

## بررسی سطح ایستابی آب زیرزمینی دشت اردبیل

هاشم رستم زاده، استادیار اقلیم شناسی، دانشگاه تبریز.

اسماعیل اسدی، استادیار مهندسی آب، دانشگاه تبریز.

جعفر جعفرزاده<sup>۱</sup>، دانشجوی کارشناسی ارشد سنجش از دور و سیستم اطلاعات جغرافیایی، دانشگاه تبریز.

پذیرش نهایی: ۱۳/۱۲/۱۳

دریافت مقاله: ۹۳/۶/۲۰

### چکیده

آب‌های زیرزمینی منبع بسیار مهمی برای تأمین آب مصرفی در بخش‌های کشاورزی، صنعت و شرب دشت اردبیل است. از این‌رو، بررسی تغییرات منابع آب زیرزمینی در برنامه‌ریزی و مدیریت پایدار این منابع اهمیت فراوانی دارد. در این پژوهش، هدف سطح‌بندی وضعیت دهستان‌های موجود در دشت اردبیل به لحاظ بحران آب زیرزمینی و تغییرات آن طی سال‌های ۱۳۶۰ و ۱۳۹۱ است. بنابراین، از اطلاعات ۳۹ چاه پیزومتری موجود در سطح دشت اردبیل (اخذشده از سازمان آب منطقه‌ای) استفاده شد. با استفاده از تکنیک وزن‌دهی جمعی ساده‌ی فازی و روش‌های درون‌یابی، سطح ایستابی پیزومترها درون‌یابی و نحوه تغییرات سطح ایستابی آن‌ها طی این دو دوره نمایش داده شدند. سپس، نقشه‌ی نهایی فازی شده و وزن‌دار از دو نقشه‌ی سال ۶۰ و سال ۹۱ تهیه گردید. نتایج تحلیل، کاهش تقریباً ۴۷ درصدی سطح ایستابی را در سال ۱۳۹۱ نسبت به سال ۱۳۶۰ نشان می‌دهد. سرانجام، با استفاده از اطلاعات به دست آمده می‌توان گفت که دهستان‌های شرقی، ویلکیچ مرکزی و فولادلوی شمالی بیشترین تغییرات را به لحاظ افت سطح آب زیرزمینی داشته‌اند که قسمت شرق و جنوب شرق دشت را شامل می‌شوند. همچنین، دهستان‌های شمالی دشت نیز به سمت بحران پیش می‌روند که، با توجه به نقشه‌ی سطح کشت و تراکم چاه عمیق، برداشت بیش از حد از منابع آب زیرزمینی را در این ناحیه می‌توان عامل اصلی بحران قلمداد کرد.

واژگان کلیدی: تصمیم‌گیری چند معیاری فازی، آب زیرزمینی، سطح ایستابی، تحلیل فضایی، دشت اردبیل.

## مقدمه

آب زیرزمینی یکی از منابع مهم تأمین آب شرب برای بسیاری از مردم در سراسر جهان مخصوصاً در مناطق روستایی است. با توجه به اهمیت و دسترسی ساده به منابع آب زیرزمینی (بهخصوص در چند دهه‌ی گذشته)، استحصال بدون برنامه‌ریزی این منابع سبب افت شدید سطح ایستایی در بسیاری از دشت‌های کشور ازجمله دشت اردبیل شده است. به‌گونه‌ای که اکنون آثار منفی آن در شرق آبخوان کاملاً مشهود است (شمسي‌سوسهاب و ستاري، ۱۳۹۳). در شرایطی که برداشت بی‌رویه‌ی آب زیرزمینی دشت اردبیل در سال‌های اخیر به مسئله‌ی بزرگ منطقه‌ای تبدیل شده است، مدل‌سازی سطح آب زیرزمینی این دشت امری مهم و ضروری است. دانشور وثوقی و دین پژوه (۱۳۹۰) در تحقیقی به این نتیجه رسیدند که افت معنی‌دار تراز آب در همه‌ی ماه‌های سال برای دشت اردبیل ناشی از خشکسالی یا کاهش بارش نیست، بلکه به‌علت افزایش معنی‌دار درجه‌ی حرارت و نیاز آبی گیاهان همچنین برداشت بی‌رویه آب از چاه‌های عمیق، نیمه‌عمیق و دستی است که سبب کاهش تراز آب زیرزمینی در دشت شده است. شمسي‌سوسهاب و ستاري (۱۳۹۳) در پژوهشی تخمین سطح ایستایی آب زیرزمینی دشت اردبیل را با استفاده از شبکه‌ی عصبی مصنوعی بررسی کردند. استفاده از مدل‌های گوناگون درون‌بابی اساس کار بسیاری از محققین برای بررسی وضعیت تغییرات زمانی و مکانی سطح آب زیرزمینی است. درباره‌ی انتخاب بهترین حالت درون‌بابی به روش وزن‌دهی عکس فاصله، می‌توان از شاخص‌های توان درون‌بابی و از قطاع‌بندی سیستم<sup>۱</sup> (Watsonand and Philip, ۱۹۸۱) و، سرانجام، از گزینه‌ی ریشه‌ی دوم خطای میانگین RMSE<sup>۲</sup> بهره جست که هرچه این مقدار کمتر باشد، نشان‌دهنده‌ی کارایی بهتر روش مورد نظر است (غريب‌نيا و همكاران، ۱۳۹۱؛ Azpurua and Dos Ramos, ۲۰۱۰). يوسان و همكاران به مقایسه‌ی سه روش ميان‌بابي وزن‌دهی عکس فاصله، توابع پايه‌ی شعاعی<sup>۳</sup> و كريجينگ<sup>۴</sup> برای پيش‌بيين تغييرات زمانی و مکانی عمق آب زيرزميني در كوير مين كين در شمال چين پرداختند<sup>۵</sup> (YueSun et all ۲۰۰۹). مك‌کنا در ايالت كلرادو امريكا برای بالابدن دقت در تخمین و شبیه‌سازی داده‌های مؤثر بر جريان آب زيرزميني از روش‌های زمين‌آماری استفاده کرد(McKenna, ۲۰۰۰). صادق نيكبخت و معصومه دلبری (۱۳۹۲) با استفاده از روش‌های زمين‌آماری به برآورد سطح ایستایی آب‌های زيرزميني دشت زاهدان پرداختند.

