

## کاربرد تحلیل موجک در شناسایی رفتار دوره‌ای خشکسالی‌های ایران

پیمان محمودی<sup>۱</sup>- استادیار گروه جغرافیای طبیعی، دانشگاه سیستان و بلوچستان، زاهدان، ایران  
حجت‌الله دانشمند- استادیار گروه فیزیک، دانشگاه سیستان و بلوچستان، زاهدان، ایران

تاریخ دریافت: ۱۳۹۵/۹/۱۲      تاریخ تصویب: ۱۳۹۶/۱۰/۲

### چکیده

هدف اصلی این پژوهش آشکارسازی رفتار دوره‌ای خشکسالی‌های ماهانه ایران است. برای رسیدن به این هدف ابتدا بارش روزانه ۴۱ ایستگاه همدید کشور برای یک دوره آماری ۳۱ ساله (۱۹۸۳-۲۰۱۳) از سازمان هواسناسی کشور دریافت گردید. سپس شاخص خشکسالی مؤثر (EDI) در مقیاس زمانی ماهانه محاسبه و رفتار دوره‌ای سری‌های زمانی شاخص خشکسالی مؤثر (EDI) ایستگاه‌ها با استفاده از تحلیل موجک مورد بررسی قرار گرفت. نتایج این تحقیق نشان داد که دوره‌های تناوبی موجود در سری‌های زمانی شاخص خشکسالی مؤثر (EDI) ایستگاه‌های مورد مطالعه در ایران بسیار متنوع بوده و از بازه‌های تناوبی ۲۸-۲۴ ماهه تا ۲۲۰-۲۱۰ ماهه را شامل می‌شود. علاوه بر این، در تعدادی از ایستگاه‌های مورد مطالعه، بازه‌های تناوبی غالب به چشم می‌خورد. از جمله بازه‌های تناوبی غالب می‌توان به دو بازه ۱۲۰-۱۰۸ ماهه و ۸۰-۶۰ ماهه اشاره کرد. ولی در مجموع در کل ایستگاه‌ها این بازه‌های تناوبی غالب مشاهده نمی‌شود. همچنین در اکثر ایستگاه‌ها بازه تناوبی در طول سری زمانی نغیر می‌کند. در تمام نواحی به جز ناحیه نیمه شمالی ایران مرکزی، پهنه‌ای نوار تناوبی در حال افزایش است. به عبارت دیگر نوار تناوبی به سمت بازشدگی است. در اوایل سری‌های زمانی، نوارهای تناوبی دارای پهنه‌ای کمتری بوده و دوره‌های کوتاه‌تری را شامل می‌شوند؛ اما با نزدیک شدن به اواخر سری‌های زمانی، پهنه‌ای نوارهای تناوبی بزرگتر شده و دوره‌های بلندتری را شامل می‌شوند. بنابراین در کل ایران می‌توان نتیجه گرفت که بازه‌های تناوبی با شبیه خیلی ملایمی به سمت دوره‌های بلندمدت متمایل می‌شود.

**کلیدواژه‌ها:** خشکسالی، تبدیل موجک، بسامد، بازه تناوب.

## ۱- مقدمه

کشور پهناور ایران با بارشی در حدود یک سوم بارش جهانی در یکی از مناطق خشک و نیمه خشک جهان قرار گرفته است و خشکی جزء فطرت و صفت اصلی اقلیم آن به شمار می‌آید. در سال‌های اخیر بنا به علی‌اللهی که غالباً مربوط به تغییرات جهانی اقلیم هستند، ناهنجاری‌های بارش در نواحی مختلف کشور فرونی یافته است و نوسان‌های شدید مکانی و زمانی خشکسالی، خسارات هنگفتی را بر اقتصاد کشور به ویژه در طی دهه‌های اخیر تحمیل کرده است. کاهش عملکرد مراتع، کاهش تولید محصولات زراعی به ویژه دیم، کاهش منابع آب کشاورزی و شرب، کاهش منابع آب سطحی و زیرزمینی، طغیان آفات و بیماری‌های گیاهی و دامی، افزایش مهاجرت و در نهایت اثرات سوء زیست محیطی، اقتصادی و اجتماعی از جمله آثار منفی خشکسالی‌ها هستند که توسعه پایدار کشور را مورد تهدید قرار داده است.

تغییرپذیری پدیده‌های اقلیمی در بازه‌های زمانی سه‌گانه و به شکل روند، نوسان و افت و خیز خود را نشان می‌دهند. روند، رفتار بلند مدت سری زمانی و افت و خیز، رفتارهای یکتا و تکرار نشدنی را بیان می‌کنند. اما جنبه متمایز کننده نوسان در الگوی تکراری آن است. در این حالت سیستم اقلیمی پس از مدت زمانی، پیکربندی "شیوه" به الگوی قبلی را با کمی تفاوت به خود می‌گیرد. بسیاری از نوسان‌های اقلیمی در یک دوره ثابت، مثلثاً یک سال یا کمتر به صورت دوره‌های ماهانه یا فصلی مشخص می‌شوند. این نوع چرخه‌ها را چرخه‌ها یا دوره‌های آشکار می‌نامند. بسیاری از چرخه‌های دیگر اقلیمی به صورت آنی به منحصه ظهور نرسیده، بلکه به تدریج در طول زمان بروز کرده‌اند. این نوع چرخه‌ها را چرخه‌های نهان می‌نامند.

تاكنون روش‌های آماری و غیر آماری متعددی توسط محققین مختلف جهت شناخت رفتار دوره‌ای متغیرهای اقلیمی در قالب مقیاس‌های زمانی مختلف استفاده شده‌اند. یکی از این روش‌ها که اخیراً بسیار مورد توجه محققین علوم جوی و منابع آب قرار گرفته است، تحلیل موجک است. استفاده از تحلیل موجک در بررسی‌های اقلیمی و آب و هوایی سابقه کوتاهی دارد. اولین کاربرد این روش در هواشناسی را Gamage & Blumen (1993) عملی ساختند. کاربرد این روش در تحلیل سری زمانی نوسانات جنوبی ال نینو / نوسان جنوبی و محاسبه سطوح اطمینان در تحلیل موجک توسط Torrence & Compo (1998) بطور کامل تشریح و مورد استفاده قرار گرفته است. از این تحلیل برای توصیف جریان آب رودخانه (Smith et al., 1998)، رابطه بین شاخص نوسان جنوبی و موئsson تابستانه هندوستان (Kulkarni, 2000)، برای یافتن رابطه بین نوسان اطلس شمالی و تغییرات سطح آب دریا (Yan et al., 2004) و برای بیان ویژگی‌های سالانه و دهه‌ای بارش (Xingang et al., 2003; Penalba & Vargas, 2004; Toshie Nakkan, 1999) استفاده شده است. همچنین (Kayano & Sansigolo, 2009) برای بررسی تغییرپذیری زمانی بارش و رواناب در جنوب ولز و اثر شاخص نوسان جنوبی بر روی آنها از تبدیل موجک پیوسته استفاده کرد. مطالعه این

محقق نشان داد که یک رابطه قوی آماری بین شاخص نوسان جنوبی و بارش با یک بسامد غالب ۲۷ ماه وجود دارد. Labat و همکاران (2000) رابطه بین رواناب و بارش را در چشمه‌های کارستی کشور فرانسه با استفاده از تحلیل موجک و تحلیل چند طیفی مورد بررسی قرار دادند. Drago & Boxall (2002) رابطه بین تغییر پذیری تراز سطح آب دریا با برخی متغیرهای هواشناسی را با استفاده از تبدیل موجک گستته مورد مطالعه قرار دادند و در نهایت Chao Kuo و همکاران (2010) تغییر پذیری پیوند از دور و قابلیت پیش‌بینی بارش را در تایوان با کمک این روش بررسی کردند.

