

## مدل‌سازی بار رسوبر حوضه دو حوضه آبخیز زاینده‌رود علیا با استفاده از روش رگرسیون کمترین مربعات فازی

امید مبارکی \* - کارشناس ارشد آبخیزداری، دانشگاه شهرکرد  
علیرضا دادیان - دانشیار گروه مرتع و آبخیزداری، دانشگاه شهرکرد  
مهدى پژوهش - استادیار گروه مرتع و آبخیزداری، دانشگاه شهرکرد  
عبدالکریم ویسی - دانشجوی کارشناسی ارشد ژئومورفولوژی، دانشگاه تهران

تأیید نهایی: ۱۳۹۲/۰۸/۲۵ پذیرش مقاله: ۱۳۹۱/۰۸/۱۰

### چکیده

برآورد تولید رسوبر حوضه‌های آبخیز، یک امر مهم در طراحی سازه‌های آبی، مسائل زیستمحیطی و کیفیت آب رودخانه‌ها است. یکی از متداول‌ترین روش‌ها برای برآورد میزان رسوبر، روش‌های تجربی است. با توجه به عدم قطعیت ارتباط بین تولید رسوبر و عوامل مؤثر بر آن، روابط تجربی ارائه شده در این زمینه کارایی چندانی در این امر ندارند. این پژوهش به مدل‌سازی بار رسوبر یکی از زیرحوضه‌های (زیرحوضه ۲) حوضه آبخیز زاینده‌رود علیا پرداخته است. روش آن از نوع توصیفی - تحلیلی مبتنی بر روش‌های آماری، میدانی و کتابخانه‌ای است؛ بدین‌گونه که ابتدا منطقه به واحدهای همگن ژئومورفولوژی بخشش شد، سپس نمونه‌برداری خاک از عمق ۳۰-۱۵ سانتی‌متری انجام گرفت و عوامل فیزیکی و شیمیایی خاک در هر واحد همگن، تعیین و مدل‌سازی بار رسوبر با استفاده از مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی انجام گرفت. نتایج نشان داد که رسوبر برآورد شده کل زیرحوضه با روش رگرسیون کمترین مربعات فازی سالانه ۲/۶۲۵ تن در هکتار است که واحد همگن ۱۰ حساس‌ترین واحد همگن به فرسایش و تولید رسوبر است. همچنین نسبت نیکوبی برازش بین رسوبر برآورده مدل مذکور و رسوبر مشاهده‌ای ۰/۷۳ است.

کلیدواژه‌ها: فرسایش و رسوبر، روش رگرسیون کمترین مربعات فازی، تنگی گزی و واحد همگن.

## مقدمه

پدیده فرسایش و رسوب یکی از معضلاتی است که موجب شستشوی عناصر غذایی خاک‌های سطحی، کاهش حاصلخیزی و قدرت تولید اراضی فرسایش یافته، بروز سیلاب‌های مخرب، کاهش عمر مفید سدها و بناهای دیگر بر اثر رسوب‌گذاری، رها شدن اراضی کشاورزی به‌دلیل غیر اقتصادی شدن آنها در اثر فرسایش شدید، افزایش مهاجرت روستاییان و توسعه حاشیه‌نشینی شهرها و به‌دبیل آن، بروز مشکلات اجتماعی خواهد شد (Tangestani, 2006). برآورد و پیش‌بینی بار رسوب حوضه‌آبخیز، در طیف گسترده‌ای از مسائلی مانند مهندسی رودخانه، طراحی سدها، انتقال آب‌گی، تأثیرات زیست‌محیطی، آبخیزداری و بسیاری از بخش‌های منابع آب کاربرد دارد. به‌طور معمول، برآورد میزان رسوب از راه اندازه‌گیری مستقیم یا روابط ارائه شده در روش‌های تجربی تعیین می‌شود. اگرچه اندازه‌گیری مستقیم قابل اعتمادتر است؛ اما وقت‌گیر و پُرهزینه است. روش‌های تجربی ارائه شده نیز خاص شرایط کشورهای ارائه‌دهنده مدل بوده و در کشور ما بدون واسنجی مدل، نتایج مطلوبی را به‌دست نمی‌دهند. با توجه به وجود این مشکلات، باید به فکر بهره‌گیری از روش‌هایی بود که توانایی مدل کردن پیچیدگی‌های بین میزان تولید رسوب و عوامل مؤثر بر آن را داشته باشد. در این راستا روش‌های رگرسیون فازی، به‌طور گسترده‌ای در مدل کردن روابط موجود در طبیعت بهره‌گیری شده‌اند. این روش‌ها می‌توانند به‌وسیله داده‌های مشاهده‌ای، یک ارتباط منطقی بین ورودی و خروجی ایجاد کنند. دوغان و همکاران (۲۰۰۵) کارایی منطق فازی با سیستم استنتاج سوگنو را در برآورد رسوب معلق رودخانه لاوساکار نسبت به شبکه عصبی بررسی کردند. نتایج این بررسی نشان داد منطق فازی، به‌طور معناداری بهتر از شبکه عصبی و منحنی سنجه رسوب عمل کرده است. کیسی و همکاران (۲۰۰۶) با بهره‌گیری از منطق فازی، میزان رسوب معلق را در ایستگاه روبردابلانس آمریکا برآورد کردند. در این بررسی مدل‌های فازی با توابع عضویت مثلثی و هشت تابع عضویت برای ورودی‌ها و خروجی‌ها، به‌منظور برآورد رسوب معلق توسعه داده شده است. نتایج این پژوهش نشان داد همه مدل‌های فازی مورد بررسی، در شرایط یکسان عملکرد بهتری در برآورد بار معلق رودخانه نسبت به منحنی سنجه رسوب دارند.

