

ارزیابی مدل WRF برای پیش‌بینی دما و رخداد سرمایدگی در حوضه آبریز زاینده‌رود

مهرداد ناصرصفهانی - دانشجوی دکتری آب و هواشناسی، گروه جغرافیای طبیعی، دانشکده علوم جغرافیا و برنامه‌ریزی، دانشگاه اصفهان
حجت‌الله یزدان‌پناه* - دانشیار گروه جغرافیای طبیعی، دانشکده علوم جغرافیایی و برنامه‌ریزی، دانشگاه اصفهان
محمدعلی ناصرصفهانی - استادیار گروه مهندسی آب دانشگاه شهرکرد

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۷/۱۰/۱۶ تاریخ دریافت: ۱۳۹۷/۴/۲۴

چکیده

وقوع مخاطرات جوی، همچون یخبندان و سرمای دیررس بهاره، سالانه، خسارات زیادی در بخش کشاورزی ایجاد می‌کند. برنامه‌ریزی به موقع می‌تواند خسارت ناشی از بلایای طبیعی را کاهش دهد. امروزه، با استفاده از مدل‌های پیش‌بینی عددی وضع هوا، می‌توان از خسارت‌های ناشی از آن‌ها جلوگیری کرد. در این تحقیق، برای ارزیابی پیش‌بینی دما توسط مدل WRF در زمان و قوع سرمایهای دیررس بهاره، از یازده ایستگاه هواشناسی واقع در حوضه آبریز زاینده‌رود، با درجه تفکیک افقی یک کیلومتر، شبیه‌سازی شد. سپس، با دو رویکرد نقطه‌ای و منطقه‌ای دماهای شبیه‌سازی شده با مقادیر دیدبانی متاثر در پیش‌بینی‌های ۲۴ و ۴۸ ساعته دمای سطحی (دومتری) ارزیابی شد. براساس نتایج جذر میانگین مربعات خطأ، ضریب تعیین اصلاح شده و شاخص میانگین اریبی که برای دمای شبیه‌سازی ۲۴ ساعته بهتر از ۴۸ ساعته است به ترتیب ۲/۸، ۰/۸۸ و ۰/۴۸ بود. ارتباط قابل قبولی از لحاظ آماری (ضریب همبستگی) بین متغیر مستقل، که همان داده‌های مدل WRF است، و متغیر وابسته، که همان داده‌های دیدبانی شده (واقعی) است، وجود دارد.

وازگان کلیدی: پیش‌بینی دما، تفکیک افقی، راست‌آزمایی، مدل WRF

مقدمه

بلایای طبیعی در طول زندگی بشر به فراوانی رخ داده است، ولی امروزه، با بهره‌گیری از فناوری‌های موجود، شناخت بیشتر این بلایا، و ایجاد سامانه‌های پیش‌بینی و پیش‌بینی می‌توان از ابعاد روزافزون خسارت‌های ناشی از آن‌ها جلوگیری کرد (قرایلو و همکاران، ۱۳۹۲: ۲۱۳). با توجه به توسعه سامانه مدل‌سازی^۱ WRF در سال‌های اخیر و متداول‌تر شدن استفاده از آن در مراکز پیش‌بینی دنیا، اجرای مطالعاتی برای راست‌آزمایی برون‌داد این مدل به عنوان پیش‌نیاز استفادة پژوهشی و عملیاتی از آن ضروری است (ذوالجودی و همکاران، ۱۳۹۲: ۱۸۸). سامانه مدل‌سازی پیشرفته WRF یک مدل میان‌مقیاس و سامانه‌ای انعطاف‌پذیر با قابلیت‌های فراوان است که می‌توان وضعیت‌های مختلف جو را با استفاده از آن شبیه‌سازی کرد. این مدل در طی چند سال گذشته در حال توسعه بوده است. مدل یادشده قابل نصب بر روی سامانه‌های مختلف و رایانه‌ای است. محدوده کاربرد آن بسیار وسیع است و گستره بین چندین متر تا هزاران کیلومتر را تحت پوشش قرار می‌دهد و با استفاده از تغییر حالت‌های متفاوت پارامترسازی‌های فیزیکی موجود در مدل می‌توان گستره وسیعی از اجرای رساند (ارکیان و همکاران، ۱۳۹۴). درواقع، این مدل یک سامانه پیش‌بینی عددی وضع هوا و شبیه‌سازی جو است که برای کاربردهای پژوهشی و عملیاتی طراحی شده است.

توسعه و گسترش این مدل به تلاشی همگانی برای ایجاد یک مدل پیش‌بینی میان‌مقیاس و نیز ایجاد یک سامانه داده‌گواری تبدیل شده است تا فهم و پیش‌بینی وضعیت جوی را گسترش دهد و نیز پیشرفت‌های تحقیقاتی را تسربی کند (قرایلو و همکاران، ۱۳۸۷). با وجود اینکه استفاده از مدل‌های پیش‌بینی عددی وضع هوا می‌تواند به پیش‌بینی هرچه صحیح‌تر وضعیت هوا کمک کند، این مدل‌ها در پیش‌بینی پارامترهای نزدیک سطح زمین (بارش، دما، و ...) همواره خطاهای قابل توجهی دارند و درنتیجه عدم قطعیت در نتایج حاصله وجود دارد (ارکیان و همکاران، ۱۳۹۳: ۲۳). به‌طور کلی، برون‌داد مدل‌های پیش‌بینی هواشناسی دارای دو نوع خطا هستند: خطاهای سامانمند و ناسامانمند. خطاهای سامانمند به‌طور عمده مربوط به پارامترسازی نامناسب فرایندهای فیزیکی مدل مانند همرفت و تابش یا اختلاف در داده‌های کوهسواری (توبوگرافی) و کاربری سطح زمین در مدل و واقعیت می‌شوند و خطاهای ناسامانمند پیشتر از خطای موجود در شرایط اولیه مدل ناشی می‌شوند (وارنر، ۲۰۱۱؛ آزادی و همکاران، ۱۳۹۵: ۱۱۱).

پیش‌بینی دمای سطح زمین با مدل‌های پیش‌بینی عددی وضع هوا دارای خطاهای قاعده‌مند (سیستماتیکی) است که عمدۀ آن به‌دلیل پایین‌بودن میزان تفکیک توپوگرافی و نیز نقص در فرانسنجی فرایندهای فیزیکی متفاوت در مدل است. علاوه بر این عوامل، موارد زیر نیز ممکن است از دلایل تولید خطا در برон‌داد مدل باشد: ۱. مدل دمای میانگین سطحی را پیش‌بینی می‌کند و نه دمای نقطه‌ای؛ ۲. به‌طور کلی، ناهمواری مورد استفاده در مدل هموار می‌شود، کمتر از مقدار واقعی است و با توجه به اینکه ۹,۸ آهنگ افت دمای بی‌دررو برای جو غیراشیاع درجه سلسیوس در هر کیلومتر است، همین تفاوت به ایجاد خطای قاعده‌مند در پیش‌بینی دمای دومتری منجر می‌شود (آزادی و همکاران، ۱۳۸۷: ۴۷). منظور از فرایند راست‌آزمایی^۱ ارزیابی کیفی پیش‌بینی‌های هواشناسی است که در آن نتایج فرایند پیش‌بینی با دیدبانی‌های متناظر مقایسه می‌شود. از آنجا که استفاده عملیاتی از مدل‌های منطقه‌ای پیش‌بینی عددی وضع هوا در چند سال اخیر در ایران متداول شده و هنوز مطالعه‌ای برای راست‌آزمایی همه ممحولات مدل انجام نشده است، چنین مطالعاتی ضروری به‌نظر می‌رسد (ذوالجودی و همکاران، ۱۳۹۲: ۱۸۸).

آزمودن مدل به‌طور کلی شامل آزمودن توانایی آن برای پیش‌بینی است. بنابراین، راست‌آزمایی پیش‌بینی‌ها به‌درستی به عنوان نقش مهمی در زمینه هواشناسی فرض می‌شود.

راست‌آزمایی پیش‌بینی‌ها به‌درستی نقش مهمی در زمینه هواشناسی فرض می‌شود. فرایند ارزیابی شامل چندین مرحلهٔ مجزا و مرتب است که در هر یک از این مرحله‌ها «عناصری» از این فرایند تعریف می‌شود. توجه به این هدف به تعریف دو شکل مجزا از ارزیابی منجر می‌شود: ارزیابی عملیاتی که با مقدار پیش‌بینی‌ها برای کاربر سروکار دارد و ارزیابی تجربی یا راست‌آزمایی که با کمال پیش‌بینی‌ها یعنی همخوانی بین پیش‌بینی‌ها و مشاهدات سروکار دارد. مشخصه‌های پیش‌بینی‌ها یعنی ویژگی‌های مطلوب پیش‌بینی‌ها با توجه به این اهداف تعریف می‌شود و تعدادی از اندازه‌گیری‌های مشخصه‌ها برای ارزیابی تجربی بررسی می‌شود. روش‌های راست‌آزمایی پیش‌بینی از امتیازها و شاخص آماری مرسوم تا روش‌هایی برای راست‌آزمایی فرایابی و علمی مفصل‌تر گسترش می‌یابد (تقی‌زاده، ۱۳۸۹). در راست‌آزمایی هر پیش‌بینی به شیوه‌های مختلف ارزیابی یعنی از کیفیت پیش‌بینی انجام می‌گیرد. نتایج راست‌آزمایی باید حاوی اطلاعات مفیدی باشد تا بتوان راهکارهای جدیدی برای پیش‌بینی بهتر به‌دست آورد. همچنین، واکاوی آماری راست‌آزمایی می‌تواند به ارزیابی نقاط قوت و ضعف پیش‌بین یا فرایند پیش‌بینی کمک کند (ذوالجودی و همکاران، ۱۳۹۲: ۱۸۹). در مدل‌های پیش‌بینی عددی وضع هوا، قوانین حاکم بر جو به صورت معادلات دیفرانسیل با مقدار اولیه- مرزی- مدل‌سازی شده‌اند. برای حل این معادلات دیفرانسیل از روش‌های عددی استفاده می‌شود. بدیهی است که روش‌های عددی تقریبی

است و همواره دارای خطاست. استفاده از روش‌های عددی در مدل‌ها تنها علت بروز خطا در خروجی مدل نیست؛ بلکه به عواملی مانند خطا در مقادیر اولیه- مرزی، کمبود داده‌های اولیه در برخی مناطق، و آشوبی‌بودن سیستم دینامیکی جو نیز می‌توان اشاره کرد. بنابراین، پیش‌بینی در یک چنین سیستمی با عدم قطعیت همراه خواهد بود و دارای خطاست. خطای ذکر شده در بروز داد مدل‌های پیش‌بینی عددی وضع هوا به دو دسته سامانمند و تصادفی تقسیم می‌شود. خطای سامانمند میزان میانگین انحراف بروز داد مدل از واقعیت را نشان می‌دهد که با روش‌های آماری موسوم به پس‌پردازش قابل حذف شدن است؛ اما خطای تصادفی از نظم خاصی پیروی نمی‌کند (رحمانی و همکاران، ۱۳۹۴).

