



سنجش از دور

،
GIS ایران



سنجش از دور و GIS ایران
Vol.7, No. 1, Spring 2015
Iranian Remote Sensing & GIS

۵۹-۷۹

توسعه مدل مکانی ریزدانه به منظور چینش بهینه کاربری‌های شهری برمبنای الگوریتم بهینه‌سازی چندهدفه تجمعی ذرات (MOPSO)

زهره معصومی*^۱، محمدسعدی مسگری^۲

۱. استادیار دانشکده علوم زمین، دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان
۲. دانشیار گروه سیستم اطلاعات مکانی، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی و قطب علمی فناوری اطلاعات مکانی

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۳/۱۲/۱۸

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۳/۷/۳۰

چکیده

افزایش نیاز به زمین و محدودیت عرضه آن، نحوه استفاده از زمین را به چالشی اساسی در عرصه برنامه‌ریزی شهری تبدیل کرده است. در این میان، چینش مناسب و بهینه کاربری‌ها در کنار یکدیگر از چالش‌های اصلی برنامه‌ریزی کاربری اراضی شهری بهشمار می‌آید. هدف اصلی پژوهش حاضر، به کارگیری الگوریتم بهینه‌سازی چندهدفه تجمعی ذرات (MOPSO) به منظور دستیابی به چینش بهینه کاربری‌های شهری در سطح ریزدانه است. در تدوین مدل پیشنهادی، از سامانه اطلاعات مکانی (GIS) به عنوان مولد گزینه‌ها و سنتاریوهای مکانی بررسی شده استفاده گردید. به این منظور پارامترهای روش به کار گرفته شده با کاربرد مورد نظر سازگار شدن و گزینه‌های تصمیم‌سازی برمبنای توابع هدف و شروط مسئله ایجاد گردید. سپس با نمایش جواب‌های بهینه و تفاوت میان آنها، به کاربر امکان تصمیم‌گیری داده شد. این مدل در یک محدوده از منطقه هفت تهران اجرا شد و نتایج آن به دست آمد، که نشان‌دهنده تکرارپذیری و ثبات روش به کار گرفته شده است. در چینش کاربری‌ها در سطح ریزدانه با توجه به تعدد قطعات و تنوع کاربری‌ها و نیاز به برآورده کردن هم‌زمان چند هدف‌گاه ناسازگار با هم، استفاده از MOPSO می‌تواند تا حد زیادی پیچیدگی‌های مربوط به انتخاب و ارزیابی گزینه‌های تصمیم‌گیری را حل کند. ریزدانه‌بودن مدل ارائه شده، حالت دینامیک آن در پشتیبانی از تصمیم‌گیری مکانی، و ایجاد حالت‌های گوناگون از چینش کاربری‌ها برای تصمیم‌گیری براساس توابع هدف، از نوآوری‌های پژوهش حاضر است.

کلیدواژه‌ها: چینش بهینه کاربری شهری، سیستم اطلاعات مکانی، الگوریتم بهینه‌سازی چندهدفه تجمعی ذرات (MOPSO)، تصمیم‌گیری چندهدفه.

* نویسنده مکاتبه‌کننده: زنجان، بولوار گاوازنگ، دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان، دانشکده علوم زمین. تلفن: ۰۴۴۳۳۱۵۳۳۹۶

Email: z.masoumi@iasbs.ac.ir

۱- مقدمه

در زمینه مدیریت کاربری‌های شهری و تصمیم‌سازی در مورد چینش بهینه کاربری‌ها در کنار یکدیگر کارهای متنوعی انجام شده است. در برخی از مطالعات، از روش‌های وزن‌دهی پیش از حل برای چینش کاربری‌ها با به کارگیری توابع هدف مسئله استفاده شده است. در این روش‌ها مسئله چندهدفه با استفاده از وزنی که به توابع هدف داده می‌شود به مسئله‌ای تک‌هدفه تبدیل و سپس حل می‌شود (Colson & Bruyn, 1989). از جمله تحقیقاتی که در آنها از روش مذکور استفاده شده است می‌توان به مواردی که در پی می‌آیند اشاره کرد. هدف تحقیقی که جیانگ کوان^۱ (۲۰۰۷) انجام داد، بهینه‌کردن کاربری زمین‌های شهری با توجه به ترافیک و هزینه در شبکه حمل و نقل بود. در این تحقیق با استفاده از آنالیز حساسیت کاربری، به بهینه‌سازی ترافیک در شبکه و هزینه سفر پرداخته شد و واحد مکانی، ناحیه^۲ بود. مواه و کاناروگلو^۳ (۲۰۰۹) نیز در این زمینه تحقیق مشابهی انجام دادند که در آن از برنامه‌ریزی خطی برای حل مسئله بهینه‌سازی استفاده شد و توابع هدف به صورت تفصیلی تر آمدند.

در برخی از مدل‌های توسعه‌یافته نیز از روش‌های بهینه‌سازی چندهدفه مدرن مانند الگوریتم‌های چندهدفه تکاملی، هوش مصنوعی و مانند اینها استفاده شد، که از جمله می‌توان به مواردی که در پی می‌آیند اشاره کرد. در تحقیق شیفا^۴ و همکاران (۲۰۱۱) هدف، بهینه‌سازی تخصیص کاربری در هر زمین با درنظر گرفتن توابع هدف بیشینه مناسبت زمین با کاربری و کمینه هزینه تغییرشکل قطعات زمین است. روش بهینه‌سازی به کارفته در پژوهش مذکور،^۵ PSO تک‌هدفه در سطح قطعات شهری است، که در آن توابع

برنامه‌ریزی کاربری اراضی شهری، ساماندهی مکانی و فضایی فعالیت‌ها و عملکردهای شهری براساس خواسته‌های جامعه شهری است و هسته اصلی برنامه‌ریزی شهری را تشکیل می‌دهد (سعیدی‌نیا، ۱۳۸۲). در برنامه‌ریزی شهری روش‌های مختلفی مطرح شده است که هر کدام به فراخور زمان و مکان اجرا، دستخوش تغییراتی شده و به سمت بهبود و هماهنگ‌سازی با شرایط جدید سوق داده شده‌اند یا در اثر عدم مطابقت با نیازهای جامعه شهرنشین حذف شده‌اند (Kivell, 1993). مشکلات بیشتر این طرح‌ها تطابق‌نداشتمن با نیازهای متغیر شهر و دنظر نگرفتن حالت دینامیک شهر و صلیبت آنها بوده است (مشهدی، ۱۳۸۶). ارائه روشی که با استفاده از آن بتوان به تصمیم‌سازی در چینش بهینه کاربری‌های شهری، با توجه به نیازهای متغیر شهر و دنظر زمان پرداخت همواره نزد تصمیم‌گیرندگان مسائل شهری اهمیت فراوانی داشته است. مدل‌سازی فضایی چینش بهینه کاربری‌ها را می‌توان از دو دیدگاه مختلف بررسی کرد (پورمحمدی، ۱۳۸۸):

- معیارهای کمی: این ارزیابی براساس مقایسه سرانه‌های موجود کاربری‌ها با استانداردهای مرتبط یا از طریق بررسی نیازهای فعلی و آتی منطقه مورد مطالعه به فضا صورت می‌گیرد.
- معیارهای کیفی: در معیارهای کیفی سه عنصر سازگاری، وابستگی و مناسبت بررسی می‌شوند (پورمحمدی، ۱۳۸۸). کاربری‌هایی که در یک منطقه استقرار می‌یابند، نباید موجب مزاحمت و مانع اجرای فعالیت‌های یکدیگر شوند و این مسئله معیاری برای سازگاری کاربری‌هاست. وابستگی به مفهوم نیاز یک کاربری به فعالیت یا فعالیت‌های دیگر کاربری‌هاست و میزان برآورده شدن این نیاز معیاری است برای مناسب‌بودن چیدمان. مناسبت به مفهوم سازگاری بین کاربری و محل استقرار آن است.

1. Jiang Qian

2. Zone

3. Moah and Kanaroglu

4. Shiffa

5. Particle Swarm Optimization

توجه به معیارهای کمی و کیفی فضایی و با استفاده از الگوریتم بهینه سازی چندهدفه^۷ (MOPSO) در سطح پلاک های شهری است. این الگوریتم به دلیل پیچیدگی محاسباتی کمتر در مقایسه با برخی الگوریتم های چندهدفه مانند الگوریتم زنتیک چندهدفه (CGA)، استفاده از مزایای هوش تجمعی در این الگوریتم در مقایسه با الگوریتم های چندهدفه تکاملی متداول (Coello Coello & Lamont, 2004) NSGA-II مانند انتخاب شد. در اینجا کوشش می شود با توجه به اولویت های تصمیم گیرندگان، چینش بهینه متناظر امکان نمایش داشته باشد تا تصمیم گیرندگان بتوانند با تعریف یا تغییر اولویت ها، ستاریوهای مورد نظر را مشاهده کنند. در پژوهش حاضر فرض بر این است که شکل قطعات زمین ثابت است و تغییر نمی کند.

۲- مواد و روش ها

منطقه مطالعاتی تحقیق حاضر، ناحیه ۱ منطقه ۷ تهران است، که در این بخش نحوه آماده سازی داده های آن شرح داده شده است. در پژوهش حاضر، روش MOPSO پیشنهاد شده کوئلو کوئلو و لامونت^۸ (۲۰۰۴) در حل مسئله بهینه سازی چندهدفه چینش کاربری های اراضی به کار گرفته شد. در ادامه، نحوه آماده سازی داده ها در تحقیق حاضر و عملکرد روش پیشنهادی شرح داده شده است.

۱-۱- آماده سازی داده ها

در این بخش به مراحل آماده سازی داده ها در تحقیق به منظور ورود به مدل پرداخته شده است.

