا کرده؛ به‌گونه‌ای که به سطح ۶۹ در اواسط مرداد ۱۳۹۷ رسیده است.



شکل ۳. سری زمانی تلاطم تحقیق یافته (RV) شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران

نتایج تحلیل آمار توصیفی متغیر تلاطم تحقیق یافته برای شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران، در جدول ۳ ارائه شده است. نتایج تحلیل نشان می‌دهد سری‌های مربوط به متغیر RV با توجه به مقادیر بدست آمده از آماره آزمون جارک برا، فاصله چشمگیری از توزیع نرمال دارد.

جدول ۳. آمار توصیفی مربوط به تلاطم تحقیق یافته (RV) شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران

میانگین	چوگی	۴/۳۹۸۳	
میانه	کشیدگی	۱/۴۷۷۶	
مقدار حد اکثر	جارک - برا*	۲۱۸/۸۶۹۲	
مقدار حداقل	احتمال	۰/۰۰۰	
انحراف معیار		۹/۷۰۷۶	

* آماره جارک - برای عدم نرمال بودن سری بازده را در سطح معناداری ۱ درصد بیان می‌کند.

یافته‌های پژوهش

نتایج مطالعه در جدول ۴ نشان داده شده است. در مدل ساده HAR-RV مشخص است که تمام ضرایب، حداقل در سطح ۱۰ درصد معنادارند. سطح برآزش که از طریق R^2 تعديل شده بیان شده است، در سه افق زمانی مد نظر، در دوره روزانه به بالاترین سطح خود (۰/۶۷۷) رسیده است؛ به این معنا که در مدل HAR-RV، بهترین عملکرد می‌تواند در افق زمانی روزانه مشاهده شود. با ورود عنصر پرس به مدل ساده، سطح برآزش به طور شایان توجهی افزایش می‌پابد. شایان ذکر است که اندرسون و همکارانش (۲۰۰۷) نیز در مطالعه خود نتیجه گرفتند که چنانچه عنصر پرس در مدل استاندارد HAR-RV لحاظ شود، میزان برآزش بهبود شایان توجهی پیدا می‌کند. همان‌گونه که نتایج مطالعه نیز نشان می‌دهد، بالاترین میزان R^2 در مدل J-HAR-RV بین سه دوره زمانی مختلف در دوره زمانی روزانه مشاهده شده است. سطح برآزش در این دوره

۶/۷۸۶ است (جدول ۴). این نتیجه نشان دهنده بالاترین عدد مشاهده شده برای R^2 تعديل شده، میان مدل های مختلفی است که در این مطالعه بررسی شده اند.

در نهایت، اگر بر مدل HAR-RV-CJ که عناصر مسیر نمونه ای پیوسته را لحاظ می کند، تمرکز کنیم؛ در می باشیم که اغلب ضرایب در سطح ۵ درصد معنادار هستند. با این حال، سطح برازش در این مدل کمتر از مدل J-HAR-RV است. گفتنی است که اغلب ضرایب مربوط به عناصر پرش معنادار نیستند که با نتیجه مطالعه اندرسون و همکارانش (۲۰۰۷) همخوانی دارد. این نکته بیان می کند که عناصر پرش قدرت پیش بینی ندارند و به بیان دیگر، پیش بینی پذیری در مدل های رگرسیونی HAR-RV به شکل شایان توجهی (و در حالت حدی به طور انحصاری) به دلیل وجود عناصر مسیر نمونه ای، پیوسته است.

جدول ۴. نتایج تخمین مدل های HAR-RV در ارتباط با شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران

HAR-RV-CJ			HAR-RV-J			HAR-RV			
ماهانه	هفتگی	روزانه	ماهانه	هفتگی	روزانه	ماهانه	هفتگی	روزانه	
۰/۳۰۷۷** (۰/۰۳۶۱)	۰/۳۹۷۵** (۰/۰۳۳۸)	۰/۲۱۰۵** (۰/۰۲۷۳)	۰/۰۸۳۳** (۰/۰۲۵۵)	۰/۰۹۴۵*** (۰/۰۱۲۳)	۰/۱۱۰۸*** (۰/۰۱۰۳)	۰/۳۰۱۸** (۰/۰۳۴۱)	۰/۲۴۴۷*** (۰/۰۱۹۶)	۰/۱۲۹۵*** (۰/۰۱۱۲)	β_0
—	—	—	۰/۰۶۶۳** (۰/۰۳۶۵)	۰/۰۸۱۷** (۰/۰۲۳۱)	۰/۱۹۳۲*** (۰/۰۴۱۲)	۰/۳۰۱۲** (۰/۰۴۶۷)	۰/۳۶۱۵*	۰/۲۹۶۵*	
—	—	—	۰/۳۱۰۶** (۰/۰۲۸۶)	۰/۴۱۰۶** (۰/۰۳۳۲)	۰/۵۱۵۳*** (۰/۰۲۳۹)	۰/۲۳۱۱*	۰/۳۹۸۳*	۰/۲۸۱۹*	β_d
—	—	—	(۰/۰۲۸۶)	(۰/۰۳۳۲)	(۰/۰۲۳۹)	(۰/۰۶۰۶)	(۰/۰۲۱۱)	(۰/۰۵۱۱)	
—	—	—	۰/۱۹۷۳** (۰/۰۳۴۷)	۰/۲۰۸۶*	۰/۱۷۱۵*** (۰/۰۰۶۱)	۰/۳۳۱۴** (۰/۰۵۴۲)	۰/۳۱۵۱** (۰/۰۴۱۱)	۰/۲۰۱۸** (۰/۰۳۸۷)	β_m
—	—	—	۰/۳۲۲۶** (۰/۰۱۰۲۳)	۰/۲۸۲۶** (۰/۰۲۹۸)	۰/۲۵۱۷** (۰/۰۱۱۷)	—	—	—	
—	—	—	(۰/۰۱۰۲۳)	(۰/۰۲۹۸)	(۰/۰۱۱۷)	—	—	—	β_j
۰/۴۵۰۱*	۰/۲۵۸۹	۰/۲۰۳۲	—	—	—	—	—	—	
(۰/۰۷۸۱)	(۰/۱۱۳۳)	(۰/۰۶۴۵)	—	—	—	—	—	—	β_{jd}
۰/۲۹۶۹	۰/۲۹۸۷	۰/۳۰۶۶	—	—	—	—	—	—	
(۰/۰۵۶۳)	(۰/۰۸۷۹۱)	(۰/۰۷۲۳)	—	—	—	—	—	—	$\beta_{j\omega}$
۰/۵۱۱۲	۰/۴۴۲۲*	۰/۳۰۲۲*	—	—	—	—	—	—	
(۰/۰۳۰۷)	(۰/۰۴۶۵)	(۰/۰۳۱۶)	—	—	—	—	—	—	β_{jm}
۰/۴۱۲۱**	۰/۲۱۰۸***	۰/۳۳۶۶***	—	—	—	—	—	—	
(۰/۰۳۱۱)	(۰/۰۰۶۸)	(۰/۰۲۷۹)	—	—	—	—	—	—	β_{cd}
۰/۲۹۶*	۰/۱۱۲۳***	۰/۲۶۶۸**	—	—	—	—	—	—	
(۰/۰۳۰۵۲)	(۰/۰۱۰۹)	(۰/۰۵۱۳)	—	—	—	—	—	—	$\beta_{c\omega}$
۰/۴۰۲۵**	۰/۳۳۱۱**	۰/۲۵۱۵**	—	—	—	—	—	—	
(۰/۰۲۲۹)	(۰/۰۴۴۶)	(۰/۰۳۸۸)	—	—	—	—	—	—	β_{cm}
۰/۶۰۵۸	۰/۶۲۱۸	۰/۶۱۲۴	۰/۷۲۱۲	۰/۷۶۶۳	۰/۷۸۶۴	۰/۶۴۴۷	۰/۶۵۸۹	۰/۶۷۷۳	Adj-R ^۲

* معناداری در سطح ۱۰ درصد ** معناداری در سطح ۵ درصد *** معناداری در سطح ۱ درصد

عملکرد مدل‌های تخمین زده شده

عملکرد مدل‌های تخمین زده شده در این مطالعه به وسیله توابع زیان که در ادامه تشریح شده‌اند، بیان شده است. این توابع عبارت‌اند از: میانگین قدر مطلق خطا (MAE)، ریشه میانگین مجذور خطا (RMSE)، میانگین قدر مطلق درصد خطا (MAPE) و ضریب نابرابری تایل (U). هر چه مقادیر این توابع زیان کمتر باشد، نشان‌دهند عملکرد مطلوب‌تر روش پیش‌بینی است. در ادامه، معیارهای یاد شده برای ارزیابی عملکرد پیش‌بینی متغیر تلاطم تعریف شده‌اند.

