



برنامه‌ریزی همزمان نگهداری و تعمیرات و کنترل موجودی انبار قطعات یدکی: مطالعه موردی ربات شاتل پیش رنگ شرکت خودروسازی

سید محمد رضا ابوالبقاء

گروه مهندسی صنایع، واحد الکترونیک، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

داود محمدی تبار (نویسنده مسؤول)

استادیار دانشکده مهندسی صنایع، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

Email: d_mohammaditabar@azad.ac.ir

صدیق رئیسی

دانشیار دانشکده مهندسی صنایع، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

تاریخ دریافت: ۹۸/۰۴/۱۵ * تاریخ پذیرش: ۹۸/۰۷/۱۷

چکیده

برنامه ریزی نگهداری و تعمیر (نت) ماشین‌آلات کارخانه یکی از ابزار مهم در کاهش هزینه‌های عملیاتی است؛ مدیریت کنترل موجودی قطعات یدکی نقش پررنگی در عملکرد سیاست‌های نت دارد. در این تحقیق مدل‌سازی یکپارچه موجودی قطعات یدکی و برنامه‌ریزی نت جهت تعیین سطح بیشینه موجودی و دوره بازپرسازی در سیستم (S,T) به همراه تعیین زمان بهینه تعویض پیشگیرانه ارائه می‌شود. مجموع هزینه‌های مرتبط با نظام نت، نظیر هزینه سفارش دوره‌ای و اضطراری و هزینه‌های امور بازرگانی و تعمیرات در تابع هدف مدل کمینه می‌شوند. برای نشان دادن توانمندی و کارایی مدل، نتایج مطالعه موردی در خطوط پیش رنگ یک شرکت خودروسازی برای تعیین سیاست‌های مدیریت موجودی قطعه‌ای پرصرف و بحرانی پیاده‌سازی شده‌است. همچنین به‌منظور تحلیل پایداری نتایج تحقیق، حساسیت نتایج به تعییرات پارامترهای ورودی بررسی شده‌است. براساس نتایج، هزینه کل متأثر از نرخ خرابی، مدت زمان تأمین قطعه و هزینه تعویض قطعات معیوب است و در این خصوص بیشترین حساسیت را به مقادیر نرخ خرابی و مدت زمان تأمین قطعه دارد. استفاده از نتایج تحقیق در مواردی که نرخ خرابی نسبتاً ثابت است توصیه می‌شود.

کلمات کلیدی: برنامه‌ریزی نت، کنترل موجودی، قطعات یدکی، فرآیند پواسان.

۱- مقدمه

کنترل موجودی قطعات یدکی یکی از مباحث مهم در صنعت است که در عملکرد برنامه ریزی نگهداری و تعمیرات نقش پررنگی دارد. در مدیریت موجودی، باید یک توازن بین سطح موجودی قطعات یدکی و هزینه و ریسک ناشی از عدم وجود قطعه به هنگام نیاز برقرار نمود. واضح است که سطح موجودی قطعات یدکی متأثر از خصوصیات دستگاهها و قابلیت اطمینان آن هاست. سطح موجودی قطعات یدکی و زمان بندی تعمیرات دو مفهوم بسیار مهم و دو مقوله اساسی هستند که تحقق و عمل به آن ها موجبات بقا و تداوم خطوط مختلف تولید و کاهش هزینه ها را فراهم می آورد. تقاضای قطعات یدکی در یک کارخانه می تواند ناشی از شکست در حین عملیات یا نیاز به تعمیرات پیشگیرانه باشد. اگر یک قطعه یدکی دلخواه در طی یک شکست یا در یک دوره تعمیر و نگهداری برنامه ریزی شده در دسترس نباشد، زمان بیکاری کارخانه افزایش می یابد. از سوی دیگر، اباشته شدن بیش از حد قطعات، هزینه نگهداری موجودی را افزایش می دهد (کیلپی^۱ و همکاران، ۲۰۰۹).

یک سیستم کنترل موجودی کارا به منظور تأمین قطعات مورد نیاز آتی نیازمند اطلاعات مربوط به پیش بینی میزان کل تقاضا، برآورد تابع توزیع تقاضا در فاصله زمانی تحويل و دسته بندی قطعات به منظور ارائه مدل مناسب با هر دسته است (تسلیمی و همکاران، ۱۳۸۹). سعیدی سوق^۲ و همکاران (۱۳۹۴) از شبیه سازی مونت کارلو به منظور بهینه سازی ترکیبی فعالیت های نت مبتنی بر وضعیت موجودی قطعات یدکی استفاده کردند. حیدری^۳ (۱۳۹۵) بیان داشت که کاهش هزینه های تولید یکی از دغدغه های اصلی سیستم های تولیدی است که رفع آن مستلزم به کارگیری مؤثر منابع است. تعمیرات و مدل های کنترل موجودی قطعات یدکی در این راه به مؤسسات تولیدی کمک می کنند. بهارستان و گلشن^۴ (۱۳۹۵) بیان داشتند که کنترل موجودی قطعات یدکی برای بسیاری از سازمان ها ضروری است و یک متداوله برای کنترل موجودی قطعات یدکی پیشنهاد کردند. این متد بر اساس طبقه بندی و دسته بندی قطعات یدکی در گروه هایی با ویژگی های مشابه استوار است.

والحمدی^۵ و همکاران (۱۳۹۶) به انتخاب استراتژی نگهداری و تعمیرات به منظور بهبود شاخص های ارزیابی قابلیت اطمینان و تعمیر پذیری پرداختند. پاناگیوتیدون^۶ (۲۰۱۴) به مدل سازی هم زمان سفارش قطعات یدکی و زمان بندی نگهداری و تعمیرات پرداختند. ایشان دو نوع شکست برای اجزاء در نظر گرفتند. یک شکست جزئی، که منجر به عملکرد بد تجهیزات و ماشین آلات می شود و یک شکست مهم و قابل توجه که منجر به توقف کامل دستگاه می گردد. کایزر و همکاران^۷ (۲۰۱۷) به تصمیم گیری هم زمان نگهداری و تعمیرات و سفارش دهی قطعات یدکی در یک سیستم چند جزئی پرداختند. آنها نتیجه گیری کردند که برخلاف سیستم تک جزئی که یک زمان بهینه برای بازرسی و اندازه بهینه برای حداکثر موقعیت موجودی تعیین می شود، در حالت چند جزئی باید تعیین این مقادیر مبتنی بر حالت سیستم باشد. به بیان دیگر بر اساس وضعیت اجزا، موقعیت موجودی قطعات یدکی و زمان مورد انتظار برای دریافت سفارش های در راه، تصمیمات موجودی و نگهداری و تعمیرات اتخاذ می شود.