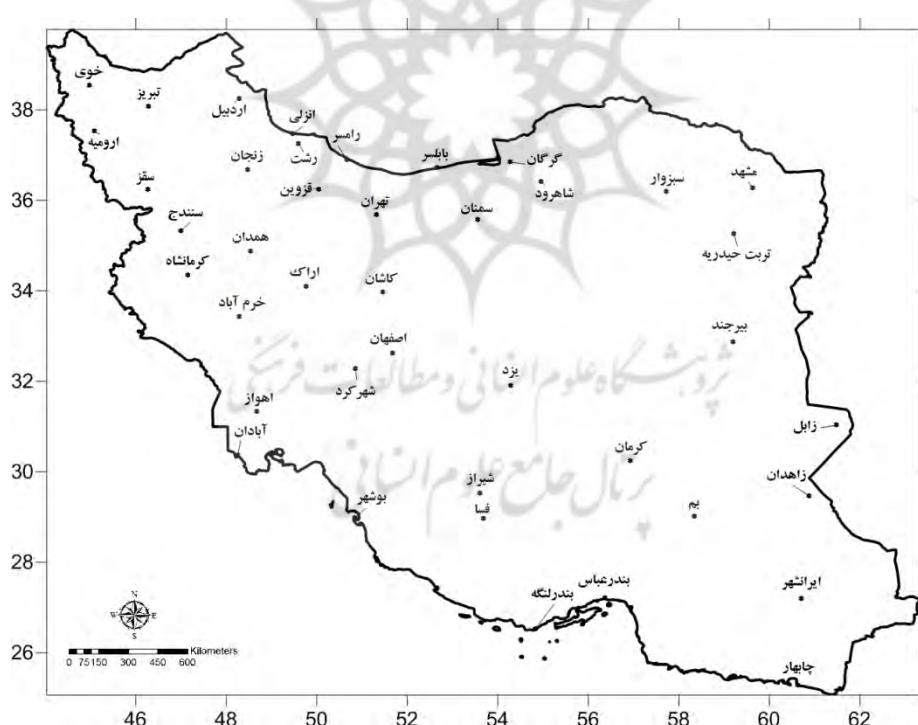
در ایران نیز از تحلیل موجک در شناسایی رفتار دوره‌ای متغیرهای اقلیمی استفاده شده است. تقوی و همکاران (۱۳۹۰) با استفاده از این روش تغییرپذیری بارش ماهانه چهار ایستگاه همدید کرمانشاه، سنترج، همدان و خرم‌آباد را در غرب ایران مورد بررسی قرار دادند. نتایج کار این محققین نشان داد که در همه ایستگاه‌ها یک دوره بازگشت سالانه با سطح اطمینان بیش از ۹۰ درصد وجود دارد. جهانبخش و همکاران (۱۳۹۰) شاخص دو قطبی دمایی اقیانوس هند (IOD) و تغییرپذیری بارش‌های فصلی جنوب ایران را با استفاده از تحلیل موجک مورد مطالعه قرار دادند. جهانبخش و عدالت دوست (۱۳۸۷) با استفاده از روش آنالیز موجک، نقش لکه‌های خورشیدی بر تغییرات بارندگی‌های سالانه ایران را مورد توجه خود قرار دادند. خسروی و میردیلمی (۱۳۹۲) نیز اثر لکه‌های خورشیدی بر بارش را در یک مقیاس کوچکتر و به وسعت استان گلستان مورد مطالعه قرار دادند و در نهایت به همان نتایجی رسیدند که جهانبخش و عدالت دوست (۱۳۸۷) برای کل ایران رسیده بودند. از تحلیل موجک در تحلیل همبستگی بسامدی رطوبت نسبی بابلسر، تهران و شاهرود (عراقی و همکاران، ۱۳۹۳) و پیش‌بینی خشکسالی‌های ایستگاه هواشناسی تبریز (حسن زاده و همکاران، ۱۳۹۱) نیز استفاده شده است.

لذا با بررسی و مطالعه‌ای که بر روی منابع موجود در ادبیات اقلیم‌شناسی و هواشناسی جهان و ایران انجام شد و به برخی از آنها نیز در بالا اشاره شده است مشاهده گردید که در بیشتر مطالعات داخلی در استفاده از تحلیل موجک همواره کاسته‌هایی وجود داشته است که کمتر به آنها توجه شده است. یکی از این کاسته‌ها مشخص نبودن روش تحلیل موجک استفاده شده در این مطالعات بوده است که تنها با اتکا به برخی کلی گویی‌های از بیان آن صرف نظر شده است. مورد دوم عدم توجه به این نکته بوده است که تحلیل موجک دوره‌های تناوبی را برآورد نمی‌کند بلکه تحلیل موجک بازه‌های تناوبی را برآورد می‌کند. در حالی که در تمامی مطالعات داخلی از این روش برای شناسایی دوره‌های تناوبی استفاده شده است. در نهایت سومین نکته اساسی و مهم در تحلیل موجک آن است که وقتی یک بازه تناوبی مشخص شد ممکن است این بازه تناوبی در طول دوره وجود نداشته باشد و صرفاً به دوره زمانی خاصی مربوط باشد؛ در حالی که در مطالعات انجام شده قبلی به این موضوع یعنی پایداری زمانی بازه‌های تناوبی توجه نشده و دوره تناوبی برای طول دوره سری زمانی در نظر گرفته شده است.

بنابراین با توجه به اینکه تاکنون مطالعه جامع و مستقلی که به طور مشخص هدف آن بررسی و شناسایی رفتار دوره‌ای خشکسالی‌های ایران باشد انجام نگرفته است؛ در این مطالعه قصد بر این است که با در نظر گرفتن کاستی‌های قبلی در مطالعات گذشته داخلی اقدام به شناسایی بازه‌های تناوبی خشکسالی‌های ایران گردد و پایداری زمانی آنها نیز مورد سنجش قرار گیرد.

## ۲- مواد و روش‌ها

برای شناسایی رفتار دوره‌ای خشکسالی‌های ایران، از آمار بارش ماهانه ۴۱ ایستگاه سینوپتیک کشور برای یک دوره آماری ۳۱ ساله (۱۹۸۳-۲۰۱۳) استفاده شد. این داده‌ها دارای آماری کامل و قابل اعتماد بودند که اندک خلاء آماری آنها با استفاده از همبستگی و مدل‌های رگرسیونی بازسازی شدند. همچنین جهت بررسی صحت و اطمینان داده‌های آماری، از آزمون ران تست (Run Test) که مورد توصیه مراجع علمی هواشناسی است، برای کلیه ایستگاه‌ها استفاده شد. نتایج آزمون، همگنی داده‌ها را در سطح بالایی تأیید کرد. توزیع و پراکنش ایستگاه‌های مورد مطالعه در شکل (۱) آورده شده است.