1. Feng & Lin

2. Cumulative Genetic Algorithm

3. Balling

4. Semboloni

5. Simulated Annealing Method

6. Ligmann Zielinska

7. Multi-Objective Particle Swarm Optimization

8. Coello Coello & Lamont

هدف پیش از ورود به مسئله وزن دهی شده اند و به همین دلیل انعطاف پذیری جواب ها پایین آمده است. هدف پژوهشی که فنگ و لین^۹ (۱۹۹۹) انجام دادند، ایجاد گزینه های مختلف برای مدیریت کاربری های شهری با استفاده از الگوریتم زنتیک چندهدفه^{۱۰} (CGA) بود. از محدودیت های این تحقیق می توان به پوشش ندادن تمامی عوامل در چینش کاربری ها و استفاده از واحد مکانی ناحیه اشاره کرد. بالینگ^{۱۱} و همکاران (۱۹۹۹) از الگوریتم زنتیک چندهدفه ابتکاری برای بهینه سازی سهتابع هدف کمینه کردن ترافیک، کمینه کردن هزینه های جابه جایی و کمینه کردن تغییر کاربری استفاده کردند. در این الگوریتم، بهینه سازی به صورت همزمان انجام نشد و به صورت مرحله ای روی هر یک از توابع هدف به اجرا درآمد و بهترین های آن تابع وارد بهینه سازی در تابع هدف بعدی گردید. همین مسئله سبب می شود که برخی از جواب های بهینه در پردازش ها در نظر گرفته نشوند. در پژوهش دیگری سمبولونی^{۱۲} (۲۰۰۴) از روش بهینه سازی شبیه سازی تبرید^{۱۳} برای بهینه سازی امکانات مورد نیاز مناطق مسکونی و تجاری استفاده کرد. در آن تحقیق، مدل سازی به صورت دینامیک صورت گرفت و با تغییر هر کاربری، کاربری های مورد نیاز و تأسیسات شهری با توجه به سازگاری همسایگی های مجاور تأمین می شد. بیشترین تأکید پژوهش مذکور بر تمرکز یا کمبود امکانات در سطح شهر و توزیع بهینه آن بود و توجه چندانی به المان های کمی و کیفی نشد. در پژوهش دیگری که لیگمان زیلینسکا^{۱۴} و همکاران (۲۰۰۸) انجام دادند از مدل بهینه سازی چندهدفه برای کمینه کردن مزاحمت کاربری ها و تراکم ساختمان ها به صورت همزمان استفاده شد. الگوریتم به کار گرفته شده در پژوهش مذکور، الگوریتمی تلفیقی با مبنای آماری در تولید جواب های مختلف است و هدف آن بیشتر پیشنهاد کاربری در مورد مناطق توسعه نیافرته شهر بود. هدف اصلی پژوهش حاضر، ارائه روشی برای به دست آوردن چینش بهینه کاربری اراضی شهری با

کاربری از سازگاری آنها بیشتر باشد. در این حالت همچواری کاربری‌ها باعث کاهش قابلیت استفاده و سودمندی یکدیگر می‌شود.

— کاملاً ناسازگار؛ یعنی مشخصات دو کاربری هیچ‌گونه همچوانی با یکدیگر ندارند و در تقابل با یکدیگرند.

- بی‌تفاوت؛ در این حالت همچواری کاربری‌ها خنثی و بی‌اثر است.

در ادامه، از آنجاکه الگوریتم مورد نظر برای حل مسئله با مقادیر عددی کار می‌کند، مقادیر کیفی به دست آمده از روش دلفی با استفاده از روش تحلیل سلسله‌مراتبی^۱ (AHP) به مقادیر عددی تبدیل شدند. به منظور مقایسه صحیح کلاس‌های پنج‌گانه سازگاری از مقایسه زوجی در AHP استفاده شد (Taleai et al., 2007). وزن‌های استخراج شده در جدول ۱ و در قسمت نتایج آمده‌اند.

• وابستگی

برای ورود وابستگی به مدل - مطابق آنچه در سازگاری دیده شد - پس از استخراج ماتریس وابستگی با استفاده از روش دلفی در پنج سطح کیفی وابستگی بالا^۲ (HD)، وابستگی متوسط^۳ (MD)، وابستگی پایین^۴ (LD)، نسبتاً مستقل^۵ (MD) و کاملاً مستقل^۶ (HD) و به کارگیری AHP، وزن‌های مورد نیاز برای سطوح وابستگی استخراج شدند. ماتریس وابستگی به دست آمده از این روش در جدول ۲ آمده است.

• مناسبت^۷

با توجه به منابع و استانداردهای موجود، مؤلفه‌هایی که در پی می‌آیند در مورد هر قطعه به منظور به دست آوردن مناسبت قطعه با کاربری بررسی شدند:

1. Analytical Hierarchy Process
2. High Dependency
3. Medium Dependency
4. Low Dependency
5. Medium Independence
6. High Independence
7. Suitability

۱-۱-۲- تعریف متغیرهای تصمیم

در ادامه، تعریف و چگونگی ورود متغیرهای تصمیم به مدل به عنوان معیارهای کمی و کیفی شرح داده شده است.

الف) معیارهای کیفی

همان‌طور که ذکر شد، سه معیار کیفی سازگاری، وابستگی و مناسبت به منظور چینش بهینه کاربری‌ها در این مدل در نظر گرفته شد. لازم است نحوه برخورد با هریک از این معیارها پیش از ورود به مدل مشخص شود.

• سازگاری

در پژوهش حاضر به منظور تعریف سازگاری میان کاربری‌های گوناگون در سطح ریزدانه، از ماتریس سازگاری میان کاربری‌های مختلف استفاده شد. از آنجاکه ماتریس‌های سازگاری تعریف شده در منابع و استانداردهای موجود براساس نواحی شهری بودند، از مدل دلفی براساس نظر کارشناسان و منابع موجود برای استخراج ماتریس در سطح ریزدانه استفاده شد. روش دلفی فرایندی ساختاریافته برای جمع‌آوری و طبقه‌بندی دانش موجود نزد گروهی از کارشناسان و خبرگان است، که از طریق توزیع پرسشنامه‌هایی بین این افراد و بازخورد کنترل شده پاسخ‌ها و نظرهای دریافتی صورت می‌گیرد (Adler & Ziglio, 1996; Skulmoski et al., 2007) سازگاری در پنج کلاس زیر تقسیم‌بندی شد و ماتریس سازگاری بر این مبنای داشت آمد.

— کاملاً سازگار؛ یعنی هر دو کاربری خصوصیات مشترکی دارند و فعالیت آنها بر یکدیگر منطبق است و همچواری آنها باعث افزایش قابلیت استفاده و سودمندی یکدیگر می‌شود.

— نسبتاً سازگار؛ در این حالت همچواری کاربری‌ها به میزان کمی باعث افزایش قابلیت استفاده و سودمندی یکدیگر می‌شود.

— نسبتاً ناسازگار؛ یعنی میزان ناسازگاری بین دو

ب) معیارهای کمی

تأمین سرانه‌ها از موضوعات مهم در برنامه‌ریزی شهری است. در پژوهش حاضر، سرانه‌های مطلوب هر کاربری در منطقه مطالعاتی به عنوان معیار کمی وارد مدل شدند. بهمنظور اجرا ابتدا سرانه‌های موجود و مورد نیاز مربوط به هر کاربری در منطقه از منابع موجود و نظرهای کارشناسی استخراج و به عنوان شرط وارد مسئله شدند. به عبارت دیگر، جواب‌هایی پذیرفتی هستند که تا حد امکان این شرط را در مسئله تأمین کنند.

۲-۱-۲- آماده‌سازی داده‌های مکانی و توصیفی

منطقه مورد مطالعه بهمنظور ورود به مدل نقشه‌های شهری ناحیه ۱ منطقه ۷ تهران با مقیاس ۱:۲۰۰۰ به عنوان داده مکانی نمونه وارد مدل شدند. از ویژگی‌های درخور توجه در این منطقه، وجود کاربری‌های متنوع در سطوح مختلف مدیریت شهری است. داده‌های اصلی توصیفی مورد نیاز برای ارتباط با پایگاه داده‌های مکانی در پژوهش حاضر به شرح زیرند:

- اطلاعات جمعیتی به تفکیک سن افراد: این اطلاعات حاصل سرشماری ۱۳۸۵ کل کشور در مرکز آمار ایران و پیمایش‌های انجام شده در شرکت‌های مشاور بهمنظور تخمین جمعیت فعلی منطقه مورد مطالعه است.

اطلاعات کاربری اراضی شهری: شامل کاربری عمده هر پلاک ساختمانی است. این اطلاعات در مقیاس ۱:۲۰۰۰ از مراجع ذی صلاح دریافت و در سطح کاربری‌های مدل موردنظر که کلاس‌های اصلی آن در شکل ۱ آمده است، طبقه‌بندی شدند. شکل ۱ محدوده مطالعاتی تحقیق را نشان می‌دهد، که در آن بهمنظور ساده‌سازی، کلاس‌های کاربری‌های اصلی نمایش داده شده و از نمایش زیرکلاس‌ها صرف‌نظر شده است. به عنوان مثال زیرکلاس‌های مسکونی کمتر از کم، مسکونی تراکم متوسط و مسکونی با تراکم بالا در یک کلاس اصلی مسکونی نمایش داده شده‌اند.

مساحت (A)، دسترسی (Ac)، تعداد برهای هر قطعه (Ed)، شیب (S)، آلودگی صوتی (VP)، آلودگی هوا (AP)، سختی تغییر (R)، و نسبت اختلاف اضلاع (DE). برای به دست آوردن مناسبت هر قطعه ابتدا برای هر مؤلفه، سطوح کیفی با توجه به نظر کارشناسان و با استفاده از مدل دلفی استخراج و سپس این مقادیر کیفی با استفاده از AHP زوجی ساختاریافته به مقادیر کمی تبدیل شدند. درنهایت با استفاده از وزنی که به المان‌ها داده شد، مناسبت کلی هر قطعه زمین برای هر کاربری با استفاده از رابطه (۱) به دست آمد. وزن هر مؤلفه در رابطه (۱)، با توجه به نظرسنجی از کارشناسان شهرسازی و شرکت‌های مهندسین مشاور و جمع‌بندی نظر آنان استخراج شد. بهمنظور ساده‌سازی محاسبات، تمامی وزن‌ها در پایان در بازه ۰ و ۱ به گونه‌ای استاندارد شدند که درنهایت مجموع همه آنها برابر ۱ باشد.

$$S_{j,Ci} = w_1 A_{j,Ci} + w_2 Ac_{j,Ci} + w_3 Ed_{j,Ci} + w_4 S_{j,Ci} + w_5 VP_{j,Ci} + w_6 Ap_{j,Ci} + w_7 R_{j,Ci} + w_8 DE_{j,Ci} \quad (1)$$

که در آن $S_{j,Ci}$ مناسبت کلی قطعه j با کلاس کاربری Ci ، و مقادیر w_i تا w_8 به ترتیب به صورت ۰/۲۰، ۰/۲۰، ۰/۱۵، ۰/۱۵، ۰/۱۰، ۰/۱۰، ۰/۰۵، ۰/۰۵ در نظر گرفته شده‌اند.