با پیشرفت مطالعات در زمینه فرسایش، برای بررسی جداسدن و انتقال ذرات خاک در اثر بارندگی یا رواناب، فرآیندهای تأثیرگذار بر فرسایش از یکدیگر تفکیک شده‌اند (فاستر و همکاران، ۱۹۸۱؛ زانگ و همکاران، ۱۹۹۸؛ شریدان و همکاران، ۲۰۰۰؛ والمیس و همکاران، ۲۰۰۵؛ لیو و همکاران ۲۰۰۶) در مدل‌های فرآیندی فرسایش، افرادی مانند رز و همکاران، ۱۹۸۳؛ رز، ۱۹۸۵؛ هیرسین و رز، ۱۹۹۱؛ رز و همکاران، ۲۰۰۶ و وپ نیرینگ و همکاران، ۱۹۸۹؛ فاستر و همکاران، ۱۹۹۵؛ لافلن و همکاران، ۱۹۹۷؛ یو و رزول، ۲۰۰۱؛ زانگ و همکاران، ۲۰۰۵؛ پیری و همکاران، ۲۰۰۷ مطالعاتی را انجام داده‌اند. فرسایش در حضور باران، به‌ترتیب با عنایون فرسایش ناشی از باران و فرسایش شیاری بیان می‌شود (ماس و گرین، ۱۹۸۳؛ کینل، ۱۹۹۳).

با توجه به وقت‌گیر و پُرهزینه‌بودن روش‌های مدل‌های تجربی برآورد رسوب، در این پژوهش تلاش شد با بهره‌گیری از روش‌های فازی (رگرسیون کمترین مربعات فازی) مدل‌سازی بار رسوب زیرحوضه ۲ حوضه‌آبخیز زاینده‌رود علیا برآورد شود و نتایج این مدل با رسوب مشاهده‌ای مقایسه شود.

## مواد و روش‌ها

### گستره مورد مطالعه

منطقه تنگ‌گزی یکی از حوضه‌های آبخیز رودخانه زاینده‌رود است که در طول جغرافیای ۵۰ درجه و صفر دقیقه و ۵۷ ثانیه تا ۵۰ درجه و ۳۷ دقیقه و ۵۵ ثانیه شرقی و عرض جغرافیایی ۳۲ درجه و ۴۰ دقیقه و ۵ ثانیه و ۳۲ درجه و ۴۲ دقیقه و ۳۳ ثانیه شمالی واقع شده است. میانگین ارتفاع این منطقه از سطح دریا ۲۱۰۰ متر است. این حوضه در جنوب غرب شهرکرد، مرکز استان چهارمحال و بختیاری قرار دارد و دارای نه زیرحوضه است. این مطالعه روی زیرحوضه شماره ۲ با مساحت ۱۱۷/۲۹ کیلومترمربع که طی یافته‌های پژوهش و همکاران (۱۳۹۰)، دارای بیشترین مقدار رسوبرده‌ی و فرسایش بوده، انجام شده است. رسوبر خارج شده از این حوضه توسط رودخانه زاینده‌رود به مخزن سد زاینده‌رود انتقال می‌یابد. شکل شماره ۱ موقعیت پهنه مطالعاتی را روی نقشه نشان می‌دهد.