شکل ۱. نقشه موقعیت و پراکنش ایستگاه‌های مورد مطالعه

بعد از تشکیل بانک اطلاعاتی مورد نیاز، برای شناسایی فراوانی درجات مختلف خشکسالی‌ها از شاخص خشکسالی مؤثر<sup>۱</sup> (EDI) استفاده شد. Byun & Wilhite در سال ۱۹۹۹ این شاخص را جهت آشکارسازی خشکسالی‌ها و زمان شروع، خاتمه و تنش تجمعی آن توسعه داده‌اند. بطور معمول این شاخص، بر خلاف دیگر شاخص‌های خشکسالی، با گام زمانی روزانه محاسبه می‌شود (Roudier & Mahe, 2010). هر چند که اصول آن می‌تواند به داده‌های بارش ماهانه نیز تعمیم داده شود (Morid et al., 2007; Pandey et al., 2008) طبقه‌بندی شاخص خشکسالی مؤثر در جدول (۱) آورده شده است.

**جدول ۱. طبقه‌بندی شاخص خشکسالی مؤثر**

وضعیت	نمایه بارش مؤثر
فوق العاده مرطوب	بزرگ‌تر یا مساوی از ۲/۵
خیلی مرطوب	بزرگ‌تر یا مساوی از ۱/۵
کمی مرطوب	بزرگ‌تر یا مساوی از ۰/۷
نرمال	کوچک‌تر از ۰/۷ و بزرگ‌تر از -۰/۷
خشکسالی ملایم	کوچک‌تر یا مساوی -۰/۷
خشکسالی شدید	کوچک‌تر یا مساوی -۱/۵
خشکسالی بسیار شدید	کوچک‌تر یا مساوی -۲/۵

جهت اطلاع از روش محاسبه شاخص خشکسالی مؤثر می‌توان به منابع (اختری و همکاران، ۱۴۵-۱۳۵؛ ۲۰۰۹؛ کالاماراس و همکاران، ۱۲۶-۱۳۳؛ ۲۰۱۰) مراجعه نمود.

## ۱-۲- تبدیل موجک

برای تحلیل طیفی یک سری زمانی از تبدیلات متنوعی می‌توان سود برد. تبدیل موجک یک تبدیل با آشکارسازی قابل تغییر از حوزه زمان به حوزه زمان-بسامد است. با این تبدیل می‌توان اطلاعات بسامدی و زمانی یک سری زمانی را بطور همزمان در اختیار داشت. طبق اصل عدم قطعیت هایزنبرگ (principle Uncertainty) نمی‌توان توصیف زمان-بسامد یک سری را به طور دقیق داشت. به بیان ساده بکارگیری تبدیل موجک نشان می‌دهد که یک بازه بسامدی غالب در کدام دوره زمانی از سری وجود دارد. در محاسبه تبدیل موجک یک سری، از توابع پایه استفاده می‌شود که معمولاً توابع نمایی مختلط هستند. بر این اساس رابطه تبدیل موجک پیوسته را می‌توان به صورت ضرب داخلی سری زمانی و یک تابع پایه به فرم زیر نوشت:

$$CWT_x^\psi(\tau, s) = \Psi_x^\psi(\tau, s) = \frac{1}{\sqrt{|s|}} \int x(t) \psi^* \left( \frac{t-\tau}{s} \right) dt = \langle x(t), \psi_{\tau, s}(t) \rangle \quad (1)$$

که در آن:

$$\psi_{\tau, s}(t) = \frac{1}{\sqrt{|s|}} \psi \left( \frac{t-\tau}{s} \right) \quad (2)$$

که در آن  $\tau$  و  $s$  به ترتیب پارامترهای انتقال (Transition) و مقیاس (Scaling) می‌باشند. انتقال، اطلاعات زمانی تبدیل را در بر دارد و پارامتر مقیاس عکس بسامد است.تابع نشان داده شده در رابطه (۲)، تابع موجک مادر نامیده می‌شود. تمامی نسخه‌های انتقال یافته و مقیاس شده، همگی از روی یک تابع اولیه بدست می‌آیند که موجک مادر نامیده می‌شود. در تبدیل موجک مقیاس‌های بزرگ متناظر با آشکارسازی بسامدهای پایین و مقیاس‌های کوچک متناظر با آشکارسازی بسامدهای بالا است. با توجه به رابطه (۱) که به صورت ضرب داخلی بیان شده است، می‌توان این گونه برداشت کرد که تبدیل موجک در حقیقت اندازه‌گیری شباهت بین سری زمانی و توابع پایه (موجک) است. به بیان دیگر، ضرایب تبدیل موجک بیانگر میزان نزدیکی سری زمانی به موجک در مقیاس مورد نظر است. در این پژوهش از نسخه گسته شده تبدیل موجک با برنامه نویسی در نرم‌افزار متلب استفاده شده است. بعد از انجام تبدیل موجک می‌توان بازه‌های بسامدی غالب در سری زمانی را شناسایی کرد. سپس با استفاده از روش‌های متفاوت، می‌توان معناداری طیف توان این بازه‌های بسامدی را مورد آزمون قرار داد. در این پژوهش از تبدیل موجک مادر مورلت (Morlet) استفاده شده است. مورلت مادر حاصلضرب یک موج نمایی مختلط و یک بسته گوسی است که به صورت زیر نشان داده می‌شود:

$$\Psi_0(t) = \pi^{-\frac{1}{4}} e^{i\omega_0 t} e^{-\frac{t^2}{2}} \quad (3)$$

این تابع موجک پایه است. برای تغییر اندازه موجک بر حسب زمان، از موجک مقیاس استفاده می‌کنیم. موجک مقیاس به صورت زیر تعریف شده است:

$$\Psi \left[ \frac{(t-t')\delta\tau}{s} \right] = \left( \frac{\delta\tau}{s} \right)^{\frac{1}{2}} \Psi_0 \left[ \frac{(t-t')\delta\tau}{s} \right] \quad (4)$$

که  $s$  پارامتر مقیاس و  $\delta\tau$  پارامتر انتقال است. تبدیل موجک  $(s) W_t$  یک ضرب داخلی از تابع موجک با سری زمانی است. این تبدیل با رابطه زیر داده می‌شود:

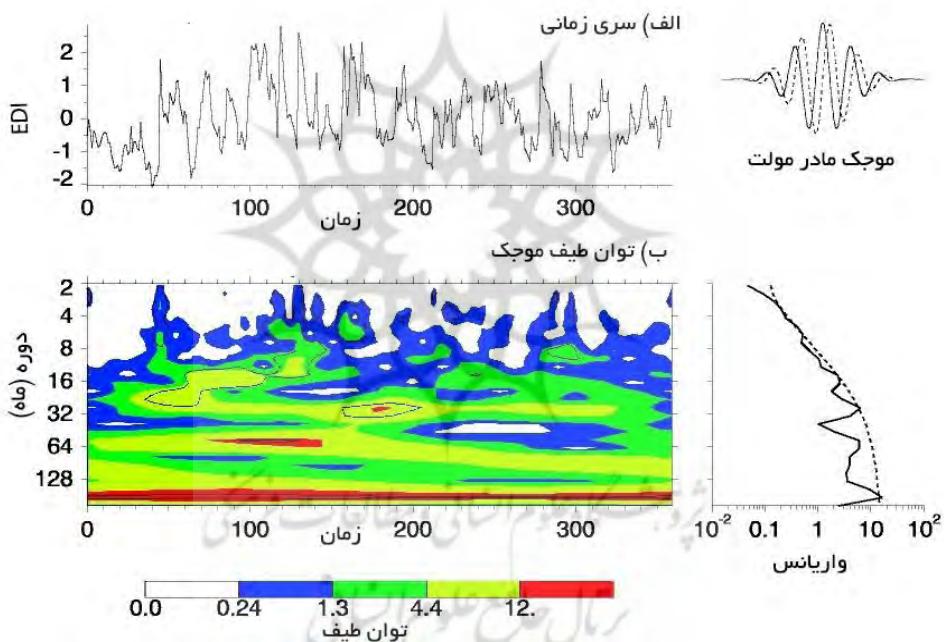
$$W_t(s) = \sum_{t'}^{N-1} x_{t'} \Psi^* \left[ \frac{(t'-t)\delta\tau}{s} \right] \quad (5)$$

که  $x_{t'}$  مقادیر سری زمانی را نشان می‌دهد. علامت ستاره معرف تابع مزدوج مختلط است. در تحلیل موجک از منبع مرتینز ((۳۸۰)) استفاده شده است. همچنین در مطالعات اقلیمی، طیف پس زمینه مناسب طیف سرخ است (Thomson, 2004&Emery). این پس زمینه نشان می‌دهد که بیشتر محتوای بسامدی در بسامدهای پایین یا

دوره‌های بازگشت طولانی‌تر قرار دارد. در انتخاب طیف پس زمینه و تعیین سطوح اطمینان از روش تورنسی و کمپرو و نرم‌افزار مربوطه (۱۹۹۸: ۷۸-۶۱) استفاده گردید.

### ۳- نتایج و بحث

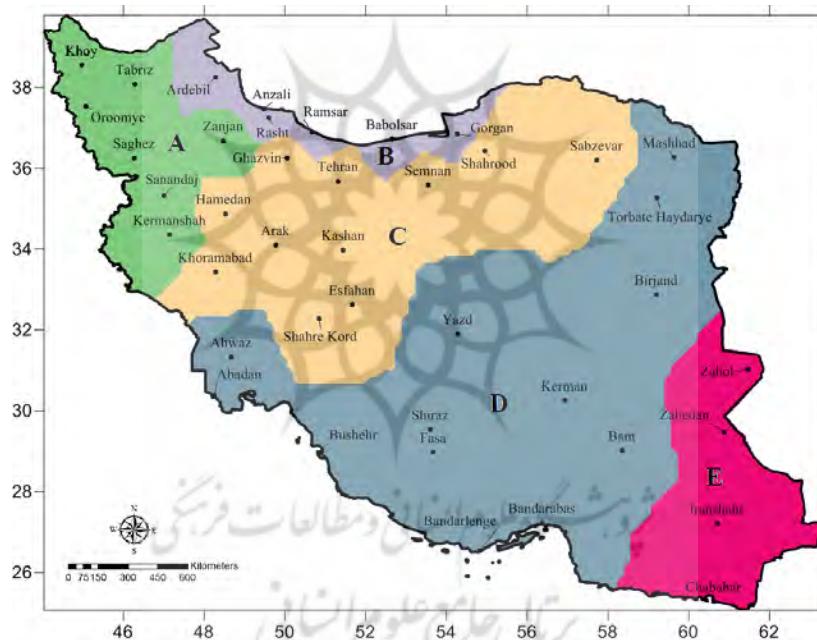
در این پژوهش جهت شناسایی دوره‌های غالب موجود در سری‌های زمانی شاخص خشکسالی مؤثر از تحلیل موجک استفاده شد. بسامد بر حسب دور بر یک ماه یا دوره تناوب بر مبنای ماه سنجیده شده است. با استفاده از تحلیل موجک، بازه‌های بسامدی هر دوره زمانی شناسایی گردیدند. به طوریکه توان طیف بازه‌های بسامدی که در سطح ۹۰ درصد معناداری قرار داشته‌اند و بالاترین میزان واریانس را تبیین می‌کردند استخراج و مورد تحلیل قرار گرفته‌اند. شکل (۲) نتیجه اعمال تبدیل موجک بر سری زمانی شاخص خشکسالی مؤثر ایستگاه اردبیل را نشان می‌دهد.



شکل ۲. نتیجه اعمال تبدیل موجک بر سری زمانی شاخص خشکسالی مؤثر (EDI) ایستگاه اردبیل

قسمت ب در شکل (۲) نشان می‌دهد که سه نوار تناوبی با بالاترین توان وجود دارند. خطوط پریند مشکی نشان می‌دهد که این سه نوار معنادار هستند. این سه نوار به عنوان سه مؤلفه اول در جداول هر ناحیه آورده شده است. نمودار واریانس نیز نشان می‌دهد که این سه نوار در سطح ۹۰ درصد معناداری، واریانس را تبیین می‌کنند. در تحلیل، این سه نوار تناوبی مورد استفاده قرار گرفته است. همانطور که شکل (۲) نشان می‌دهد خطوط پریند دیگری نیز وجود دارند که دارای توان کمتری هستند و یا در سطح مورد نظر واریانس را تبیین نمی‌کنند. محور افقی زمان بر

حسب سال نوشته نشده است. اعداد معرف شماره داده هستند. این فرم از فشردگی بیش از حد شکل در راستای افقی جلوگیری کرده و وضوح بیشتری به شکل می‌دهد. جهت ارائه نتایج نهایی پژوهش از ناحیه‌بندی خشکسالی‌های ایران که توسط نوشیروانی در سال ۱۳۹۳ ارائه شده است استفاده گردید. این ناحیه‌بندی برای همین تعداد ایستگاه و برای همین دوره زمانی مورد مطالعه، انجام شده است. نوشیروانی ابتدا شاخص خشکسالی مؤثر در مقیاس روزانه را محاسبه و سپس با استفاده از تحلیل خوشای اقدام به ناحیه‌بندی خشکسالی‌های ایران نمود. نتایج حاصل از این مطالعه که در قالب یک نقشه ارائه شده است نشان می‌دهد که ایران را می‌توان بر اساس رفتار یکسان زمانی مکانی خشکسالی‌ها به پنج ناحیه تقسیم‌بندی نمود (شکل ۳). در این پژوهش عنوانین زیر برای این نواحی انتخاب شدند: ناحیه A: ناحیه شمال غرب، ناحیه B: ناحیه کرانه جنوبی دریای خزر، ناحیه C: ناحیه نیمه شمالی ایران مرکزی، ناحیه D: ناحیه نیمه جنوبی ایران مرکزی و ناحیه E: ناحیه جنوب شرقی.