در سال‌های اخیر، با وجود بهبود دقت مدل‌ها در پیش‌بینی عددی وضع هوا، این مدل‌ها همچنان دارای خطا در بروز داد خود بهویژه کمیت‌های سطح زمین‌اند. بخش قابل توجهی از این خطا به صورت خطای قاعده‌مند (اریبی) است. از مهم‌ترین عوامل ایجاد خطای اریبی می‌توان به نقص در پارامترسازی‌های فیزیکی مورد استفاده و تفکیک ضعیف توپوگرافی در مدل نسبت به شرایط واقعی اشاره کرد. لازم است روش‌های آماری به کار گرفته شده برای پس‌پردازش بروز داد مستقیم مدل قابل اعمال بر روی زمین‌هایی با توپوگرافی پیچیده باشند. برخی از این روش‌ها عبارت‌اند از: روش پیش‌بینی کامل (PPM)^۱، روش آماره بروز داد مدل (MOS)^۲، و روش پالایه کالمون (KF)^۳. اما می‌توان، به‌منظور خطای اریبی موجود در بروز داد خام مدل پیش‌بینی عددی بهره برد (آزادی و افشاری، ۱۳۹۳).

در سال‌های اخیر، روش‌هایی توسعه یافته و مورد استفاده قرار گرفته‌اند که می‌توان به کمک آن‌ها بروز داد مدل را بدون نیاز به داده‌های طولانی مدت تصحیح کرد؛ از آن جمله می‌توان اشاره کرد به روش‌های پالایه کالمون (هملید، ۱۹۹۵)، شبکه عصبی مصنوعی (ANN)^۴ (حسیه و تانگ، ۱۹۹۸)، میانگین متحرک (MA)^۵ (کالر و استیل، ۲۰۰۸) و بهترین برآوردگر ساده (BES)^۶ (وودکاک و انگل، ۲۰۰۵).

آزادی و همکاران (۱۳۹۰)، به‌منظور تصحیح بروز داد مدل، مدل میان‌مقیاس WRF را با دو دامنه با گام‌های شبکه‌ای ۴۵ و ۱۵ کیلومتر برای یک دوره ششم‌ماهه از اول نوامبر ۲۰۰۸ تا ۳۰ آوریل ۲۰۰۹ اجرا کردند. سپس، بروز داد مدل برای بارندگی‌های ۲۴ ساعته با دو روش بهترین برآوردگر ساده و روش میانگین متحرک برای ۲۰۵ ایستگاه هواشناسی همدید کشور تصحیح و پس‌پردازش شد. داده‌های سه ماه اول برای آموزش و بقیه داده‌ها برای آزمون و مقایسه استفاده شده است. نمایه‌های آماری مانند درجه موازنة جرم، میانگین مطلق خطا، و امتیاز مهارتی متناظر با آن برای پیش‌بینی‌های خام و بهبود یافته و برای نشان دادن بهبود نتایج محاسبه و مقایسه شده است. نتایج نشان داد که هر دو روش پس‌پردازش بروز داد مستقیم مدل را بهبود می‌بخشند؛ به‌گونه‌ای که میانگین مطلق خطا برای ایستگاه‌های مختلف در روش میانگین متحرک بین ۵ تا ۵۰ درصد (با میانگین در حدود ۲۵ درصد) و در روش بهترین برآوردگر ساده به‌طور میانگین در حدود ۱۳ درصد بهبود یافته است (آزادی و همکاران، ۱۳۹۰).

آزادی و افشاری (۱۳۹۳) از روش پس‌پردازی DA برای پس‌پردازش بروز داد مدل منطقه‌ای WRF برای دمای دومتری بر روی ایران و بر روی یک شبکه منظم طول و عرض جغرافیایی 27×18 استفاده کردند. در اینجا، تصحیحات انجام‌شده به صورت میانگین‌های وزنی از خطاهای قبلی بین دمای دیدبانی‌شده و پیش‌بینی مدل بوده است؛ به‌گونه‌ای که

1. Model Output Statistics (MOS)
2. Perfect Prognosis Method (PPM)
3. Kalman Filtering
4. Artificial Neural Network
5. Moving Average
6. Best Easy Estimator

به خطاهای نزدیک‌تر از نظر زمانی وزن بیشتری داده می‌شود. دوره مورد مطالعه از اول ژانویه ۲۰۱۲ تا آخر مارس ۲۰۱۲ است. این تصحیح بر روی برونداد مستقیم مدل در ساعت ۱۲ UTC هر روز انجام شده است. دوره آموزشی مورد استفاده هفده روز انتخاب شده است. بررسی نتایج نشان می‌دهد که میانگین مطلق خطا با تقریب خوبی صفر شده و به عبارتی خطای قاعده‌مند به خوبی کاهش یافته است. در ادامه از فرمول بندی دیگری از این روش، که گالانیس و آندرانیستاکیس (۲۰۰۲) آن را معرفی کرده، استفاده شده است. گالانیس و آندرانیستاکیس (۲۰۰۲) از پالایه کالمون به منظور تصحیح برونداد مدل‌های منطقه‌ای برای دمای دومتری و سرعت باد دهمتری استفاده و رابطه خطای مدل با پارامترهای دیگر را بررسی کردند.

شو و همکاران (۲۰۰۹) پیش‌بینی‌های مدل WRF را با گوارد داده ماهواره‌ای و بدون گوارد داده ماهواره‌ای در منطقه جنوب غرب آسیا برای کمیت‌های دمای دومتری، بارش و باد در ماه مه ۲۰۰۶ ارزیابی کردند. آن‌ها نتیجه گرفتند که پیش‌بینی‌های دمای دومتری با پیش‌بینی دیگر متغیرهای جوی متفاوت است و خطاهای در پیش‌بینی‌های دمای دومتری با توپوگرافی سطح شدیداً مرتبط است. مولر (۲۰۱۱) روش پالایه کالمون و MOS را برای پس‌پردازش برونداد مدل MM5 به منظور ارتقای کیفیت پیش‌بینی دما و باد در ۱۱۵۰ ایستگاه هواشناسی اروپای مرکزی استفاده کرد. او روش ساخت که استفاده از روش MOS می‌تواند تا ۳۵ درصد توانمندی پیش‌بینی‌ها را در مقایسه با روش پالایه کالمون افزایش دهد. اکل و مس (۲۰۰۵) روش میانگین لغزان (MA) را به عنوان یک روش پس‌پردازش برای کاهش خطای سامانمند برونداد مدل به منظور پیش‌بینی‌های دما به کار برdenد. همچنین، مک‌کالر و استال (۲۰۰۸)، برای پیش‌بینی دمای کمینه و بیشینه، هفت روش پس‌پردازش را با هم مقایسه کردند.

هدف از اجرای این تحقیق ارزیابی مدل WRF برای پیش‌بینی دما و رخداد سرمادگی در حوضه آبریز زاینده‌رود است.

مواد و روش‌ها

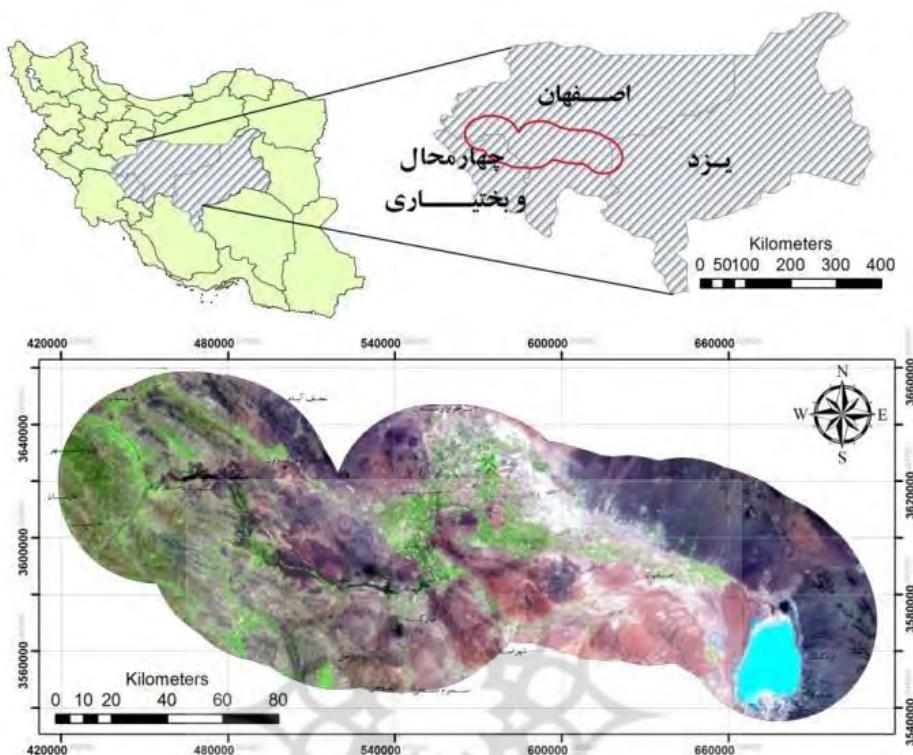
منطقه مورد مطالعه

منطقه مورد مطالعه در این تحقیق در حوضه آبریز زاینده‌رود است. حوضه آبریز زاینده‌رود و منطقه تحقیق در مختصات جغرافیایی ۵۰ درجه و ۲۰ دقیقه تا ۵۲ درجه و ۲۴ دقیقه طول شرقی و ۳۱ درجه و ۱۲ دقیقه تا ۳۳ درجه و ۴۲ دقیقه عرض شمالی واقع شده است. مساحت حوضه مذبور ۴۱۳۴۷ کیلومتر مربع است و هیچ خروجی به دریای آزاد ندارد. این حوضه دارای اقلیم خشک یا نیمه‌خشک است. رودخانه زاینده‌رود اصلی‌ترین منبع تأمین‌کننده آب کشاورزی در حوضه آبریز زاینده‌رود است. موقعیت حوضه در شکل ۱ نشان داده شده است. در این مطالعه از یازده ایستگاه هواشناسی همدیدی در حوضه آبریز زاینده‌رود استفاده شده است.