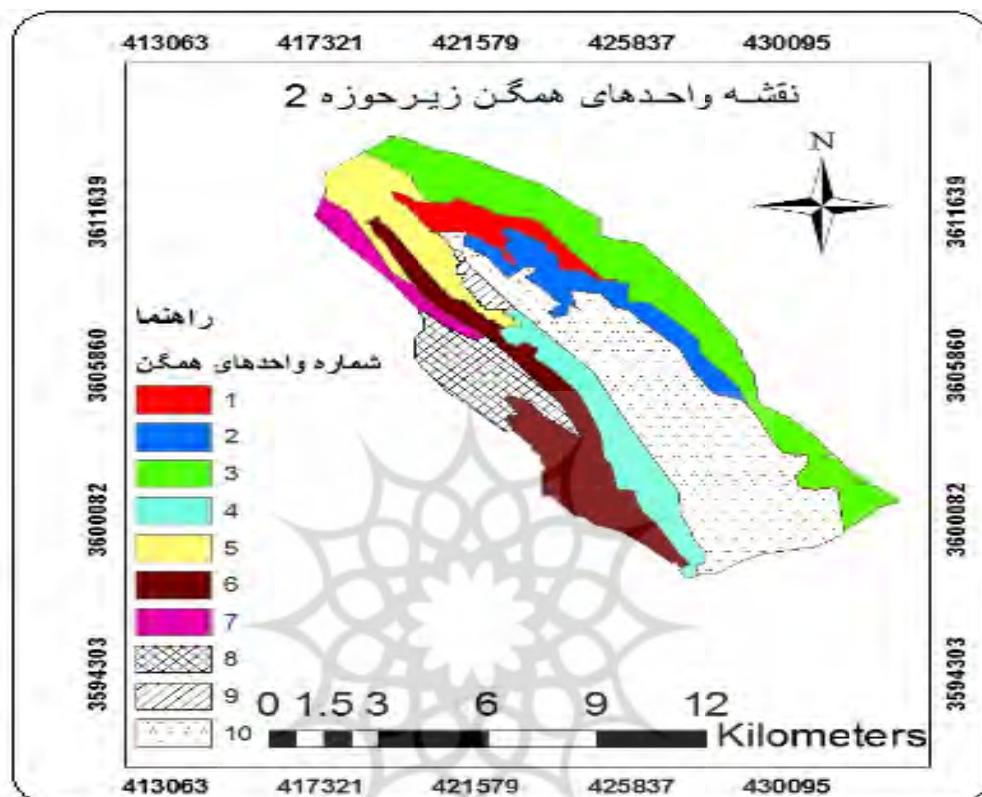


شکل ۱. موقعیت گستره مورد مطالعه (زیرحوضه‌ای که حاشیه آن خط پُرنگ است)

### واحدهای همگن

واحد همگن به محدوده‌ای از اراضی گفته می‌شود که ویژگی‌های نسبتاً یکسانی دارند. در پژوهش پیش رو نیز، نقشه واحدهای همگن با همپوشانی کردن نقشه‌های زمین‌شناسی، پوشش‌گیاهی، واحدهای فیزیوگرافی زمین (شامل ارتفاع،

درصد شیب و جهت شیب) و خصوصیت‌های ژئومورفولوژیکی خاک در نرمافزار Arc Gis 9.3 تهیه شد. بر این اساس در زیرحوضه شماره ۲ تعداد ۱۰ واحد همگن تفکیک شدند (شکل ۲).



شکل ۲. نقشه واحدهای همگن زیرحوضه‌ی مورد مطالعه (زیرحوضه ۲)

### نمونهبرداری خاک

برای نمونهبرداری خاک، ابتدا با توجه به نقشه‌های توپوگرافی و جهات شیب، تعداد ۳۷ نقطه در واحدهای همگن مشخص شد و از آنها نمونهبرداری انجام گرفت. نمونه‌ها را بعد از خشک شدن در هوا، از الک ۲ میلی‌متری عبور داده و عواملی که در زیر شرح داده می‌شود، در آزمایشگاه تعیین شدند.

ویژگی‌های فیزیکی شامل:

- ۱- بافت خاک به روش هیدرومتری؛
- ۲- سنگ و سنگ‌ریزه به روش حجمی؛
- ۳- وزن مخصوص ظاهری به روش حجمی.

ویژگی‌های شیمیایی

- ۱- قلیاییت به وسیله دستگاه pH متر کورینگ ۲۲۰؛
- ۲- هدایت الکتریکی به وسیله هدایت سنج مدل METEROHM؛

۳- کربنات کلسیم معادل به روش خنثی کردن کربنات‌های خاک با اسید کلریدریک و تیتراسیون برگشتی؛

۴- کربن آلی به روش اکسیداسیون تر.

با توجه به اینکه در هر واحد همگن چند نمونه خاک برداشت شد، پس از اندازه‌گیری ویژگی‌های فیزیکی و شیمیایی مذکور مربوط به هر نمونه خاک، به دلیل یکسان نبودن مساحت واحدهای همگن، از موارد نامبرده میانگین وزنی به عمل آمد.

### روش رگرسیون فازی

در رگرسیون خطی کلاسیک، به ازای هر دسته از متغیرهای ورودی، یک مقدار مشخص برای متغیر خروجی محاسبه می‌شود؛ در حالی که در رگرسیون فازی، بازه‌ای از مقادیر ممکن برای متغیر خروجی برآورد می‌شود. توزیع این مقادیر به صورتتابع عضویت مشخص می‌شود. رگرسیون فازی ابزار مفیدی برای محققان در زمینه برآورد ارتباط بین متغیرهایی که اطلاعات مبهم و برداشت فازی دارند، با استفاده از مقادیر فازی به دست می‌دهد. هدف از رگرسیون فازی، مدل‌بندی پدیده‌های فازی و مبهم با استفاده از توابع فازی است (شايان‌بنزاد، ۱۳۸۶).

به طور کلی برای برآش یک معادله رگرسیون خطی فازی سه دسته مدل وجود دارد:

۱- مدل‌های رگرسیون امکانی فازی؛

۲- مدل‌های رگرسیون کمترین مربعات؛

۳- مدل‌های رگرسیون مبتنی بر تحلیل بازه‌ای.

در این پژوهش از روش کمترین مربعات استفاده شده است. در این روش، حالتی مورد مطالعه قرار گرفته است که مشاهدات مربوط به متغیر وابسته (رسوب) ناقص (فازی) و مشاهدات مربوط به متغیرهای مستقل (درصد کربنات کلسیم، درصد ماده آلی، جرم مخصوص ظاهری و درصد سیلت) دقیق (غیر فازی) هستند. آن‌گاه بر پایه‌ی این نوع داده‌ها و در نظر گرفتن ۲۰ درصد خطای اندازه‌گیری متغیر وابسته (رسوب)، یک مدل با ضرایب فازی به داده‌ها برآش داده می‌شود. به بیان دقیق‌تر، هدف آن است که بر پایه‌ی مشاهداتی به صورت رابطه شماره ۱، یک مدل بهینه با ضرایب فازی به صورت رابطه شماره ۲، برای توصیف و تحلیل داده‌ها و پیش‌بینی بر پایه آن به دست آوریم (ظاهری، ۱۳۸۷).

$$(\tilde{y}_i, x_{i1}, \dots, x_{in}) \quad , \quad i = 1, \dots, m \quad \text{رابطه (۱)}$$

که در آن  $\tilde{y}_i$ ها اعداد حقیقی و  $x_{ij}$ ها اعداد فازی هستند.

$$\tilde{Y} = \tilde{A}_0 + \tilde{A}_1 x_1 + \dots + \tilde{A}_n x_n \quad \text{رابطه (۲)}$$

که در آن  $\tilde{A}_i$ ها اعداد فازی هستند.