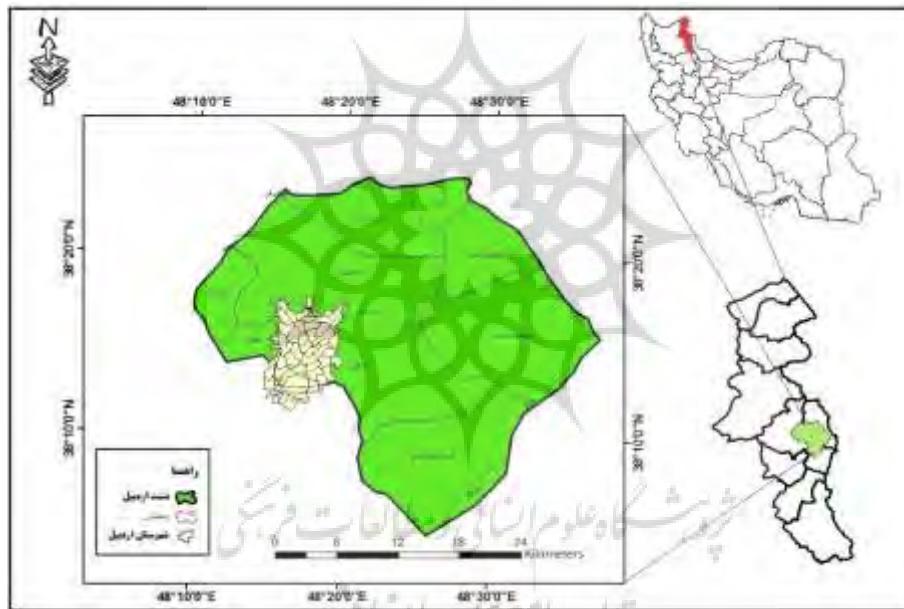
برتری و اشكال‌های هر روش شدیداً به خصوصیات و مشخصات مجموعه‌ی داده‌ها بستگی دارد. ممکن است روشی که به خوبی بر مجموعه‌ی داده‌ای برآش داده می‌شود، برآش آن بر مجموعه‌ی دیگری نتایج ضعیفی داشته باشد. بنابراین، ضوابط و معیارهایی برای انتخاب مناسب‌ترین روش باید بيان شود(Apaydin et al, ۲۰۰۴). رابينسون و متمنج برای انتخاب بهترین توان در مدل وزن‌دهی عکس فاصله، از چولگی پايین داده‌ها و کمترین مقدار خطای RMS استفاده کرده‌اند (Robinson and Metternicht, ۲۰۰۶).

هدف از پژوهش حاضر تعیین تغییرات سطح ایستایی آب زیرزمینی دشت اردبیل با استفاده از روش‌های زمين‌آمار و تحلیل تصمیم‌گیری چند معیاره و بررسی ارتباط بین میزان برداشت آب زیرزمینی و وضعیت سطح ایستایی آن برای دهستان‌های سطح دشت اردبیل است. آنچه در این پژوهش صورت گرفته ترکیب مدل‌های مختلف درون‌بابی و وزن‌دار کردن آن‌ها با توجه به میزان دقت مدل‌ها و تهیه‌ی نقشه درون‌بابی جدید با استفاده از هر چهار مدل درون‌بابی است.

. Sector type  
. Root-Mean-Square Error  
. Radial Basis Function  
. Kriging

## داده‌ها و روش کار

دشت اردبیل در ناحیه‌ی شمال غرب ایران بین عرض شمالی ۳۸ درجه و ۵ دقیقه تا ۳۸ درجه و ۰ دقیقه و طول شرقی ۴۸ درجه و ۱۵ دقیقه تا ۴۸ درجه و ۳۵ دقیقه واقع شده است. محدوده از نظر تقسیم کشوری به استان اردبیل تعلق دارد (شکل ۱). ارتفاع متوسط اراضی کشاورزی حدود ۱۳۶۰ متر از سطح دریاهای آزاد است. وسعت آن حدود ۸۲۰ کیلومترمربع است و جزئی از حوضه‌ی آبخیز رود قره‌سو بهشمار می‌رود. دشت اردبیل متشکل از ۸۸ واحد روستایی، ده واحد دهستان و ۲ واحد شهری (اردبیل و آبی بیگلو) است. شهر اردبیل مرکز استان اردبیل در غرب این دشت واقع شده است. در محدوده‌ی دشت اردبیل تعداد ۲۲۴۳ حلقه چاه عمیق و نیمه‌عمیق، ۲۰ دهنه‌ی چشمه و ۱۸ رشته قنات وجود دارد که به مصارف کشاورزی اختصاص دارند. از سال ۱۳۵۰، برداشت آمار سطح ایستابی دشت اردبیل با ۱۱ ایستگاه پیزومتری در محدوده‌ی دشت شروع شد و در سال‌های اخیر به ۵۴ حلقه چاه رسید. این امر خوشبختانه پراکندگی مناسبی دارد، اما به‌جهت این‌که دقیق کافی در برداشت یا ارائه‌ی آمار ماهیانه و سالیانه از تراز سطح ایستابی چاه‌های موجود صورت نمی‌گیرد، عالملاً فقط داده‌ها و اطلاعات ۳۱ چاه از ۵۴ چاه موجود در این پژوهش استفاده شده است.