روش تحقیق

مدل WRF در تاریخ‌هایی که سرمای دیررس بهاره اتفاق افتاده اجرا شده است. این تاریخ‌ها از سازمان جهاد کشاورزی استخراج شده است. مدل در چهار تفکیک افقی یک کیلومتر (domain4)، سه کیلومتر (domain3)، نه کیلومتر (domain2)، و بیست‌وهفت کیلومتر (domain1) انجام شده و بازه زمانی آن ۲۴ و ۴۸ ساعته بوده است. یازده ایستگاه یادشده در منطقه تفکیک یک کیلومتر (domain4) قرار گرفته است. دمای دومتری سطح زمین با استفاده از نرم‌افزار Grads در دو بازه زمانی ۲۴ و ۴۸ ساعته استخراج و با مقادیر واقعی مشاهده شده مقایسه و صحبت‌سنجی شد. مقادیر مدل WRF

متغیر مستقل است و مقادیر دیدبانی شده متغیر وابسته است. مقدار ضریب تعیین در دو بازه زمانی محاسبه شد و بیانگر ارتباط خوبی بین داده‌های WRF و دیدبانی شده است. تعداد داده‌ها در محاسبات ارزیابی دقت مدل ۴۳۲ داده بوده است.



شکل ۱. منطقه تحقیق در حوضه آبریز زاینده‌رود (ایرانمهر و همکاران، ۱۳۹۴: ۲۶)



شکل ۲. پراکندگی یازده ایستگاه مورد مطالعه

جدول ۱. دماهای رخداد سرمادگی در تاریخ‌های مورد بررسی

Station	۱۳۹۵/۰۱/۰۱	۱۳۹۴/۰۱/۰۴	۱۳۹۲/۰۲/۰۲	۱۳۹۱/۱۲/۳۰	۱۳۹۰/۱۲/۲۹	۱۳۹۰/۰۱/۰۴
Moorchekhort	•	•	۳	۱	-۶	۶
Boroojen	-۳	-۵	۲	•	-۱۴	۷
Zarrinshahr	-۲	-۱	۵	•	-۷	۸
Esfahan	۱	•	۵	۲	-۵	۸
Shargh-e-esfahan	-۴	-۲	۱	•	-۷	•
Kabootarabad	۰,۲	-۱	۲,۶	۰,۶	-۶,۶	۱,۲
Mobarekeh	-۱	-۲	۳	۱	-۸	۵
Najafabad	•	•	۶	۲	-۶	۸
Saman	-۳	-۱	۳	•	-۶	۵
Shahreza	-۲	-۲	۶	•	-۹	۱۰
Shahrekord	-۷	-۶	•	-۶	-۱۵	۵

جدول ۲. پیکربندی مورد استفاده در اجرای مدل WRF

پیکربندی	حوضه ۱	حوضه ۲	حوضه ۳	حوضه ۴
تفکیک افقی	۲۷ کیلومتر	۹ کیلومتر	۳ کیلومتر	۱ کیلومتر
تعداد نقاط شبکه	۵۰*۵۰	۸۲*۸۲	۱۲۴*۱۲۴	۱۳۹*۱۴۸
گام زمانی دردسترس بودن پیش‌بینی‌ها	۳	۱	۱	۱
تعداد ترازهای قائم	۲۷	Lin	خاموش	خاموش
خرد فیزیک	طرح واره	طرح واره	Kain_Fretsche	Mellor and Yamada
هرفت	Kain_Fretsche	Kain_Fretsche	Mellor and Yamada	RRTM
فرایندهای لایه مرزی				طرح واره گودارد
تابش طول موج بلند				۳۶ ساعت
تابش طول موج کوتاه				
مدت زمان اجرا				
زمان شروع و پایان اجرا	2016/03/18:12:00:00	2016/03/21:00:00:00		

سنجه‌های مورد استفاده در ارزیابی پیش‌بینی علوم انسانی و مطالعات فرهنگی برای ارزیابی عملکرد مدل‌های تخمین و پیش‌بینی، شاخص‌های عملکردی مختلفی شامل ضریب تعیین (R^2)، مجدد میانگین مربع خطأ (RMSE)، میانگین مربع خطأ (MSE)، میانگین قدر مطلق خطأ (MAD)، درصد خطای نسبی (Error)، ضریب همبستگی (R)، شاخص میانگین اربیبی (MBE)، میانگین درصد خطای مطلق (MAPE)، و شاخص امتیاز مهارتی (MSSS) وجود دارد.

(الف) مجدد خطای میانگین مربعات (RMSE): مقدار این شاخص از رابطه ۱ محاسبه می‌شود. A_t مقادیر دیدبانی شده، F_t مقادیر پیش‌بینی شده، و n تعداد داده‌هاست.

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^n (A_t - F_t)^2}{n}} \quad \text{(مجدد خطای میانگین مربعات)} \quad (1)$$

(ب) خطای میانگین مربعات (MSE): این شاخص از رابطه ۲ محاسبه می‌شود. A_t مقادیر دیدبانی شده، F_t مقادیر پیش‌بینی شده، و n تعداد داده‌هاست.

1. Root Mean Square Error
2. Mean Square Error

$$MSE = \frac{\sum_{t=1}^n (A_t - F_t)^2}{n} \quad (2)$$

پ) شاخص میانگین اربی (MBE) : معیار ارزیابی MBE بیانگر میانگین انحراف است. این معیار، علاوه بر دارابودن علامت مثبت (پیش‌برآورده مدل) یا منفی (کم‌برآورده مدل) مقدار انحراف از مقادیر دیدبانی شده را نیز نشان می‌دهد و از رابطه ۳ محاسبه می‌شود.

$$MBE = \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^n F_i - \sum_{i=1}^n A_i \right) \quad (3)$$

ت) شاخص خطای نسبی (RE) :

$$RE = \frac{\frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^n F_i - \sum_{i=1}^n A_i \right)}{\sum_{i=1}^n A_i} \quad (4)$$

ح) میانگین خطای مطلق (MAD) : در تعیین صحت مدل با MAD مقدار صفر آن نشان‌دهنده صحت ۱۰۰ درصد است و هر قدر مقدار آن از صفر فاصله داشته باشد حاکی از کم‌شدن صحت مدل است.

$$MAD = \frac{\sum_{t=1}^n |A_t - F_t|}{n} \quad (5)$$

خ) میانگین درصد خطای مطلق (MAPE) :

$$MAPE = \frac{\sum_{t=1}^n \left| \frac{A_t - F_t}{A_t} \right|}{n} \times 100 \quad (6)$$

ج) شاخص امتیاز مهارتی (MSSS) :

$$MSSS = 1 - \frac{RMSE_F}{RMSE_A} \quad (7)$$

شاخص MSSS دقت نسبی پیش‌بینی حاصل از مدل پس‌پردازش شده در مقایسه با مقادیر واقعی داده‌های مشاهداتی را محاسبه می‌کند. برای محاسبه این شاخص در ابتدا محاسبه خطای میانگین مربعات (Mean Square Error) داده‌های مشاهداتی و پیش‌بینی لازم است. خطای میانگین مربعات برای داده‌های مشاهداتی و پیش‌بینی به صورت رابطه ۸ محاسبه می‌شود:

$$MSE_A = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i)^2 \quad MSE_F = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (F_i - X_i)^2 \quad (8)$$

که X_i و F_i به ترتیب نامین مقدار پیش‌بینی و نامین مقدار مشاهداتی‌اند. n تعداد داده‌ها را نشان می‌دهد.

-
1. Mean Bias Error
 2. Relative Error
 3. Mean Absolute Deviation
 4. Mean Absolute Percentage Error
 5. Mean Square Skill Score

برای به دست آوردن امتیاز مهارتی MSSS، مقادیر $RMSE_F$ و $RMSE_A$ را به ترتیب از راه جذرگرفتن از مقادیر میانگین خطای مربعات پیش‌بینی و مشاهداتی به دست می‌آوریم و سپس مقدار MSSS را از رابطه ۹ محاسبه می‌کنیم:

$$MSSS = 1 - \frac{RMSE_F}{RMSE_A} \quad (9)$$

از آنجا که در یک پیش‌بینی دقیق مقدار جذر میانگین مربعات خطای پیش‌بینی صفر خواهد شد، مقدار MSSS در یک پیش‌بینی دقیق ۱ می‌شود. مقدار $MSSS=0$ نشان می‌دهد که استفاده از برونداد مدل پیش‌بینی یا استفاده از مقادیر مشاهده‌شده اقلیمی تفاوتی با هم ندارند. مقدادر $MSSS>0$ نشان می‌دهد که دقت مدل پیش‌بینی در مقایسه با میانگین‌های اقلیمی موفق‌تر است.

در انتخاب متغیرهای نهایی آماره های F و t نیز مؤثرند. RMSE مقدار اختلاف بین شبیه‌سازی مدل و مشاهدات را، صرف‌نظر از اینکه کدام یک مقدار بیشتر یا کدام یک مقدار کمتری دارند، آشکار می‌کند. Bias مقدار اختلاف شبیه‌سازی مدل و مشاهدات است که مقادیر مثبت (منفی) بیانگر تخمین بیشتر (کمتر) مدل در مقایسه با مقادیر مشاهداتی است. انحراف معیار انحراف اختلاف شبیه‌سازی مدل و مشاهدات را از میانگین اختلاف شبیه‌سازی مدل و مشاهدات نشان می‌دهد (غلامی و همکاران، ۱۳۹۷).