### طریقه محاسبه عوامل مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی

ابتدا ماتریس مشاهدات (داده‌ها) به شکل زیر محاسبه می‌شود (ماتریس X).

$$X = \begin{bmatrix} 1 & x_{11} & \dots & x_{1n} \\ 1 & x_{21} & \dots & x_{2n} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ 1 & x_{m1} & \dots & x_{mn} \end{bmatrix} \quad \text{رابطه (۳)}$$

سپس دترمینان ماتریس  $X$  را در خود ماتریس  $X$  ضرب کرده و ماتریس  $A$  محاسبه می‌شود.

$$A = X^T X = \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^m x_{i0} x_{i0} & \sum_{i=1}^m x_{i1} x_{i0} & \dots & \sum_{i=1}^m x_{in} x_{i0} \\ \sum_{i=1}^m x_{i0} x_{i1} & \sum_{i=1}^m x_{i1} x_{i1} & \dots & \sum_{i=1}^m x_{in} x_{i1} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ \sum_{i=1}^m x_{i0} x_{in} & \sum_{i=1}^m x_{i1} x_{in} & \dots & \sum_{i=1}^m x_{in} x_{in} \end{bmatrix} \quad \text{رابطه (۴)}$$

بردار  $y$  (مقادیر رسوب مشاهده‌ای) و  $s$  (پهنه‌های فازی) طبق روابط زیر محاسبه می‌گردد.

$$\bar{x} = \left( \sum_{i=1}^m y_i x_{i0}, \sum_{i=1}^m y_i x_{i1}, \dots, \sum_{i=1}^m y_i x_{in} \right)^T \quad \text{رابطه (۵)}$$

$$s = \left( \sum_{i=1}^m s_i x_{i0}, \sum_{i=1}^m s_i x_{i1}, \dots, \sum_{i=1}^m s_i x_{in} \right)^T$$

پهنه‌ای فازی  $\bar{x}$  یا  $20/0$  درصد مقادیر رسوب مشاهده‌ای در نظر گرفته شده است. دستگاه‌های  $a$  و  $\sigma$  از رابطه شماره ۶ محاسبه می‌شوند.

$$a = [a_0, a_1, a_2, a_3, a_4]^T = A^{-1} * y \quad \text{رابطه (۶)}$$

$$\sigma = [\sigma_0, \sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \sigma_4]^T = A^{-1} * s$$

$A^{-1}$ : معکوس ماتریس  $A$ :

$y$ : بردار:

$s$ : پهنه‌های فازی هستند.

آن‌گاه مدل بهینه برازشی بر داده‌ها براساس رابطه ۲ و دستگاه‌های  $a$  و  $\sigma$  به صورت زیر است.

$$\tilde{Y} = [a_0, \sigma_0]^T + [a_1, \sigma_1]^T x_1 + [a_2, \sigma_2]^T x_2 + \dots + [a_n, \sigma_n]^T x_n \quad \text{رابطه (۷)}$$

در این رابطه  $\tilde{Y}$ : رسوب برآورده مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی و  $x_i$ ‌ها عوامل فیزیکی و شیمیایی مورد استفاده در برازش مدل هستند.

### انتخاب عوامل مورد استفاده برای برازش مدل

برای برازش مدل با استفاده از رگرسیون کمترین مربعات فازی، ویژگی‌های فیزیکی و شیمیایی شرح داده شده خاک را در مقابل مقدار رسوب مشاهده‌ای واحدهای همگن، با استفاده از نرم‌افزار Minitab 16 مورد آزمون تجزیه مؤلفه‌های اصلی (PCA) قرار داده و ویژگی‌هایی که ضرایب کمتر و اثر مشترک با مقدار رسوب داشتند، حذف شدند. درنهایت از بین عوامل ذکر شده کربنات کلسیم، درصد ماده آلی، وزن مخصوص ظاهری و درصد سیلت ضرایب بالاتری داشتند و برای برازش مدل انتخاب شدند.

### یافته‌های پژوهش

مدل برآش داده شده داده‌ها براساس رابطه شماره ۷ به شکل زیر است.

$$\tilde{Y} = (0.0139, 0.0028) - (0.0042, 0) \times x_1 + (0.1771, 0.0354) \times x_2 + (0.9014, 0.1803) \times x_3 + (0.0628, 0.0126) \times x_4 \quad (8)$$

در این رابطه

$\tilde{Y}$ : تولید رسوبر در هر واحد همگن (تن در هکتار در سال);

$x_1$ : درصد کربنات کلسیم معادل در هر واحد همگن؛

$x_2$ : درصد کربن آلی در هر واحد همگن؛

$x_3$ : وزن مخصوص ظاهری خاک در هر واحد همگن؛

$x_4$ : درصد سیلت در هر واحد همگن هستند (پارامترهای  $x_1, x_2, x_3$  و  $x_4$  به صورت وزنی هستند).