شکل ۳. ناحیه‌بندی ایران بر اساس شاخص خشکسالی مؤثر (نوشیروانی، ۱۳۹۳)

### ۱-۳- ناحیه شمال غرب

نتایج تحلیل موجک نشان داد که در این ناحیه فقط در یک ایستگاه بازه بسامدی غالب در کل دوره زمانی یا طول سری زمانی وجود دارد. در ایستگاه ارومیه در سطح ۹۰ درصد معناداری با یک بازه تناوبی ۲۰۰-۱۳۲ ماهه با مرکزیت تقریبی ۱۶۸ ماهه روبرو هستیم که در کل دوره آماری وجود دارد. توان طیف این بازه بالا است. در این ایستگاه یک دوره ۹۰-۱۰۰ ماهه نیز وجود دارد که در بازه زمانی ۲۰۰۵-۱۹۸۴ خود را نشان می‌دهد. تبدیل موجک

همچنین نشان داد که ممکن است بازه بسامدی یا بازه تناوبی در طول دوره آماری تغییر کند. در ایستگاه خوی در دوره زمانی، رفتار دوره‌ای مشاهده می‌شود. یک بازه تناوبی ۱۶–۲۸ ماهه در فاصله زمانی اوایل سال ۱۹۸۵ تا ۱۹۹۰ وجود دارد. این بازه تناوبی دارای توان بالایی است. نوسانات در این دوره زمانی به مرکزیت یک دوره ۲۲ ماهه انجام گرفته است. این بازه بسامدی در طول دوره آماری و برای سال‌های بعد تغییر کرده و در بازه زمانی ۲۰۱۲–۲۰۱۳ به یک بازه تناوبی ۱۴–۱۸ ماهه منجر شده است. مرکزیت این دوره تناوبی را می‌توان یک دوره ۱۶ ماهه در نظر گرفت. در دو ایستگاه تبریز و سنترج دو دوره تناوبی و در ایستگاه‌های سقز، زنجان و کرمانشاه یک دوره تناوبی وجود دارد. در این ناحیه هیچ ایستگاهی دارای سه دوره تناوبی معنادار نیست. در این ناحیه بازه تناوبی غالبی وجود ندارد و بازه‌های تناوبی رفتار مشابهی را نشان نمی‌دهند. مقایسه فراوانی نوارهای تناوبی نشان می‌دهد که در دو دهه اول، در این ناحیه دوره‌های کوتاه مدت و میان مدت غالب‌اند. اما در دهه سوم این بازه‌های تناوبی تغییر کرده و به دوره‌های بلند مدت نزدیک می‌شوند. بنابراین روند پهن‌شدگی بازه تناوبی در این ناحیه مشاهده می‌شود. جدول (۲) دوره‌های تناوبی این ناحیه را نشان می‌دهد.

جدول ۲. دوره‌های تناوبی ناحیه شمال غرب ایران

	بازه دوم	بازه اول	نام ایستگاه
دوره تناوب (ماه)	۱۲۲–۲۰۰	۹۰–۱۰۰	ارومیه
بازه زمانی (سال)	۱۹۸۳–۲۰۱۳	۱۹۸۸–۱۹۹۸	
دوره تناوب (ماه)	۱۴–۱۸	۱۶–۲۸	خوی
بازه زمانی (سال)	۲۰۱۲–۲۰۱۳	۱۹۸۵–۱۹۹۰	
دوره تناوب (ماه)	۶۴–۱۲۸	۱۶–۲۴	تبریز
بازه زمانی (سال)	۱۹۸۴–۲۰۰۲	۱۹۸۳–۱۹۹۰	
دوره تناوب (ماه)	۱۰۰–۱۱۰	۹۵–۱۴۰	سنترج
بازه زمانی (سال)	۲۰۱۰–۲۰۱۳	۱۹۸۳–۲۰۰۴	
دوره تناوب (ماه)	----	۱۰۰–۱۳۰	سقز
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۴–۲۰۰۵	
دوره تناوب (ماه)	----	۹۶–۱۳۰	زنجان
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۴–۲۰۰۷	
دوره تناوب (ماه)	----	۶۴–۱۲۸	کرمانشاه
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۳–۲۰۰۵	

### ۳- ناحیه کرانه جنوبی دریای خزر

رفتار ایستگاه‌ها در این ناحیه یکنواخت‌تر است. در ایستگاه اردبیل با یک بازهٔ تناوبی که در طول سری زمانی پایدار است روبرو هستیم. این باند تناوبی شامل یک دوره ۲۲۰-۱۶۰ ماهه است که در سطح ۹۰ درصد معناداری، واریانس را تبیین می‌کند. در ایستگاه اردبیل دو باند تناوبی دیگر هم وجود دارد. اولین بازه یک دورهٔ تناوبی ۵۰-۶۰ ماهه است که در طول زمانی سال‌های ۱۹۹۵-۱۹۸۹ خود را نشان می‌دهد. این بازهٔ تناوبی به آرامی تغییر کرده و در یک دوره دو ساله به بازهٔ تناوبی ۲۴-۲۸ ماهه تبدیل می‌شود. این بازهٔ تناوبی در طی سال‌های ۱۹۹۷-۱۹۹۹ بر سری زمانی حاکم است. همچنین ایستگاه اردبیل دارای یک دورهٔ تقریباً دو ساله است. در این ایستگاه دوره‌های کوتاه مدت، میان مدت و بلند مدت مشاهده می‌شود. در این ناحیه سه ایستگاه اردبیل، بابلسر و گرگان دارای سه دورهٔ تناوبی هستند. بیشترین همخوانی در بین دو ایستگاه بابلسر و گرگان مشاهده می‌شود. دورهٔ غالبي در این ناحیه مشاهده نمی‌شود و با قطعیت کمتری می‌توان گفت که روند حاکمیت دوره‌های بلند مدت وجود دارد. دوره‌های میان مدت نیز در این ناحیه وجود دارند. در طول سری زمانی وقتی از سال ۱۹۸۳ به ۲۰۱۳ نزدیک می‌شویم، تغییرپذیری خاصی در دوره‌های تناوبی مشاهده نمی‌شود. جدول (۳) سه بازهٔ تناوبی و دوره زمانی مربوط را نشان می‌دهد.