یافته‌های تحقیق

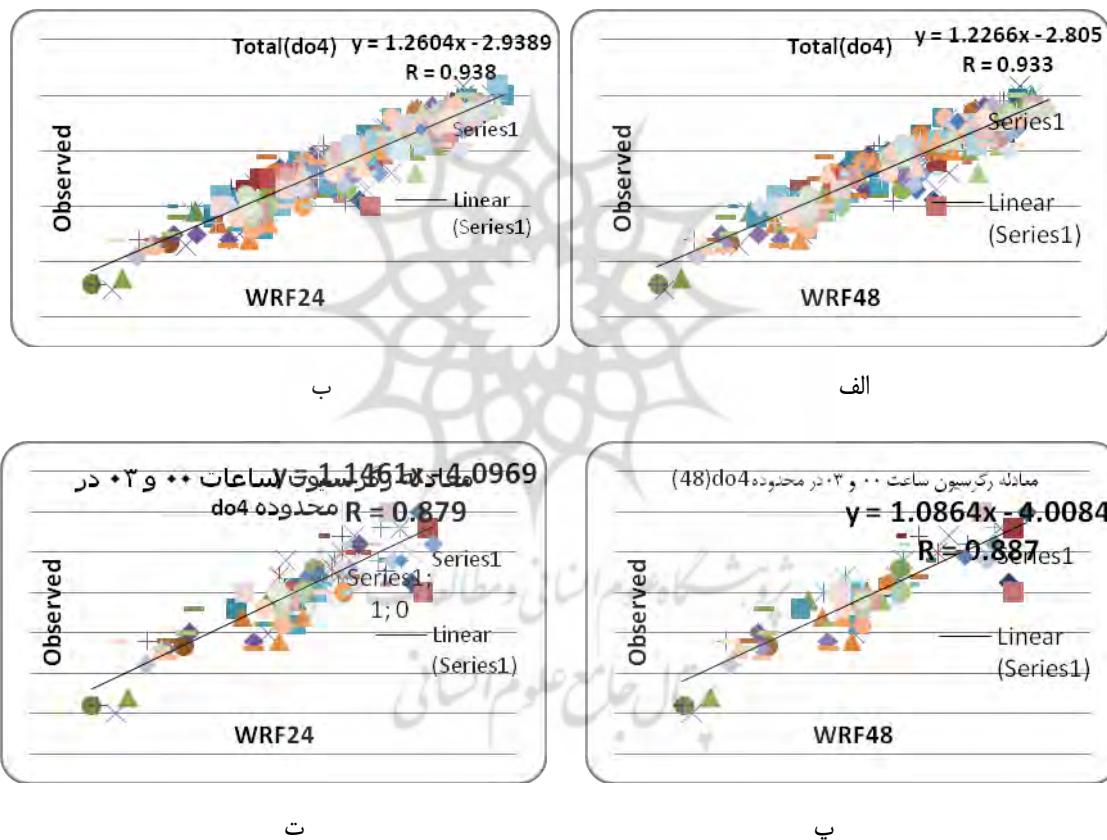
سنجه‌های مورد استفاده در ارزیابی پیش‌بینی ۲۴ ساعته و ۴۸ ساعته در جداول های ۳ و ۴ آورده شده است که X طول جغرافیایی، Y عرض جغرافیایی، و Z ارتفاع ایستگاه است. شاخص‌های ارزیابی نیز محاسبه شده‌اند. مقایسه دو جدول نشان می‌دهد که اختلاف زیادی بین دو پیش‌بینی ۲۴ و ۴۸ ساعته مشاهده نمی‌شود ولی در مجموع صحت پیش‌بینی ۲۴ ساعته ارجح است. در شکل ۳ ضریب همبستگی برای کل ایستگاه‌ها در دو بازه زمانی ۲۴ و ۴۸ ساعته تعیین شده است که اندکی صحت پیش‌بینی ۲۴ ساعته بیشتر است. در همین شکل در قسمت «پ» و «ت» برای دماهای حداقل برآورد شد ضریب همبستگی برای پیش‌بینی‌های دمای حداقل کمتر از حالت کلی برای همه دماهای شبانه‌روز است، که ضریب همبستگی برخلاف حالت قبل برای پیش‌بینی ۴۸ ساعته اندکی بیشتر است.

جدول ۳. سنجه‌های مورد استفاده در ارزیابی پیش‌بینی ۲۴ ساعته

Station	X	Y	Z	RMSE	R Square	MAD	MSE	MAPE	R(XY)	MBE	MSSS
Moorchekhort	۵۱,۵	۳۳,۱	۱۶۶۹	۲,۱۲۹	.۹۲۶	۱,۶۹۶۶۶۷	۴,۵۲۲۳۳	۲۵,۶۲۴۹۳	.۹۶۲۱۴۶	۱,۰۹	.۰۸۲
Borojen	۵۱,۳	۳۲	۲۱۹۷	۲,۹۸۲	.۸۳۹	۲,۳۲۲۳۳	۸,۸۹۲۲۵۸	۴۴,۶۰۴۵۹	.۹۱۵۹۲۹	.۴۶۲۰۸۳	.۰۶۵
Zarrinshahr	۵۱,۴	۳۲,۴	۱۶۸۰	۲,۴۹۴	.۹۱۷	۲,۰۱۰۳۴۵	۶,۲۲۲۴۱۴	۳۵,۲۴۶۴۵	.۹۵۷۶۸۹	-.۱۶۸۹۷	.۰۸۱
Esfahan	۵۱,۷	۳۲,۶	۱۵۵۰	۲,۴۵۸	.۸۹۴	۱,۹۹۲۹۱۷	۶,۰۳۳۲۲	۳۱,۱۵۴۵۹	.۹۴۵۶۴۹	-.۰۲۰۲۹۲	.۰۸
Shargh-e- esfahan	۵۱,۹	۳۲,۷	۱۵۴۳,۵	۳,۴۵۸	.۸۳۷	۲,۶۵	۱۱,۹۵۶۲۵	۶۷,۴۶۱۶	.۹۱۴۹۹۲	۱,۲۵	.۰۷
Kabootarabad	۵۱,۸	۳۲,۵	۱۵۴۲,۵	۳,۳۰۷	.۸۵۴	۲,۷۸۹۶۷	۱۰,۹۳۹۳۶	۱۴,۱۰۴۲۱	.۹۲۳۹۱۳	-.۳۵۸۲۳	.۰۷۵
Mobarekeh	۵۱,۵	۳۲,۴	۱۶۹۰	۲,۵۶۲	.۹۰۹	۲,۰۱	۶,۵۶۳۶۶۷	۵۳,۱۰۷۲۹	.۹۵۳۵۱۴	.۰۲۵	.۰۸
Najafabad	۵۱,۴	۳۲,۶	۱۶۴۱	۲,۲۷۵	.۹۲۶	۱,۹۰۴	۵,۱۷۳۴۷۳	۱۸,۶۷۰۶	.۹۶۲۲۶۹	-.۰۵۲۹۱۳	.۰۸۲
Saman	۵۰,۹	۳۲,۵	۲۰,۵۷	۲,۳۸۱	.۸۶۲	۱,۶۸۴۴۴۴	۵,۶۶۸۸۹	۴۴,۵۲۲۵۸	.۹۲۸۳۷	۱,۲	.۰۱۳
Shahreza	۵۱,۸	۳۲	۱۸۴۵	۲,۴۷۱	.۹۰۲	۱,۸۸۵۱,۰۶	۶,۱۰۷۲۳۴	۴۰,۴۴۹۰۶	.۹۴۹۹۲۹	.۴۲۹۷۸۷	.۰۸
Shahrekord	۵۰,۹	۳۲,۳	۲۰,۴۸,۹	۳,۹۰۷	.۸۶۸	۲,۷۰۲۱۲۸	۱۵,۲۶۴۹۵	۶۴,۳۱۷۹۴	.۹۳۱۶۸۵	۱,۹۴۲۹۱۷	.۰۵

جدول ۴. سنجه‌های مورد استفاده در ارزیابی پیش‌بینی ۴۸ ساعته

Station	X	Y	Z	RMSE	R Square	MAD	MSE	MAPE	R(XY)	MBE	MSSE
Moorchekhort	۵۱,۵	۳۳,۱	۱۶۶۹	۲,۳۲۰	۰,۹۰۲	۱,۸۱۳	۵,۳۸۳	۲۳,۸۴۵	۰,۹۵	۱,۰۵۲۲۳	۰,۸
Borojen	۵۱,۳	۳۲	۲۱۹۷	۲,۹۰۴	۰,۸۴۲	۲,۲۰۴	۸,۴۳۳	۳۹,۴۷۷	۰,۹۲	۰,۲۳۲۰۸۳	۰,۶۶
Zarrinshahr	۵۱,۴	۳۲,۴	۱۶۸۰	۲,۴۴۰	۰,۹۲۸	۲,۰۳۱	۵,۹۰۷	۳۵,۷۹۱	۰,۹۶	-۰,۲۷۲۴۱	۰,۸۱
Esfahan	۵۱,۷	۳۲,۶	۱۵۵۰	۲,۴۴۶	۰,۸۸۶	۲,۰۵۶	۵,۹۱۳	۳۱,۵۱	۰,۹۴	-۰,۱۶۴۵۸	۰,۸
Shargh-e- esfahan	۵۱,۹	۳۲,۷	۱۵۴۳,۵	۳,۶۴۸	۰,۸۲۲	۲,۷۸۳	۱۳,۳۰۷	۷۰,۱۱۳	۰,۹۱	۱,۵۲۹۱۶۷	۰,۶۷
Kabootarabad	۵۱,۸	۳۲,۵	۱۵۴۲,۵	۳,۳۳۷	۰,۸۴۵	۲,۷۵۳	۱۱,۱۳۴	۱۴۶,۷۴۴	۰,۹۲	-۰,۲۵۲۶۷	۰,۷۵
Mobarekeh	۵۱,۵	۳۲,۴	۱۶۹۰	۲,۵۵۶	۰,۹۱۴	۱,۹۳۳	۶,۵۳۴	۵۳,۲۶۴	۰,۹۶	۰,۳۹۲۲۳	۰,۸
Najafabad	۵۱,۴	۳۲,۶	۱۶۴۱	۲,۰۶۸	۰,۹۳۴	۱,۷۹۵	۴,۲۷۵	۱۷,۷۷۶	۰,۹۷	-۰,۱۴۷۲	۰,۸۴
Saman	۵۰,۹	۳۲,۵	۲۰۵۷	۲,۰۹۳	۰,۸۸۸	۱,۴۸	۴,۳۷۹	۳۹,۶۱۲	۰,۹۴	۲,۹۰۲۲۲	۰,۷۶
Shahreza	۵۱,۸	۳۲	۱۸۴۵	۲,۵۵۷	۰,۸۸۹	۲,۰۱۷	۶,۵۴	۴۳,۱۴۱	۰,۹۴	۰,۲۲۳۴۰۴	۰,۷۷
Shahrekord	۵۰,۹	۳۲,۳	۲۰۴۸,۹	۳,۸۳۵	۰,۸۷۴	۲,۶۷۴	۱۴,۷۰۷	۶۲,۲۸۶	۰,۹۴	۱,۹۷۷۷۶۶	۰,۷۷



شکل ۳. معادله رگرسیون و ضریب همبستگی داده‌های WRF و داده‌های مشاهده شده: (الف) با قدرت تفکیک یک کیلومتر و بازه زمانی ۴۸ ساعته؛ (ب) با قدرت تفکیک یک کیلومتر و بازه زمانی ۲۴ ساعته؛ (پ) و (ت) برای پیش‌بینی دمای حداقل در بازه زمانی ۲۴ و ۴۸ ساعته

در جدول ۵، که یکی از مهم‌ترین نتایج تحقیق بوده، استفاده از ضریب همبستگی درج شده است. هرچه مقدار ضریب همبستگی به یک نزدیک‌تر باشد مدل برآش داده شده مناسب‌تر است (یزدان‌پناه، ۱۳۸۹). مقدار ضریب همبستگی که در جدول ۵ آمده برای پیش‌بینی ۲۴ ساعته برابر ۰,۹۳۸ و برای پیش‌بینی ۴۸ ساعته ۰,۹۳۵ است و نشان‌دهنده آن است که ارتباط قوی بین متغیر مستقل (داده‌های WRF) و متغیر وابسته (داده‌های دیده باشی شده) وجود دارد.