برای مثال بهمنظور به دست آوردن مقادیر کمی برای فاکتور مساحت، ابتدا مساحت قطعات در چهار کلاس کاملاً مناسب، نسبتاً مناسب، نسبتاً نامناسب و کاملاً نامناسب برای هر کاربری تقسیم‌بندی شدند، سپس این سطوح چهارگانه کیفی با استفاده از AHP زوجی ساختاریافته کمی شدند و به ترتیب مقادیر ۰/۴۷، ۰/۲۹، ۰/۱۷ و ۰/۰۷ برای آنها به دست آمد. در ادامه برای هر مؤلفه در رابطه (۱) این مراحل طی شد و در پایان مجموع وزن دار کل مؤلفه‌ها محاسبه گردید و به عنوان مناسبت نهایی قطعه برای کاربری مورد نظر در نظر گرفته شد.



شکل ۱. منطقه مطالعاتی و دسته‌بندی قطعات براساس کاربری‌های اصلی آنها

Liberman, 2005). بنابراین معمولاً یک جواب برای مسئله وجود ندارد بلکه مجموعه‌ای از جواب‌ها به نام جبهه جواب بهینه^۱ یا جواب‌های غالب^۲ به دست می‌آید (Deb et al., 2002) و تصمیم‌گیرنده پس از حل مسئله می‌تواند جواب مورد نظر را از جبهه جواب با توجه به اولویت‌های خود انتخاب کند (Coello Coello et al., 2007). بنابراین در حالت چنددهفه مسئله دیگر بر مبنای اولویت‌های داده شده اولیه حل نمی‌شود بلکه پس از حل چنددهفه، تصمیم‌گیرنده قادر خواهد بود اولویت‌های خود را معرفی و نتایج را مشاهده کند و به مقایسه آنها بپردازد. بنابراین به رغم وجود محاسبات پیچیده‌تر در روش‌های حل چنددهفه، انعطاف‌پذیری این روش‌ها به مراتب بالاتر است.

شکل ۲ یک جبهه جواب بهینه را در حالتی که

تعداد کل زیرکلاس‌ها در پژوهش حاضر، ۳۴ کلاس بود. داده‌های مورد نیاز پس از دریافت، ابتدا در محیط نرم‌افزارهای GIS ویرایش شدند و همه خطاهای موجود در آنها حذف گردید، سپس تمامی اطلاعات توصیفی مورد نیاز به آنها نسبت داده شد.

۲-۲- روش تحقیق

در این بخش نحوه سازگارسازی و به کارگیری الگوریتم MOPSO در مسئله مورد نظر و تعریف ساختار پاسخ، توابع هدف و قیود برای حل مسئله توضیح داده شده است. ابتدا به منظور روشن تر شدن مطلب بهینه‌سازی چنددهفه، روش کار MOPSO و تفاوت ماهوی آن با حالت تک‌دهفه به صورت مختصر توضیح داده می‌شود. هدف مسائل بهینه‌سازی چنددهفه، بهینه‌کردن همزمان چند تابع هدف (در حضور یا بدون حضور شروط) بدون اولویت‌دهی اولیه به آنهاست (Veldhuizen & Lamont, 1999; Hillier &)

1. Pareto-Front

2. Non-Dominated

c_2 ضرایب یادگیری هستند. r_1 و r_2 باعث می‌شوند که نوعی گوناگونی در جواب‌ها به وجود باید و جستجوی کامل تری روی فضا انجام پذیرد. c_1 ضریب یادگیری مربوط به تجربه‌های فردی هر ذره و در مقابل، c_2 ضریب یادگیری مربوط به تجربه‌های کل جمع است (Poli et al., 2007; Shi and Eberhart, 1998) حرکت تا زمان رسیدن به شرط توقف الگوریتم ادامه خواهد داشت.

در حالت چندهدفه یعنی MOPSO، روش انتخاب سردهسته برای حرکت بعدی دارای اهمیت است زیرا همان‌طور که ذکر شد در یک تکرار به جای یک جواب، مجموعه‌ای از جواب‌های بهینه وجود دارد. در اینجا از روش پیشنهادی کوئلو کوئلو و لامونت (۲۰۰۴) بدليل پیچیدگی محاسباتی کمتر و همگرایی سریع‌تر (Reyes-Sierra & Coello Coello, 2006) استفاده شد. در این روش ابتدا جمعیت اولیه ایجاد و مقدار توابع هدف برای هر ذره محاسبه شد. در ادامه، جواب‌های غالب در یک آرشیو خارجی نگهداری شدند. در فضای جواب ایجادشده و در آرشیو جواب‌های غالب، فوق‌مکعب^۱‌هایی (به ابعاد فضای جواب) تولید شد. در شکل ۳ نمونه‌ای از فضای جستجوی دوبعدی و نحوه تقسیم آن به فوق‌مکعب‌ها آمده است. در فضای جستجوی دوبعدی فوق‌مکعب‌ها به مربع تبدیل می‌شوند، سپس تا پایان تعداد تکرارها یا رسیدن به شرط پایانی الگوریتم، سرعت هر ذره در بعد d از رابطه (۳) محاسبه می‌شود:

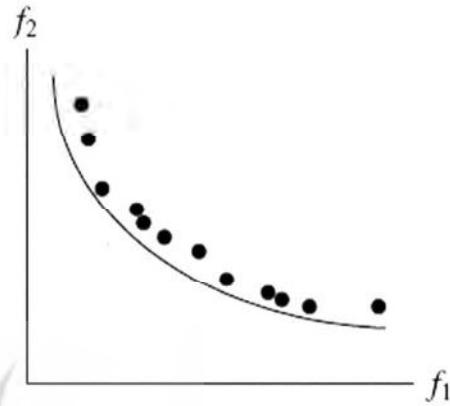
(۳) رابطه

$$v_d^{new} = w.v_d^{old} + c_1.r_1(pbest_d - x_d) + c_2.r_2(rep(h)_d - x_d)$$

که در آن تمامی پارامترها مانند رابطه (۱) است با این تفاوت که rep(h) مقداری است که از آرشیو گرفته می‌شود. با فرض m_i به عنوان تعداد اعضای موجود در یک خانه، β به عنوان ضریبی برای کنترل مقدار

1. Hypercube

مسئله دارای دو تابع هدف است، نشان می‌دهد. با حل مسئله به این صورت می‌توان اولویت‌های برنامه‌ریزی را به عنوان ورودی از تصمیم‌گیرنده دریافت کرد و نتیجه را به وی نمایش داد و ابزاری حامی تصمیم‌گیری ایجاد کرد.



f₁ and f₂ are to be minimized

شکل ۲. جبهه جواب بهینه در حالت دوهدفه با توابع هدف f₁ و f₂

الگوریتم بهینه‌سازی تجمع ذرات، زیرمجموعه‌ای از الگوریتم‌های هوش تجمیعی در حالت تک‌هدفه است. این الگوریتم از جمعیتی از نقاط استفاده می‌کند که به‌منظور یافتن راه حل بهینه در فضای جستجو در حال حرکت‌اند و ذره نامیده می‌شوند. هر ذره دارای یک بردار سرعت است که به وسیله تغییرات آن به جستجوی فضا می‌پردازد. بهترین موقعیت ذره در کل فضا (t) Gbest و بهترین موقعیت ذره در تجربه‌های قبلی حرکت (t) Pbest در حافظه نگهداری می‌شود. با این توضیحات، معادله حرکت ذرات برای هر بعد d در فضا چنین است (Clerc, 2006):

$$v_d^{new} = w.v_d^{old} + c_1.r_1(pbest_d - x_d) + c_2.r_2(Gbest_d - x_d)$$

$$x_d^{new} = x_d^{old} + v_d^{new}$$

که در آن، v_d^{old} و x_d^{old} بهترتیب سرعت قبلی و موقعیت قبلی ذره در بعد d، v_d^{new} و x_d^{new} سرعت جدید و موقعیت جدید ذره در همان بعد، w وزن اینرسی که معمولاً دو در نظر گرفته می‌شود، r_1 و r_2 اعدادی تصادفی در بازه [0,1] با توزیع یکنواخت، و c_1 و

ساختمانی بر یکدیگر تابعی از فاصله آنهاست یعنی تأثیر در فواصل نزدیک‌تر بیشتر و در فواصل دور کمتر است. سازگاری در این مسئله به صورت رابطه (۵) تعریف شد.

رابطه (۵)

$$Comp_{ij} = f_1(d_{ij}, C_i C_j) = f_1(d_{ij}, Comp_{cicj})$$

که در آن، d_{ij} نشانگر سازگاری تعریف شده در مسئله، $C_i C_j$ فاصله مرکز ثقل دو بلوک ساختمانی i و j و $Comp_{cicj}$ سازگاری دو کلاس کاربری C_i و C_j در ماتریس سازگاری است.

به منظور وارد کردن فاصله در تابع هدف سازگاری برای هر دو کلاس کاربری C_i و C_j یک تابع از فاصله d_{ij} تحت عنوان $\alpha^1 c_i, c_j$ (d) تعریف شد. شکل کلی این تابع در رابطه (۶) آمده است.

رابطه (۶)

$$\alpha^1 c_i, c_j (d_{ij}) = \begin{cases} 1 & d_{ij} \leq d_{ij}^{\min} \\ \left(\frac{d_{ij}^{\max} - d_{ij}}{d_{ij}^{\max} - d_{ij}^{\min}} \right)^{\beta} & d_{ij}^{\min} \leq d_{ij} \leq d_{ij}^{\max} \\ 0 & d_{ij} \geq d_{ij}^{\max} \end{cases}$$

که در آن، d_{ij}^{\max} فاصله مرکز ثقل دو قطعه، d_{ij}^{\min} شعاع نفوذ هر قطعه که با توجه به کاربری قطعه و از استانداردهای شعاع نفوذ خدمات شهری استخراج شده، و β ضریبی است که میزان تأثیر فاصله را در تابع فاصله مشخص می‌کند. در پژوهش حاضر برای سادگی محاسبات، $\beta=1$ در نظر گرفته شد. درنهایت تابع هدف سازگاری به صورت رابطه (۷) تعریف شد که هدف بیشینه کردن آن است.

رابطه (۷)

$$f_1(d_{ij}, Comp_{cicj}) = Comp_{cicj} \times \alpha^1 c_i, c_j (d_{ij})$$

بنابراین نخستین تابع هدف مسئله یعنی f_1 به صورت رابطه (۸) تعریف شد.