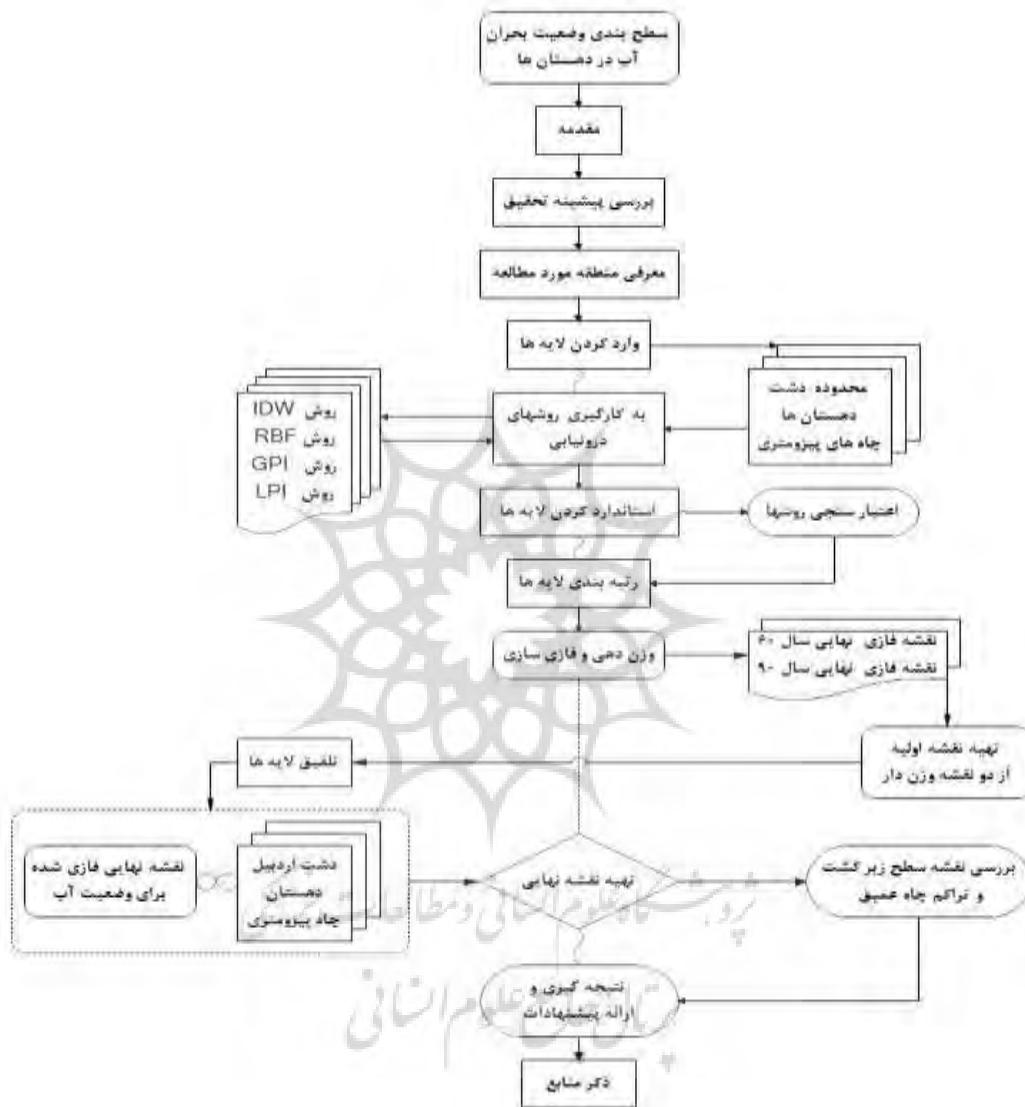


شکل ۱: موقعیت دشت اردبیل در سطح استان اردبیل.

برای انجام این تحقیق، از داده‌های آماری مربوط به چاه‌های پیزومتری استفاده گردید که در سطح دشت اردبیل پراکنده شده‌اند. داده‌ها از طریق سازمان آب منطقه‌ای شهرستان اردبیل جمع‌آوری شد. همچنین از لایه‌های سطحی و نقطه‌ای مربوط به دشت اردبیل و تقسیمات سیاسی دهستان‌ها و میانگین سطح زیرکشت هر دهستان و نیز موقعیت چاه‌های پیزومتری برای تهیه‌ی نقشه‌های نهایی استفاده گردید.

مراحل انجام تحقیق در شکل شماره ۲ آورده شده است. اولین گام برای بررسی هر فرآیند هیدرولوژیکی جمع‌آوری داده‌ها و اطلاعات مورد نیاز است، از قبیل موقعیت مکانی چاه‌های مشاهده‌ای و مختصات آن‌ها. برای این منظور اطلاعات منابع آب زیرزمینی مربوط به سال‌های ۶۰ و ۹۱ تهیه گردید و در پژوهش حاضر استفاده شد که ملاک عمل و برنامه‌ریزی داده‌های

اخذشده از مدیریت منابع آب شهرستان اردبیل است. پس از بررسی آمار و انتخاب داده هایی که برای تمام چاه های انتخابی کامل و موجود بودند، برداشت های ماهیانه چاه های پیزومتری موجود در محدوده دشت اردبیل برای سال های آماری ۶۰ و ۹۱ و تغییرات سطح ایستایی تعداد ۳۹ چاه پیزومتری از ۵۴ چاه پیزومتری موجود انتخاب شد. سپس، متوسط سالیانه برای هر چاه پیزومتری داخل در محدوده و پیرامون آن وارد محیط نرم افزاری ArcGIS گردید.



شکل ۲: نمودار مرحله انجام کار

از روش های زمین آمار<sup>۱</sup> IDW (قهروندی تالی و بابایی، ۱۳۸۴؛<sup>۲</sup> فرجی و عزیزی، ۱۳۸۵؛<sup>۳</sup> Johnston et all، ۱۳۸۸) و RBF (Johnston et all ، ۱۳۸۸، Yan، ۲۰۰۹)،<sup>۴</sup> (GPI<sup>۵</sup>)، (LPI<sup>۶</sup>)

<sup>۱</sup>.Inverse Distance Weight

<sup>۲</sup>.Global Polynomial Interpolation

<sup>۳</sup>.Local Polynomial Interpolation

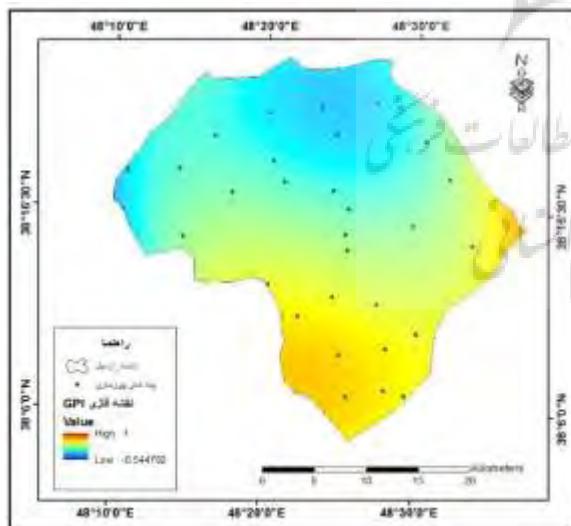
) در محیط نرم‌افزار ArcGIS درون‌بایی همه‌ی داده‌های موجود انجام گردید و افت سطح ایستابی در محدوده‌های استاندارد به صورت کلاس‌های ده‌گانه (رستری) در محدوده‌ی ممنوع دشت اردبیل مشخص گردید. پس از به دست آوردن لایه‌های اطلاعاتی اولیه، به استانداردسازی و فازی‌کردن لایه‌ها با استفاده از تقسیم بر مقدار حداکثرشده اقدام گردید. برای اعتبارسنجی و رتبه‌بندی روش‌های درون‌بایی از ریشه‌ی میانگین مربعات خطأ (RMSE) استفاده شد (Srivastava and Isaaks, 1989) به این صورت، مدلی که دارای کمترین میزان RMSE باشد، دارای بیشترین رتبه است. معادله‌ی کلی ریشه‌ی میانگین مربعات خطأ به صورت زیر است:

$$\text{معادله ۱} \quad \text{RMSE} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (Z^*(X_i) - Z(X_i))^2}{n}}$$