جدول ۵. مقایسه ضریب همبستگی

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
Model Summary wrf24	^a .۹۳۸	.۸۷۹	.۸۷۹	۲,۴۶۲۱۸
Model Summary wrf48	^b .۹۳۵	.۸۷۴	.۸۷۴	۲,۵۰۹۴۸

a. Predictors: (Constant), wrf24 b. Predictors: (Constant), wrf48

جدول ۶. جدول آنالیز واریانس

Model ANOVA ^a	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Regression Wrf24 Residual	۱۸۹۳۲/۰۸۳	۱	۱۸۹۳۲/۰۸۳	۳۱۲۲/۸۹۵	^b .۰۰۰
	۲۶۰۶۸۱۰	۴۳۰	۶,۰۶۲		
	۲۱۵۳۸/۸۹۳	۴۳۱			
Regression Wrf48 Residual	۱۸۸۳۰/۹۷۷	۱	۱۸۸۳۰/۹۷۷	۲۹۹۰/۲۴۱	^c .۰۰۰
	۲۷۰۷/۹۱۶	۴۳۰	۶,۲۹۷		
	۲۱۵۳۸/۸۹۳	۴۳۱			

a. Dependent Variable: observed b. predictors :(Constant), wrf24 c. predictors :(Constant), wrf48

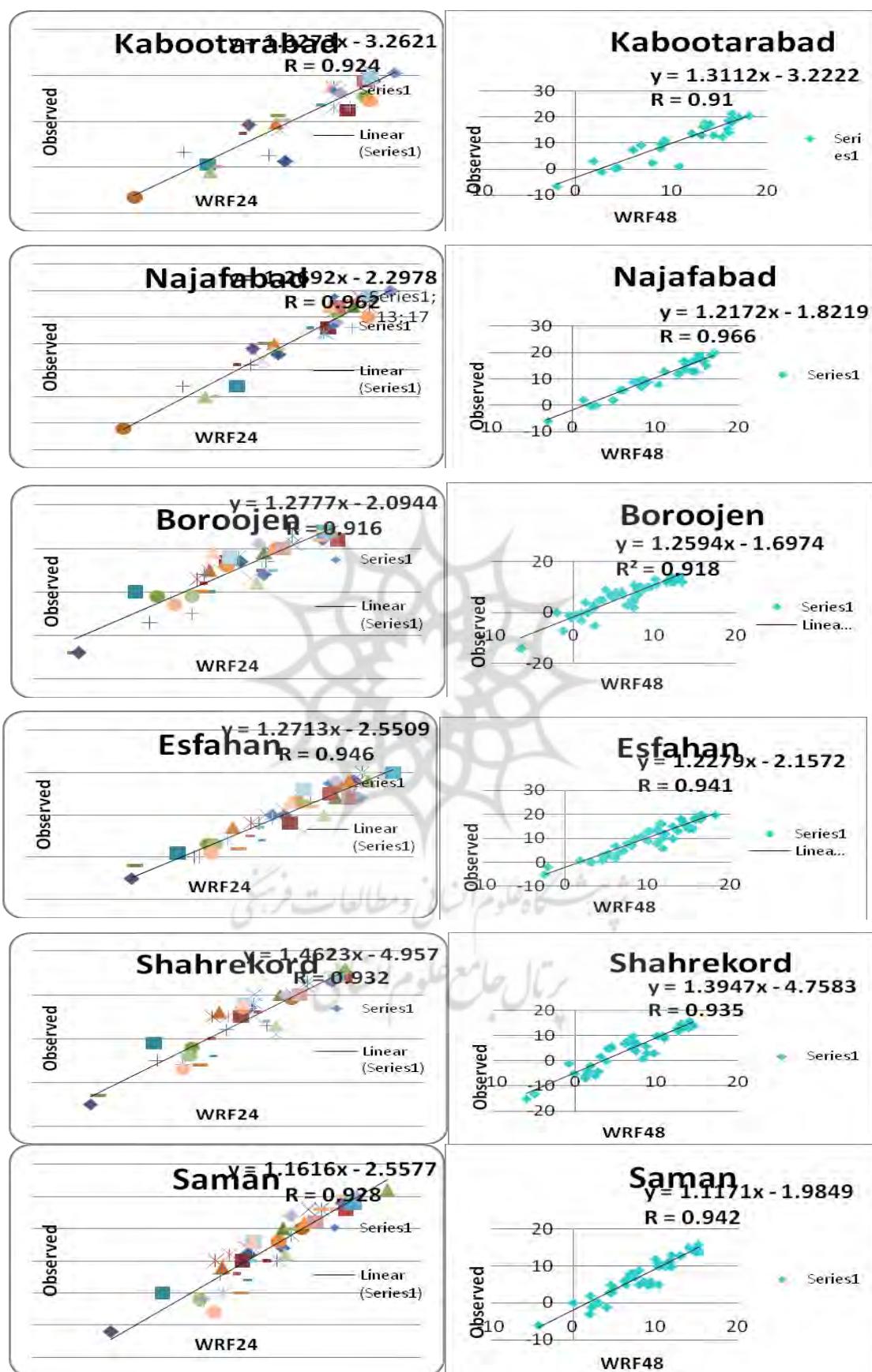
جدول ۷. جدول برآورد ضرایب رگرسیون

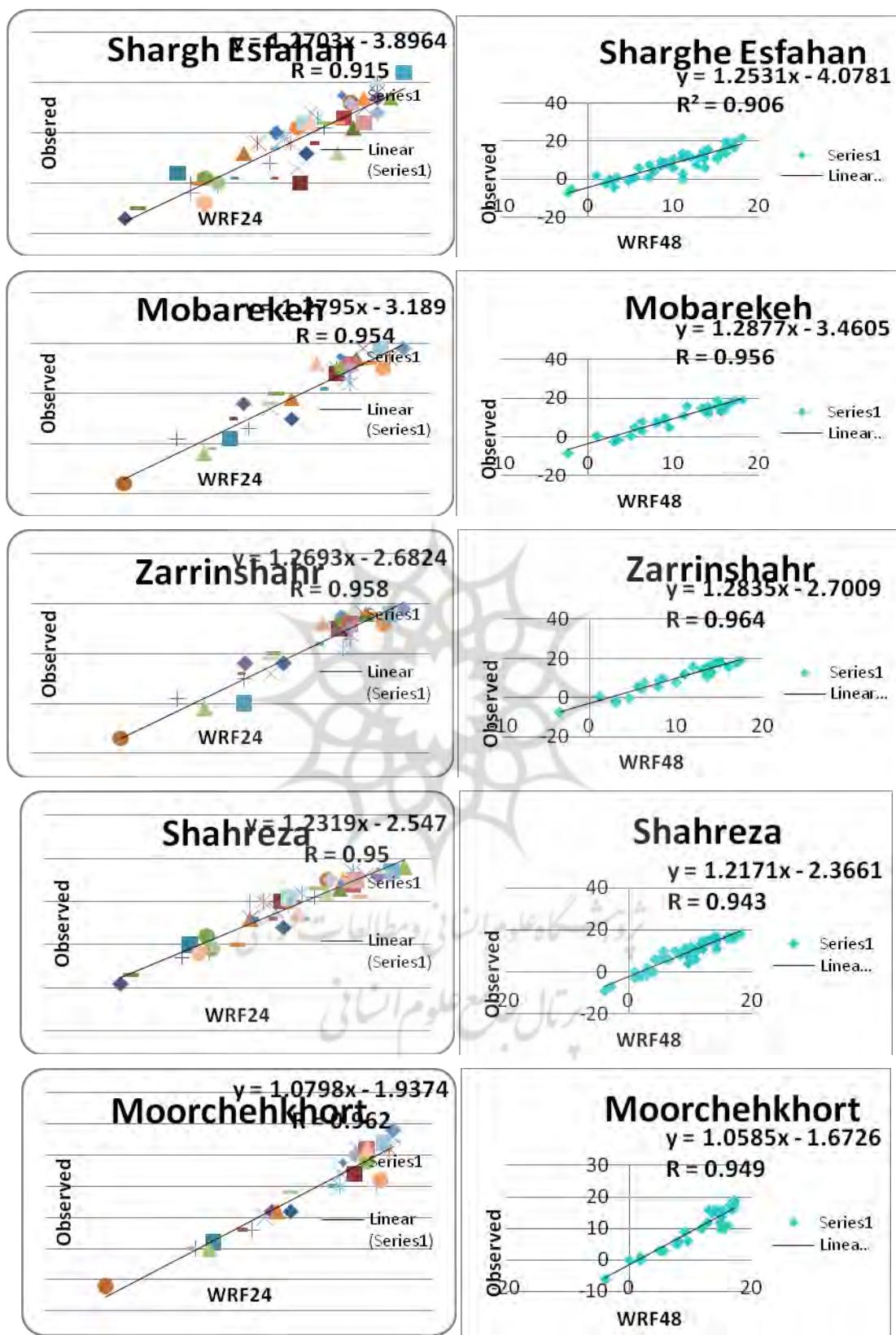
Model Coefficients	Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
	B	Std. Error	Beta		
1 (Constant) wrf24	-۲,۹۳۹	.۰۲۸	.۹۳۸	-۱۲,۳۴۹	^b .۰۰۰
	۱,۲۶۰	.۰۰۲۳		۵۵,۸۸۳	^b .۰۰۰
1 (Constant) wrf48	-۲,۶۹۸	.۰۲۳۹	.۹۳۵	-۱۱,۲۶۹	^b .۰۰۰
	۱,۲۳۱	.۰۰۲۳		۵۴,۶۸۳	^b .۰۰۰

جدول ۶ که یک جدول آنالیز واریانس است، برای آزمون معنی‌داربودن مدل رگرسیونی استفاده شده است و فرض معنی‌داربودن مدل رگرسیونی را آزمون می‌کند. مقدار Pvalue یا همان Significant، که در ستون آخر برابر با صفر گزارش شده، از ۰/۰۵ کوچک‌تر بوده و نشان‌دهنده آن است که فرض صفر رد شده و مدل معنی‌دار است. می‌توان از این متغیر مستقل برای پیش‌بینی متغیر وابسته استفاده کرد.

جدول ۷ با نام Coefficients برآورد ضرایب رگرسیون را نشان می‌دهد و برای هر یک از ضرایب فرض معنی‌داری آن آزمون شده است. بنابراین، دو آزمون انجام گرفته است: یکی، برای ضریب ثابت مدل، که در پیش‌بینی ۴۸ ساعته -۲,۶۹۸ بوده؛ دیگری، برای ضریب متغیر، که در اینجا ۱,۲۳۱ بوده است. با توجه به آزمون معنی‌داری ضرایب رگرسیون در جدول ۷، ملاحظه می‌شود که برای ضریب ثابت رگرسیون و ضریب متغیر آن آزمون معنی‌دار است و فرض صفر رد می‌شود. پس می‌توان از آن‌ها در معادله رگرسیون استفاده کرد.