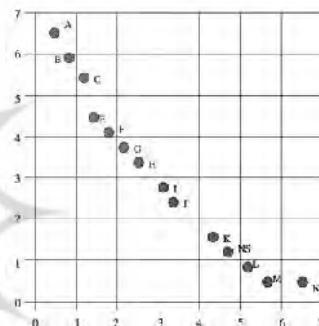
رابطه (۸)

$$F_1 : Maximize \sum_{i \neq j} f_1(d_{ij}, Comp_{cicj})$$

اختلافات در احتمال w_k به عنوان تعداد کل خانه‌ها، چرخه گردان احتمال رابطه (۴) به منظور انتخاب خانه با اندیس h اعمال می‌شود. درواقع در اینجا هدف انتخاب خانه با تعداد ذره کمتر به منظور بهبود بخشیدن به تراکم جبهه جواب بهینه است که براساس P_i انجام می‌شود.

$$P_i = \frac{e^{-\beta m_i}}{e^{-\beta m_1} + e^{-\beta m_2} + \dots + e^{-\beta m_k}}$$

پس از انتخاب خانه h یکی از اعضای خانه به صورت تصادفی به عنوان رهبر تکرار بعد انتخاب و موقعیت جدید ذرات محاسبه می‌شود. الگوریتم تا رسیدن به شرط توقف تکرار می‌شود.



شکل ۳. مثالی از فوق مکعب‌های تولید شده در فضای دوبعدی تابع هدف

منبع: Coello Coello & Lamont, 2004

۲-۱-۱- بیان ریاضی تابع هدف مسئله
در پژوهش حاضر چهار تابع هدف برای حل مسئله در نظر گرفته شد که عبارت‌اند از بیشینه‌سازی سازگاری، بیشینه‌سازی وابستگی، بیشینه‌سازی مناسبت و بیشینه‌سازی همگونی کاربری‌های مجاور. در ادامه تعریف هر کدام و چگونگی عملکرد آنها در مدل تشریح می‌شود.

الف) تابع هدف سازگاری

در بخش‌های قبل نحوه استخراج ماتریس سازگاری توضیح داده شد. از آنجاکه تأثیر کاربری دو بلوک

```

Begin
Initialize
For i=1 to n
    For k=1 to m
        If C_Nk=C_pi
            Compactness=Compactness+1
        End if
    End
    Compactness=Compactness/k
End

```

شکل ۴. شبکه کد مربوط به تعریف تابع هدف همسانی همسایه‌ها

در شکل ۴، n تعداد بلوک‌های ساختمانی، m تعداد همسایه‌های بلوک ساختمانی C_{pi} ، P_i کلاس کاربری بلوک مفروض، C_{Nk} کلاس کاربری همسایه بلوک و $Compactness$ شمارنده است. بنابراین تابع هدف $Compactness$ چهارم به صورت رابطه (۱۲) تعریف شد.

رابطه (۱۲)

$$F_4 : \maximize \sum Compactness$$

۲-۲-۲- شرط مسئله

در پژوهش حاضر، سرانه هر کلاس کاربری با شرط‌آمده در رابطه (۱۳) وارد مسئله شد.

$$P_{c,min} \leq P_c \leq P_{c,max} \quad (13)$$

که در آن، P_c سرانه کاربری کلاس C ، $P_{c,min}$ کمینه سرانه کاربری کلاس C ، و $P_{c,max}$ بیشینه سرانه کاربری کلاس C است. به منظور برقراری تعادل در اختصاص سرانه‌ها در مسئله از سازوکاری اصلاحی استفاده گردید. همان‌طور که گفته شد، رابطه (۱۰) در مورد هریک از کلاس‌های کاربری در هر چینش می‌بایست برقرار باشد. بنابراین تخطی از سرانه ممکن است در دو حالت کمتر از سرانه مورد نیاز و بیشتر از سرانه مورد نیاز رخ دهد. اگر مقدار سرانه هر کلاس در چینش را با P_{C_i} و سرانه کمینه و بیشینه را به ترتیب با P_{min,C_i} و P_{max,C_i} نمایش دهیم، در دو حالت غیر مجاز، میزان تخطی به صورت روابط (۱۴) و (۱۵) تعریف می‌شود.

1. Compactness

ب) تابع هدف وابستگی

تابع وابستگی نیز مانند تابع سازگاری براساس فاصله تعریف شد. این تابع طبق رابطه (۹) تعریف شده است.

رابطه (۹)

$$f_2(d_{ij}, Dep_{cicj}) = Dep_{cicj} \times \alpha^2_{Ci,Cj}(d_{ij})$$

که در آن، $f_2(d_{ij}, Dep_{cicj})$ تابع وابستگی، d_{ij} فاصله درایه مربوط به دو کلاس C_i و C_j در ماتریس وابستگی، و $\alpha^2_{Ci,Cj}(d_{ij})$ تابع فاصله مربوط به وابستگی است. درنهایت، تابع هدف وابستگی به صورت رابطه (۱۰) تعریف شد.

رابطه (۱۰)

$$F_2 : \maximize \sum_{i \neq j} f_2(d_{ij}, Dep_{cicj})$$

ج) تابع هدف مناسبت

تابع هدف مناسبت کاربری زمین به صورت رابطه (۱۱) تعریف شد.

رابطه (۱۱)

$$F_3 : \maximize \sum_i S_{j,Ci}$$

که در آن، $S_{j,Ci}$ مناسبت کلاس کاربری C_i و بلوک ساختمانی j است که در رابطه (۱) شرح داده شد.

د) تابع هدف همگونی کاربری‌های مجاور

در برخی کاربری‌ها - مانند کاربری‌های مسکونی - لازم است کاربری‌های همسان با یکدیگر همسایه باشند. برای این منظور، تابع هدفی در مسئله با نام همسانی کاربری‌های مجاور^۱ تعریف شد. برای محاسبه همگونی کاربری‌های مجاور، ابتدا همسایه‌های هر بلوک ساختمانی در برنامه مشخص و سپس همسانی آنها بررسی شد. شمارنده‌ای نیز در تابع مذکور تعریف گردید که در صورت یکسان بودن کاربری‌های مجاور در چینش، یک واحد به آن اضافه می‌شود. تابع هدف به صورت بیشینه کردن این شمارنده درنظر گرفته شد.

شکل ۴ شبکه کد محاسبه تابع هدف همگونی کاربری‌های مجاور را نشان می‌دهد.

تخطی به صورت عاملی کاہنده در توابع هدف اعمال شد. بدین ترتیب در هر چینشی که تخطی وجود داشته باشد، ضریبی کاہشی در توابع هدف اعمال می‌گردد و مقدار آن را کاہش می‌دهد؛ درنتیجه الگوریتم به دنبال جواب‌هایی می‌گردد که مقادیر توابع هدف در آنها بهتر باشد. مقدار تخطی کل به دست‌آمده به صورت رابطه (۱۸) در توابع هدف اعمال شد.

$$\hat{F} = \frac{F}{1+V}$$

رابطه (۱۸)

که در آن، \hat{F} مقدار تابع هدف پس از اعمال جریمه و F مقدار تابع هدف به دست‌آمده است.

۳-۲-۲- ترجمه مسئله به ساختار مورد نیاز در MOPSO

در این بخش به بیان ترجمه مسئله مورد نظر به فضای کاری الگوریتم MOPSO پرداخته شده است.

الف) تعریف ذره و حرکت آن در MOPSO به کاررفته در مدل

در پژوهش حاضر، هر ذره در مدل به صورت m خانه تعریف شد که محتویات خانه‌ها کاربری متضطرر با زمین، و m تعداد کل قطعه‌های ساختمانی موجود در منطقه مطالعاتی است. بنابراین ساختار پاسخ به شکل هر ذره است که هر خانه آن نشان‌دهنده یک قطعه ساختمانی است و پاسخ کلاس کاربری نسبت داده شده به خانه است. اگر n تعداد قطعه‌های موجود در منطقه، Pn مجموعه کل قطعه‌های ساختمانی و Ci مجموعه کلاس کاربری‌ها باشد، ساختار پاسخ به صورت شکل ۵ خواهد بود.

C_1	C_2	C_3	C_{n-1}	C_n
-------	-------	-------	------	-----------	-------

شکل ۵. ساختار یک ذره به عنوان پاسخ در مسئله

رابطه (۱۴)

$$\rightarrow v_i = \begin{cases} 1 - \frac{P_{C_i}}{P_{\min C_i}} & P_{C_i} < P_{\min C_i} \\ 0 & P_{C_i} > P_{\max C_i} \quad P_{C_i} \leq P_{\min C_i} \end{cases}$$

رابطه (۱۵)

$$\rightarrow v'_i = \begin{cases} \frac{P_{C_i}}{P_{\max C_i}} - 1 & P_{C_i} > P_{\max C_i} \\ 0 & P_{C_i} \leq P_{\max C_i} \quad P_{C_i} \geq P_{\max C_i} \end{cases}$$

که در آنها، v'_i, v_i میزان اصلاح مورد نظر است و با تعریف کسرهای فوق مقادیر در بازه $0 \dots 1$ نرمال‌سازی شدند. بنابراین میانگین تخطی‌ها به صورت رابطه (۱۶) محاسبه شدند.

$$\begin{cases} \bar{v} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n v_i \\ \bar{v}' = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n v'_i \end{cases}$$

رابطه (۱۶)

که در آن، n تعداد کلاس‌های کاربری است که در این مسئله ۳۴ کلاس است و \bar{v}, \bar{v}' اندازه میانگین تخطی‌های مثبت و منفی موجود در چینش مفروض‌اند. مقدار تخطی کل یعنی \bar{V} را می‌توان با استفاده از میانگین وزن‌دار به دست آورد، که این مقدار در رابطه (۱۷) نشان داده شده است.

رابطه (۱۷)

$$\bar{V} = \frac{w_1 \bar{v} + w_2 \bar{v}'}{w_1 + w_2}$$

که در آن، w_1, w_2 مقادیر وزن‌های مورد نظر برای تخطی‌های مثبت و منفی هستند. با درنظر گرفتن این وزن‌ها می‌توان در صورت نیاز وزن تخطی‌ها را تغییر داد، مثلاً به تخطی مثبت وزن بالایی داد تا حد مجاز سرانه‌ها با اهمیت بیشتری وارد مدل شود. از آنجاکه هدف این مسئله بیشینه کردن توابع هدف است، میزان

که در آن، f نگاشت مبدل فضای پیوسته به فضای گسسته، x_i عدد حقیقی میان 0 و 1 ، و C_i نشان‌دهنده کلاس کاربری مفروض است.