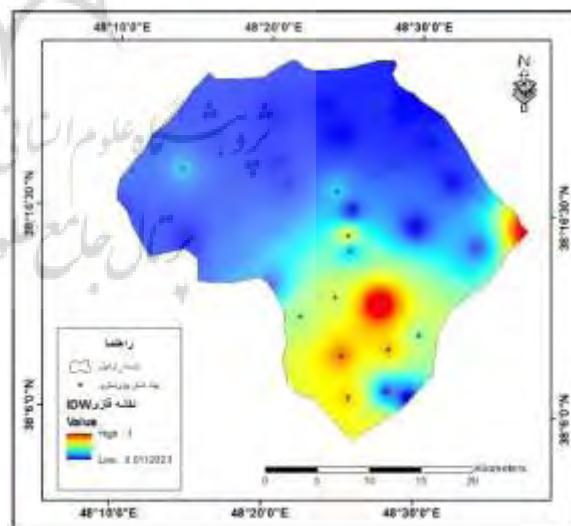
در این معادله،  $Z^*(X_i)$  و  $Z(X_i)$  مقدار تخمین‌زده شده و واقعی متغیر  $Z$  در نقطه  $X_i$  هستند. سپس، براساس میزان جذر میانگین مربعات خطأ، که معیاری برای سنجش دقیقی روش‌های درون‌بایی است، رتبه‌بندی مستقیم و وزن‌دهی با روش‌های گفته شده صورت گرفت. سرانجام، با استفاده از روش وزن‌دهی جمعی ساده (پرهیزگار و غفاری، ۱۳۹۰؛ اصغرپور، ۱۳۹۲؛ ۲۱۲؛ ۲۲۲)، لایه‌ها وزن‌دار شده و لایه‌های اطلاعاتی افت سطح ایستابی برای سال‌های ۶۰ و ۹۰ به دست آمده است. برای به دست آوردن نقشه‌ی نهایی افت سطح ایستابی، دو لایه‌ی مذکور از هم کسر شد و نقشه‌ی نهایی افت سطح ایستابی دشت اردبیل (به صورت فازی) به دست آمد.

### شرح و تفسیر نتایج

اشکال شماره‌ی ۳ تا ۱۰ نقشه‌های درونیابی شده با استفاده از نرم افزار را برای دشت اردبیل با استفاده از مدل‌های ارائه شده و برای دو سال‌های ۶۰ و ۹۰ نشان می‌دهد. هر یک از این اشکال با استفاده از چهار روش درونیابی که در روش کار توضیح داده شد، انجام شده و هم چنین برای هر دو سال آبی ۶۰ و ۹۰ این چهار روش به کار برده شده است.

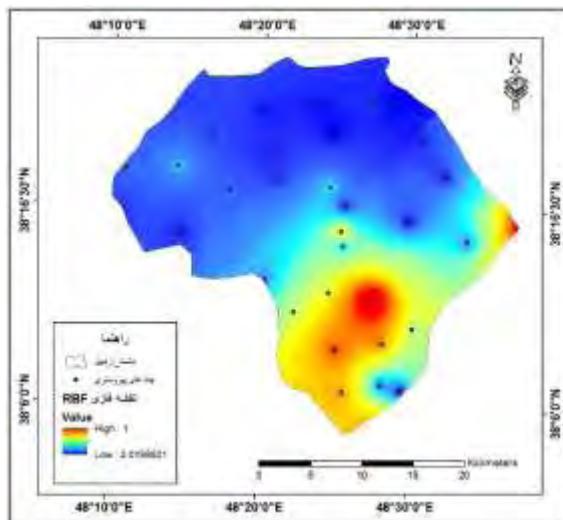


شکل ۴: نقشه‌ی فازی به روش GPI برای سال آبی ۱۳۶۰.

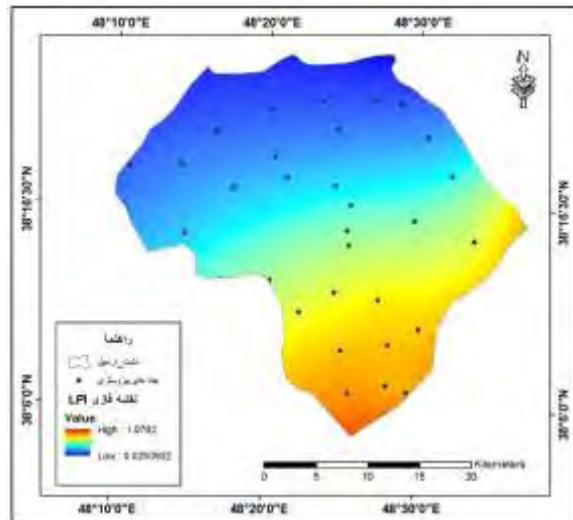


شکل ۳: نقشه‌ی فازی به روش IDW برای سال آبی ۱۳۶۰.

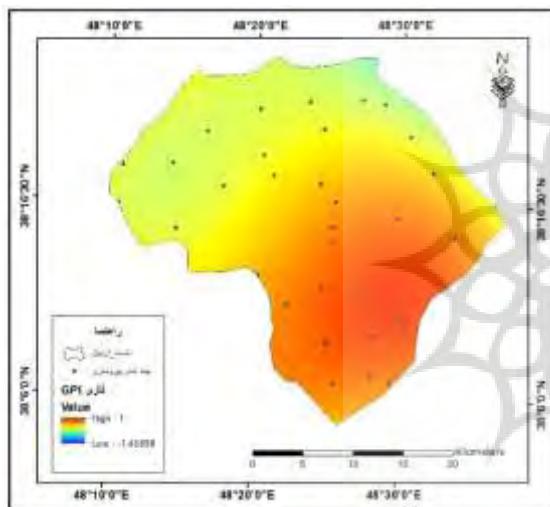
## بررسی سطح ایستایی آب ....