در شکل ۴ معادله رگرسیون و ضریب تعیین داده‌های WRF و داده‌های مشاهده شده برای یازده ایستگاه مورد مطالعه آورده شده که در بخش «الف» با قدرت تفکیک یک کیلومتر و بازه زمانی ۴۸ ساعته و در بخش «ب» با قدرت تفکیک یک کیلومتر و بازه زمانی ۲۴ ساعته است. میزان ضریب تعیین برای دو بازه زمانی خوب است. در مناطق کوهستانی میزان آن نسبت به سایر ایستگاه‌ها کمی کاهش یافته است و آن نیز بهدلیل آن است که دمای دومتری سطح زمین وابستگی شدید به توپوگرافی منطقه دارد.





ب

الف

شکل ۴. معادله رگرسیون و ضریب همبستگی داده‌های WRF و داده‌های مشاهده شده؛ (الف) با قدرت تفکیک یک کیلومتر و بازه زمانی ۴۸ ساعته؛ (ب) با قدرت تفکیک یک کیلومتر و بازه زمانی ۲۴ ساعته

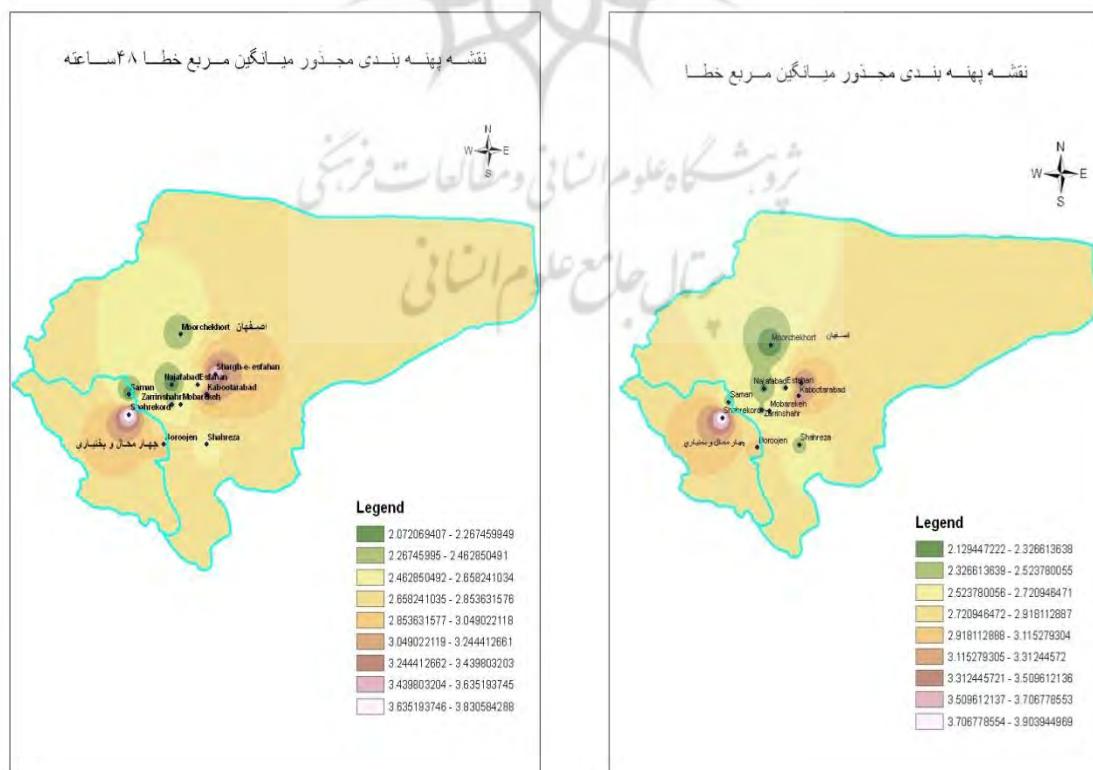
نقشهٔ پهنه‌بندی سنجه‌های مورد استفاده در ارزیابی پیش‌بینی ۲۴ ساعته و ۴۸ ساعته رسم شد. نقشه‌های سمت راست مربوط به پیش‌بینی ۲۴ ساعته و سمت چپ مربوط به پیش‌بینی ۴۸ ساعته مدل است. روش درون‌یابی به کاربرده شده در تهیهٔ نقشه‌ها روش IDW (Inverse Distance Weighted) با توان ۴ است. از این روش بیشتر برای مناطقی که دارای پستی و بلندی‌اند استفاده می‌شود. مطابق جدول ۸ دقت مدل‌های درون‌یابی با اجرای ارزیابی خطاب بررسی شده است و مدلی که کمترین خطاب را دارد انتخاب می‌شود که در اینجا مدل IDW با توان چهار دارای خطاب کمتری است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، ایستگاه‌هایی که دارای ارتفاع کمتری هستند میزان خطابی مدل آن‌ها کمتر است و بروز داد مدل به واقعیت نزدیک‌تر است تا ایستگاه‌هایی که ارتفاع بیشتری مانند ایستگاه شهرکرد دارند و این نشان‌دهنده آن است که پیش‌بینی دمای دومتری تحت تأثیر شدید ارتفاع و توپوگرافی منطقه است.

جدول ۸. مقایسه دقت مدل‌های درون‌یابی در GIS

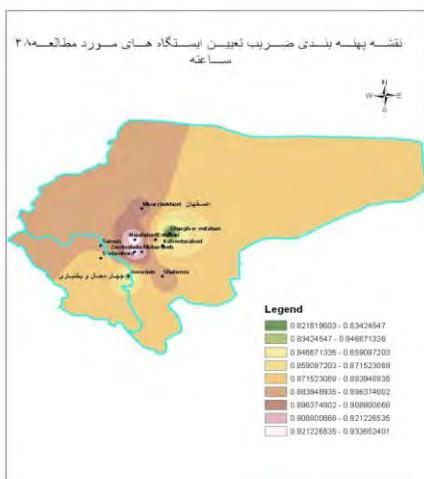
روش‌های درون‌یابی	RMSE	MAD	MSE	MAPE
کریجینگ ساده	۱۴۴,۹۴	۱۰۸,۵۳	۳۱۰۳۲,۲۱	۵,۷۵
کریجینگ معمولی	۱۴۰,۱۸	۸۹,۲۸	۱۹۶۵۸,۸۱	۴,۵۵
IDW با توان یک	۱۹۱,۲۴	۱۵۳,۹	۳۶۵۷۵,۳	۸,۲۹
IDW با توان دو	۱۵۳,۰۹	۱۰۱,۵۳	۲۳۴۶۴,۸۳	۵,۲۷
IDW با توان سه	۱۳۸,۱۸	۷۶,۲۶	۱۹۱۶۵,۲۵	۳,۷۵
IDW با توان چهار	۱۳۵,۳۴	۶۳,۷۱	۱۸۳۳۱,۸۵	۳,۱۷