همان طور که مشاهده می‌شود در این مدل، درصد کربنات کلسیم معادل (درصد آهک) با مقدار تولید رسوبر رابطه عکس و دیگر عوامل رابطه مستقیم دارند.

### نیکوبی برآش

همان‌طور که از نام آن بر می‌آید، آزمون نیکوبی برآش برای تعیین اینکه آیا یک توزیع خاص به خوبی برآش داده شده است یا نه، به کار می‌رود. محاسبه نسبت نیکوبی برآش همچنین کمک می‌کند تا توزیع‌های ثابت شده را بر حسب آنکه چقدر خوب با داده‌ها برآش دارند، رتبه‌بندی شوند.

برای آزمودن روش فازی این پژوهش، از آزمون نیکوبی برآش استفاده شده است. در این روش از نسبت اشتراک به اجتماع رسوبر برآورده بروز مشاهده‌ای (واقعی) استفاده می‌شود (رابطه ۹). هرچه نمودار رسوبر فازی و نمودار رسوبر مشاهده‌ای همپوشانی بیشتری داشته باشند، نشان‌دهنده دقت مدل فازی است. اگر این نسبت از  $0.45$  بیشتر باشد، بیانگر دقت خوب این مدل و هرچه این نسبت به یک نزدیکتر باشد، دقت مدل بالاتر است (پژوهش و همکاران،  $1390$ ).

$$SH = \frac{\sum_{i=1}^n A \cap B}{\sum_{i=1}^n A \cup B} \quad (9)$$

SH: نسبت نیکوبی برآش، A: رسوبر واقعی و B: رسوبر برآورده از مدل فازی هستند.

### محاسبه تولید رسوبر

تولید رسوبر هر واحد همگن و در نهایت تولید رسوبر کل زیرحوضه با توجه به مدل برآش داده شده بر داده‌ها (رابطه ۸) محاسبه و نتایج آن در جدول شماره ۱ نشان داده شده است. همان‌گونه که در این جدول ملاحظه می‌شود، پارامترهای محاسبه شده در مدل‌های رگرسیون فازی، به صورت اعداد فازی هستند که دربرگیرنده مقدار مرکزی و همچنین درجه ابهام یا عدم قطعیت امکانی آنها هستند. بنابراین مقادیر ابهام نشان می‌دهد، رسوبر برآورده در هر واحد همگن بین یک دامنه قابل تغییر است که پهنانی چپ ابهام، دربرگیرنده مقادیر کوچکتر رسوبر و پهنانی راست، ابهام منطبق با مقادیر

بزرگتر رسوب است. همان‌طور که در جدول شماره ۱ مشاهده می‌شود، واحد همگن ۱ بیشترین مقدار تولید رسوب را داشته است (۱۱/۰ تن در هکتار در سال) که این امر ناشی از بالا بودن درصد سیلت و وزن مخصوص ظاهری است. بررسی نقشه زمین‌شناسی و بازدیدهای صحرایی به عمل آمده نشان داد که ۳۷ درصد مساحت این واحد را سازند گچساران به سن میوسن (متشکل از مارن‌های خاکستری با میان‌لایه‌های ماسه‌سنگ و آهک ماسه‌ای) و ۲۲/۸۴ درصد مساحت آن را سازند سروک (متشکل از آهک اوربی‌تولین‌دار و در بخش پایینی به طور محلی دارای رسوب‌های تبخیری) پوشانده شده است، براساس تقسیم‌بندی سنگ‌ها از نظر فرسایش (رفاهی، ۱۳۸۲) این دو گروه از سنگ‌ها در گروه فرسایشی خیلی زیاد قرار می‌گیرند. بنابراین حساسیت سازندهای زمین‌شناسی به فرسایش، به‌دلیل وجود سازندهای حساس به فرسایش ذکر شده، از دیگر دلایل تولید رسوب بالای این واحد همگن به‌شمار می‌آیند. همچنین واحد همگن شماره ۹ دارای کمترین مقدار تولید رسوب است (۰/۰۲۲ تن در هکتار در سال). پایین بودن مقدار ماده آلی و مقاومت سازندهای زمین‌شناسی به فرسایش، به‌دلیل وجود سازندهایی چون خانه کت و دلان، از دلایل تولید رسوب پایین این واحد هستند. این دو سازند به‌دلیل ترکیب سیلیس همراه با آهک، نسبت به فرسایش و تولید رسوب مقاوم هستند (احمدی، ۱۳۸۵).

رسوب برآورده بددست آمده از مدل فازی در هر واحد همگن، به‌صورت وزنی محاسبه شد و مجموع رسوب وزنی ۱ واحد همگن، به‌عنوان رسوب تولیدی کل زیرحوضه در نظر گرفته شده است. همان‌طور که در جدول شماره ۱ مشاهده می‌شود، رسوب برآورد شده کل زیرحوضه به‌وسیله مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی ۲/۶۲۵ تن در هکتار در سال است.