برای تعریف این نگاشت بمفروضات رابطه (۲۰) درنظر گرفته شد.

$$0 \leq x_i < \frac{1}{n} \rightarrow C_i = 1$$

$$\frac{1}{n} \leq x_i < \frac{2}{n} \rightarrow C_i = 2$$

$$\frac{k}{n} \leq x_i < \frac{k+1}{n} \rightarrow C_i = k+1$$

$$\frac{n-1}{n} \leq x_i < \frac{n}{n} \rightarrow C_i = n$$

درنتیجه تابع نگاشت به صورت رابطه (۲۱) تعریف شد.

رابطه (۲۱)

$$k \leq nx_i < k+1 \Rightarrow [nx_i + 1] = k+1 \Rightarrow C_i = \min([nx_i + 1], n)$$

که در آن، x_i و C_i مطابق رابطه (۱۹) و n تعداد کلاس‌های کاربری تحقیق و k یک کلاس مفروض از این کلاس‌های کاربری است.

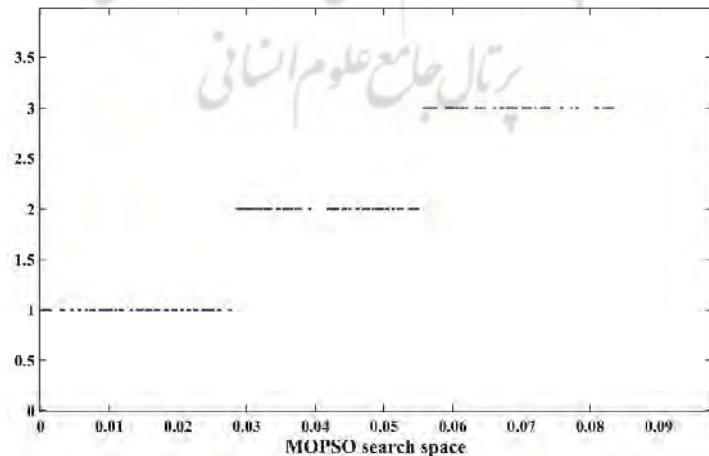
در شکل ۶ چگونگی تصویر کردن قسمتی از این دو فضا در یکدیگر به نمایش درآمده است. با استفاده از تابع f ، فضای پیوسته میان 0 و 1 در MOPSO به فضای گسسته مربوط به کلاس کاربری C_i است، در حالی که در فضای پیوسته x_i محتوای خانه آم است که عددی حقیقی میان 0 و 1 است. بنابراین، نگاشتی لازم است تا با استفاده از آن بتوان اعداد پیوسته PSO را به اعداد گسسته مربوط به کدهای کاربری‌های موجود تصویر کرد. بدین ترتیب، طبق رابطه (۱۹) خواهیم داشت:

با این توضیحات، معادله حرکت ذرات برای هر بعد d در فضای چهار بعد به تعداد چهار تابع هدف با استفاده از رابطه (۳) به دست آمد. که در آن، w برابر 2 ، c_1 و c_2 هر کدام برابر 2 ، r_1 و r_2 به صورت اعداد تصادفی با توزیع یکنواخت میان 0 و 1 تعریف شدند. حرکت ذره تا زمان رسیدن به شرط توقف الگوریتم، که رسیدن به تعداد مشخص 500 تکرار بود، ادامه داشت.

ب) فضای مسئله و نگاشت آن در فضای جستجوی MOPSO

فضای مسئله، فضای گسسته است و PSO قابلیت کار با فضاهای پیوسته را دارد و با اعداد حقیقی میان 0 و 1 کار می‌کند. برای تبدیل فضای مسئله به فضای PSO لازم است تبدیلاتی میان دو فضا انجام شود. فضای گسسته مسئله در واقع می‌بایست بر فضای حقیقی و پیوسته PSO تصویر شود. در فضای گسسته هر سلول مربوط به کلاس کاربری C_i است، در حالی که در فضای پیوسته x_i محتوای خانه آم است که عددی حقیقی میان 0 و 1 است. بنابراین، نگاشتی لازم است تا با استفاده از آن بتوان اعداد پیوسته PSO را به اعداد گسسته مربوط به کدهای کاربری‌های موجود تصویر کرد. بدین ترتیب، طبق رابطه (۱۹) خواهیم داشت:

$$\exists f | \forall x_i \in X, C_i = f(x_i) \quad \text{رابطه (۱۹)}$$



شکل ۶. قسمتی از تابع نگاشت فضای جستجوی MOPSO در فضای مسئله

۳- نتایج و بحث

ماتریس‌های مرتبط استخراج شدند. به عنوان مثال، ماتریس وابستگی به صورت جدول ۲ استخراج شد.

در نهایت، توابع هدف و قیود مسئله مدل‌سازی شدند و چینش بهینه کاربری‌های منطقه مورد مطالعه با تأکید بر تعیین کاربری زمین‌های خالی و پیشنهاد برای تغییر برخی از کاربری‌ها در منطقه با استفاده از مدل توسعه داده شده و روش MOPSO به دست آمد.

در مسائل پیچیده مشابه این مسئله، ایجاد جمعیت اولیه کاملاً تصادفی (یعنی روال کار عادی MOPSO) ممکن است باعث ایجاد جواب‌هایی با تفاوت زیاد نسبت به وضع موجود شود که از نظر اجرایی ناکارآمد است. به همین دلیل در پژوهش حاضر، جمعیت اولیه به صورت ترکیبی از جمعیت اولیه کاملاً تصادفی و جمعیت اولیه حاصل از تغییر وضعیت فعلی ایجاد شد. تغییرات ایجاد شده در جمعیت اولیه‌ای که از وضع موجود الگویی گیرد، ۳۰ درصد وضع موجود است.

شکل ۷ چینش بهینه به دست آمده در منطقه را با تعداد جمعیت اولیه و تعداد تکرار ۵۰۰ نشان می‌دهد. دلیل انتخاب تکرار ۵۰۰ و جمعیت اولیه ۵۰۰ این است که نتایج در تکرارهای بالاتر و جمعیت اولیه بیشتر، تغییر معناداری نداشته‌اند. این مسئله در قسمت مربوط به تست الگوریتم بیشتر تشریح شده است. در چینش نمایش داده شده در شکل ۷، چینش بهینه متناظر با بیشترین سازگاری در منطقه نمایش داده شده است.

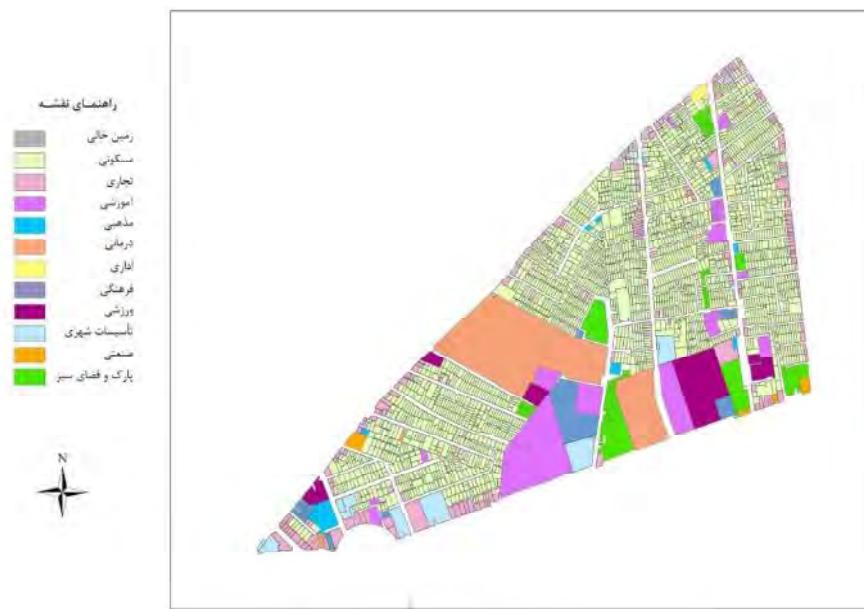
در پژوهش حاضر ابتدا متغیرهای تصمیم به شکل معیارهای کمی یعنی سرانه‌ها و معیارهای کیفی یعنی سازگاری، وابستگی و مناسبت مشخص شدند. برای ورود معیارهای کیفی به مدل، کمی‌سازی آنها ضروری است. به این منظور در استخراج مقادیر کمی برای سازگاری و وابستگی ابتدا با استفاده از مدل دلفی، مقادیر به صورت کیفی از طرف کارشناسان مشخص شدند و سپس با استفاده از روش AHP زوجی ساختاریافته به صورت کمی (عددی) درآمدند. این مقادیر برای سازگاری در پنج سطح کیفی کاملاً سازگار، نسبتاً سازگار، بی‌تفاوت، نسبتاً ناسازگار و کاملاً ناسازگار به دست آمد. برای وابستگی نیز همین سطوح کیفی از مدل دلفی استخراج شده‌اند. برای کمی‌سازی مناسبت نیز همان‌طور که پیش‌تر گفته شد، برای هر مؤلفه جداگانه از روش AHP زوجی ساختاریافته به منظور کمی‌سازی استفاده شد و سپس مقدار کل مناسبت با استفاده از مجموع وزن دار مؤلفه‌ها به دست آمد.

به عنوان مثال جدول ۱ وزن‌های محاسبه شده از این روش را در تابع هدف سازگاری نشان می‌دهد. مشابه این وزن‌ها برای کمی‌کردن مقادیر در تابع هدف وابستگی نیز عمل شده است.