نقشه ۸

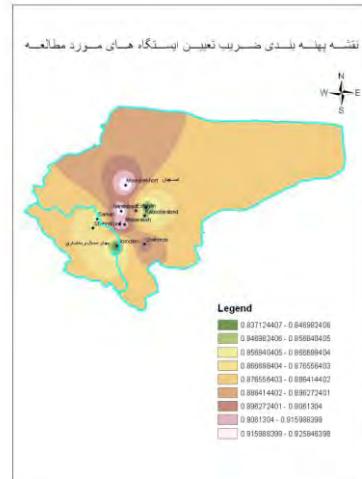
نقشه ۷



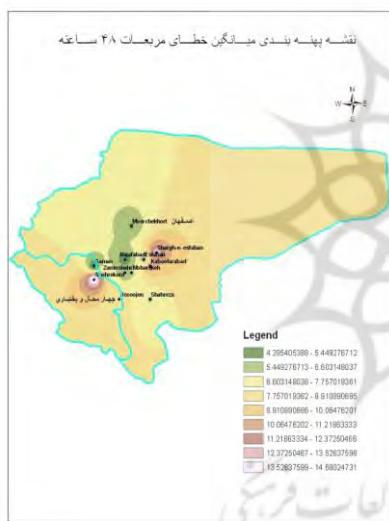
نقشه ۱۰



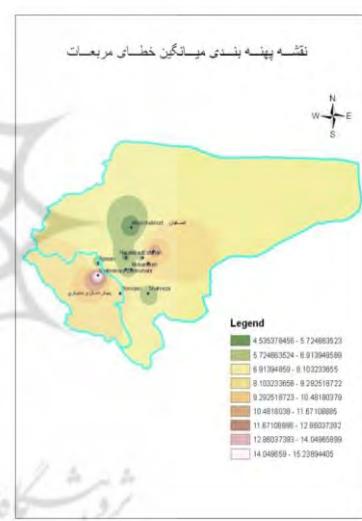
نقشه ۹



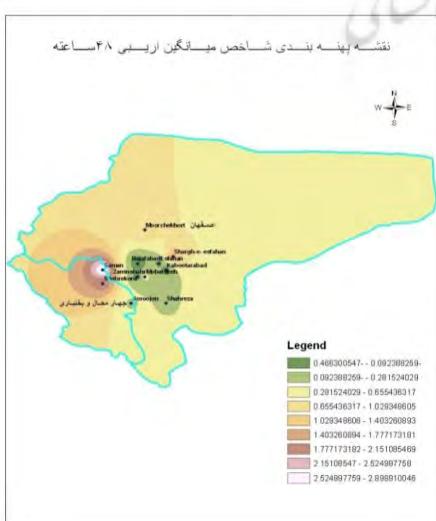
نقشه ۱۲



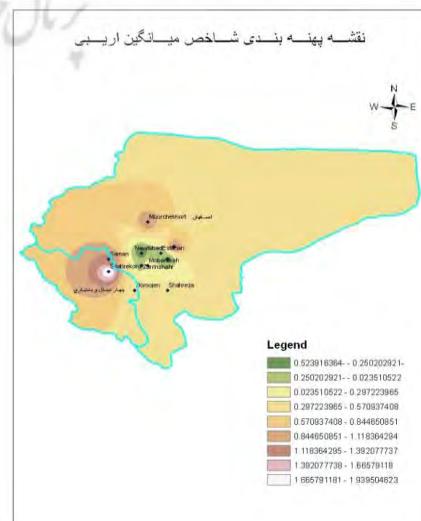
نقشه ۱۱



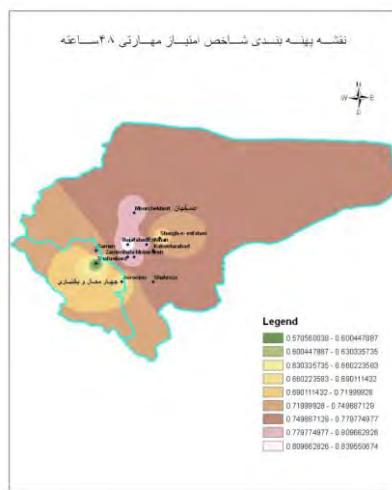
نقشه ۱۴



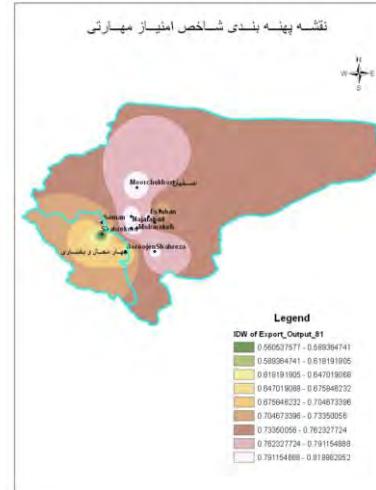
نقشه ۱۳



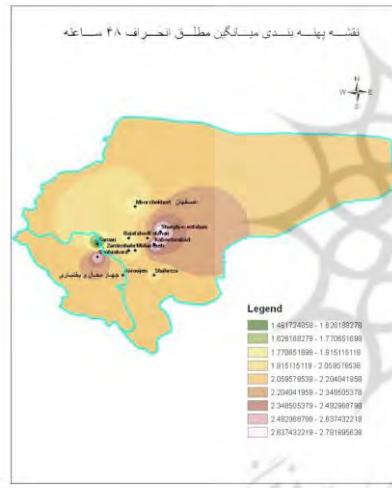
نقشه ۱۶



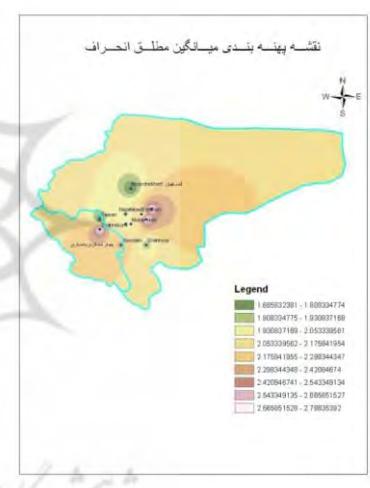
نقشه ۱۵



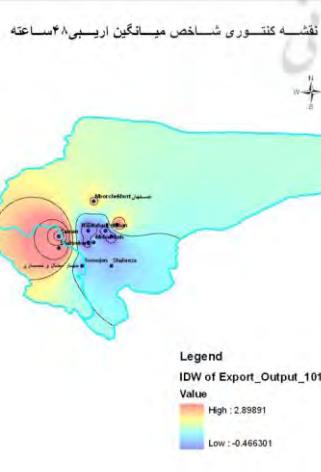
نقشه ۱۸



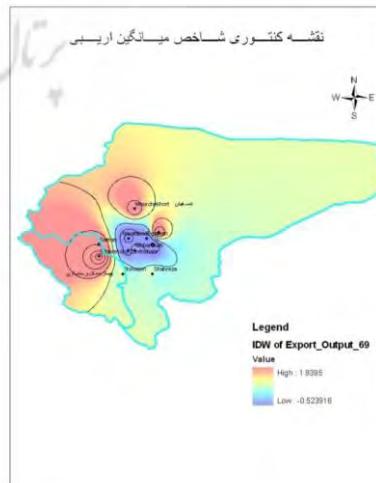
نقشه ۱۷



نقشه ۲۰



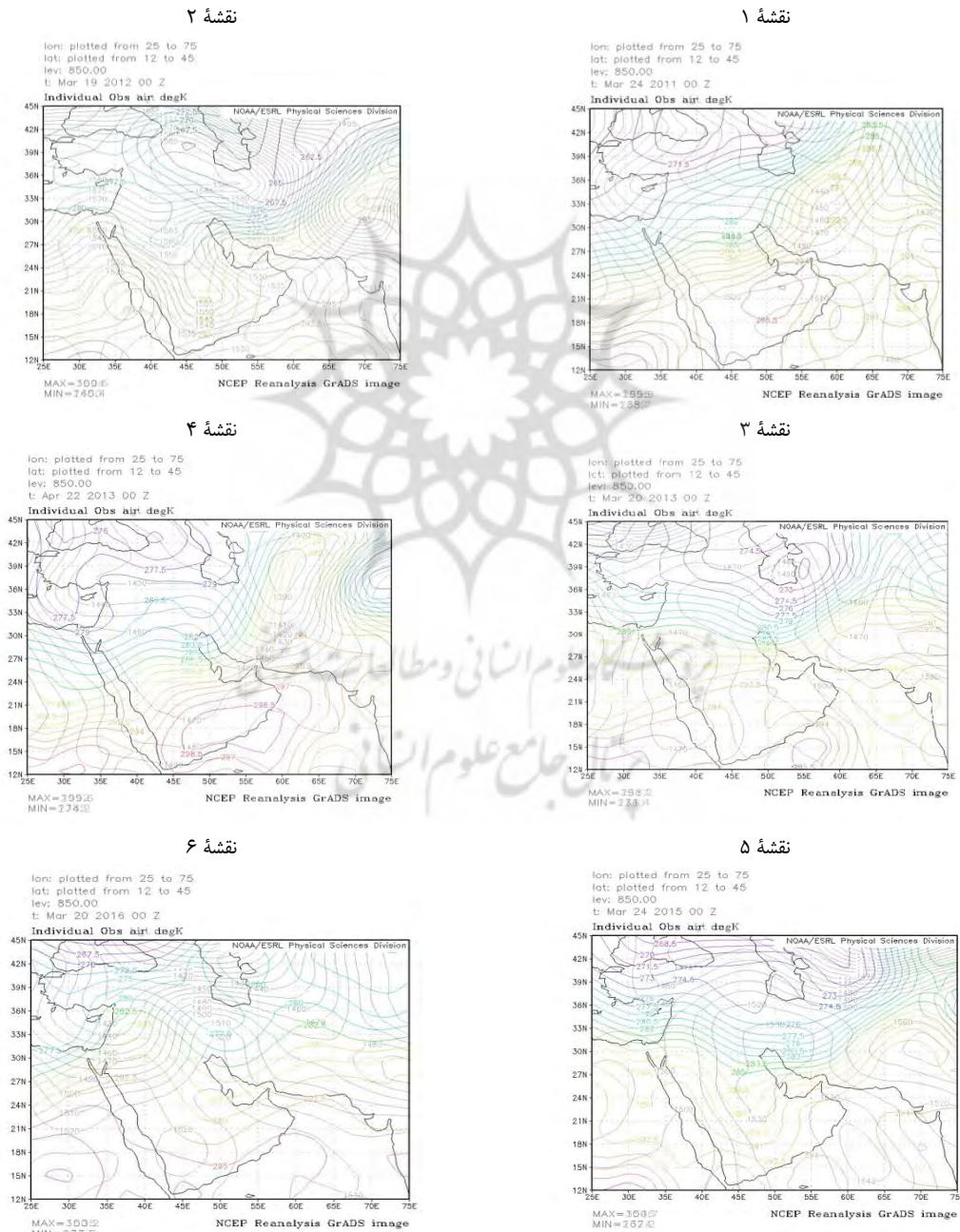
نقشه ۱۹



شکل ۵. نقشه پهنه‌بندی سنجه‌های محاسبه شده در منطقه مورد مطالعه

تحلیل همدیدی

با توجه به بررسی نقشه‌های ۸۵۰ میلی‌باری در تاریخ‌های وقوع سرمای دیررس بهاره، می‌توان به ماهیت سرمای دیررس بهاره، که آیا از نوع تشعشعی یا فرارفتی است، پی برد. مثلاً در نقشه ۱، که نقشه ۸۵۰ میلی‌باری در تاریخ ۲۴ مارس ۲۰۱۱ است، فرارفت هوای سرد به خوبی مشهود است. خطوط همان‌ارتفاع (خطوط کنتوری) و خطوط دما تقریباً هم‌دیگر را به طور عمودی قطع کرده‌اند و یک فرارفت (advection) هوای سرد قوی به وجود آمده است. ذکر این نکته لازم است که هرچه شرایط کثشفشاری (قطع خطوط هم‌دما بهوسیله خطوط کنتوری با زاویه خوب) بهتر و زاویه قطع شدن به ۹۰ درجه نزدیک‌تر باشد، فرارفت هوای قوی‌تر است. در هر شش نقشه فرارفت هوای سرد مشهود است. نتیجه می‌گیریم که وقوع سرماهای دیررس بهاره مورد بررسی در این مقاله بیشتر از نوع فرارفتی است.



شکل ۶. نقشه‌های ۸۵۰ میلی‌باری در تاریخ‌های وقوع سرمای دیررس بهاره

بحث و نتیجه‌گیری

نتایج حاصل از راست‌آزمایی برونداد مدل WRF برای پیش‌بینی دما در بازه زمانی ۲۴ و ۴۸ ساعته مربوط به ۱۱ ایستگاه واقع در حوضه زاینده‌رود در زمان وقوع سرمای دیررس بهاره ارائه شده است. در بیش از ۸۰ درصد موارد، نتایج پیش‌بینی رخداد پدیده منطبق بر نتایج دیدبانی‌هایی است که پدیده مورد نظر اتفاق افتاده است. همبستگی بین دمای دیدبانی شده با پیش‌بینی مدل WRF با تفکیک افقی یک کیلومتر نسبت به تفکیک افقی سه کیلومتر دقیق‌تری دارد. برای پیش‌بینی ۲۴ و ۴۸ ساعته دمای روزانه مقدار مناسبی داشت. اگرچه در مجموع پیش‌بینی‌های ۲۴ ساعته دارای دقیق‌تری بودند، کای کنگ و همکاران (۲۰۱۵) به نتیجه مشابه فوق رسیدند. آن‌ها توانایی مدل WRF را برای دمای سطح زمین و بارش در منطقه مالزی ارزیابی کردند. به طور کلی، مدل برای دمای سطح زمین با انحراف کمتر از یک‌کوینیم درجه سانتی‌گراد به خوبی اجرا شد، ولی شبیه‌سازی بارش به خوبی دمای سطحی انجام نگرفت. همین‌طور صحت پیش‌بینی دمای دومتری وابستگی شدید به توپوگرافی منطقه مورد مطالعه دارد؛ به نحوی که دقیق‌ترین نتایج در آن‌ها صحت پیش‌بینی دمای سطح زمین و سرعت باد را در شمال غربی چین با مدل WRF ارزیابی کردند. آن‌ها دریافتند خطای پیش‌بینی دما در ارتفاع دومتری و سرعت باد در ارتفاع دهمتری به طور قوی به توزیع عوارض زمین بستگی دارد. همچنین، شو و همکاران (۲۰۰۹) با استفاده از پیش‌بینی‌های مدل WRF نتیجه گرفتند که پیش‌بینی‌های دمای دومتری با پیش‌بینی دیگر متغیرهای جوی متفاوت است و خطاهای در پیش‌بینی‌های دمای دومتری با توپوگرافی سطح شدیداً مرتبط است. زانگ و پو (۲۰۱۳) دریافتند که مدل WRF برای پیش‌بینی متغیرهای جوی نزدیک سطح زمین با دیدبانی‌ها در مناطق هموار به خوبی مطابقت دارد. درمجموع، نتایج مقاله حاضر نشان می‌دهد که می‌توان از پیش‌بینی‌های مدل WRF به خوبی در مناطق پست و هموار برای پیش‌بینی وقوع سرمازدگی استفاده کرد.