جدول ۱. برآورد تولید رسوب به‌وسیله مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی

| ابهام | رسوب برآورده مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی (ton/ha/year) | X4    | X3    | X2    | X1 *  | واحد همگن  |
|-------|---|-------|-------|-------|-------|------------|
| ۰/۰۲۳ | ۰/۱۱۱   | ۰/۷۴۹ | ۰/۰۵  | ۰/۰۵۷ | ۱/۱۴۴ | ۱          |
| ۰/۰۳۵ | ۰/۱۷۹   | ۱/۱۹۶ | ۰/۰۷۵ | ۰/۱۲۹ | ۲/۴۸۱ | ۲          |
| ۰/۱۰۸ | ۰/۵۱۲   | ۴/۴۵۸ | ۰/۲۴  | ۰/۱۸  | ۷/۲۸۱ | ۳          |
| ۰/۰۴۳ | ۰/۲۱۸   | ۱/۶۲۹ | ۰/۰۸  | ۰/۱۶۸ | ۱/۳۴۲ | ۴          |
| ۰/۰۴۱ | ۰/۲۰۰   | ۱/۵۲۰ | ۰/۰۸۴ | ۰/۱۲  | ۲/۲۲۷ | ۵          |
| ۰/۰۷۱ | ۰/۳۲۹   | ۲/۸۷۴ | ۰/۱۳۶ | ۰/۲۱  | ۳/۵۰۹ | ۶          |
| ۰/۰۱۴ | ۰/۰۶۱   | ۰/۳۵۳ | ۰/۰۳۳ | ۰/۰۲۸ | ۰/۸۳۱ | ۷          |
| ۰/۰۳۷ | ۰/۱۸۲   | ۱/۳۴۹ | ۰/۰۷۹ | ۰/۰۹۸ | ۱/۸۳۹ | ۸          |
| ۰/۰۰۶ | ۰/۰۲۲   | ۰/۰۵۲ | ۰/۰۱۱ | ۰/۰۲۳ | ۰/۳   | ۹          |
| ۰/۱۷۱ | ۰/۸۱۱   | ۷/۴۳۱ | ۰/۳۱۲ | ۰/۵۲۵ | ۹/۶۶۱ | ۱۰         |
| ۰/۵۵۲ | ۲/۶۲۵   | -     | -     | -     | -     | کل زیرحوضه |

### نیکویی برآذش

نیکویی برآذش بین رسوب مشاهده‌ای و رسوب برآورده مدل فازی برای هر واحد همگن و برای کل زیرحوضه در

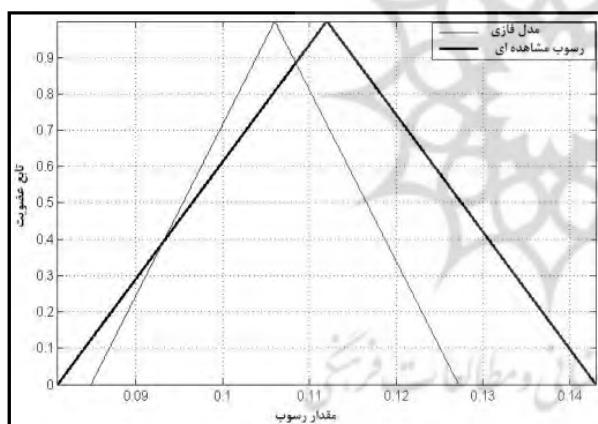
نرم افزار متلب انجام شد. از نسبت سطح اشتراک به اجتماع نمودارهای رسوب برآورده مدل فازی و رسوب مشاهده ای، نسبت نیکویی برازش به دست آمد. این نسبت برای کل زیرحوضه  $0/73$  محاسبه شد. با توجه به یافته های پژوهش و همکاران (۱۳۹۰) و همچنین طاهری و ماشین چی (۱۳۸۷)، اگر این نسبت از  $0/45$  بیشتر باشد، دقت مدل برازشی مطلوب است. بنابراین دقت مدل برازشی بر داده ها در این پژوهش مطلوب است. در جدول شماره ۲، نسبت نیکویی برازش واحدهای همگن و در شکل شماره ۳، نمودار نیکویی برازش کل زیرحوضه و همچنین نمودار تابع عضویت چند واحد همگن برای نمونه آورده شده است. در نمودارهای نیکویی برازش، محور X مقدار رسوب و محور Y تابع عضویت را نشان می دهد.

جدول ۲. نسبت نیکویی برازش در واحدهای همگن

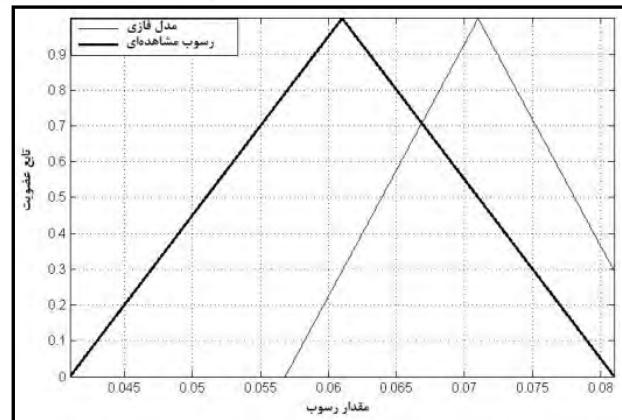
| واحدهای همگن | ۱    | ۲    | ۳    | ۴   | ۵    | ۶    | ۷    | ۸    | ۹    | ۱۰   | کل زیرحوضه |
|--------------|------|------|------|-----|------|------|------|------|------|------|------------|
| **           | ۰/۶۱ | ۰/۵۴ | ۰/۷۲ | ۰/۷ | ۰/۷۳ | ۰/۷۳ | ۰/۳۳ | ۰/۷۴ | ۰/۲۴ | ۰/۷۷ |            |