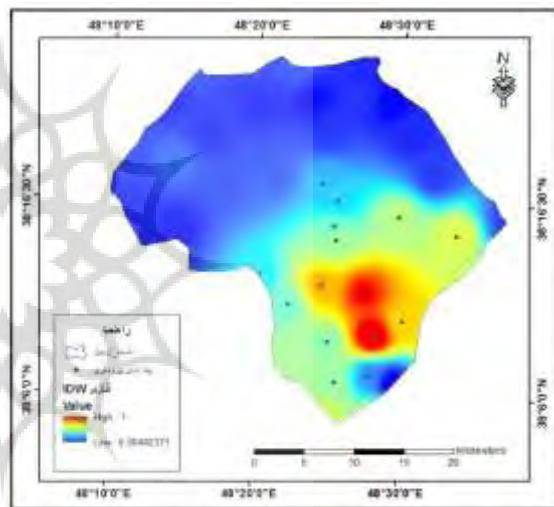
شکل ۶: نقشه‌ی فازی به روش RBF برای سال آبی ۱۳۶۰.



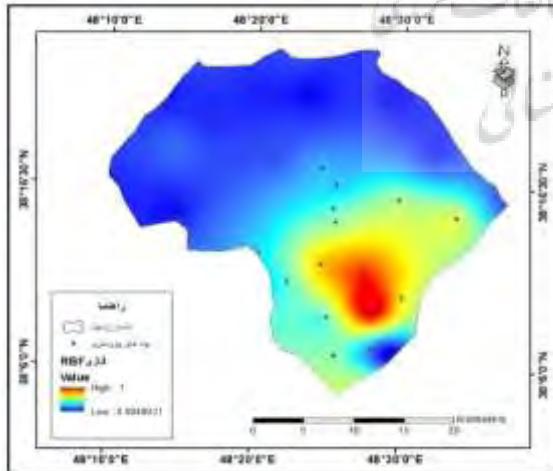
شکل ۵: نقشه‌ی فازی به روش LPI برای سال آبی ۱۳۶۰.



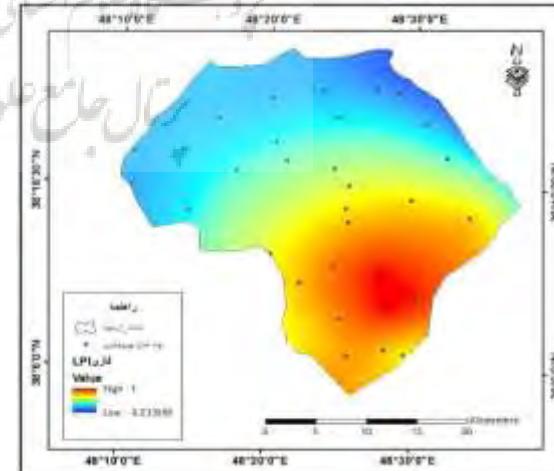
شکل ۸: نقشه‌ی فازی به روش GPI برای سال آبی ۱۳۹۰.



شکل ۷: نقشه‌ی فازی به روش IDW برای سال آبی ۱۳۹۰.



شکل ۱۰: نقشه‌ی فازی به روش RBF برای سال آبی ۱۳۹۰.



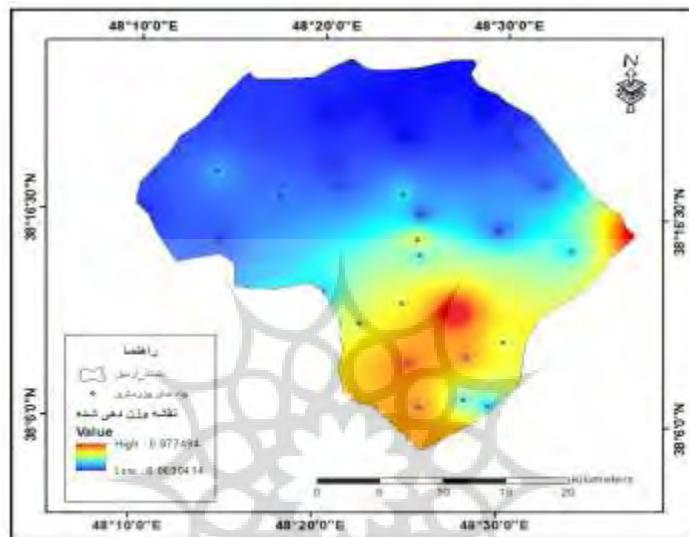
شکل ۹: نقشه‌ی فازی به روش LPI برای سال آبی ۱۳۹۰.

در جدول شماره‌ی ۱ انواع مدل‌های به کار رفته برای درون‌یابی به همراه مدل سمی واریوگرام و توان‌های بهینه‌شده و نیز مقادیر خطای RMS و میزان بیشینه و کمینه هر مدل آورده شده است. از مقادیر بیشینه برای به دست آوردن لایه‌ی استاندارد فازی استفاده شده است. در جدول شماره‌ی ۲، مشخصات چاه‌های پیزومتری به همراه میزان سطح ایستابی آن‌ها برای سال‌های ۱۳۶۰ و ۱۳۹۰ آورده شده است.

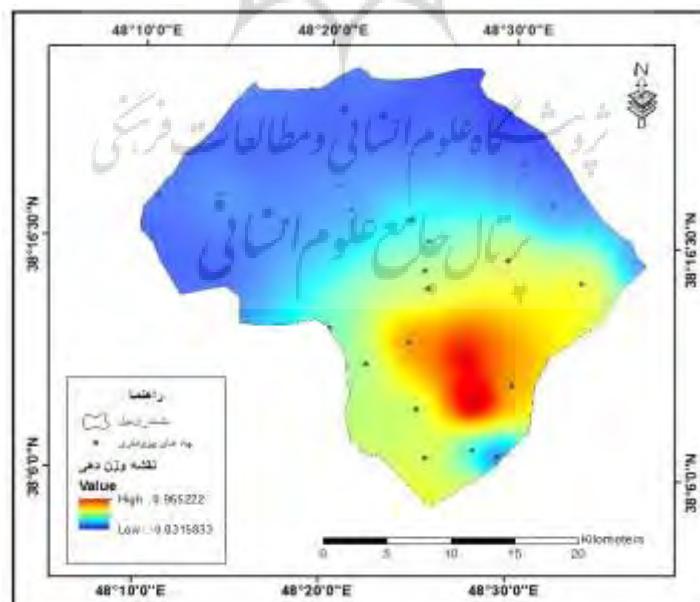
جدول ۱: نوع مدل به کار رفته برای درون‌یابی به همراه ویژگی‌های آن

جدول ۲: مشخصات چاههای بیز و متری به همراه میزان سطح ایستایی (متر) برای سال‌های ۱۳۶۰ و ۱۳۹۰

هم چنین در شکل شماره ۱۱ و شکل شماره ۱۲ هم چنان که در روش کار توضیح داده شد، تمامی لایه های درونیابی شده و وزن دار شده با استفاده از مدل وزن دهی جمعی ساده تلفیق شده و نقشه نهایی برای سال آبی ۱۳۶۰(شکل ۱۱) و سال آبی ۱۳۹۰(شکل ۱۲) تهیه شد. همان طور که از شکل های درون یابی شده مشخص است، افزایش مساحت سطوح مختلف کلاس های ارتفاعی ارائه شده از سال ۶۰ به سال ۹۰ گواه افزایش افت در دشت خصوصاً در قسمت شرق و جنوب شرق دشت اردبیل است. همچنین، با توجه به دو شکل ۱۱ و ۱۲، گسترش ناحیه ای مشخص شده به رنگ قرمز در شکل ۱۲ از شکل ۱۱ گواه گسترش منطقه ای افت سطح ایستابی در این دو دوره ای آماری است.