کایزر و همکاران^۸ (۲۰۱۸)، بیان داشتند که اجزای مازاد اغلب برای دستیابی به قابلیت دسترسی سیستم ضروری است. مزیت دیگر اجزای مازاد این است که بار کل سیستم را می توان در میان اجزاء به اشتراک گذاشت. درنتیجه جلوگیری از خراب شدن سریع از یک سو و انگیزه برای جایگزینی اجزای دچار شکست در اسرع وقت فراهم می شود. وقوع یک شکست جزئی باعث افزایش بار در اجزای باقی مانده می شود. آنها به بهینه سازی مشترک نگهداری و تعمیرات مبتنی بر شرایط و برنامه ریزی قطعات یدکی برای سیستم های چند جزئی پرداختند. مدل سازی آنها بر اساس فرایند مارکوف، به منظور به حداقل رساندن هزینه متوسط

¹ Kilpi

² Taslimi

³ Saeedi Sogh

⁴ Heidari

⁵ Baharestan & Golshan

⁶ Valmohammadi

⁷ Panagiotidou

⁸ Minou C. A et al

⁹ Olde Keizer et al

طلولانی مدت در واحد زمان تشکیل ارائه شد. زاهدی حسینی^{۱۰} و همکاران (۲۰۱۷)، به مقایسه سیاست‌های مرور دائم و دوره‌ای در تصمیم‌گیری هم زمان بازرگانی تعمیرات و سفارش دهی قطعات یدکی پرداختند. با بکارگیری ابزار شبیه سازی در پیاده‌سازی مدل در یک کارخانه کاغذسازی نتیجه گیری کردند که سیاست مرور دوره‌ای که در آن طول زمان سفارش قطعات یدکی دو برابر طول زمان بازرگانی تعمیرات است، سیاست بهینه خواهد بود. ژانگ و زنگ^{۱۱} (۲۰۱۷) در یک سیستم چند جزئی با اجزای مشابه، به مدل سازی هم زمان نگهداری و تعمیرات مبتنی بر شرایط و مدیریت قطعات یدکی پرداختند. مقدار متغیرهای مدل بر اساس نرخ شکست کل سیستم و وضعیت قطعات یدکی محاسبه شد. مدل توسعه داده شده در یک نیروگاه بادی به کار گرفته شد. زاهدی حسینی و همکاران (۲۰۱۸)، با استفاده از ابزار شبیه سازی به بررسی عملکرد هم زمان سیاست نگهداری و تعمیرات و کنترل موجودی قطعات یدکی در یک سیستم تولید موازی پرداختند. هدف آنها تعیین زمان بازرگانی سیستم نگهداری و تعمیرات، زمان سفارشات دوره‌ای و حداقل موقیعیت موجودی است. آنها نتیجه گیری کردند که در سیاست بهینه، زمان بازرگانی و زمان سفارش قطعات یدکی با هم برابر است.

سایدیکو^{۱۲} و همکاران (۲۰۱۸) بیان داشتند که نگهداری بهینه ماشین‌آلات کارخانه یکی از اهداف مهم کاهش هزینه‌های عملیاتی است و به همین علت توسعه سیاست‌های کنترل موجودی قطعات یدکی یکی از مهم‌ترین اولویت‌های نت است. ایشان به توسعه مدل همزمان نت و موجودی قطعات یدکی برای یک سیستم با چند جزء مشابه پرداختند و از سیاست‌های نت با دوره زمانی ثابت و سیاست‌های کنترل موجودی با بررسی دوره‌ای قطعات یدکی استفاده کردند. متغیرهای تصمیم مدل آنها شامل مقدار سفارش و نسبت دوره سفارش به فاصله تعمیرات پیشگیرانه است. همچنین ایشان فرض کردند که تابع شکست اجزاء از توزیع پواسان پیروی کرده و خرابی در هردو حالت قابل تعمیر و غیر قابل تعمیر مورد بررسی قرار گرفت.

جدول شماره (۱): جدول شکاف تحقیقاتی

مراجع / سال	کنترل موجودی قطعات یدکی	تعیین زمان بهینه نهایی نت	حداقل کردن هزینه نهایی نت	سیستم چند جزئی	مطالعه موردی
سعیدی سوق و همکاران (۱۳۹۴)	*				
حیدری (۱۳۹۵)	*	*			*
بهارستان و گلشن تفتی (۱۳۹۵)	*				
والحمدی و همکاران (۱۳۹۶)	*				*
پاناگیوتیدون (۲۰۱۴)	*				
کایزر و همکاران (۲۰۱۷)	*			*	
ژانگ و زنگ (۲۰۱۷)	*			*	*
کایزر و همکاران (۲۰۱۸)	*				
زاهدی حسینی و همکاران (۲۰۱۷)	*				
زاهدی حسینی و همکاران (۲۰۱۸)	*				
سایدیکو و همکاران (۲۰۱۸)	*				
تحقیق حاضر	*	*	*	*	*

در تحقیق حاضر، تعدادی از سوابق و پژوهش‌های انجام‌شده در زمینه نت و کنترل موجودی قطعات یدکی ذکر گردیده است که خلاصه آنها در جدول ۱ نشان داده شده است. همانطور که در جدول ۱ مشخص است و با بررسی تحقیقات پیشین مشاهده گردید، بیشتر محققین به صورت مجزا به بحث کنترل موجودی قطعات یدکی و نت پرداخته‌اند. از بین تحقیقات اخیر که به طور همزمان به بررسی کنترل موجودی و نت پرداخته بودند، تحقیق سایدیکو و همکاران (۲۰۱۸) نزدیک ترین مقاله با تحقیق حاضر است. از تفاوت‌های اصلی این تحقیق و مقاله سایدیکو و همکاران (۲۰۱۸) می‌توان به تعیین زمان بهینه تعویض پیشگیرانه در

¹⁰ Zahedi-Hosseini¹¹ Xiaohong Zhang, Jianchao Zeng¹² Siddique et al

مدلسازی هم زمان موجودی قطعات یدکی و زمان بندی نگهداری تعمیرات، و همچنین پیاده سازی مدل در یک مطالعه موردنی اشاره کرد. بنابراین لحاظ کردن هم زمان مدیریت موجودی قطعات یدکی و زمان بندی تعمیرات پیشگیرانه، لحاظ کردن یک سیستم چند جزئی مشابه و پیاده سازی مدل در یک مطالعه موردنی را می‌توان از اصلی ترین نوآوری‌های اصلی این مقاله نام برد.

۲- روش شناسی

هدف از این تحقیق حداقل کردن هزینه نهایی نت و موجودی قطعات یدکی در یک ماشین با چند جزء مشابه است. بر این اساس به توسعه مدلی برای تعیین نقطه بهینه سطح موجودی قطعات یدکی برای استفاده در بخش‌های مختلف ماشین و نیز تعیین سیکل سفارش موجودی و زمان تعمیرات پیشگیرانه می‌پردازیم. مدل سازی برای شرایطی ارائه می‌شود که زمان وقوع شکست‌ها بر اساس فرآیند پواسون با نرخ شکست ثابت است و خرایی‌های دستگاه غیرقابل تعمیر بوده و درصورت خرابی قطعه تعویض می‌شود.تابع هدف مدل شامل هزینه نگهداری، هزینه سفارش منظم، هزینه سفارش اضطراری و هزینه نگهداری سیستم نت است. به منظور رسیدن به اهداف تحقیق جاری، بایستی زمان بهینه تعویض پیشگیرانه با توجه به باقی‌مانده عمر دستگاه تعیین شود. هرگاه خرایی اتفاق بیفتد هزینه تعویض به دلیل خرایی پرداخت می‌شود؛ ولی اگر خرایی اتفاق نیفتد، در زمان برنامه ریزی شده ماشین تعمیرات پیشگیرانه انجام می‌شود و هزینه تعویض پیشگیرانه پرداخت می‌شود. بنابراین ماشین به دو دلیل عمدۀ زیر از مدار خارج می‌شود:

۱. از کارافتادگی قطعات اصلی که موجب توقف دستگاه می‌شود

۲. نت پیشگیرانه در زمان سرویس دوره‌ای

عدم پیش‌بینی مناسب برای تأمین قطعات یدکی و مصادف شدن کمبود این قطعات با زمان تعمیرات موجب به وجود آمدن هزینه‌هایی بالایی خواهد شد و این موضوع تمرکز و شالوده اصلی این تحقیق است.