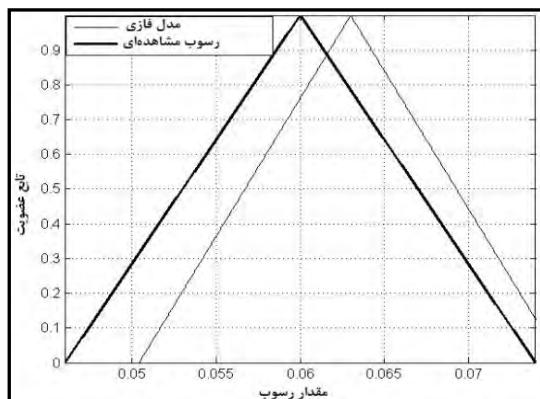
\*\*: نسبت نیکویی برازش

شکل ۳. نمودار تابع عضویت واحد همگن ۱



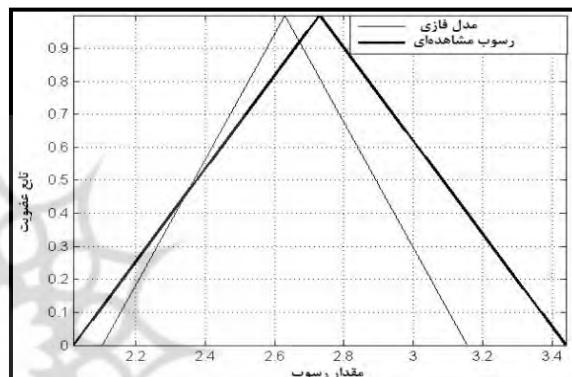
شکل ۴. نمودار تابع عضویت واحد همگن ۷





شکل ۵. نمودار تابع عضویت واحد همگن ۱۰

شکل ۶. نمودار تابع عضویت کل زیرحوضه



### مقایسه رسوبرآوردهی مدل رگرسیون فازی و رسوبر مشاهده

پژوهش و همکاران (۱۳۹۰) رسوبر مشاهده‌ای را برای کل زیرحوضه سالانه ۲/۶۳ تن در هکتار اندازه‌گیری کردند. رسوبر مشاهده‌ای هر واحد همگن به صورت وزنی محاسبه شد. نتایج مقایسه رسوبر برآوردهی مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی و رسوبر مشاهده‌ای در جدول شماره ۳ نشان داده شده است. همان‌طور که در جدول مشاهده می‌شود، درصد اختلاف رسوبر مشاهده‌ای و رسوبر برآوردهی رگرسیون کمترین مربعات فازی ۰/۱۹ است (رسوبر برآوردهی مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی، ۰/۱۹ درصد کمتر از مقدار رسوبر مشاهده‌ای است). نتایج این پژوهش با یافته‌های پژوهش و همکاران (۱۳۹۰) که نشان دادند مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی در مدل‌سازی بار رسوبر مدلی توانمند است و همچنین کیسی و همکاران (۲۰۰۶) که عملکرد بهتر تابع عضویت مثلثی فازی را در برآورد رسوبرهای معلق رودخانه گزارش کردند، همخوانی دارد.

جدول ۳. مقایسه رسوبر برآوردهی بهوسیله مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی و رسوبر مشاهده‌ای

| درصد اختلاف رسوبر برآوردهی مدل فازی با<br>رسوبر مشاهده‌ای | رسوبر مشاهده‌ای<br>(ton/ha/year) | رسوبر برآوردهی مدل فازی<br>(ton/ha/year) |
|---|----------------------------------|--|
| -۰/۱۹   | ۲/۶۳۰                            | ۲/۶۲۵                                    |

## بحث و نتیجه گیری

برآورد و پیش‌بینی بار رسوب حوضه آبخیز در طیف گسترده‌ای از مسائل، مانند مهندسی رودخانه، طراحی سدها، انتقال آب‌دگی، تأثیرات زیست‌محیطی، آبخیزداری و بسیاری از بخش‌های منابع آب کاربرد دارد.

در این پژوهش به مدل سازی بار رسوب زیر حوضه ۲ حوضه آبخیز زاینده رود علیا با استفاده از مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی پرداخته شد. نتایج نشان داد که رسوب برآورده شده کل زیر حوضه به وسیله مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی ۲/۶۲۵ تن در هکتار در سال است که واحد همگن ۱۰ حساس‌ترین واحد همگن به فرسایش و تولید رسوب است و باید در برنامه‌های حفاظتی در اولویت قرار گیرد. نسبت نیکویی برازش بین رسوب مشاهده‌ای و رسوب برآورده با استفاده از مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی در این زیر حوضه، ۰/۷۳ محاسبه شد که با توجه به یافته‌های پیشین مدل برازشی بر داده‌ها دارای دقت مطلوبی است. با توجه به یافته‌های این پژوهش چنین استنباط می‌شود که مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی، برای مدل سازی و برآورد رسوب در این زیر حوضه‌ها و حوضه‌های مشابه، قابلیت کاربرد مناسبی دارد.

مقایسه بین رسوب برآورده مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی و رسوب مشاهده‌ای نشان داد که اختلاف بین رسوب مشاهده‌ای و رسوب برآورده رگرسیون کمترین مربعات فازی بدین گونه است که رسوب برآورده مدل رگرسیون کمترین مربعات فازی، ۰/۱۹ درصد کمتر از مقدار رسوب مشاهده‌ای است.