پس از کمی‌سازی مقادیر در ماتریس وابستگی و سازگاری همان‌طور که پیش‌تر توضیح داده شد،

جدول ۱. وزن‌های محاسبه شده برای مقادیر کیفی به دست آمده از مدل دلفی با استفاده از روش تحلیل سلسله‌مراتبی زوجی ساختاریافته

سطح سازگاری	کاملاً سازگار	نسبتاً سازگار	کاملاً ناسازگار	کاملاً ناسازگار	نسبتاً ناسازگار	کاملاً سازگار	کاملاً سازگار	بی‌تفاوت
۰/۴۳	۷	۵	۳	۲	۱	۰/۴۳	۰/۴۳	کاملاً سازگار
۰/۲۸	۶	۴	۲	۱	۰/۵	۰/۲۸	۰/۲۸	نسبتاً سازگار
۰/۱۸	۵	۳	۱	۰/۵	۰/۳۳	۰/۱۸	۰/۱۸	نسبتاً ناسازگار
۰/۰۸	۳	۱	۰/۳۳	۰/۲۵	۰/۲	۰/۰۸	۰/۰۸	کاملاً ناسازگار
۰/۰۴	۱	۰/۳۳	۰/۲	۰/۱۷	۰/۱۴	۰/۰۴	۰/۰۴	بی‌تفاوت



شکل ۷. نمایش زیرکلاس‌های کاربری در چینش بهدست‌آمده از الگوریتم در ۵۰۰ تکرار با جمعیت اولیه ۵۰۰ در حالت بیشینه سازگاری‌ها

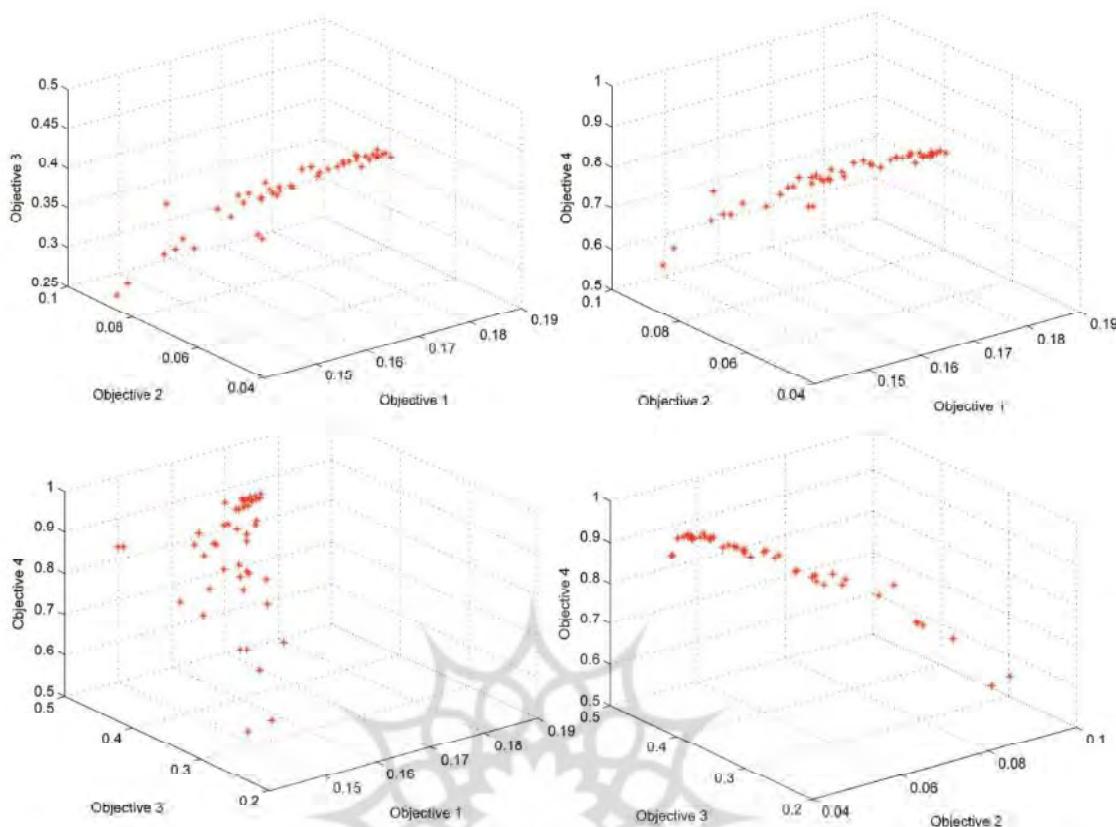
دیده می‌شود یکی از مهم‌ترین خروجی‌های تحقیق، جبهه‌ جواب بهینه است که تصمیم‌گیرنده می‌تواند با استفاده از آن و مشخص کردن اولویت‌های تصمیم‌گیری، چینش متناظر را مشاهده کند. نتایج حاصل از الگوریتم در حالت‌های مختلف در بخش بعدی بررسی شده‌اند.

جدول ۳ مقدار توابع هدف، جبران کسری سرانه‌ها و تعداد تغییرات پیشنهادی الگوریتم را برای تغییر کاربری‌ها در هریک از حالت‌هایی که تابع هدف مفروض دارای مقدار بیشینه است، نشان می‌دهد. از آنجاکه تصمیم‌گیرندگان معمولاً به دنبال جواب‌های بهینه‌ای هستند که در آنها تمامی توابع هدف در حالت میانه باشند، در جدول ۳ مقادیر مربوط به پاسخ با حالت تعادلی توابع هدف نیز آمده است. مقایسه میزان تغییر هریک از توابع هدف در حالت‌های چینش (جدول ۳) با وضع موجود، در جدول ۴ آورده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، نتایج حاصل از مدل در تمامی توابع هدف، بهبود مقادیر را در مقایسه با وضع موجود نشان می‌دهند. این بهبود برای تابع هدف مناسب است از تمامی توابع هدف دیگر بالاتر است.

در این شکل، متوسط سازگاری کاربری‌ها از متوسط سازگاری شرایط موجود بالاتر است. از نظر سرانه‌ها نیز حدود ۲۰ درصد از کمبود سرانه‌های منطقه تأمین شده است. مقدار جبران کسری سرانه در توابع هدف وابستگی، مناسبت و همسانی کاربری‌های مجاور به ترتیب ۱۶/۵، ۱۸/۹ و ۱۹/۱ بوده است. تعداد تغییرات در چینش بهینه بهدست‌آمده در این حالت ۷ درصد تعداد کل قطعات در وضع موجود است. در چینش‌های بهینه بهدست‌آمده، بیشترین تعداد پیشنهادی برای تغییر، مربوط به کاربری‌های مسکونی و زمین‌های خالی است. این امر می‌تواند به دلیل درنظرگرفتن سختی تغییر پایین‌تر در این کاربری‌ها باشد.

شکل ۸ جبهه‌های جواب بهینه سه‌بعدی متناظر با توابع هدف را با استفاده از روش MOPSO نشان می‌دهد. در اینجا نیز فضای چهار بعدی پاسخ‌های مسئله در چهار فضای سه‌بعدی تصویر شده و نتایج نمایش داده شده‌اند. همان‌طور که پیش‌تر نیز توضیح داده شد، هر نقطه روی جبهه جواب بهینه شکل ۸ نشانگر یک چینش بهینه است و شکل ۷ چینش با بیشینه سازگاری را نشان می‌دهد. بنابراین همان‌طور که

زهره معصومی و محمد سعدی مسگری



شکل ۸. جبهه جواب‌های بهدست آمده از الگوریتم با تعداد تکرار ۵۰۰ و جمعیت اولیه ۵۰۰

نقاط نمایش داده شده به صورت بعلاوه، جبهه جواب بھینه را نشان می‌دهند.

جدول ۳. مقادیر توابع هدف برای حالت‌های بیشینه هریک از توابع در روش MOPSO

تعادلی توابع	بیشینه تابع هدف	پاسخ با مقدار				
		اول	دوم	سوم	چهارم	هدف
مقدار تابع هدف اول	۰/۱۷۵	۰/۱۳۵	۰/۱۷۵	۰/۰۹۸	۰/۱۵۲	
مقدار تابع هدف دوم	۰/۰۵۶	۰/۰۹۸	۰/۰۵۷	۰/۰۶۲	۰/۰۶۸	
مقدار تابع هدف سوم	۰/۴۵۷	۰/۲۱۷	۰/۴۵۹	۰/۳۳۲	۰/۳۹۶	
مقدار تابع هدف چهارم	۰/۹۲۵	۰/۶۱۰	۰/۹۲۸	۰/۹۳۸	۰/۸۲۳	
جبران کسری سرانه‌ها	۱۹/۱	۱۷/۷	۱۹/۴	۱۵/۴	۱۸/۶	
تعداد تغییرات پیشنهادی الگوریتم	۱۲۸	۱۱۷	۱۲۶	۱۱۴	۱۱۲	

جدول ۴. مقایسه نتایج حاصل از توابع هدف حاصل از الگوریتم MOPSO با وضعیت موجود

بیهود مقدار (درصد)	مقدار بیشینه هریک از توابع هدف پس از بهینه‌سازی MOPSO با	مقدار توابع هدف در وضعیت موجود	توابع هدف / مقدار توابع هدف
۲۵	۰/۱۸۷۰	۰/۱۳۸۷	سازگاری
۴۱	۰/۰۹۵	۰/۰۵۶	وابستگی
۳۵	۰/۴۸۰	۰/۳۱۰	مناسبت
۸	۰/۹۵۰	۰/۸۹۵	همسانی کاربری‌های مجاور

جدول ۵. مقایسه دوبه‌دوی درصد همپوشانی جواب‌ها در ۵ بار اجرای الگوریتم MOPSO

درصد همپوشانی جواب‌ها	شماره اجرای مورد مقایسه	شماره اجرای مورد بررسی
۸۳	۲	۱
۷۶	۳	
۸۴	۴	
۷۵	۵	
۸۳	۳	
۷۵	۴	۲
۷۸	۵	
۷۱	۴	
۸۵	۵	۳
۸۳	۵	
۸۳	۴	۴
۸۳	۵	

۱-۱-۳- تست تکرارپذیری

در الگوریتم‌هایی که براساس احتمال عمل می‌کنند، جمعیت اولیه به صورت تصادفی انتخاب می‌شود؛ بنابراین ممکن است نتایج با اجراهای مختلف، متفاوت باشند. از این‌رو لازم است الگوریتم به دفعات مختلف با پارامترهای یکسان اجرا شود تا تغییرات در نتایج آشکار گردد (Saadatseresht et al., 2009). با تعریف دقیق‌تر توابع هدف و شرایط مسئله می‌توان این مشکل را تا حد زیادی برطرف کرد. برای انجام تست تکرارپذیری در پژوهش حاضر، الگوریتم ۵ بار با جمعیت اولیه ۵۰۰ و تعداد تکرار ۵۰۰ بار اجرا شده است. جدول ۵، همپوشانی دوبه‌دوی هریک از اجراهای را در این الگوریتم نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود، درصد تکرارپذیری الگوریتم در ۵ بار اجرا در سطح پذیرفتی قرار دارد.

در ادامه، نتایج مدل از دو جنبه مورد بحث و ارزیابی قرار خواهد گرفت. جنبه نخست مربوط به تست‌های متداول الگوریتم‌های بهینه‌سازی چندهدفه فرابتکاری است. جنبه دیگر، مقایسه نتایج مدل با نتایج حاصل از الگوریتم تک‌هدفه PSO و کارهای مشابه پژوهشگران دیگر است.