با توجه به تعریف مسئله، مفروضات مدل به شرح زیر است.

(الف) مفروضات مدل

مفروضاتی که در این تحقیق مورداستفاده قرار می‌گیرد به شرح زیر است:

۱. عملیات تعویض در سیستم موجب بهینه‌سازی و قابلیت استفاده تجهیز در حالت اولین استفاده می‌شود.^{۱۳}

۲. زمان موردنیاز برای انجام سرویس‌های دوره‌ای یا هرگونه عملیات تعویض قطعات سیستم در مقایسه با زمان فرآیند ناچیز و قابل اغماض است.

۳. شکست‌ها در سیستم از توزیع پواسون پیروی می‌کند. در این صورت تابع جرم احتمال تعداد شکست‌ها در t واحد زمان به صورت زیر خواهد بود:

$$f(x, \lambda t) = e^{-\lambda t} \frac{(\lambda t)^x}{x!} \quad (\text{رابطه ۱})$$

۴. فواصل سفارش قطعات یدکی (t_0), به صورت مضربی صحیح از مدت زمان سرویس دوره‌ای (t_p) فرض می‌شود. در این صورت خواهیم داشت:

$$k = \frac{t_0}{t_p} \quad (\text{رابطه ۲})$$

۵. مدت زمان تأمین قطعات سفارش داده شده یا به عبارت دیگر زمان تدارک (L)^{۱۴} کمتر از مدت زمان تعمیرات و زمان بررسی سطح موجودی است ($L \leq t_p < t_0$)

۶. مدت زمان تحويل سفارش برای حالت اضطراری قابل اغماض است.

۷. هزینه بروز شکست در سیستم (C_f) بسیار بیشتر از هزینه نت سیستم (C_p) است ($C_f > C_p$)

¹³ As-Good-As New

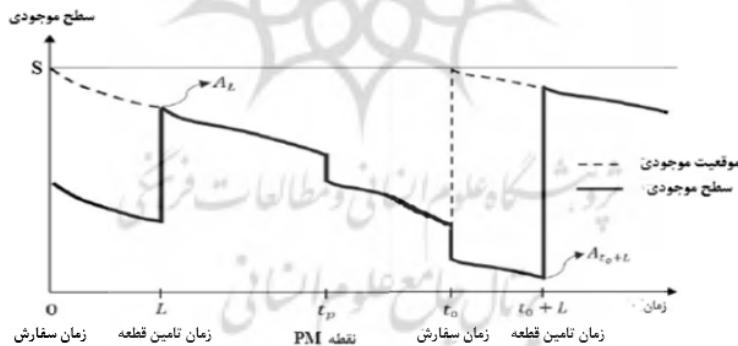
¹⁴ Regular inventory lead time

معمولًاً فرض ۱ در ادبیات نت مورداستفاده قرار می‌گیرد که مبتنی بر نظریه نوسازی کوکس است (کوکس^{۱۵}، ۱۹۶۲). پیش‌فرض ۲ برگرفته از تحقیق بارلو و پروسچان^{۱۶} (۱۹۶۵) حاصل می‌شود که زمان جایگزینی در مقایسه با دوره‌های بررسی، می‌تواند نادیده گرفته شود. با توجه به سفارش‌های اضطراری، قطعات یدکی در یک زمان کوتاه خردباری می‌شوند، بنابراین زمان تأمین مجدد اضطراری را می‌توان صفر در نظر گرفت و این فرض به طور گسترده در ادبیات موجودی مورداستفاده قرار می‌گیرد (وانگ^{۱۷}، ۲۰۱۱). فرضیه ۳، رایج‌ترین فرضیه در ادبیات نت است که بسیاری از محققان از این فرض استفاده کرده‌اند (بارلو و پروسچان، ۱۹۶۵). با توجه به توصیف مسئله، قطعات یدکی تنها بعد از تعویض PM سفارش داده می‌شوند که محاسبه مقدار سفارش را بسیار آسان می‌کند. بنابراین فرض ۴ برای ساده‌سازی مدل بسیار مفید است. فرضیه ۵ معمولًاً در تحقیقات موجود در بررسی دوره‌ای (هاریگا و بن دایا، ۱۹۹۹؛ چانگ و گوتیر، ۱۹۹۶)^{۱۸} مورداستفاده قرار می‌گیرد. فرضیه ۶ یک دیدگاه رایج در صنعت است که هزینه‌های خرابی ناخواسته بیشتر از جایگزینی پیشگیرانه برنامه‌ریزی شده است.

از آنجاکه سیستم موجودی کارخانه بر اساس بازنگری دوره‌ای با دوره زمانی ثابت است، انتخاب صحیح دوره‌های بررسی موجودی قطعات و تعمیرات پیشگیرانه و همچنین سطح مناسب موجودی موجب بهبود عملیات نت مالشین خواهد شد. از این رو دسترسی به اطلاعات قطعات یدکی از اهمیت بالایی برخوردار است. به این دلیل ما به دنبال یک سیاست برنامه‌ریزی همزمان نت و کنترل موجودی قطعات یدکی هستیم که نقطه حداقل موقعیت موجودی و سیکل سفارش در سیستم (S, T) تعیین شود. در ادامه به تشریح دقیق‌تر سیستم (S, T) می‌پردازیم.

ب) سیستم دوره سفارش (S, T)

در سیستم کنترل موجودی بر اساس دوره سفارش که به سیستم دوره ثابت سفارش^{۱۹} معروف است، در زمان‌های ثابت و مشخص (مثلاً هر هفته، هرماه و یا هرچند ماه یک‌بار) مقدار موجودی کالا بررسی می‌شود. آنگاه سفارش برای کالا به مقداری صادر می‌شود که جمع مقادیر موجودی کالا در زمان بررسی و مقدار سفارش داده شده، به یک مقدار حداقل ثابت و تعیین شده برسد. نمودار موجودی - زمان (S, T) برای این سیستم در شکل ۱ نشان داده شده است.



شکل شماره (۱): نمودار موجودی - زمان در سیستم (S, T)

همان‌گونه که در شکل ۱ ملاحظه می‌گردد، مقدار موجودی کالا در ابتدای هر سیکل بررسی شده و به مقداری سفارش داده می‌شود که سطح موقعیت موجودی به مقدار S برسد. بنابراین چنانچه i و t به ترتیب نشان‌دهنده مقدار سفارش و مقدار موجودی در دسترس در ابتدای سیکل سفارش باشد خواهیم داشت:

$$Q_i = S - i \quad (\text{رابطه } ۳)$$

در مورد سیستم (S, T) توجه به چند نکته زیر ضروری است:

- مدت زمان تحويل در سیکل‌های مختلف لزوماً یکسان نیستند.

¹⁵ Cox

¹⁶ Barlow and proschan

¹⁷ Wang

¹⁸ Hariga & Ben-Daya; Chi Chiang & Gutierrez,

¹⁹ Fixed Order Interval System (FOI)

- طول زمانی سیکل‌های مختلف مساوی می‌باشد.