## منابع

- احمدی، ح.، فیض‌نیا، س. (۱۳۸۵). سازنده‌ای دوره کواترنر، تهران: انتشارات دانشگاه تهران.
- پژوهش، م. (۱۳۹۰). تعیین ضریب فرسایش‌پذیری خاک و مدل سازی بار رسوب با استفاده از رگرسیون چند متغیره و فازی و سیستم استنتاج فازی در حوضه سد زاینده رود علیا. رساله دکترای دانشکده کشاورزی، دانشگاه تهران.
- رفاهی، ح. (۱۳۸۲). فرسایش آبی و کنترل آن، جلد اول، تهران: انتشارات دانشگاه تهران.
- شایان‌نژاد، م. (۱۳۸۶). مقایسه روش‌های شبکه‌های عصبی مصنوعی و رگرسیون فازی در تحلیل هیدرولیکی جریان از میان سدهای پاره سنگی. مجله پژوهش آب ایران، سال اول، شماره ۱، صص. ۱۱-۱۶.
- طاهری، م؛ ماشین‌چی، م. (۱۳۸۷). مقدمه‌ای بر احتمال و آمار فازی، کرمان: انتشارات دانشگاه شهید باهنر.
- مخدم، م. (۱۳۸۱). شالوده آمایش سرزمین، چاپ پنجم، تهران: انتشارات دانشگاه تهران.
- Dogan, E., Sasal, M. and Isik, S., 2005, **Suspended Sediment Load Estimation in Lower Sakarya River by Using Soft Computational Methods**, Proceeding of the International Conference on.september. china.
- Foster, G.R., McCool, D.K., Renard, K.G., and Moldenhauer, W.C., 1981, **Conversion of the Universal Soil Loss Equation to SI Metric Units**, Journal of Soil and Water Conservation, Vol. 36, No. 6, PP. 355-359.

- Kinnell, P.I.A., 2005, **Raindrop- Impact- Induced Erosion Processes and Prediction: A Review**, Hydrological Processes, Vol. 19, No. 14, PP. 2815-2844.
- Kisi, O., Karahan, M. E. and Sen, Z., 2006, **River Suspended Sediment Modeling Using a Fuzzy Logic Approach**, Hydrological Processes, N.20, PP. 4351-4362.
- Moss, A.J., and Green, P., 1983, **Movement of Solids in Air and Water by Raindrop Impact, Effects of Drop-size and Water-depth Variations**, Australian Journal of Soil Research, Vol. 21, PP. 257-269.
- Pieri, L., Bittelli, M., Wu, J.Q., Dun, S., Flanagan, D.C., Pisa, P.R., Ventura, F., and Salvatorelli, F., 2007, **Using the Water Erosion Prediction Project (WEPP) Model to Simulate Field-observed Runoff and Erosion in the Apennines Mountain Range**, Italy. J. Hydro., Vol. 336, PP. 84-97.
- Rose, C.W., 1985, **Development in Soil Erosion and Deposition Models**, Advances in Soil Science, Vol. 2, PP. 1-63
- Rose, C.W., Williams, J.R., Sander, G.C., and Barry, D.A., 1983, **A Mathematical Model of Soil Erosion and Deposition Processes: I. Theory for a Plane Land Element**, Soil Science Society of America Journal, Vol. 47, No. 5, PP. 991-995.
- Rose, C.W., Yu, B., Ghadiri, H., Asadi, H., Parlange, J.Y., Hogarth, W.L., and Hussein, J., 2006, **Dynamic Erosion of Soil in Steady Sheet Flow**, Journal of Hydrology, Vol. 333, No. 2-4, PP. 449-458.
- Sheridan, G.J., So, H.B., Loch, R.J., Pocknee, C., and Walker, C.M., 2000, **Use of Laboratory-Scale Rill and Interrill Erodibility Measurements for the Prediction of Hillslope- Scale Erosion on Rehabilitated Coal Mine Soils and Overburdens**, Australian Journal of Soil Research, Vol.38, No. 2, PP. 285-297.
- Tangestani, M. H., 2006, **Comparison of EPM and PSIAC Models in GIS for Erosion and Sediment Yield Assessment in a Semi-arid Environment: Afzar Catchment, Fars Province, Iran**, Journal of Asian Earth Sciences, 27, PP. 585-597.
- Valmis, S., Dimogiannis, D., and Danalatos, N.G., 2005, **Assessing Interrill Erosion Rate from Soil Aggregate Instability Index, Rainfall Intensity and Slope Angle on Cultivated Soils in Central Greece**, Soil and Tillage Research, Vo. 80, No. 1, PP.139-147.
- Yu, B., and Rosewell, C.J., 2001, **Evaluation of WEPP for Runoff and Soil Loss Prediction at Gunnedah, NSW, Australia**, Australian Journal of Soil Research, Vol. 39, PP. 1131-1145.
- Zhang, X.C., Li, Z.B., and Ding, W.F., 2005, **Validation of WEPP Sediment Feedback Relationships Using Spatially Distributed Rill Erosion Data**, Soil Science Society of America Journal, Vol. 69, PP. 1440-1447.
- Zhang, X.C., Nearing, M.A., Miller, W.P., Norton, L.D., and West, L.T., 1998, **Modeling Interrill Sediment Delivery**, Soil Science Society of America Journal, Vol. 62, PP. 438-444.