منابع

- آزادی، م؛ صوفیانی، م؛ وکیلی، غ. و قائمی، م. (۱۳۹۵). مطالعه موردنی اثر گوارد داده‌های ایستگاه‌های دیده‌بانی و جو بالا در برونداد بارش مدل WRF روی منطقه ایران، مجله ژئوفیزیک ایران، ۱۰(۲): ۱۱۹-۱۱۰.
- آزادی، م. و افشاری، ف. (۱۳۹۳). پیش‌بینی عددی دمای دومتری با استفاده از برونداد مدل WRF بر روی ایران، دانشگاه هرمزگان.
- آزادی، م؛ شیرغلامی، م؛ حجام، س. و صحراخیان، ف. (۱۳۹۰). پسپردازش برونداد مدل WRF برای بارندگی روزانه در ایران، تحقیقات منابع ایران، ۷(۴): ۷۱-۸۱.
- آزادی، م؛ جعفری، س؛ میرزایی، ا. و عربلی، پ. (۱۳۸۷). پسپردازش برونداد مدل میان‌مقیاس MM5 برای دمای بیشینه و کمینه با استفاده از فیلتر کالمن، مجله فیزیک زمین و فضا، ۳۴(۶): ۴۵-۶۱.
- ارکیان، ف؛ رنجبر، ع؛ میرزایی، ا. و دنیادوست، غ. (۱۳۹۴). شیوه‌سازی عددی طوفان‌های تندری توسط مدل WRF (ARW) در تهران، کنفرانس ملی هواشناسی ایران، اردیبهشت ۱۳۹۴، ۱۳-۲۵ اردیبهشت ۱۳۹۳، ص ۲۲-۲۶.
- ارکیان، ف؛ مشاطان، ن؛ کتیرایی بروجردی، پ. و میرزایی، ا. (۱۳۹۳). ارزیابی پیش‌بینی بارش مدل WRF برای بارش‌های سنگین روزانه استان قزوین، شانزدهمین کنفرانس ژئوفیزیک ایران، ۲۳ تا ۲۵ اردیبهشت ۱۳۹۳، ص ۲۲-۲۶.
- ایرانمهر، م؛ پورمنافی، س. و سفیانیان، ع. (۱۳۹۴). پایش اکولوژیکی و بررسی تغییرات مکانی-زمانی پوشش اراضی با تأکید بر مقدار مصرف آب بخش کشاورزی در محدوده زاینده‌رود، اکوهیدرولوژی، ۲(۱): ۲۳-۳۸.
- تقی‌زاده، ا. (۱۳۸۹). بررسی عملکرد مدل‌های منطقه‌ای MM5، HRM، و WRF برای پیش‌بینی بارش روی ایران، دانشگاه یزد.
- ذوالجودی، م؛ قاضی میرسعید، م. و سیفری، ز. (۱۳۹۲). بررسی صحت و دقت طرح‌واره‌های مختلف مدل WRF و ارزیابی پیش‌بینی بارش در ایران‌زمین، فصل نامه تحقیقات جغرافیایی، ۲۸(۲): شماره پیاپی ۹۰-۱۰.
- رحمانی، م؛ محمدی، ع؛ خاکزار، م؛ آزادی، م. و معمار جعفری، م. (۱۳۹۴). شبکه‌بندی برونداد پسپردازش مدل WRF برای کمیت دمای دومتری روی ایران، طرح پژوهشی پژوهشکده توسعه تکنولوژی.
- غلامی، س؛ قادر، س؛ خالقی، ح. و غفاریان، پ. (۱۳۹۷). ارزیابی پیش‌بینی میدان باد توسط مدل WRF تحت تأثیر شرایط اولیه و مرزی متفاوت در منطقه خلیج فارس: مقایسه با داده‌های همدیدی و ماهواره‌های ASCAT و QuikSCAT، فیزیک زمین و فضا، ۴۴(۱): ۲۲۷-۲۴۳.
- قرایلو، م؛ ثابت‌قدم، س. و قادر، س. (۱۳۹۲). امکان‌سنجی پیش‌بینی رخداد آذرخش با استفاده از مدل میان‌مقیاس WRF در منطقه ایران، فیزیک زمین و فضا، ۴۲(۱): ۲۱۳-۲۲۰.
- قرایلو، م؛ مزرعه فراهانی، م. و علی‌اکبری بیدختی، ع. (۱۳۸۷). بررسی طرح‌واره‌های پارامترسازی همرفت کومه‌ای مدل بزرگ‌مقیاس و میان‌مقیاس، مجله فیزیک زمین و فضا، ۳۶(۱): ۱۷۱-۱۹۲.
- یزدان‌پناه، ح.ا. (۱۳۸۹). تحلیل‌های آماری در جغرافیا با رویکرد محاسباتی نرم‌افزار SPSS، دانشگاه اصفهان، انتشارات دانشگاه اصفهان.

Arkian, F.; Mashatan, N.; Katiriae Borojerdi, P. and Mirzaei Haji Baghlo, E. (2014). Evaluation of Precipitation Forecasts of WRF Model for daily Heavy Rain in Qazvin Province, Sixteenth of Iran Geophysics conference, May 13-15, PP. 22-26.

- Arkian, F.; Ranjbar, A.; Mirzaei, E. and Donyadoost, GH. (2015). The Numerical Simulation of Thunderstorms using ARW-WRF Model in Tehran (ten Case studies), Iran weather of national Conference, May 2015, Yazd University.
- Azadi, M. and Afshari, F. (2014). Forecast of 2 meters temperature by output of WRF model over IRAN, University of Hormozgan.
- Azadi, M.; Jafari, S.; Mirzaei, E. and Arabli, P. (2008). Post processing of MM5 forecasts for minimum and maximum temperature 5using a Kalman filter, Journal of the earth and space physics, 34(1): 71-81.
- Azadi, M.; Shirgholami, M.R.; Hajjam, S. and Sahraian, F. (2011). WRF Model Output Postprocessing for Daily Precipitation over Iran, Iran-Water Resources Research, 7(3): 71-81.
- Azadi, M.; Vakili, GH. and Ghaemi, H. (1395). Case study of The impact of assimilating surface pressure observations stations and upper air in output of WRF model precipitation data in IRAN, Journal of Iranian Geophysics, 10(2): 110-119.
- Duan, H.; Li, Y.; Zhang, T.; Pu, Z.; Zhao, C. and Liu, Y. (2018). Evaluation of the Forecast Accuracy of Near-Surface Temperature and Wind in Northwest China Based on the WRF Model, Journal of Meteorological Research, 32(3): 469-490.
- Eckel, F.A. and Mass, C.F. (2005). Aspects of effective mesoscale, short-range ensemble forecasting, *Wea. Forecasting*, 20: 328-350.
- Galanis, G. and Anadranistakis, M. (2002). A one-dimensional Kalman filter for the correction of near surface temperature forecasts, *Meteorol. Appl.*, 9: 441-473.
- Gharaylou, M.; Mazraeh Farahani, M. and Aliakbari Bidokhti, A. (2010). Review of cumulus convective parameterization schemes in large and meso- scale models, *Journal of the Earth and Space Physics*, 36(1): 171-192.
- Gharaylou, M.; Sabetghadam, S. and Ghader, S. (2013). Feasibility study of lightning event prediction using WRF mesoscale model in Iran, *Journal of the Earth and Space Physics*, 42(1): 213-220.
- Gholami, S.; Ghader, S.; Khaleghi Zavareh, H. and Ghafarian, P. (2018). Verification of WRF wind field hindcast forced by different initial and boundary conditions over the Persian Gulf: Comparison with synoptic data and QuikSCAT and ASCAT satellites data, *Journal of the Earth and Space Physics*, 44(1): 14.
- Homleid, M. (1995). Diurnal corrections of short-term surface temperature forecasts using the Kalman filter, *Wea. Forecasting*, 10: 689-707.
- Hsieh, W.W. and Tang, B. (1998). Applying neural network models to prediction and data analysis in meteorology and oceanography, *Bull. Amer. Meteor. Soc.*, 79: 1855-1870.
- Iranmehr, M.; Pourmanafi, S. and Soffianian, A. (2015). Ecological Monitoring and Assessment of Spatial-Temporal Changes in Land Cover with an Emphasis on Agricultural Water Consumption in Zayandeh Rood Region, *Ecohydrology*, 2(1): 23-38.
- Kai Kong, S.; Sentian, J. and Bidin, K. (2015). Evaluation of Weather Research Forecast (WRF) Modeling System on Surface Temperature and Precipitation over Malaysia Region, *Advances in Natural and Applied Sciences*, 9(14): 20-24.
- McCollor, D. and Stull, R. (2008). Hydrometeorological accuracy enhancement via postprocessing of numerical weather forecasts in complex terrain, *Wea. Forecasting*, 23: 131-144.
- Muler, M.D. (2011). Effects of Model Resolution and Statistical Post-processing on ShelterTemperature and Wind Forecasts, *Journal of Applied Meteorology*, 50: 1627-1636.
- Rahmani, M.; Mohamadi, A.; Khakzar, M.; Azadi, M. and Memarjafari, M. (2015). Gridding of post processed WRF output for 2-meter temperature over Iran.
- Taghizadeh, A. (1389). *Evaluation of output Regional models WRF, HRM and MM5 for Precipitation Forecasts over Iran*, Yazd University.
- Warner, T.T. (2011). *Numerical Weather and Climate Prediction*, Cambridge University Press, Cambridge, 550 pp.
- Woodcock, F. and Engel, C. (2005). Operational consensus forecasts, *Wea. Forecasting*, 20: 101-111.

- Xu, J.; Rugg, S.; Byerle, L. and Liu, Z. (2009). Weather forecasts by the WRF-ARW model with the GSI data assimilation system in the complex terrain areas of Southwest Asia, *Weather and Forecasting*, 24: 987-1008.
- Yazdanpanah, H. (2010). Statistical analysis in geography with a computational approach, Isfahan University, Publications of Isfahan University.
- Zhang, H. and Pu, Z. (2013). Examination of Errors in Near-Surface Temperature and Wind from WRF Numerical Simulations in Regions of Complex Terrain, *Journal of Weather and Forecasting*, 28(3).
- Zoljoodi, M.; Ghazi Mirsaeed, M. and Seifari, Z. (2013). Verification of WRF model On Accuracy and Precision of Various Schemes and Evaluation of Precipitation Forecast in Iran, *Geographical Researches Quarterly Journal*, 28(2): 187-194.