- مقادیر سفارش Q_i لزوماً با یکدیگر یکسان نخواهد بود.

با توجه به تعریف مسئله و مفروضات بیان شده، در ادامه به ارائه پارامترها و متغیرهای مسئله می‌پردازیم. پارامترهای مورد استفاده در جدول ۲ شرح داده شده است.

جدول شماره (۲). پارامترهای مدل بهینه‌سازی

پارامتر	توضیحات
m	تعداد اجزای یکسان
C_p	هزینه تعویض پیشگیرانه
C_f	هزینه تعویض به دلیل خرابی
R	هزینه ثابت سفارش دوره ای
C_e	هزینه ثابت سفارش اضطراری
L	زمان تدارک
$D(t)$	تقاضای قطعه یدکی در t واحد زمانی
$f(x, \lambda t)$	تابع جرم احتمال تعداد شکست قطعه در t واحد زمان
λ	نرخ خرابی هر قطعه
λ_o	نرخ خرابی ماشین
h	هزینه نگهداری هر قطعه در واحد زمان

متغیرهای تصمیمی مدل در جدول ۳ ارائه شده اند.

جدول شماره (۳): متغیرهای تصمیمی مدل بهینه‌سازی

نام متغیر	توضیحات
S	حداکثر سطح موجودی
t_p	فاصله بین تعییرات پیشگیرانه
$k = \frac{t_o}{t_p}$	عدد صحیح مشبت

در ادامه مدل سازی مسئله و محدودیت‌های مربوط به آن شرح داده شده و پس از آن، آزمایش‌های عددی در مطالعه موردنی به منظور نشان دادن کاربردی بودن مدل ارائه می‌شود. بر اساس تعریف مسئله، هزینه کل (TC) که در رابطه ۴ ارائه شده شامل هزینه نگهداری، هزینه سفارش منظم، هزینه سفارش اضطراری و هزینه تعییرات است.

$$TC = C_h + C_o^r + C_o^e + C_m \quad (\text{رابطه } 4)$$

مقادیر مربوط به هزینه نگهداری موجودی، هزینه سفارش منظم، هزینه سفارش اضطراری و هزینه نت در ادامه مقاله شرح داده می‌شود. لازم به ذکر است نحوه محاسبه هزینه‌های کلاسیک موجودی در حالتی که نرخ مصرف قطعات بر اساس فرایند پواسون بوده را می‌توان در مقاله سادیکو و همکاران (۲۰۱۸) نیز مشاهده کرد. در مدل‌سازی سادیکو و همکاران (۲۰۱۸)، طول زمان تعییرات پیشگیرانه به عنوان یک پارامتر لحاظ شده بود و بنابراین هزینه‌های نت در تابع هدف مدل ایشان به عنوان یک جزء ثابت، تاثیری در مقادیر بهینه متغیرهای تصمیم نداشت. ولی در تحقیق جاری محاسبه زمان بهینه تعویض پیشگیرانه (t_p) به عنوان متغیر تصمیمی مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

ج) متوسط هزینه نگهداری موجودی (C_h)

متوسط سطح موجودی درست پس از دریافت سفارش (A_L) به صورت رابطه ۵ محاسبه می‌شود.

$$A_L = [S - D(L)]^+ = \sum_{x=0}^S (S - x)f(x, \lambda L) \quad (\text{رابطه } 5)$$

متوسط سطح موجودی درست قبل از دریافت سفارش (A_{t_o+L}) بر اساس روابط زیر محاسبه می‌شود.

$$A_{t_o+L} = [S - km - D(t_o + L)]^+ = [S - km - D(L + kt_p)]^+ \quad (رابطه ۶)$$

$$A_{t_o+L} = \sum_{x=0}^{S-km} (S - km - x) f(x, \lambda(kt_p + L)) \quad (رابطه ۷)$$

بنابراین متوسط سطح موجودی بر اساس رابطه ۸ محاسبه می‌شود:

$$\begin{aligned} \frac{A_L + A_{t_o+L}}{2} &= \frac{1}{2} \left[\sum_{\substack{x=0 \\ S-km}}^S (S - x) f(x, \lambda L) \right. \\ &\quad \left. + \sum_{x=0}^{S-km} (S - km - x) f(x, \lambda(kt_p + L)) \right] \end{aligned} \quad (رابطه ۸)$$

از این‌رو، متوسط هزینه نگهداری مورد انتظار در واحد زمان (C_h) به صورت زیر نمایش داده می‌شود.

$$\begin{aligned} C_h &= \frac{1}{2} h \left[\sum_{x=0}^S (S - x) f(x, \lambda L) \right. \\ &\quad \left. + \sum_{x=0}^{S-km} (S - km - x) f(x, \lambda(kt_p + L)) \right] \end{aligned} \quad (رابطه ۹)$$

د) متوسط هزینه سفارش منظم (C_0^r)

قطعات در ابتدای هر چرخه موجودی سفارش داده می‌شود. متوسط هزینه سفارش در واحد زمان به صورت رابطه ۱۰ نمایش داده می‌شود.

$$C_0^r = \frac{R}{t_o} = \frac{R}{kt_p} \quad (رابطه ۱۰)$$

۵) متوسط هزینه سفارش اضطراری (C_0^e)

تعداد واحدهای سفارش اضطراری در هر سیکل سفارش از رابطه ۱۱ محاسبه می‌شود.

$$\begin{aligned} [D(t_o) + km - S]^+ &= \sum_{x=S-km+1}^{\infty} (x + km - S) f(x, \lambda kt_p) \\ &= \sum_{x=S-km+1}^{\infty} xf(x, \lambda kt_p) - \sum_{x=S-km+1}^{\infty} (S - km) f(x, \lambda kt_p) \\ &= \lambda kt_p - \sum_{x=0}^{S-km} xf(x, \lambda kt_p) - (S - km) \left[1 - \sum_{x=0}^{S-km} f(x, \lambda kt_p) \right] \end{aligned} \quad (رابطه ۱۱)$$

بنابراین متوسط هزینه سفارش اضطراری در واحد زمان از رابطه ۱۲ به دست می‌آید.

$$\begin{aligned} C_0^e &= \frac{C_e}{kt_p} \left(\lambda kt_p - \sum_{x=0}^{S-km} xf(x, \lambda kt_p) \right. \\ &\quad \left. - (S - km) \left[1 - \sum_{x=0}^{S-km} xf(x, \lambda kt_p) \right] \right) \end{aligned} \quad (رابطه ۱۲)$$

متوسط هزینه نت (C_m)

زمان بهینه تعویض پیشگیرانه (t_p) با توجه به عمر دستگاه باید محاسبه شود. هرگاه خرابی اتفاق بیفتد هزینه تعویض (C_f) انجام می‌شود ولی اگر خرابی اتفاق نیفتد در زمان برآورد شده t_p ماشین تعمیرات پیشگیرانه خواهد داشت و هزینه (C_p) لحاظ

می شود. احتمال اینکه ماشین در طول دوره تعمیرات پیشگیرانه (t_p) خراب نشود را با تابع تابع ($R(t_p)$) نشان می دهیم که بیان کننده قابلیت اطمینان جزء اصلی (بحرانی) دستگاه به ازای طول دوره تعمیرات پیشگیرانه (t_p) است. مقدار قابلیت اطمینان ماشین در رابطه ۱۳ ارائه شده است.