$$MAE = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T |RV_{t:t+h} - \widehat{RV}_{t:t+h}| \quad \text{رابطه (۲۸)}$$

$$MAPE = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \frac{|RV_{t:t+h} - \widehat{RV}_{t:t+h}|}{RV_{t:t+h}} \quad \text{رابطه (۲۹)}$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{T} \sum_{t=1}^T [RV_{t:t+h} - \widehat{RV}_{t:t+h}]^2} \quad \text{رابطه (۳۰)}$$

$$Theil' U = \frac{\sqrt{\frac{1}{T} \sum_{t=1}^T [RV_{t:t+h} - \widehat{RV}_{t:t+h}]^2}}{\sqrt{\frac{1}{T} \sum_{t=1}^T [\widehat{RV}_{t:t+h}]^2} + \sqrt{\frac{1}{T} \sum_{t=1}^T [RV_{t:t+h}]^2}} \quad \text{رابطه (۳۱)}$$

در مقایسه عملکرد درون نمونه‌ای^۱ میان مدل‌های HAR-RV که در جدول ۵ نشان داده شده، در می‌باییم که در تمام افق‌های زمانی، مقدار هر چهار معیار در مدل HAR-RV-J نسبت به مدل‌های HAR-RV و HAR-RV-CJ کمتر است. همچنین در مقایسه بین مدل HAR-RV و مدل HAR-RV-CJ، در بیشتر معیارهای ارزیابی شده، مدل HAR-RV عملکرد بهتری را نشان می‌دهد. بنابراین، می‌توان گفت که در عملکرد پیش‌بینی در حالت درون نمونه‌ای، مدل HAR-RV در ارتباط با پیش‌بینی تلاطم آنی شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران نسبت به مدل‌های HAR-RV-J و HAR-RV-CJ مطلوب‌تر بوده و بهترین امتیاز و رتبه را بین تمام معیارهای معرفی شده، کسب کرده است.

در مقایسه عملکرد بروون نمونه‌ای^۲ مدل‌های مختلف HAR-RV نیز مشاهده می‌شود که در افق‌های زمانی روزانه و هفتگی، مقدار هر چهار معیار در مدل HAR-RV-J نسبت به مدل‌های HAR-RV و HAR-RV-CJ کمتر است و فقط در افق ماهانه، مدل HAR-RV نسبت به دو مدل دیگر برتری دارد (جدول ۶). همچنین در مقایسه بین مدل‌های HAR-RV و HAR-RV-CJ در همانند حالت درون نمونه‌ای در اغلب معیارهای ارزیابی شده، مدل HAR-RV نتیجه بهتری را نشان می‌دهد. بنابراین می‌توان گفت در عملکرد پیش‌بینی در حالت بروون نمونه‌ای، مدل HAR-RV-J در ارتباط با

پیش‌بینی تلاطم آتی شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران در بازه‌های زمانی روزانه و هفتگی، نسبت به مدل‌های HAR-RV-CJ و HAR-RV مطلوب‌تر است و مدل HAR-RV فقط در بازه ماهانه عملکرد مطلوب‌تری دارد، هر چند این تفاوت در اغلب موارد محسوس نیست.

جدول ۵. مقایسه عملکرد درون نمونه‌ای مدل‌های HAR-RV در ارتباط با شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران

HAR-RV-CJ	HAR-RV-J	HAR-RV	معیار	بازه زمانی
۰/۳۷۳۳	۰/۳۶۵۷	۰/۳۸۷۴	RMSE	H=۱ (روزانه)
۱/۷۵۶۴	۱/۱۹۲۳	۱/۴۳۵۴	MAPE	
۰/۴۷۲۲	۰/۴۱۸۶	۰/۴۴۱۸	MAE	
۰/۳۱۲۱	۰/۲۷۲۳	۰/۲۹۴۴	Theil' U	
۰/۴۸۵۵	۰/۴۴۷۵	۰/۴۶۱۹	RMSE	H=۵ (هفتگی)
۳/۶۸۸۳	۳/۲۴۹۳	۳/۴۷۷۱	MAPE	
۰/۵۳۱۳	۰/۴۸۷۶	۰/۵۱۲۹	MAE	
۰/۲۰۵۵	۰/۱۷۸۹	۰/۱۹۶۷	Theil' U	
۰/۵۲۱۴	۰/۴۷۳۹	۰/۴۹۷۱	RMSE	H=۲۲ (ماهانه)
۲/۱۸۱۹	۱/۸۹۶۷	۲/۱۱۳۲	MAPE	
۰/۳۳۴۱	۰/۲۷۸۸	۰/۳۱۲۷	MAE	
۰/۳۱۳۲	۰/۲۷۱۷	۰/۳۹۸۷	Theil' U	