جدول ۳. دوره‌های تناوبی ناحیه کرانه‌های جنوبی دریای خزر

	بازه سوم	بازه دوم	بازه اول	نام ایستگاه
دورهٔ تناوب (ماه)	۱۶۰-۲۲۰	۲۴-۲۸	۵۰-۶۰	اردبیل
بازهٔ زمانی (سال)	۱۹۸۳-۲۰۱۳	۱۹۹۷-۱۹۹۹	۱۹۸۹-۱۹۹۵	
دورهٔ تناوب (ماه)	----	۶۰-۷۰	۶۰-۸۰	انزلی
بازهٔ زمانی (سال)	----	۲۰۰۶-۲۰۱۳	۱۹۸۳-۱۹۸۷	
دورهٔ تناوب (ماه)	----	----	۱۱۰-۱۳۰	رشت
بازهٔ زمانی (سال)	----	----	۱۹۸۷-۲۰۱۰	
دورهٔ تناوب (ماه)	----	----	۵۰-۸۰	رامسر
بازهٔ زمانی (سال)	----	----	۲۰۰۰-۲۰۰۸	
دورهٔ تناوب (ماه)	۲۰-۴۰	۲۴-۴۰	۶۴-۱۱۰	بابلسر
بازهٔ زمانی (سال)	۲۰۰۶-۲۰۱۳	۱۹۹۷-۲۰۰۱	۱۹۹۵-۲۰۰۸	
دورهٔ تناوب (ماه)	۲۴-۳۶	۶۴-۱۲۸	۶۴-۸۰	گرگان
بازهٔ زمانی (سال)	۲۰۰۹-۲۰۱۲	۲۰۰۰-۲۰۱۳	۱۹۸۳-۱۹۸۸	

### ۳-۳- ناحیه جنوب شرقی

نتایج تحلیل موجک نشان داد که در این ناحیه همگنی بیشتری در رفتار تناوبی ایستگاه‌ها وجود دارد. در سه ایستگاه فقط با یک دوره تناوبی روبرو هستیم. ایستگاه چابهار دارای دو دوره تناوبی است؛ بنابراین تحلیل موجک تغییرپذیری دوره تناوبی را فقط در ایستگاه چابهار نشان می‌دهد. این تغییرپذیری از دوره میان مدت به بلند مدت است. دو ایستگاه زاهدان و ایرانشهر دارای دوره غالب در کل دوره زمانی مورد مطالعه هستند. برای ایستگاه زاهدان این بازه تناوبی یک باند ۲۱۶-۱۷۰ ماهه است که در سطح ۹۰ درصد معناداری می‌باشد. در ایستگاه ایرانشهر این بازه تناوبی ۲۲۰-۱۷۰ ماهه است؛ بنابراین این دو ایستگاه رفتار کاملاً یکسانی را دارند. ایستگاه زابل دارای دوره ۲/۵ ساله است. در ایستگاه چابهار دوره میان مدت و بلند مدت مشاهده می‌شود و در دو ایستگاه دیگر با یک دوره بلند مدت روبرو هستیم (جدول ۴).

جدول ۴. دوره‌های تناوبی ناحیه جنوب شرقی

	بازه دوم	بازه اول	نام ایستگاه
دوره تناوب (ماه)	----	۱۷۰-۲۱۶	زاهدان
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۳-۲۰۱۳	
دوره تناوب (ماه)	----	۱۷۰-۲۲۰	ایرانشهر
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۳-۲۰۱۳	
دوره تناوب (ماه)	----	۲۰-۳۲	زابل
بازه زمانی (سال)	----	۲۰۰۱-۲۰۰۶	
دوره تناوب (ماه)	۱۰۵-۱۵۰	۷۴-۷۰	چابهار
بازه زمانی (سال)	۱۹۹۰-۲۰۱۲	۱۹۹۵-۱۹۹۹	

### ۳-۴- ناحیه نیمه جنوبی ایران مرکزی

در این ناحیه فقط ایستگاه بندرلنگه دارای یک بازه تناوبی ۲۱۰-۱۳۲ ماهه معنادار است. این دوره تناوبی در طول سری زمانی وجود دارد. بیشترین تعداد بازه تناوبی معنادار متعلق به ایستگاه یزد است. این ایستگاه دارای بازه‌های تناوبی کوتاه مدت است. در این ایستگاه عملًا نوارهای تناوبی تغییر نمی‌کند و پهن شدگی با بازشده‌گی در دوره تناوب به چشم نمی‌خورد. مقایسه بازه‌های تناوبی نشان می‌دهد که در ناحیه نیمه‌جنوبی ایران مرکزی بازه تناوبی از ۲/۵ سال تا بازه ۱۷/۵-۱۳ سال را شامل می‌شود. در این ناحیه یک بازه تناوبی ۸۰-۵۴ ماهه در ایستگاه‌های اهواز، آبدان، بم، تربت‌حیدریه و مشهد مشاهده می‌شود؛ اما بازه زمانی این دوره در ایستگاه‌های یادشده متفاوت است. در ایستگاه بوشهر دوره تناوبی معنادار مشاهده نشد. رفتار ایستگاه یزد و بندر لنگه با سایر ایستگاه‌های این

ناحیه متفاوت است. ایستگاه بندرلنگه بزرگترین بازه تناوبی را دارد. همچنین در این ایستگاه یک دوره تقریباً ۲/۵ ساله مشاهده می‌شود. ایستگاه یزد دارای یک بازه تناوبی ۴/۵-۵ ساله است که به عنوان مؤلفه چهارم در بازه زمانی ۲۰۱۳-۲۰۱۱ روی داده است. مؤلفه چهارم فقط در ایستگاه یزد وجود دارد؛ مانند سه ناحیه قبلی، در این ناحیه نیز رفتار تناوبی سالیانه مشاهده نمی‌شود. اما به طور کلی می‌توان چنین برداشت کرد که روندی در بازشدنگی دوره تناوبی وجود دارد و در اواخر طول دوره آماری، نوارهای تناوبی به دورهای بزرگ نزدیک می‌شود. جدول (۵) دوره‌های تناوبی و بازه زمانی هر ایستگاه را نشان می‌دهد.

جدول ۵. دوره‌های تناوبی ناحیه جنوبی ایران مرکزی

	بازه چهارم	بازه سوم	بازه دوم	بازه اول	نام ایستگاه
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۵۴-۸۰	آبادان
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۸۸-۱۹۹۲	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۵۴-۸۰	اهواز
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۸۸-۲۰۰۱	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	----	بوشهر
بازه زمانی (سال)	----	----	----	----	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۹۶-۱۴۰	شیراز
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۹۶-۲۰۱۲	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۹۶-۱۴۰	فسا
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۹۰-۲۰۰۸	
دوره تناوب (ماه)	----	----	۱۳۲-۲۱۰	۲۸-۳۶	بندرلنگه
بازه زمانی (سال)	----	----	۱۹۸۳-۲۰۱۳	۱۹۹۱-۱۹۹۷	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۳۷-۷۰	بندرعباس
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۹۱-۱۹۹۷	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۵۴-۸۰	ب
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۸۶-۱۹۹۶	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۱۱۳-۱۴۰	کرمان
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۸۵-۲۰۰۶	
دوره تناوب (ماه)	----	----	۲۵-۴۲	۵۴-۸۰	تربت حیدریه
بازه زمانی (سال)	----	----	۲۰۰۶-۲۰۱۲	۱۹۹۰-۲۰۰۴	
دوره تناوب (ماه)	----	----	----	۵۴-۸۰	مشهد
بازه زمانی (سال)	----	----	----	۱۹۸۶-۲۰۰۲	