$$R(t_p) = e^{-\lambda t_p} \quad (رابطه ۱۳)$$

برای تعیین متوسط هزینه های نت در واحد زمان، هزینه های نت در فاصله بین دو تعمیر متوالی را محاسبه کرده و بر متوسط زمان بین دو تعمیر متوالی تقسیم می کنیم. بر اساس مفروضات بیان شده، در انتهای همه دوره های تعمیر پیشگیرانه، عملیات تعمیر صورت می پذیرد. پس از انجام تعمیر، درصورتی که ماشین دچار خرابی نشود، تعمیر بعدی بعد از گذشت زمان t_p (در انتهای دوره بعدی) رخ می دهد. در حین دوره و بر اثر خرابی ماشین انجام می شود. بر این اساس رابطه ۱۴ متوسط زمان بین دو تعمیر متوالی را نشان می دهد.

$$t_p R(t_p) + \int_{-\infty}^{t_p} t f(t) \cdot dt = \frac{1}{\lambda} (1 - e^{-\lambda t_p}) \quad (رابطه ۱۴)$$

متوسط هزینه در فاصله بین دو تعمیر متوالی نیز با توجه به احتمال انجام تعمیر پیشگیرانه و تعمیر به دلیل خرابی، بر اساس رابطه ۱۵ محاسبه می شود.

$$C_p R(t_p) + C_f [1 - R(t_p)] = C_p \cdot e^{-\lambda t_p} + C_f (1 - e^{-\lambda t_p}) \quad (رابطه ۱۵)$$

بنابراین، متوسط هزینه نت در واحد زمان از طریق رابطه ۱۶ به دست می آید (جوهن و همکاران^{۲۰}):

$$C_m = \frac{C_p R(t_p) + C_f [1 - R(t_p)]}{t_p R(t_p) + \int_{-\infty}^{t_p} t f(t) \cdot dt} = \frac{C_p \cdot e^{-\lambda t_p} + C_f (1 - e^{-\lambda t_p})}{\frac{1}{\lambda} (1 - e^{-\lambda t_p})} \quad (رابطه ۱۶)$$

با توجه به محاسبه اجزای هزینه، مدل سازی نهایی مسئله توسط روابط ۱۷ تا ۲۰ نشان داده می شود. تابع هدف مینیمم کردن هزینه برای تعیین متغیرهای k و t_p است که در صورت تعیین مقادیر آنها، مقدار تابع هدف (TC) در کمترین مقدار خود قرار خواهد داشت.

$$\begin{aligned} \text{Min } TC &= \frac{h}{2} \left[\sum_{x=0}^S (S-x) f(x, \lambda L) \right. \\ &\quad \left. + \sum_{x=0}^{S-km} (S-km-x) f(x, \lambda(kt_p + L)) \right] + \frac{R}{kt_p} \\ &+ \frac{C_e}{kt_p} [\lambda kt_p - \sum_{x=0}^{S-km} xf(x, \lambda kt_p)] - (S-km) \left[1 - \sum_{x=0}^{S-km} f(x, \lambda kt_p) \right] \\ &+ \frac{C_p \cdot e^{-\lambda t_p} + C_f (1 - e^{-\lambda t_p})}{\frac{1}{\lambda} (1 - e^{-\lambda t_p})} \end{aligned} \quad (رابطه ۱۷)$$

S.t.

$$S \geq km \quad (رابطه ۱۸)$$

$$t_p \geq 0 \quad (رابطه ۱۹)$$

²⁰ John et al

$$S, k \geq 0 \quad (\text{رابطه } ۲۰)$$

رابطه ۱۸ تضمین می‌کند که حداکثر موقعیت موجودی برای انجام تعمیرات پیشگیرانه کافی باشد. روابط ۱۹ و ۲۰ نیز نوع متغیرهای تصمیم را مشخص می‌کند.

در این بخش به منظور دستیابی به اهداف پژوهش و نشان دادن کاربردی بودن مدل، مراحل پیاده سازی مدل در یک شرکت خودرو ساز به منظور اجرای برنامه ریزی نت ماشین آلات تشریح می‌شود. مراحل اجرای پژوهش در مطالعه موردی در شکل ۲ نشان داده شده است.



شکل شماره (۲): مراحل انجام تحقیق

در مرحله اول با توجه به محدودیتهای موجود از قبیل منابع مالی و زمانی و همچنین با توجه به نقاط قوت از قبیل تجربه کاری در بخش کنترل و برنامه‌ریزی قطعات یدکی غیر تولیدی شرکت‌های خودروسازی اقدام به انتخاب محیط تحقیق گردید و سپس از بخش سالن‌های پیش‌رنگ خودرو اقدام به بررسی خطوط مختلف تولید شد. که در نهایت مجموعه ماشین آلات شاتل رنگ به دلیل حساسیت عملکرد و گلوگاهی بودن بین سالن‌های بدنه سازی و رنگ انتخاب شد.

در مرحله دوم تحقیق با بررسی اسناد و پارت لیست قطعات ربات شاتل همچنین استخراج پریود زمانی هر تعویض، مقدار روند مصرف هر قطعه در هر سال و شرح خرابی‌ها و پیشینه شکست‌های تصادفی و داده‌های تاریخی مربوط به تعداد خرابی در یک سال گذشته استخراج شد و با استفاده از آزمون نیکوبی برازش در نرم افزار Minitab در سطح اطمینان ۹۵٪ توزیع تعداد خرابی در واحد زمان مناسب با توزیع پواسون تشخیص داده شد. همچنین با بررسی سوابق درخواست خرید قطعات یدکی شاتل و شناخت از وضعیت صدور سفارش‌های عادی و اضطراری قطعات یدکی و مصاحبہ حضوری با پرسنل تعمیرات ربات شاتل و خبرگان این تجهیز که سالهای است نت شاتل را در دست دارد (متشكل از ۲ کارشناس برق و مکانیک و ۸ تکنسین برق و مکانیک) اقدام به بررسی وضعیت موجود در شاتل پیش‌رنگ از نظر موقعیت سطح موجودی با توجه به تعداد فعال قطعات در ربات شاتل و برنامه‌های نت گردید.

در مرحله سوم با توجه به خط مشی‌های از پیش تعیین شده و نیازها و انتظارات مدیران تولید و تعمیرات حاضر در جلسات و بررسی توقفات ناشی از عدم وجود قطعه در زمان بروز شکست‌ها، نیاز به مدلی بود تا بتواند در ربات شاتل به طور همزمان برنامه‌ریزی نت و کنترل موجودی قطعات یدکی را انجام دهد. در مرحله چهارم با توجه به مدل انتخابی اقدام به بررسی محدودیت‌های تحقیق گردید. ربات شاتل پیش‌رنگ ایران خودرو در مجموع دارای ۲۲۰ قطعه می‌باشد که برنامه ریزی هم زمان برای همگی آنها بسیار پیچیده می‌باشد. بنابراین باید روی قطعات مهم تر تمرکز شود. در مرحله پنجم داده‌های مورد نیاز از شرکت خودرو ساز جمع‌آوری شده است. پارامترهایی که در مدل مورد نیاز است و مقادیر آنها به سادگی در دسترس نیست می‌باشد با توجه به داده‌های جمع‌آور شده دیگر محاسبه گردد. بدلیل تعداد زیاد قطعات ربات شاتل و پیچیدگی‌های مدل سازی هم زمان چندین قطعه نامتجانس، ابتدا قطعات دستگاه بررسی شده و اولویت بندی می‌شود. با استفاده از استخراج اطلاعات مربوط به هر