جدول ۶. مقایسه عملکرد برون نمونه‌ای مدل‌های HAR-RV در ارتباط با شاخص سهام بورس اوراق بهادار تهران

HAR-RV-CJ	HAR-RV-J	HAR-RV	معیار	بازه زمانی
۰/۳۸۲۴	۰/۳۴۱۹	۰/۳۶۵۵	RMSE	H=۱ (روزانه)
۱/۵۶۳۴	۱/۲۱۱۸	۱/۳۹۲۲	MAPE	
۰/۵۰۱۱	۰/۴۵۱۵	۰/۴۸۷۹	MAE	
۰/۳۳۶۵	۰/۲۹۶۴	۰/۳۱۲۸	Theil' U	
۰/۵۱۱۲	۰/۴۷۰۴	۰/۴۹۱۳	RMSE	H=۵ (هفتگی)
۳/۲۳۱۲	۳/۰۸۲۳	۳/۱۸۱۹	MAPE	
۰/۷۰۳۵	۰/۶۵۲۸	۰/۶۹۰۷	MAE	
۰/۲۸۲۳	۰/۲۵۱۸	۰/۲۶۶۲	Theil' U	
۰/۵۶۴۵	۰/۵۲۰۳	۰/۵۱۱۷	RMSE	H=۲۲ (ماهانه)
۲/۳۱۴۳	۲/۲۲۷۹	۲/۲۳۱۷	MAPE	
۰/۴۰۱۲	۰/۳۷۰۵	۰/۳۶۱۹	MAE	
۰/۴۱۲۲	۰/۳۹۱۱	۰/۳۸۹۱	Theil' U	

نتیجه‌گیری و پیشنهادها

در مطالعه حاضر به بررسی تلاطم تحقق یافته روی داده‌های با فراوانی بالا شاخص بورس اوراق بهادار تهران پرداخته شده است. در همین ارتباط، در مرحله نخست فرضیه بازار ناهمگن تعریف شد و در ادامه، اندازه‌گیری متغیر تلاطم تحقق یافته که سنگ بنای مدل‌های HAR-RV به شمار می‌روند، معرفی شدند.

نتایج تحلیل نشان داد که در مجموع، مناسب‌ترین و دقیق‌ترین مدل برای پیش‌بینی روند آتی متغیر تلاطم تحقق یافته (چه در مقایسه عملکرد درون نمونه‌ای و چه برون نمونه‌ای) مدل HAR-RVJ است و فقط در افق زمانی ماهانه، مدل ساده HAR-RV در بررسی برون نمونه‌ای نسبت به دو مدل دیگر برتری داشته است. همچنین، عنصر پرش در این مدل معنادار بوده و نشان می‌دهد که نقش عوامل غیرمنتظره برای تعیین تلاطم شایان توجه است. علاوه بر این، نتایج تخمین نشان داد که مقدار متغیر تلاطم روزانه نسبت به سایر عناصر مدل از سطح معناداری بیشتری برخوردار است. این موضوع به طور واضح، گویای تمایل مشارکت‌کنندگان در بازار به انجام معامله در افق‌های زمانی کوتاه‌تر است.

برای مطالعات بعدی پیشنهاد می‌شود از رویکرد تکاملی در مدل‌های خودرگرسیونی ناهمگن وابسته به زمان برای تحلیل بهتر پویایی متغیر تلاطم در بازارهای مالی استفاده شده و عملکرد پیش‌بینی روش‌های سنتی در این حوزه با مدل‌های پیشنهادی بررسی و ارزیابی شود.