## ادامه جدول ۵

	بازه چهارم	بازه سوم	بازه دوم	بازه اول	نام ایستگاه
دوره تناوب (ماه)	----	۳۲-۵۰	۱۸-۲۸	۲۴-۴۸	بیرجند
بازه زمانی (سال)	----	۲۰۰۶-۲۰۱۳	۲۰۰۳-۲۰۰۹	۱۹۸۳-۱۹۸۷	
دوره تناوب (ماه)	----	۲-۴	۲-۲/۵	۳/۵-۴	بزد
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۹۰-۲۰۰۰	۱۹۸۴-۱۹۸۸	۱۹۸۳-۱۹۸۷	

## ۵-۳- ناحیه نیمه شمالی ایران مرکزی

در این ناحیه سه ایستگاه دارای بازه بسامدی غالب در کل دوره زمانی مورد مطالعه هستند. همچنین بجز ایستگاه کاشان، در سایر ایستگاه‌ها حداقل دو دوره تناوبی معنادار وجود دارد. ایستگاه‌های شاهرود، شهرکرد و خرم‌آباد دارای بازه تناوبی معنی دار در طول سری هستند. در دو ایستگاه شهرکرد و خرم‌آباد بازه تناوبی کاملاً یکسان است. این بازه یک دوره تناوبی ۲۰۲-۲۰۲ ماهه است. در ایستگاه شاهرود این بازه، یک دوره ۲۰۸-۲۰۸ ماهه است. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که این سه ایستگاه دارای بازه یکسانی در محدوده ۲۰۰-۲۱۰ ماهه‌اند. همچنین دو میان بازه تناوبی ایستگاه شهرکرد و خرم‌آباد نیز یکسان است. اما دوره زمانی این بازه تناوبی در دو ایستگاه فرق می‌کند. در ایستگاه شهرکرد این دوره زمانی سه سال بیشتر طول می‌کشد. در این ناحیه روند بازشدگی یا پهن شدگی محسوس نبوده و تغییرپذیری پهنانی نوار تناوبی در اکثر ایستگاه‌ها مشاهده نمی‌شود. جدول (۶) دوره‌های تناوبی در این ناحیه را نشان می‌دهد.

## جدول ۶. دوره‌های تناوبی ناحیه شمالی ایران مرکزی

	بازه سوم	بازه دوم	بازه اول	نام ایستگاه
دوره تناوب (ماه)	----	۲۴-۲۸	۴۰-۷۵	سبزوار
بازه زمانی (سال)	----	۲۰۰۶-۲۰۰۸	۱۹۸۳-۱۹۹۸	
دوره تناوب (ماه)	۲۰۸-۲۲۰	۵۴-۸۰	۱۹۰-۲۱۰	شهرود
بازه زمانی (سال)	۱۹۸۳-۲۰۱۳	۱۹۸۸-۲۰۰۱	۱۹۸۳-۱۹۹۸	
دوره تناوب (ماه)	----	۲۰-۵۰	۲۰-۲۸	سمنان
بازه زمانی (سال)	----	۲۰۰۴-۲۰۰۹	۱۹۹۴-۱۹۹۷	
دوره تناوب (ماه)	----	۹۶-۱۴۰	۲۰-۲۸	تهران
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۹-۲۰۰۹	۱۹۹۴-۱۹۹۸	
دوره تناوب (ماه)	۱۰۵-۱۲۰	۱۶-۲۵	۴۰-۵۰	قزوین
بازه زمانی (سال)	۱۹۹۶-۲۰۰۳	۱۹۹۴-۱۹۹۷	۱۹۸۴-۱۹۹۱	

## ادامه جدول ۶

	بازه سوم	بازه دوم	بازه اول	نام ایستگاه
دوره تناوب (ماه)	----	----	۷۰-۸۵	همدان
بازه زمانی (سال)	----	----	۱۹۸۳-۲۰۰۰	
دوره تناوب (ماه)	----	۱۱۰-۱۴۰	۲۰۵-۲۱۵	اراک
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۹۰-۲۰۰۲	۱۹۸۳-۱۹۹۱	
دوره تناوب (ماه)	----	۲۰۲-۲۲۰	۱۲۸-۱۴۰	خرمآباد
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۳-۲۰۱۳	۱۹۹۸-۲۰۰۳	
دوره تناوب (ماه)	----	۲۴-۴۴	۲۴-۳۸	اصفهان
بازه زمانی (سال)	----	۲۰۰۳-۲۰۱۲	۱۹۹۳-۱۹۹۸	
دوره تناوب (ماه)	----	۲۰۲-۲۲۰	۱۲۸-۱۴۰	شهرکرد
بازه زمانی (سال)	----	۱۹۸۳-۲۰۱۳	۱۹۹۸-۲۰۰۶	
دوره تناوب (ماه)	----	---	۲۰-۷۴	کاشان
بازه زمانی (سال)	----	---	۱۹۸۸-۱۹۹۹	

## ۴- جمع‌بندی

نتایج تحلیل موجک نشان داد که خشکسالی‌های ایران دارای رفتار دوره‌ای می‌باشد. رفتار دوره‌ای شاخص خشکسالی مؤثر بسیار متنوع بوده و دوره‌های تناوبی از بازه‌های (نوارهای) تناوبی کوتاه مدت تا بازه‌های بلند مدت را شامل می‌شود. در اکثر ایستگاه‌ها بازه‌های تناوبی در طول سری زمانی وجود ندارند و فقط در یک بازه زمانی معینی رخ می‌دهند. اما در تعدادی از ایستگاه‌ها بازه‌های تناوبی غالب، یعنی بازه‌های تناوبی که در طول سری زمانی وجود دارند، روبرو می‌شویم. بنابراین نمی‌توان برای کل ایران بازه تناوبی غالی را در نظر گرفت. اما در اکثر ایستگاه‌ها با تغییرپذیری در بازه تناوبی (نوار تناوبی) روبرو هستیم. بجز ناحیه نیمه شمالی ایران مرکزی، در سایر نواحی پهنه‌ای نوار تناوبی در حال افزایش است. به عبارت دیگر نوار تناوبی به سمت بازشدنگی است. در اوایل دوره زمانی با نوارهای تناوبی کوتاه مدت روبرو هستیم. در طول سری زمانی و نزدیک شدن به اواخر طول دوره سری، نوارهای تناوبی به بازه‌های بزرگ نزدیک می‌شوند. بنابراین در کل ایران می‌توان نتیجه گرفت که بازه‌های تناوبی با شبیه خیلی ملایمی به سمت بازه‌های تناوبی بلندمدت متمایل می‌شود و احتمال رخداد بازگشت خشکسالی‌ها بیشتر می‌شود. این موضوع می‌تواند بیانگر این باشد که عوامل بزرگ مقیاس نقش مؤثری در ایجاد دوره‌های تناوبی بازی می‌کند و نقش عوامل منطقه‌ای رو به کاهش است. برای رسیدن به نتایج دقیق‌تر می‌توان با استفاده از تحلیل طیفی به روش فوریه، ابتدا دوره‌های تناوبی غالب را شناسایی نمود. سپس با اعمال تبدیل موجک پایداری زمانی این دوره‌های

تناوبی را مورد سنجش قرار داد. همچنین برای شناسایی علل این دوره‌ها می‌توان تبدیل فوریه و موجک را بر شاخص‌های بزرگ مقیاس مانند الگوهای پیوند از دور اعمال نمود و اثر این شاخص‌ها بر دوره‌های تناوبی شاخص خشکسالی مؤثر را برآورد نمود.