قطعه از سیستم نت شرکت خودرو ساز از قبیل تعداد فعال هر قطعه در ماشین شاتل و میزان روند مصرف طی ۵ سال گذشته و سوابق درخواست خربید، قیمت قطعات، مدت زمان از لحظه سفارش تا زمان تحويل، میزان توقفات مندرج در سوابق ماشین و نیز تاثیر شکست بر دیگر قطعات و آسیب کلی به ربات شاتل، و بر اساس قضاوت های تیم نت اولویت بندی قطعات انجام شد. تیم نت شاتل متشكل از کارشناسان برق و مکانیک و تکنسین های نت با اولویت بندی بر اساس شاخص های بیان شده و خرابی که منجر به توقف طولانی خط تولید میشود و مقایسه با قطعات دیگر یک قطعه را به عنوان قطعه بحرانی تعیین کردند. در مرحله ششم به ترتیبی که در ذیل به آن پرداخته می شود به تجزیه و تحلیل داده ها و حل مدل پرداخته می شود و در نهایت تحلیل حساسیت انجام می شود. برآسم ویژگی های ربات شاتل، این ماشین به عنوان یک سیستم با چند جزء مشابه در نظر گرفته شده است. پارامترهایتابع توزیع خرابی قطعه بحرانی انتخاب شده با استفاده از داده های جمع آوری شده، تعیین شد. در این مدل هدف تعیین مقادیر بهینه پارامترهای S و k است به گونه ای که TC مینیمم هزینه (کمترین مقدار) را داشته باشد. پارامترهای ورودی در جدول ۴ فهرست شده اند.

جدول شماره (۴): مقادیر پارامترهای ورودی مسئله

متغیرها ورودی	
h	۳۵۰,۰۰۰
λ	۰/۱۲۷
M	۱
L	۲۶
C_p	۱۶۶,۳۰۰
R	۳,۰۰۰,۰۰۰
C_e	۱,۵۰۰,۰۰۰
C_f	۴۳,۰۰۰,۰۰۰
هزینه نگهداری به ازای هر قطعه در هر واحد زمان	
نرخ خرابی هر قطعه	
تعداد اجزای ماشین	
مدت زمان تأمین قطعات یدکی از زمان ثبت سفارش	
هزینه خدمات تعمیرات پیشگیرانه	
هزینه صدور سفارش ثابت	
هزینه صدور سفارش اضطراری	
هزینه تعویض قطعات میوب	

پس از حل مدل، مقادیر بهینه متغیرها و تابع هدف تعیین شده اند که در جدول ۵ نمایش داده شده است. برای سیستم مقدار سفارش قطعات یدکی باید تا ۲ عدد در هر سفارش افزایش یابد. فاصله زمانی تا تعمیرات پیشگیرانه بعدی مقدار ۲۶ هفتة است و مقدار نسبت فاصله زمانی سفارش و فاصله زمانی تا تعمیرات پیشگیرانه بعدی ($k=1$) تعیین شده است. درنتیجه فاصله زمانی سفارش ۵۷ برابر ۲۶ هفتة می شود. درنهایت هزینه کل نت برابر ۳۸۴۹۶۰۰ در هفتة می شود.

جدول شماره (۵): مقادیر بهینه برای متغیرها

جواب های بهینه	
S^*	۲
K^*	۱
t_p^*	۲۶
TC^*	۳۸۴۹۶۰۰
حداکثر یا بیشینه موجودی قطعات یدکی	
نسبت بین فاصله سفارش تا زمان تعمیرات پیشگیرانه	
فاصله زمانی بین دو تعمیرات پیشگیرانه	
مجموع هزینه های کل نت	

تحلیل حساسیت مدل پیشنهادی به منظور بررسی واکنش مدل انجام شده است. در این راستا در حل مدل با افزایش ۵۰ درصدی و کاهش ۵۰ درصدی در مقادیر هر یک از پارامترهای ورودی و ثابت نگه داشتن مقادیر دیگر پارامترها در سناریوی اول و پایه مقادیر بهینه پس از حل مدل استخراج شده و نتایج این آنالیز حساسیت به صورت مقایسه ای در جدول ۶ خلاصه شده است. همچنین رنچ تغییرات کوچکتر پارامتر ها نیز انجام شده و در جدول ۷ نمایش داده شده است. با توجه به اینکه در عمل پارامترهای مدل برآورد می شود، تحلیل حساسیت متغیر های مدل نسبت به پارامتر ها تحت تاثیر قرار می گیرند. در این خصوص مقاله صورت بروز درصدی خطا در برآورد پارامتر ها، متغیر های مدل چه میزان تحت تاثیر قرار می گیرند. در این سادیکو و همکاران (۲۰۱۸) رنچ تغییرات ۵۰٪ و ۲۵٪ برای تغییر پارامتر ها لحاظ شده است. تحلیل حساسیت منجر به این میشود که در مطالعه موردی فوق آستانه تغییر متغیرهای تصمیم مورد بررسی دقیقترا قرار گیرد.

تحلیل حساسیت برای مقادیر به دست آمده در تحقیق حاضر به شرح جدول ۶ و ۷ است.