۱-۳- بررسی مدل از نظر تست‌های متداول الگوریتم‌های فرابتکاری

از آنجاکه در الگوریتم‌های فرابتکاری، بهینه‌سازی نتایج به شرایط اجرای الگوریتم و تنظیم پارامترهای اجرایی آن وابسته است، در این قسمت به بررسی نتایج اجرای الگوریتم در شرایط گوناگون پرداخته شده است.

تغییر مقادیر هریک از چهار تابع هدف را در هر ۵۰ تکرار تا تکرار ۵۰۰ نشان می‌دهد. همان‌طور که در شکل ۹ دیده می‌شود، مقادیر بیشینه هر چهار تابع هدف با افزایش تکرارها بهبود می‌یابند. همچنین حدوداً پس از تکرار ۴۵۰ تغییر، معناداری در توابع هدف صورت نمی‌گیرد. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که الگوریتم حدوداً در تکرار ۴۵۰ به هم‌گرایی لازم می‌رسد. در پژوهش حاضر به‌منظور کسب اطمینان به نتایج، تعداد تکرار ۵۰۰ به کار رفته است.

۲-۳- ارزیابی مدل و مقایسه آن با PSO تک‌هدفه
برای آزمون روش به کار گرفته شده، نتایج به‌دست آمده از روش MOPSO با روش PSO تک‌هدفه بررسی شدند. به این ترتیب که ابتدا به هریک از توابع هدف، وزنی مطابق جدول ۷ داده شد و سپس با استفاده از تلفیق توابع هدف به‌صورت رابطه (۲۲) مسئله به‌صورت تک‌هدفه حل شد. وزن‌های داده شده با نظرسنجی از کارشناسان ذی‌ربط استخراج شدند.

رابطه (۲۲)

$$\text{Cost Function} = \sum_{i=1}^{n\text{Objective function}} W_i F_i$$

که در آن، W_i وزن‌های استخراج شده است که در جدول ۷ آمده‌اند، F_i توابع هدف مسئله، Cost Function تابع هزینه و nObjective Function تعداد توابع هدف مسئله است.

۲-۱-۳- تأثیر تعداد جمعیت اولیه بر پاسخ‌ها و زمان اجرا

از آنجاکه پارامترهایی همچون تعداد تکرار و تعداد جمعیت اولیه نقشی مهم در خروجی الگوریتم دارند، لازم است با تغییر این المان‌ها تأثیر جواب نهایی بررسی شود. در این آزمون، تأثیر تعداد جمعیت اولیه و تعداد تکرار بر پاسخ‌ها بررسی می‌شود. معمولاً در این آزمون، جمعیت اولیه و تعداد تکرار الگوریتم طوری انتخاب می‌شود که حاصل ضرب تعداد تکرار در جمعیت اولیه ثابت باشد. این مقدار تابع تکاملی^۱ نامیده می‌شود ((Saadatseresht et al., 2009)). در آزمون پارامترهای اولیه الگوریتم در اینجا مقدار ثابت ۲۵۰۰۰ برای تابع تکاملی در نظر گرفته شد. جدول ۶ نتایج حاصل از این آزمون را برای حالتی نشان می‌دهد که تابع هدف سازگاری دارای مقدار بیشینه است. همان‌طور که در جدول دیده می‌شود، در اینجا نیز مقادیر توابع هدف با افزایش جمعیت اولیه بهبود می‌یابند، ولی این امر مستلزم صرف زمان بیشتری است. به عبارت دیگر، با افزایش جمعیت اولیه زمان اجرای الگوریتم بهشت تحت تأثیر قرار می‌گیرد. بنابراین، تصمیم گیرنده می‌تواند با صرف زمان بیشتر به نتایج بهتری برسد.

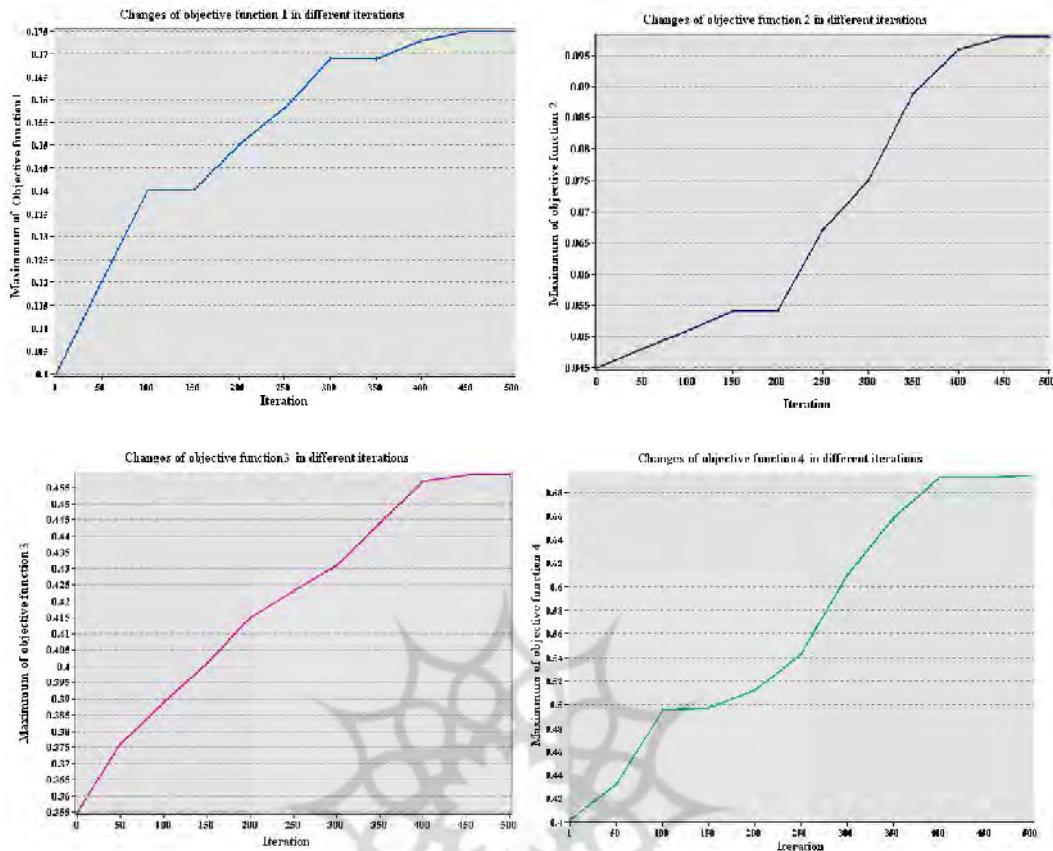
۳-۱-۳- تست هم‌گرایی الگوریتم

در تست هم‌گرایی الگوریتم، تغییر مقادیر بیشینه توابع هدف در تکرارهای مختلف بررسی می‌شود. شکل ۹

جدول ۶. نتایج حاصل از تست پارامترهای اولیه الگوریتم MOPSO برای حالتی که تابع هدف سازگاری بیشینه است

تابع هدف چهارم	تابع هدف سوم	تابع هدف دوم	تابع هدف اول	تکرار	جمعیت اولیه
۰/۸۶۳	۰/۳۵۴	۰/۰۴۱	۰/۱۶۳	۲۵۰۰	۱۰۰
۰/۹۱۲	۰/۴۰۳	۰/۰۴۸	۰/۱۷۰	۱۰۰۰	۲۵۰
۰/۹۲۵	۰/۴۵۷	۰/۰۵۶	۰/۱۷۵	۵۰۰	۵۰۰
۰/۹۲۱	۰/۴۶۰	۰/۰۵۸	۰/۱۷۸	۲۵۰	۱۰۰۰

¹. Function Evolution



شکل ۹. تغییر مقادیر بیشینه هریک از چهارتابع هدف در هر ۵۰ تکرار در الگوریتم MOPSO

جدول ۷. وزن‌های اختصاص داده شده به توابع هدف برای حل مسئله به صورت تک‌هدفه

تابع هدف	توضیح	وزن (درصد)
F_1	سازگاری	۳۵
F_2	وابستگی	۱۵
F_3	مناسبت	۳۰
F_4	همگونی کاربری‌های مجاور	۲۰

جدول ۸. مقادیر به دست آمده برای توابع هدف در دو حالت تک‌هدفه و چند‌هدفه برای حالت بیشینه سازگاری

تابع هدف	مقدار به دست آمده	حالات تک‌هدفه	تابع هدف	مقدار به دست آمده	حالات چند‌هدفه
F_1	۰/۱۶۲		F_1	۰/۱۷۵	
F_2	۰/۰۹۵		F_2	۰/۰۵۶	
F_3	۰/۴۲۰		F_3	۰/۴۵۷	
F_4	۰/۷۰۱		F_4	۰/۹۲۵	

مقایسه آن با PSO تکهدفه در این تحقیق دیده شد). این مسئله انعطاف پذیری جواب ها را پایین می آورد و اولویت های تصمیم گیرنده پس از حل مسئله تغییر پذیر نیست. این در حالی است که در پژوهش حاضر تمامی توابع هدف بدون اولویت دهی وارد فرایند بهینه سازی شده و وزن دهی روی توابع هدف انجام نشده است، به همن دلیل انعطاف پذیری مدل در تصمیم گیری وجود دارد. همچنین تمامی توابع هدف با مقیاس یکسان بهینه شده اند. البته در پژوهش مذکور نیز مشابه این تحقیق واحد مکانی به صورت قطعات شهری در نظر گرفته شده است، که خود منجر به پیچیده شدن ساختار مسئله می شود.

در برخی مطالعات دیگر به منظور ساده سازی پیچیدگی های مسئله چینش بهینه کاربری های شهری، از واحد مکانی ناحیه استفاده شده است؛ مانند تحقیقات فنگ و لین^۱ (۱۹۹۹) و بالینگ^۲ و همکاران (۱۹۹۹). روش های به کار برده شده در تحقیقات مذکور به مرتب نخبه گرایی کمتری در مقایسه با MOPSO دارند. نخبه گرایی، قدرت انتقال بهترین های یک نسل به نسل بعدی و تأکید الگوریتم بر این جمعیت است (Deb et al., 2002)، که سبب تزدیک ترشدن هرچه بیشتر جواب ها به بهینه واقعی و حفظ جواب های برتر در نسل های مختلف می شود. در روش های به کار رفته در دو پژوهش مذکور، بهینه سازی به صورت همزمان انجام نشده، بلکه الگوریتم زنگیک به صورت مرحله ای روی هر یک از توابع هدف اجرا شده است و تأکیدی بر انتقال بهترین جمعیت از نظر تمامی توابع هدف و انتقال این جمعیت به نسل بعد وجود ندارد. به طور کلی، توابع هدف تعریف شده در پژوهش حاضر کامل تر از تحقیقات ذکر شده است. در مطالعات مذکور، جبهه جواب به صورت اندر کنش مشابه آنچه در این تحقیق به عنوان خروجی تولید شده است، وجود ندارد. با توجه

پس از حل مسئله به صورت تکهدفه، از آنجاکه بالاترین وزن به سازگاری داده شده است، نتایج با نتایج حاصل از حل مسئله در حالت چندهدفه با بیشینه سازگاری مقایسه شد. جدول ۸ نتایج استخراج شده از این دو حالت را در جمعیت اولیه ۵۰۰ و تعداد تکرار ۵۰۰ نشان می دهد.