منابع

- ابونوری، اسماعیل؛ عبداللهی، محمدرضا (۱۳۹۱). مدل سازی نوسانات بخش‌های مختلف بازار سهام ایران با استفاده از مدل گارج چندمتغیره. *فصلنامه تحقیقات مالی*، ۱(۱۴)، ۱-۱۶.
- سید حسینی، سیدمحمد؛ ابراهیمی، سید بابک (۱۳۹۲). مدل سازی مقایسه‌ای سرات تلاطم با در نظر گرفتن اثر حافظه بلندمدت (مطالعه موردی: سه شاخص منتخب صنایع). *فصلنامه تحقیقات مالی*، ۱(۱۵)، ۵۱-۷۴.
- کشاورز حداد، غلامرضا؛ بابایی، آرش (۱۳۹۰). مدل سازی تلاطم بازده نقدی در بورس سهام تهران با استفاده از داده‌های پانل و مدل GARCH. *فصلنامه تحقیقات مالی*، ۱۳(۳۱)، ۴۱-۷۲.
- نبوی چشمی، سید علی؛ مختاری نژاد، ماریه (۱۳۹۵) مقایسه مدل‌های حرکت براونی و براونی کسری و گارج در برآورد نوسانات بازده سهام. *مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار*، ۲۹(۳)، ۲۵-۴۴.

References

- Abonouri, E., Abdollahi, M. (2012). Modeling Volatility of Iran Stock Exchange by using Multivariate GARCH model. *Journal of Financial Research*, 14(1), 1-16. (in Persian)
- Andersen, T. G., & Bollerslev, T. (1997). Heterogeneous information arrivals and return volatility dynamics: Uncovering the long-run in high frequency returns. *The journal of Finance*, 52(3), 975-1005.

- Andersen, T., Bollerslev, T., Diebold, F. X. & Labys, P. (2003). Modeling and Forecasting Realized Volatility. *Econometrica*, 71(2), 529–626.
- Andersen, T., Bollerslev, T., Diebold, F. X., & Labys, P. (1999). The distribution of exchange rate volatility. *NBER Working Paper*, No. 6961.
- Andersen, T.G., Bollerslev, T., & Diebold, F.X. (2007). Roughing it up: Including jump components in the measurement, modeling, and forecasting of return volatility. *Review of Economics and Statistics*, 89(4), 701–720.
- Awartani, B., Corradi, V., & Distaso, W. (2009). Assessing market microstructure effects via realized volatility measures with an application to the Dow Jones industrial average stocks. *Journal of Business & Economic Statistics*, 27(2), 251-265.
- Back, K. (1991). Asset pricing for general processes. *Journal of Mathematics Economics*, 20(4), 371–395.
- Barndorf-Nielsen, O. E. & Shephard, N. (2004b). Realized power variation and stochastic volatility. *Bernoulli*, 9(2), 243-265.
- Barndorf-Nielsen, O.E. & Shephard, N. (2006). Econometrics of testing for jumps in financial economics using bi-power variation. *Journal of Financial Econometrics*, 4(1), 1–30.
- Barndorf-Nielsen, O.E., & Shephard, N. (2004a). Power and bi-power variation with stochastic volatility and jumps. *Journal of Financial Econometrics*, 2(1), 1-37.
- Bauwens, L., Rime, D., & Sucarrat, G. (2009). Exchange rate volatility and the mixture of distribution hypothesis. *Empirical Economics*, 30(4), 889-911.
- Bhattacharyya, M., Kumar, M. D., & Kumar, R. (2009). Optimal sampling frequency for volatility forecast models for the Indian stock markets. *Journal of Forecasting*, 28(1), 38-54.
- Bollerslev, T. (1986). Generalized autoregressive conditional heteroskedasticity. *Journal of Econometrics*, 31(3), 307-327.
- Chevallier, J. & Sévi, B. (2009). On the realized volatility of the ECX CO₂ emissions 2008 future contract: distribution, dynamics and forecasting. *Working Paper*.
- Chung, H.M., Huang, C.S., & Tseng, T.C. (2008). Modeling and forecasting of realized volatility based on high-frequency data: evidence from Taiwan. *International Research Journal of Finance and Economics*, 22(3), 178-191.
- Clements, A., & Liao, Y. (2013). *Modeling and forecasting realized volatility: getting the most out of the jump component* (No. 93). National Centre for Econometric Research.
- Corsi, F. (2004). A simple long memory model of realized volatility. *Working paper*, University of Southern Switzerland.
- Corsi, F., (2009). A simple approximate long-memory model of realized volatility. *Journal of Financial Econometrics*, 7(2), 174–196.