جدول شماره (۶): تحلیل حساسیت برای مقادیر بدست‌آمده در تحقیق حاضر

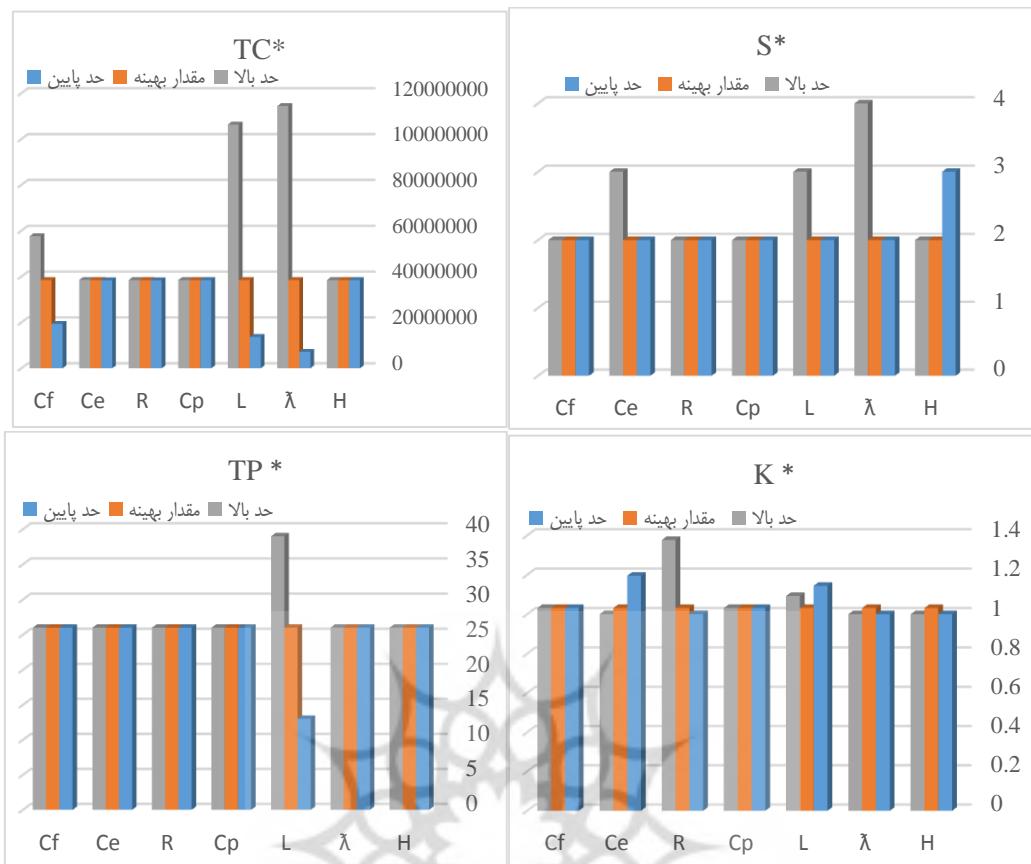
تجزیه و تحلیل حساسیت به ازای تغییر ۵%

ورودی	TC*	t_p^*	S*	K*	پارامترهای مدل
	هفته	عدد	هفته		
H	۱۷۵۰۰۰	۳۸۴۶۳۰۰	۲۶	۳	۱
	۵۲۵۰۰۰	۳۸۵۱۴۰۰	۲۶	۲	۱
λ	۰۰۰۶۳۵	۷۱۷۸۱۰۰	۲۶	۲	۱
	۰۰۱۹۰۵	۱۱۴۴۵۰۰۰	۲۶	۴	۱
L	۱۳	۱۳۷۲۳۰۰	۱۳	۲	۱
	۳۹	۱۰۶۳۳۰۰۰	۳۹	۳	۱
C_p	۸۳۱۵۰	۳۸۴۹۴۰۰	۲۶	۲	۱
	۲۴۹۴۵۰	۳۸۴۹۹۰۰	۲۶	۲	۱
R	۱۵۰۰۰۰	۳۸۴۳۹۰۰	۲۶	۲	۱
	۴۵۰۰۰۰	۳۸۵۴۴۰۰	۲۶	۲	۱
C_e	۷۵۰۰۰	۳۸۴۲۶۰۰	۲۶	۲	۱
	۲۲۵۰۰۰	۳۸۵۵۶۰۰	۲۶	۳	۱
C_f	۲۱۵۰۰۰	۱۹۳۹۳۰۰	۲۶	۲	۱
	۶۴۵۰۰۰	۵۷۵۹۹۰۰	۲۶	۲	۱

جدول شماره (۷): تحلیل حساسیت برای مقادیر بدست‌آمده در تحقیق حاضر

تجزیه و تحلیل حساسیت به ازای تغییر ۲۵%

ورودی	TC*	t_p^*	S*	K*	پارامترهای مدل
	هفته	عدد	هفته		
H	۲۶۲۵۰۰	۳۸۴۸۶۰۰	۲۶	۲	۱
	۴۳۷۵۰۰	۳۸۵۰۵۰۰	۲۶	۲	۱
λ	۰۰۰۹۵۲۵	۱۷۵۵۲۰۰	۲۶	۲	۱
	۰۰۱۵۸۷۵	۷۳۵۰۶۰۰	۲۶	۲	۱
L	۱۹.۵	۲۲۶۵۰۰۰	۱۹.۵	۲	۱
	۳۲.۵	۶۵۱۴۴۲۰۰	۳۲	۲	۱
C_p	۱۲۴۷۲۵	۳۸۴۹۵۰۰	۲۶	۲	۱
	۲۰۷۸۷۵	۳۸۴۹۸۰۰	۲۶	۲	۱
R	۲۲۵۰۰۰	۳۸۴۶۸۰۰	۲۶	۲	۱
	۳۷۵۰۰۰	۳۸۵۲۲۰۰	۲۶	۲	۱
C_e	۱۱۲۵۰۰	۳۸۴۶۲۰۰	۲۶	۲	۱
	۱۸۷۵۰۰	۳۸۵۳۰۰۰	۲۶	۲	۱
C_f	۳۲۲۵۰۰۰	۲۸۹۴۵۰۰	۲۶	۲	۱
	۵۳۷۵۰۰۰	۴۸۰۴۸۰۰	۲۶	۲	۱



شکل شماره (۳): نتایج تحلیل حساسیت در مقادیر ورودی

پس از حل مدل جواب‌های بهینه به دست آمد و خروجی‌های نرمافزار در حالات مختلف تحلیل حساسیت گردید که در شکل ۳ نشان داده شده است. نتایج بررسی نشان داد که افزایش و کاهش در هزینه نگهداری به ازای هر قطعه در واحد زمان تغییر قابل ملاحظه‌ای در هزینه‌های کل نسبت به قبل ایجاد نمی‌کند ولی انتظار می‌رود با کاهش هزینه‌های نگهداری موجودی بیشتری را بتوان نگهداری کرد. همچنین با بررسی آنالیز حساسیت در بخش نرخ خرابی می‌بینیم با کاهش نرخ خرابی هر قطعه کاهش چشمگیری در هزینه‌های کل ایجاد می‌شود و با افزایش نرخ خرابی شاهد افزایش بسیار زیادی در هزینه‌های کل نت خواهیم شد. از پارامترهای مهم و قابل توجه در آنالیز حساسیت می‌توان مدت زمان تأمین قطعات یدکی از زمان ثبت سفارش را نام برد زیرا با تغییر در بازه زمانی فوق که به آن لید تایم تأمین قطعه نیز می‌گویند افزایش و کاهش قابل توجهی در زمان بهینه تعویض پیشگیرانه و هزینه کل نت خواهیم داشت. با تغییر در هزینه خدمات تعمیرات پیشگیرانه در آنالیز حساسیت متوجه می‌شویم که تأثیر بسیار کمی در هزینه‌های کل نت و دیگر متغیرهای تصمیم ایجاد می‌کند. همچنین هزینه هزینه‌های ثابت صدور سفارش عادی و هزینه‌های صدور سفارش اضطراری نیز تأثیر چندانی در تعیین سیاست حفظ و نگهداری قطعات یدکی ندارد. و اما هزینه‌های خدمات تعمیرات برای تعویض قطعات معیوب ارتباط مستقیمی با هزینه کل نت دارد به این دلیل که بخش قابل توجهی از هزینه‌های کل بهای تمام شده مربوط به قطعه یدکی است.

۳- بحث و نتایج

در این تحقیق یک مدل ریاضی برای بهینه‌سازی هزینه نهایی نت و موجودی قطعات یدکی در یک ماشین با چند جزء مشابه ارائه شد. برای این منظوریکتابع هزینه در نظر گرفته شده و فرض شد که زمان ورود شکست‌ها بر اساس فرآیند پوآسون با نرخ شکست ثابت است. همچنین خرابی‌های دستگاه غیرقابل تعمیر فرض شده است. سیاست سفارش در سیستم دوره ثابت است و در نهایت مجموع هزینه‌های کل نت از قبیل هزینه سفارش دوره ای و اضطراری و هزینه‌های امور بازرگانی و تعمیرات در مدل سازی کمینه شده است. همچنین زمان بهینه تعویض پیشگیرانه در مدل پیشنهادی تعیین می‌شود. برای نشان دادن توانمندی و

کارایی مدل نتایج مطالعه موردی در خطوط پیش رنگ یک شرکت خودروسازی برای تعیین سیاست‌های مدیریت موجودی قطعات پرمصرف و بحرانی پیاده‌سازی شده است. همچنین به منظور تحلیل پایداری نتایج تحقیق، حساسیت نتایج به تغییرات پارامترهای ورودی مورد بررسی قرار گرفت. جمع‌بندی نهایی از تحلیل حساسیت با تغییر در پارامترهای ورودی نشان می‌دهد که:

- هزینه کل نت (TC) به نرخ خرابی، مدت‌زمان تأمین قطعه و هزینه تعویض قطعات معیوب حساس است، به طوری که با افزایش و کاهش در مقادیر این پارامترها ارتباط مستقیم دارد. هزینه کل نت نسبت به تغییرات مقادیر نرخ خرابی و مدت‌زمان تأمین قطعه حساسیت بالاتری دارد.