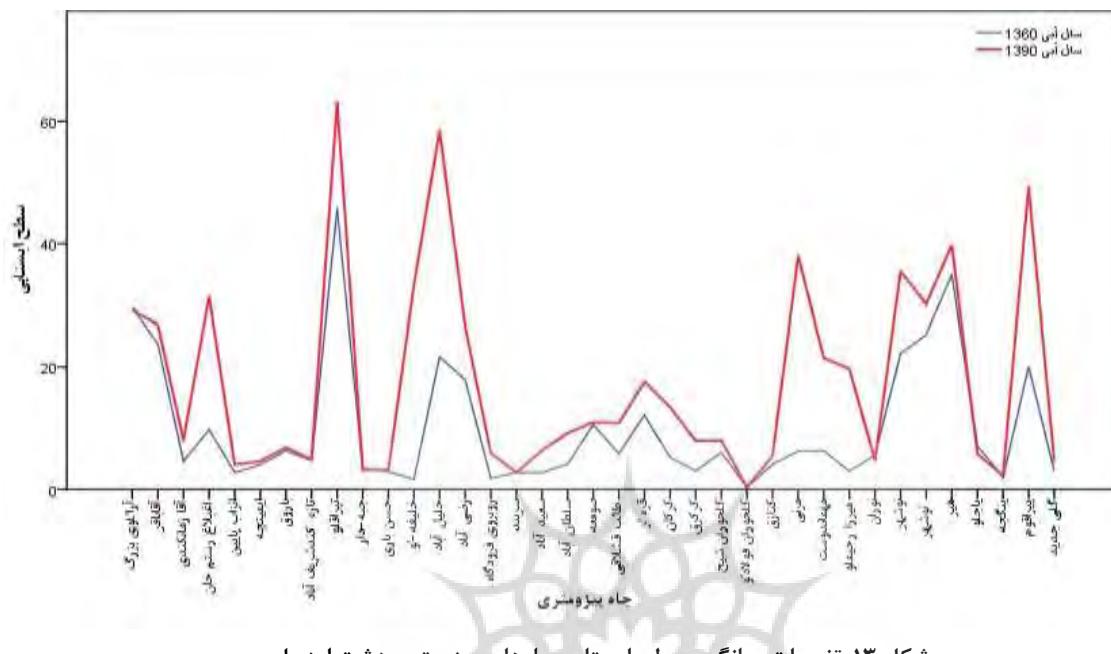


شکل ۱۱: نقشه‌ی نهایی افت سطح ایستابی برای سال آبی ۱۳۶۰.



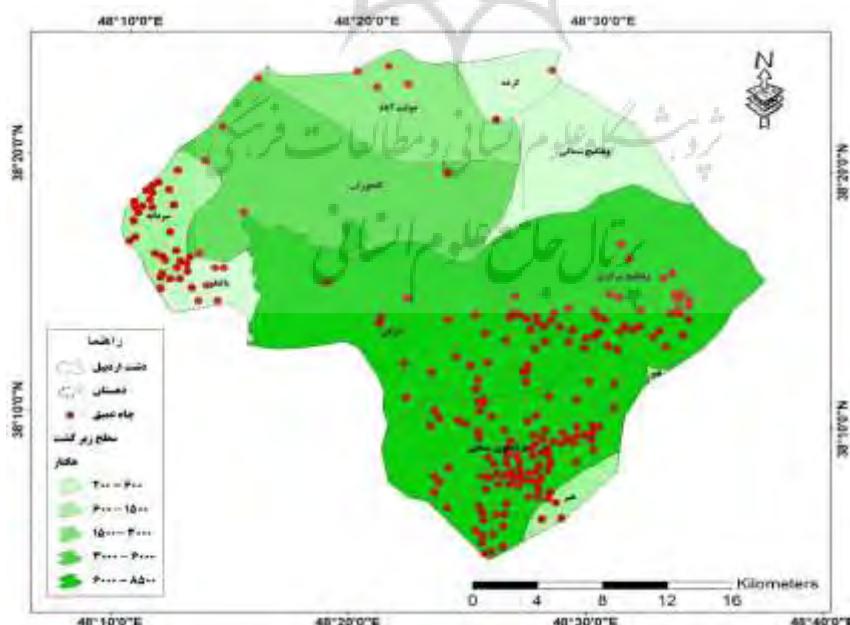
شکل ۱۲: نقشه‌ی نهایی افت سطح ایستابی برای سال آبی ۱۳۹۰.

شکل شماره‌ی ۱۳ با توجه به جدول شماره‌ی ۲، تغییرات میانگین سطح ایستابی چاه‌های پیزومتری دشت را در سال‌های ۹۰ و ۹۱ به وضوح نشان می‌دهد. میانگین افت سطح ایستابی برای دو دوره‌ی آماری  $8/34$  متر است که در شکل شماره‌ی ۱۳ می‌توان افت سطح ایستابی آب زیرزمینی دشت اردبیل را بین دو دوره آماری مشاهده کرد.