### تشکر و قدردانی

این پژوهش در قالب طرح پژوهشی با شماره ۹۳۱۲ و \_\_\_\_\_ استفاده از اعتبارات پژوهشی دانشگاه سیستان و بلوچستان انجام شده است. نویسنده‌گان مقاله مراتب سپاس و تشکر ویژه خود را از حوزه معاونت محترم پژوهش و فناوری دانشگاه سیستان و بلوچستان که با حمایت مادی و معنوی امکان انجام این پژوهش را فراهم ساختند اعلام می‌دارند.

### منابع

- تقوی، فرناز؛ نیستانی، ابوافضل؛ محمدی، حسین؛ رستمی جلیلیان، شیما؛ ۱۳۹۰. کاربرد تحلیل موجک در شناسایی رفتار بارش در مناطق غربی ایران. مجله ژئوفیزیک ایران، شماره ۲، ۳۰-۱۳. بررسی تأثیر پدیده دو قطبی دمایی جهانبخش، سعید؛ ساری صراف، بهروز؛ قائمی، هوشنگ؛ پوراصغر، فرناز؛ ۱۳۹۰. ایانوس هند بر تغییرپذیری بارش‌های فصلی استان‌های جنوبی کشور. فصلنامه تحقیقات گغرافیایی، شماره ۴ (پیاپی ۱۰۳)، ۴۶-۲۷.
- جهانبخش، سعید؛ عدالت دوست، معصومه؛ ۱۳۸۷. تأثیر فعالیت‌های خورشیدی بر تغییرات بارندگی‌های سالانه ایران. فصلنامه تحقیقات گغرافیایی، شماره ۱ (پیاپی ۸۸)، ۲۴-۳.
- حسن زاده، یوسف؛ عبدالرضا کردانی، امین؛ فاخری فرد، احمد؛ ۱۳۹۱. پیش‌بینی خشکسالی با استفاده از الگوریتم ژنتیک و مدل ترکیبی شبکه عصبی-موجکی. نشریه آب و فاضلاب، شماره ۳ (مسلسل ۸۳)، ۵۹-۴۸.
- خسروی، محمود؛ میردیلمی، سیده سمیرا؛ ۱۳۹۲. تأثیر فعالیت لکه‌های خورشیدی بر بارش استان گلستان (دوره آماری ۱۹۶۱ تا ۲۰۰۵). فصلنامه جغرافیا و برنامه‌ریزی محیطی، شماره ۴ (پیاپی ۵۲)، ۴۶-۳۳.
- عراقی، علیرضا؛ موسوی بایگی، محمد؛ هاشمی نیا، سید مجید؛ ۱۳۹۳. به کارگیری تبدیل موجک گستته برای تحلیل همبستگی بسامدی رطوبت نسبی. نشریه آبیاری و زهکشی ایران، شماره ۲، ۲۵۷-۲۶۵.
- مرتیز، آ؛ ۱۳۸۰. آنالیز سیگنال ویولت، فیلتر بانک، تبدیل‌های زمان فرکانس و کاربرد آنها. ترجمه محمد حسن مرادی، انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر.
- نوشیروانی، نوشیروان؛ ۱۳۹۳. مطالعه تغییرات روزانه شدت خشکسالی در ایران. پایان نامه کارشناسی ارشد علوم محیط زیست، دانشکده علوم، دانشگاه زنجان، ۹۸ ص.

- Akhtari, R., Morid, S., Mahdian, MH., Smakhtin, V., 2009. Assessment of areal interpolation methods for spatial analysis of SPI and EDI drought indices. International Journal of Climatology 29: 135–145.
- Byun, HR., Wilhite, DA., 1999. Objective quantification of drought severity and duration. Journal of Climate 12: 2747–2756.
- Drago, AF., Boxall, SR., 2002. Use of the wavelet transform on hydro-meteorological data. Physics and Chemistry of the Earth, Parts A,B,C 27 (32-34): 1387-1399.
- Emery, WJ., Thomson, RE., 2004. Data analysis method in physical oceanography. Elsevier, UK,638 pp.
- Gamage, N., Blumen, W., 1993. Comparative analysis of low level cold fronts, Wavelet, Fourier, and empirical orthogonal function decompositions. Monthly Weather Review 121: 2867-2878.
- Kalamaras, N., Michalopoulou, H., Byun, HR., 2010. Detection of drought events in Greece using daily precipitation. Hydrological Research 41 (2): 126–133.
- Kulkarni, JR., 2000. Wavelet analysis of the association between the Southern oscillation and the Indian summer monsoon. International Journal of Climatology 20: 89-104.
- Kuo, CC., Gan, TY., Yu, PS., 2010. Wavelet analysis on the variability, teleconnectivity, and predictability of the seasonal rainfall of Taiwan. Monthly Weather Review 138: 162-175.
- Labat, D., Ababou, R., Mangin, A., 2000. Rainfall-runoff relations for karstic sorings, Part II: Continuous wavelet and discrete orthogonal multiresolution analyses. Journal of Hydrology 238: 149-178.
- Morid, S., Smakhtin, V., Bagherzadeh, K., 2007. Drought forecasting using artificial neural networks and time series of drought indices. International Journal of Climatology 27: 2103–2111
- Nakkan, M., 1999. Wavelet analysis of rainfall-runoff variability isolating climatic from anthropogenic patterns. Environmental Modelling and software 14: 283-295.
- Pandey, RP., Dash, BB., Mishra, SK., Singh, R., 2008. Study of indices for drought characterization in KBK districts in Orissa (India). Hydrological Process 22: 1895–1907.
- Penalba, OC., Vargas, WM. 2004. Interdecadal and interannual variations of annual and extreme precipitation over central-northeastern Argentina. International Journal of Climatology 24: 1565-1580.
- Roudier, P., Mahe, G., 2010. Study of water stress and droughts with indicators using daily data on the Bani river (Niger basin, Mali). International Journal of Climatology 30: 1689–1705
- Smith LC., Turcotte DL., Isacks BL., 1998. Stream flow characterization and feature detection using a discrete wavelet transform. Hydrological process 23: 233-249.
- Torrence C., Compo GP., 1998. A practical guide to wavelet analysis. Bulletin of the American Meteorology Society 79: 61-78.
- Toshie Kayano M., Sansigolo C., 2009. Interannual to decadal variations of precipitation and daily maximum and daily minimum temperature in Southern Brazil. Theoretical and Applied Climatology 97: 81-90.
- Xingang D., Ping W., Jifan C., 2003. Multiscale characteristics of the rainy season rainfall and interdecadal decaying of summer monsoon in North China. Chinese Science Bulletin: 48: 2730-2734.
- Yan Z, Tsimplis MN., Woolf D., 2004. Analysis of the relationship between the North Atlantic oscillation and sea level changes in northeast Europ. International Journal of Climatology 24: 743-758.