- حداکثر موقعیت موجودی (S) با کاهش در هزینه نگهداری به ازای هر قطعه افزایش پیدا می‌کند و با افزایش هر کدام از پارامترها (از قبیل نرخ خرابی، مدت‌زمان تأمین قطعه و هزینه صدور سفارش اضطراری) سطح موجودی افزایش پیدا می‌کند. در مجموع می‌توان گفت که سطح موجودی نسبت به افزایش نرخ خرابی حساس‌تر است.
- نسبت زمان سفارش به زمان تعویض پیشگیرانه (k) به تغییرات هزینه صدور سفارش ثابت و اضطراری حساس است. به ترتیبی که با کاهش در هزینه صدور سفارش اضطراری و افزایش در هزینه صدور سفارش عادی مقدار k افزایش پیدا می‌کند.

برای تحقیقات آینده، توصیه می‌شود که انواع مختلف شکست‌ها مورد توجه قرار گیرد. همچنین، در تحقیق حاضر ما تابع هزینه را بدون در نظر داشتن دسترسی به سیستم موردنظر بررسی قراردادیم. در دسترس بودن سیستم در توسعه سیاست‌های نت و موجودی قطعات یدکی می‌تواند مورد توجه قرار گیرد. همچنین در حالتی که چند جزء غیر متجانس در ماشین وجود داشته باشد باید اثرات خرابی آنها بر یکدیگر و همچنین نرخ‌های مصرف متفاوت آنها بررسی شده و زمان‌های نت آنها هماهنگ شود.

۴- منابع

1. Baharestan, O., & Golshan Tafti, O. (2016). Spare parts inventory control. *International Management and Accounting Conference*.
2. Barlow, R.E. & Proschan F. (1965). Mathematical theory of Reliability. New York: Wiley.
3. Chiang, C., & Gutierrez, G.J. (1996). A periodic review inventory system with two supply modes. *European Journal of Operational Research*, 94(3), 527-547.
4. Cox, D.R., (1962). Renewal theory (Vol. 1). London: Methuen.
5. Heidari, E. (2016) Optimization of inventory control costs and process quality by taking into account statistical indicators and optimal maintenance policy. Master Degree thesis. (*in persian*)
6. Keizer, M.C.A.O., Teunter, R.H., & Veldman, J. (2017). Joint condition-based maintenance and inventory optimization for systems with multiple components. *European Journal of Operational Research* 257(1), 209-222.
7. Keizer, M.C.O., Teunter, R.H., Veldman, J., & Babai, M.Z. (2018). Conditionbased maintenance for systems with economic dependence and load sharing, *International Journal of Production Economics*, 195, 319-327.
8. Kilpi, J., Töyli, J., & Vepsäläinen, A. (2009). Cooperative strategies for the availability service of repairable aircraft components. *International Journal of Production Economics*, 117(2), 360–370.
9. Panagiotidou, S., (2014). Joint optimization of spare parts ordering and maintenance policies for multiple identical items subject to silent failures. *European Journal of Operational Research* 235, 300–314
10. Saeedi Sogh, Y., Ahmadi, A., & Ramazani, S. (2015). Optimization of the combination of inventory of spare parts and maintenance activities. *Supply Chain Management*. 17 (49) (*in persian*)

11. Taslimi, E., Nekoei, M., & Kavosh, S. (2010). Provide an optimal method for ordering spare parts in Mobarakeh Steel Complex. 7th International Industrial Engineering Conference. (*in persian*)
12. Siddique, P. J., Luong, H. T., & Shafiq, M. (2018). An optimal joint maintenance and spare parts inventory model. *International Journal of Industrial and Systems Engineering*, 29(2), 177-192.
13. Valmohammadi, C., Sufi Abadi, J., & Lotfzadeh, F., Paizi (2017), Choosing Maintenance Maintenance Strategy to Improve Reliability and Reliability Measurement Indices. *Journal of Productivity Management (beyond Management)*, 11(2), 175-196.
14. Wang, W., & Syntetos A. (2011). Spare parts demand: linking forecasting to equipment maintenance. *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, 47(6), 1194-1209.
15. Wang, W. (2012). A stochastic model for joint spare parts inventory and planned maintenance optimisation. *European Journal of Operational Research*, 216(1), 127–139.
16. Zahedi-Hosseini, F., Scarf, P., & Syntetos, A. (2017). Joint optimisation of inspection maintenance and spare parts provisioning: a comparative study of inventory policies using simulation and survey data. *Reliability Engineering & System Safety*, 168, 306-316.
17. Zahedi-Hosseinia, F., Scarfb, P., & Syntetosc, A. (2018). Joint maintenance-inventory optimisation of parallel production systems. *Journal of Manufacturing Systems*, 48, 73-86.
18. Zhang, X., & Zeng, J. (2017). Joint optimization of condition-based opportunistic maintenance and spare parts provisioning policy in multiunit systems, *European Journal of Operational Research*, 262(2), 479-498.



Joint Maintenance and Spare Parts Inventory Planning (Case Study : Pre – Paint Shuttle Robot of an Automotive Company)

Seyed Mohamadreza Aboalaghay

Department of Industrial Engineering, Electronic Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran

Davood Mohammaditabar (Corresponding Author)

Assistant Professor, Department of Industrial Engineering, Islamic Azad University, Tehran, Iran

Email: d_mohammaditabar@azad.ac.ir

Sadigh Raissi

Associate Professor, Department of Industrial Engineering, South Tehran Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran

Abstract

Carrying out maintenance planning for machine tools is one of the critical factors in reducing operating costs. Inventory management is a key element on the performance of the maintenance policy. Through current research, an integrated inventory control of spare parts and maintenance scheduling is proposed to determine the maximum inventory level as well replenishment cycle (S, T), along with the determination of the optimal preventive maintenance period. The total cost associated with the maintenance system, such as the cost of periodical and emergency orders and the costs of inspections and repairs are minimized via the model objective function. To illustrate the capability and performance of the model, the results of applying the model into a case study is reported in an automotive pre-paint line for determining inventory control policies of a critical item. In addition, in order to analyze the stability of the results, the sensitivity of the variables to the changes in input parameters has been investigated. Based on the results, the total cost is affected by the failure rate, the lead time period, and the cost of replacing defective items. In this regard, the system is more sensitive to failure rate and the lead time. In the case of constant failure rates, applying the proposed method might be successful.

Keywords: Inventory Control, Maintenance Scheduling, Poisson Process, Reliability Centered Maintenance (RCM), Spare Parts.