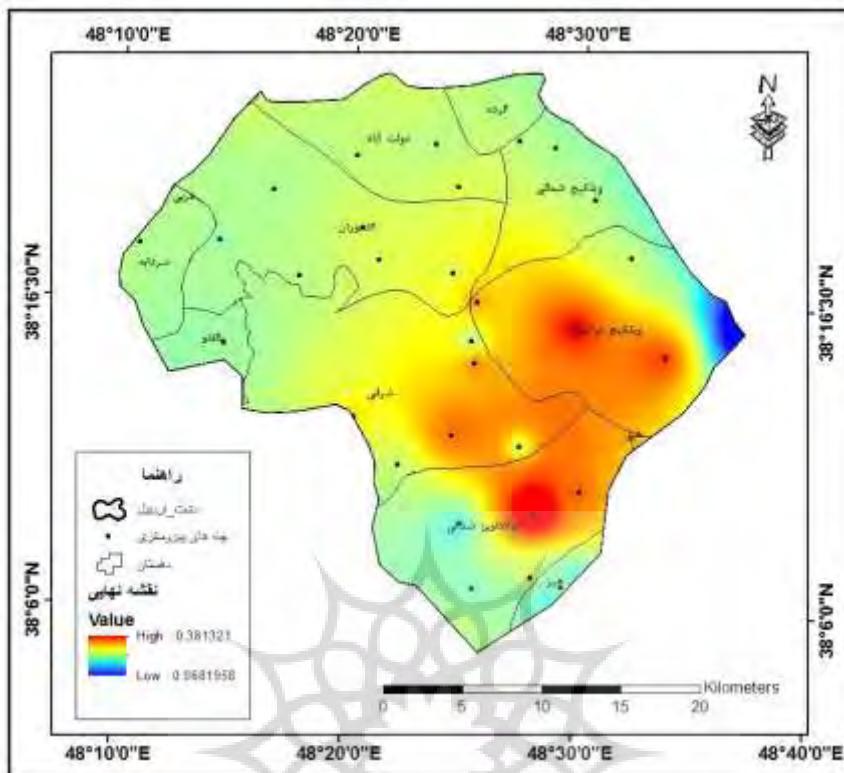
شکل ۱۳: تغییرات میانگین سطح ایستابی چاه‌های پیزومتری دشت اردبیل.

در ادامه اشکال شماره‌ی ۱۴ و ۱۵ آورده شده است. در شکل شماره‌ی ۱۴ وضعیت سطح زیر کشت محصولات در محدوده دشت و هم‌چنین موقعیت چاه‌های عمیق در این محدوده نشان داده شده است.



شکل ۱۴: موقعیت چاه‌های عمیق و سطح زیر کشت محصولات آبی.

شکل شماره ۱۵ نقشه نهایی وضعیت سطح ایستابی دشت اردبیل را نشان می دهد.



شکل ۱۵: نقشه نهایی وضعیت افت سطح ایستابی آب زیرزمینی دشت اردبیل.

همانطور که در توضیحات شکل شماره ۱۴ گفتیم، این شکل مجموع سطح زیر کشت محصولات گندم، جو، سیب زمینی و علوفه را برای دهستان های اردبیل نشان می دهد. همچنین، در این شکل، چاه های عمیق موجود در سطح دشت اردبیل به نمایش در آمده است. مطابق این شکل، ملاحظه می گردد که بیشترین تراکم چاه عمیق به ترتیب در فولادلوی شمالی، ویلکیج مرکزی و شرقی است. علاوه بر این، بیشترین میزان سطح زیر کشت مربوط به این سه دهستان است. به تبع وجود این عوامل، میزان برداشت از آب زیرزمینی نیز به شدت بالا می رود که خود یکی از عوامل بسیار مهم در خامن اوضاع این قسمت از آبخوان دشت است. نقشه نهایی میزان افت سطح ایستابی دشت اردبیل با استفاده از اعمال روش های مختلف درون یابی و نیز رتبه بندی و وزن دهی، پس از کسر کردن و استاندارد و فازی کردن دو نقشه ایستابی سال ۶۰ و ۹۰ به دست آمد (شکل ۱۵). با توجه به شکل شماره ۱۵ به خوبی می توان میزان افت و محل افت شدید را در سطح ایستابی آب زیرزمینی دشت اردبیل مشاهده کرد. مطابق با شکل شماره ۱۱ و ۱۲ می توان گفت که وضعیت دهستان فولادلوی شمالی و ویلکیج مرکزی در حالت بحران قرار دارد و دهستان شرقی نیز در آینده ای نزدیک به سمت بحران پیش می رود. مطابق با شکل شماره ۱۵ بیشترین افت سطح ایستابی مربوط به دهستان فولادلوی شمالی است.

### نتیجه‌گیری

نتایج تحلیل، کاهش تقریباً ۴۵ درصدی سطح ایستابی را در سال ۱۳۹۱ نسبت به سال ۱۳۶۰ نشان می‌دهد. همان‌طور که شکل‌های ۱۲ و ۱۳ نشان می‌دهند، بیشینه‌ی سطح ایستابی چاه‌های پیزومتری از ۴۵ متر در سال ۱۳۶۰ به بیش از ۷۰ متر در سال ۱۳۹۰ رسید که حاکی از وخت اوضاع آبخوان دشت اردبیل است. سرانجام، با استفاده از اطلاعات بهدست آمده می‌توان گفت که دهستان‌های شرقی، ویلکیچ مرکزی و فولادلوی شمالی بیشترین تغییرات را به لحاظ افت سطح آب زیرزمینی داشته‌اند. این نواحی قسمت‌های شرق و جنوب شرق دشت را شامل می‌شود. به علت مساعدبودن شرایط کشاورزی و بالابودن سطح زیر کشت محصولات با نیاز آبی بالا و تراکم چاه‌های عمیق حفر شده، برداشت از آب زیرزمینی فراوان است و میزان افت سطح آب زیرزمینی افزایش در حال کاهش است. دهستان شرقی نیز به سمت بحران پیش می‌رود و، در این‌بین، دهستان ویلکیچ مرکزی (قسمت شرقی دشت) در معرض بیشترین خطر به لحاظ افت سطح ایستابی آبخوان نسبت به دو دهستان شرقی و ویلکیچ مرکزی است. دهستان فولادلوی شمالی نیز (که دارای بیشترین تراکم چاه عمیق است) در آینده نزدیک با ادامه برداشت‌ها از چاه‌های عمیق موجود، به سمت کاهش شدید منابع آب زیرزمینی خواهد رفت.