همان طور که در جدول ۸ ملاحظه می شود، در حالت چندهدفه سه تابع هدف دارای مقادیر بیشتری هستند، که می تواند به دلیل در نظر گرفتن هم زمان توابع هدف در این حالت باشد. در واقع پیش از حل مسئله اولویتی مانند وزن (مانند آنچه در حالت تکهدفه وجود دارد) تعریف نشده است که جواب ها به آن مقید شوند. در حالت تکهدفه دیگر جبهه جوابی وجود ندارد که به تصمیم گیرنده کان قادر است انعطاف در تصمیم گیری ها را بدهد.

در مقایسه نتایج دو روش به کار رفته می توان به موارد زیر اشاره کرد:

- نتایج بالا بردن وزن در حالت تکهدفه با زمانی که وزن سازگاری ۳۵ درصد است، تفاوت دارد. بنابراین در حالت تکهدفه نتایج به شدت به وزن اولیه داده شده وابسته است.
- نتایج حل مسئله در حالت چندهدفه تأکید بیشتری بر بیشینه بودن سازگاری دارد.
- تعداد تغییرات پیشنهادی در حالت تکهدفه ۳۰۲ مورد و در حالت چندهدفه در بیشترین حالت با بیشینه سازگاری ۱۲۸ مورد است. این مسئله می تواند به دلیل دادن وزن کمتر به تابع هدف مناسب در حالت تکهدفه باشد، زیرا سختی تغییر از جمله مواردی است که در بطن این تابع هدف گنجانده شده است.

همان طور که ذکر شد در تحقیقی که شیفا و دیگران (۲۰۱۱) انجام دادند، روش بهینه سازی PSO تکهدفه در سطح قطعات شهری استفاده شده است. در روش به کار گرفته شده، توابع هدف پیش از ورود به مسئله وزن دهی شدند (مشابه آنچه در قسمت ارزیابی مدل و

1. Feng & Lin

2. Balling

وزنی به آنها تعلق گیرد تا یک تابع هدف تلفیقی تولید شود و نتایج کاملاً وابسته به این وزن هاست. با توجه به معیارهای مسئله مطرح در این پژوهش، مدل سازی فضایی چینش بهینه کاربری‌ها یک مسئله تصمیم‌گیری چندهدفه است و نتایج حاصل نشان می‌دهند که GIS می‌تواند به صورت مناسب با MOPSO تلفیق شود و در بهینه‌سازی چینش کاربری‌ها به کار رود. همچنانی MOPSO قادر است پیچیدگی‌های موجود در مسئله یعنی وجود حالت‌های مختلف چینش، بالا بودن تعداد توابع هدف، و نیاز به حل همزمان توابع هدف را به طور مناسبی مدل کند. مدل ارائه شده بر مبنای روش بهینه‌سازی چندهدفه MOPSO فقط به جواب‌های کاملاً بهینه بهینه نزدیک می‌شود. رسیدن به جواب‌های زیادی دارد، تقریباً در حالتی که مسئله پیچیدگی‌های زیادی دارد، تقریباً غیرممکن است.

در حالت کلی می‌توان گفت مدل طراحی شده توانایی مناسبی در یافتن جواب‌های بددهبستان در دنیای پیچیده حالت‌های مختلف چینش کاربری‌ها را دارد. ولی در نهایت این جواب‌ها، سناریوهای راهنمایی هستند که در اختیار تصمیم‌گیرنده قرار می‌گیرند و در نهایت تصمیم‌گیرنده است که از این جواب‌ها با توجه به اولویت‌های خود در برنامه‌ریزی استفاده می‌کند. ارزیابی‌های انجام‌شده نشان می‌دهند که الگوریتم حاضر با مشخصات به کاررفته ثبات مناسبی از نظر تکرارپذیری و پارامترهای اولیه دارد.

۵- منابع

- پورمحمدی، م.، ۱۳۸۸، برنامه‌ریزی کاربری اراضی شهری، انتشارات دانشگاه تهران (سمت)، تهران.
- سعیدی‌نیا، ا.، ۱۳۸۲، برنامه‌ریزی کاربری اراضی شهری، مرکز تحقیقات برنامه‌ریزی اراضی شهری، تهران.
- مشهودی، س.، ۱۳۸۶، مبانی طرح‌های سیال شهری، انتشارات شرکت پردازش و برنامه‌ریزی شهری (وابسته به شهرداری)، تهران.

به اینکه در مطالعه حاضر، هر جواب روی جبهه جواب بهینه یک چینش کاربری‌ها را نمایش می‌دهد، تصمیم‌گیرنده می‌تواند با انتخاب هر جواب بهینه در جبهه جواب، نقشه مربوط به چینش بهینه کاربری‌ها را ببیند. در مطالعه لیگمان زیلینسکا (۲۰۰۸) نیز مشابه پژوهش حاضر در چینش بهینه، بیشترین تعداد پیشنهادی برای تغییر مربوط به کاربری مسکونی و زمین‌های خالی است. این مسئله به دلیل فراوانی بالای کاربری مسکونی و درنظرگرفتن سختی تغییر پایین‌تر در این کاربری است. در هر حال، روش به کار برده شده در تحقیق مذکور ابتکاری است که نخبه‌گرایی آن اثبات نشده است. یکی از نقاط ضعف این مدل نیز مشابه مطالعات گفته شده، مستتر بودن برخی پارامترهای مهم مؤثر در چینش کاربری‌ها - از جمله پارامترهای اجتماعی و اقتصادی - در مدل است. در پژوهش حاضر، از کارشناسان درخواست شده است در تدوین ماتریس‌های وابستگی و سازگاری این دو پارامتر را در نظر داشته باشند. اگر این پارامترها به صورت مستقل و مستقیم وارد مدل شوند، دقت مدل به مراتب بالاتر خواهد بود.

۴- نتیجه‌گیری

در پژوهش حاضر با استفاده از الگوریتم MOPSO، چینش‌های بهینه کاربری‌ها در کنار یکدیگر براساس توابع هدف سازگاری، وابستگی، مناسبت و همگونی کاربری‌های مجاور به دست آمد. استفاده از MOPSO در این مسئله منجر به بهینه‌سازی همزمان توابع هدف بدون وزن دهنده اولیه در سطح پلاک‌های شهری شد، که انعطاف‌پذیری بیشتر در حمایت از تصمیم‌گیری را به دنبال داشت. یکی از مزایای مهم روش‌های بهینه‌سازی چندهدفه برخلاف روش‌های تک‌هدفه، این است که مدیران را قادر به انتخاب یک راه حل از میان چندین راه حل بهینه می‌کند. با استفاده از این مدل مدیر می‌تواند با مشخص کردن اولویت‌ها، نتایج را ببیند و بهترین تصمیم را اتخاذ کند؛ در صورتی که در حالت تک‌هدفه باستی پیش از ورود توابع هدف به مدل،

- Adler, M. & Ziglio, E., 1996, **Gazing into the Oracle: The Delphi method and its application to social policy and public health**, Jessica Kingsley Publishers, London.
- Balling, R., Taber, J., Brown, M. & Day, K., 1999, **Multiobjective Urban Planning Using Genetic Algorithm**, Journal of Urban Planning and Development, 125(2), PP. 86-99.
- Coello Coello, C.A. & Lamont, G.B., eds., 2004, **Application of Multi-objective Evolutionary Algorithms**, World Scientific Publishing Co., Singapore.
- Colson, G. & Bruyn, C., 1989, **Models and Methods in Multiple Objectives Decision Making**, Mathematics and Computer Models, 12, PP. 1201-1211.
- Deb, K., Pratap, A., Agarwal, S. & Meyarivan, T., 2002, **A Fast and Elitist Multiobjective Genetic Algorithm: NSGA-II**, IEEE Transactions on Evolutionary Computing, 6(2), PP. 181-197.
- Engelbrecht, A.P., 2006, **Fundamentals of Computational Swarm Intelligence**, USA: John Wiley and Sons.
- Feng, C.M. and Lin, J.J., 1999, **Using a Genetic Algorithm to Generate Alternative Sketch Maps for Urban Planning**, Computers Environment and Urban Systems, 23, PP. 91-108.
- Jiang Qian, Y., 2007, **Continuous Optimization Method for Integrated Land Use/Transport Models**, Journal of Transportation Systems Engineering and Information Technology, 7(3), PP. 64-72.
- Kivell, P., 1993, **Land and the City: Patterns and Processes of Urban Change**, Routledge, New York.
- Ligmann Zielinska, A., Church, R.L. & Jankowski, P., 2008, **Spatial Optimization as a Generative Technique for Sustainable Multiobjective Land use Allocation**, International Journal of Geographical Information Science, 22(6), PP. 601-622.
- Moah, H. & Kanaroglou, P., 2009, **A Tool for Evaluating Urban Sustainability via Integrated Transportation and Land Use Simulation Models**, Urban Environment, 3, PP. 28-46.
- Saadatseresht M., Mansourian A. & Taleai M., 2009, **Evacuation Planning using Multiobjective Evolutionary Optimization Approach**, European Journal of Operational Research, 198, PP. 305-314.
- Semboloni, F., 2004, **Optimization and Control of the Urban Spatial Dynamics**, Complexus (Social Modeling), 5(2), PP. 204-216.
- Shiffa, M.A., Jianhua, H.E., Feng, L.I.U., 2011, **Land-use Spatial Optimization based on PSO Algorithm**, Geo-spatial Information Science, 14, PP. 54-61.
- Skulmoski, J.G., Hartman, F.T., Krahn, J., 2007, **The Delphi Method for Graduate Research**, Journal of Information Technology Education, 6, PP. 1-21.
- Taleai, M., Sharifi, A., Sliuzas, R., Mesgari, M., 2007, **Evaluating the Compatibility of Multi-functional and Intensive Urban Land Uses**, International Journal of Applied Earth Observation and Geoinformation, 9, PP. 375–391.