- Corsi, F., Mitnik, S., & Pigorsch, U. (2008). The volatility of realized volatility. *Econometric Reviews*, 27(1-3), 46-78.
- Corsi, F., Pirino, D. & Reno, R. (2009). Volatility Forecasting: The Jumps Do Matter. *Working paper*. Available at: <http://ssrn.com/abstract=1115783>.
- Darrat, A. F., Rahman, S., & Zhong, M. (2003). Intraday trading volume and return volatility of the DJIA stocks: A note. *Journal of Banking and Finance*, 27(10), 2035-2043.
- Engle, R.F. (1982). Autoregressive Conditional Heteroskedasticity with Estimates of the Variance of UK Inflation. *Econometrica*, 50(4), 987-1008.
- Ghysels, E., & Sinko, A. (2006). Comment on Hansen and Lunde JBES paper. *Journal of Business and Economic Forecasting*, 26(2), 192-194.
- Ghysels, E., Santa-Clara, P., & Valkanov, R. (2006). Predicting volatility: getting the most out of return data sampled at different frequencies. *Journal of Econometrics*, 131(1-2), 59-95.
- Holmes, P. & Tomsett, M. (2004). Information and noise in UK futures markets. *Journal of Futures Markets*, 24(8), 711-731.
- Huang, C., Gong, X., Chen, X., & Wen, F. (2013). Measuring and forecasting volatility in Chinese stock market using HAR-CJ-M model. In *Abstract and Applied Analysis* (Vol. 2013). Hindawi.
- Kalev, P.S., Liu, W. M., Pham, P.K. (2004). Public information arrival and the volatility of intraday stock returns. *Journal of Banking and Finance*, 28(6), 1441-1467.
- Keshavarz Hadad., Gh., Babaei., A. (2011). Modeling the return Volatility in Tehran Stock Exchange by Panel Data and GARCH model. *Journal of Financial Research*, 13(31), 41-72. (in Persian)
- Koopman, S.J., Jungbacker, B., Hol, E. (2005). Forecasting daily variability of the S&P 100 stock index using historical, realized and implied volatility measurements. *Journal of Empirical Finance*, 12(3), 445–475.
- Luu, J.C., Martens, M. (2003). Testing the Mixture-of-distributions Hypothesis using 'Realized Volatility'. *Journal of Futures Markets*, 23(7), 661-679.
- Lux, T. & Marchesi, M. (1999). Scaling and criticality in a stochastic multi-agent model of financial market. *Nature*, 397(6719), 498.
- McAleer, M., Medeiros, M. C. (2008). A multiple regime smooth transition Heterogeneous Autoregressive model for long memory and asymmetries. *Journal of Econometrics*, 147(1), 104-119.
- Müller, U., Dacorogna, M., Dav'e, R., Olsen, R., Pietet, O., & von Weizsäcker, J. (1997). Volatilities of different time resolutions – analyzing the dynamics of market components. *Journal of Empirical Finance*, 4(2-3), 213–239.

- Nabavi Chashemi, A. & Mokhtari Nejad, M. (2016). Comparison of Brownian Motion, Fractional Motion and GARCH Models to estimate Volatility of Stock returns. *Journal of Financial Engineering and Portfolio Management*, 29(3), 25-44. (in Persian)
- Oomen, R. (2001). Using high frequency stock market index data to calculate, model and forecast realized return variance. *Economics Discussion Paper No. 2001/6*, European University.
- Sed'a, P. (2012). Performance of Heterogeneous Autoregressive Models of Realized Volatility: Evidence from US Stock Market. *World Academy of Science, Engineering and Technology, International Journal of Social, Behavioral, Educational, Economic, Business and Industrial Engineering*, 6(12), 3421-3428.
- Seyed Hosseini, S. & Ebrahimi, B. (2013). Comparative Modeling of Volatility Spillover with Long Memory Effect (case study: three selected industry). *Journal of Financial Research*, 15(1), 51-74. (in Persian)
- Taylor, S.J. (1994). Modeling Stochastic Volatility: A Review and Comparative Study. *Mathematical Finance*, 4(2), 183-204.
- Wink Júnior, M. V., & Pereira, P. L. V. (2011). Modeling and Forecasting of Realized Volatility: Evidence from Brazil. *Brazilian Review of Econometrics*, 31(2), 315-337.