### منابع

- اصغرپور، محمدجواد. ۱۳۹۲. تضمیم‌گیری‌های چندمعیاره. انتشارات دانشگاه تهران، تهران، ج ۱۱.
- حبشی، هاشم؛ سید محمد حسینی و جلال محمدی. ۱۳۸۵. ارزیابی دقت و صحت روش‌های درون‌یابی در تخمین ارت خاک با استفاده از GIS. سومین همایش سیستم‌های اطلاعات مکانی، قشم.
- دانشور و ثوقی، فرناز و یعقوب دین پژوه. ۱۳۹۰. خشکسالی و تأثیر آن بر روند تغییرات تراز آب زیرزمینی دشت اردبیل در دو دهه‌ی اخیر. ششمین کنگره‌ی ملی مهندسی عمران. سمنان. دانشگاه سمنان.
- شمی‌سوهاب، رضا و محمدتقی ستاری. ۱۳۹۳. تخمین سطح آب زیرزمینی دشت اردبیل با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی. پانزدهمین کنفرانس دانشجویان عمران، انجمن علمی دانشجویی عمران دانشگاه ارومیه.
- غفاری، حسین؛ علی رسول‌زاده؛ مجید رئوف و ابذر اسماعلی‌عوری. ۱۳۹۲. بررسی تغییرات کمی آب زیرزمینی آبخوان دشت اردبیل طی ده سال آبی دوره‌ی آماری (۸۰-۸۱ تا ۸۹-۹۰)، دومین کنگره‌ی ملی کشاورزی ارگانیک، دانشگاه محقق اردبیلی، اردبیل.
- غفاری، حسین؛ علی رسول‌زاده؛ مجید رئوف و ابذر اسماعلی‌عوری. ۱۳۹۲. بررسی روش‌های مختلف درون‌یابی در تهیه‌ی نقشه‌های هم‌تراز آب زیرزمینی با استفاده از ArcGIS در آبخوان دشت اردبیل، دومین همایش ملی توسعه‌ی پایدار کشاورزی و محیط زیست سالم. شرکت هم اندیشان محیط زیست فردا، همدان.
- عیوضی، معصومه؛ ابوالفضل مساعدي؛ مهدی مفتح هلقی و موسی حسام. ۱۳۸۸. مقایسه‌ی روش‌های مختلف درون‌یابی در پهنه‌بندی خشکسالی‌های استان گلستان. دومین همایش ملی اثرات خشکسالی و راه کارهای مدیریت آن، اصفهان.
- عیوضی، معصومه و ابوالفضل مساعدي. ۱۳۹۰. بررسی الگوی گسترش مکانی بارش در سطح استان گلستان با استفاده از مدل‌های قطعی و زمین‌آماری. نشریه‌ی آب و خاک ۱: ۶۴-۵۳.

غريبنيا، فاضل؛ سيد ياسر حكيم دوست و يدالله بلياني. ۱۳۹۱. راهنمای جامع مدل‌های کاربردی GIS در برنامه‌ریزی شهری، روستایی و محیطی، چاپ اول، انتشارات آزاد پیما، تهران.

فرجی سبکیار، حسنعلی و قاسم عزیزی. ۱۳۸۵. ارزیابی میزان دقت روش‌های درون‌یابی فضایی مطالعه‌ی موردنی: الگوسازی بارندگی حوزه‌ی کاردهی مشهد. پژوهش‌های جغرافیایی، ۵۸: ۱۵-۱.

قهروندی تالی، منیژه و اسلامه بابایی. ۱۳۸۴. درآمدی بر سیستم اطلاعات جغرافیایی، انتشارات پیام نور، تهران.

مالچوفسکی، یاچک. ۱۳۹۰. سامانه‌ی اطلاعات جغرافیایی و تحلیل تصمیم چند معیاری. ترجمه‌ی اکبر پرهیزگار و عطا غفاری گیلانده، چاپ دوم، انتشارات سمت، تهران.

نیکبخت، صادق و معصومه دلبیری. ۱۳۹۲. برآورد سطح ایستابی آب‌های زیرزمینی با استفاده از روش‌های زمین‌آماری. نشریه‌ی آب و توسعه پایدار، ۱: ۴۹-۵۶.

- Apaydin H.; Sonmez K. and Yildirim E. ۴۰۰۴. Spatial interpolation techniques for climate data in the GAP region in Turkey. *Journal of Climate Research*, ۲۸: ۳۱-۴۰.
- Ben-Jemaa F. and Marino M.A. ۱۹۹۰. Optimization of a groundwater well monitoring network. International Conference on Optimizing the Resources for Water Management. Fort worth, Texas, April ۱۷-۲۱, pp. ۱۰-۱۵.
- Cockings S.; P. F. Fisher and M. Langford. ۱۹۹۷. Parameterization and Visualization of the Errors in Areal Interpolation. *Geographical Analysis*, ۲۹: ۳۱۴-۳۲۸.
- Goovaert, P. ۱۹۹۹. Performance Comparison of Geostatistical Algorithms for Incorporating Elevation into the Mapping of Precipitation. *GeoComputation Proceedings*.
- Johnston K.; Ver Hoef J.M.; Krivoruchko K. and Lucas N. ۲۰۰۱. Using arcGIS geostatistical analyst. ESRI, Redlands, CA.
- Magnus E.; and M. Clyde . ۲۰۱۰. *Optimal Control, Statistics and Path Planning*. Princeton University Press.
- Azpurua, M. and Dos Ramos, K. ۲۰۱۰. Progress in Electromagnetics. *Research Magazine*, ۱۴: ۳۵-۱۰۵.
- McKenna S.A. ۲۰۰۲. Simulating geological uncertainty with imprecise data for groundwater flow and advection transport modelling. pp. ۱-۱۵.
- Philip, G. M., and Watson D. F. ۱۹۸۲. A Precise Method for Determining Contoured Surfaces. *Australian Petroleum Exploration Association Journal* ۲۲: ۵۰۵-۲۱۲.
- Siska, .P. and I-Kuai Hung . ۲۰۰۱. Assessment of kriging Accuracy in the GISEnvironment. [Http://gis.esri.com/userconf/proc/1/professional/papers/pap280/p280.htm](http://gis.esri.com/userconf/proc/1/professional/papers/pap280/p280.htm).
- Robinson, T.P. and Metternicht, G. ۲۰۰۶. Testing the performance of spatial interpolation techniques for mapping soil properties. *Computers and Electronics in Agriculture*, ۵( ۲): ۹۷° ۱۰۸.
- Watson, D. F. and Philip, G. M. ۱۹۸۰. A Refinement of Inverse Distance Weighted Interpolation. *Geoprocessing*, ۲: ۳۱۵° ۳۷۷.
- Yan, Xin. . ۲۰۰۹. *Linear regression analysis: theory and computing*. Published by World Scientific Publishing Co. Pte. Ltd
- YueSun, A. ; Shaozhong, A. ; Kang, F. Li and Zhang L. ۲۰۰۹. Comparison of interpolation methods for depth to groundwater and its temporal and spatial variations in the Minqin oasis of northwest China. *Environmental Modelling and Software*, ۴۴: ۱۱۶۳° ۱۱۷۰.