

مفهوم امتدادمندی جسم طبیعی در طبیعت‌سینوی

* غلامحسین رحیمی

چکیده

مفهوم امتداد در علوم طبیعی و ویژگی امتدادمندی اشیای مادی نزد حکماء اسلامی مفروض و بدیهی انگاشته شده است. اینکه جسم مادی امری عریض و طویل و عمیق است، تقریباً پذیرفته همه حکماءست؛ هرچند در توصیف و تبیین آن شیوه‌های متفاوتی را به کار گرفته‌اند. شاید به جرئت بتوان گفت تنها مفهوم عقلی‌ای که مشترک بین همه حکماء متقدم و متاخر است، همین ویژگی امتدادمندی اشیای طبیعی است. به علت بدیهی انگاشتن امتدادمندی و نیز تواتر و تکرار در پذیرش این مفهوم، به تبیین دقیق موضوع امتدادمندی چندان عنایت نشده و به‌ویژه این کمیت با نگاه جدیدتر و متأثر از یافته‌های ذیربط دانش جدید‌کمتر مورد فحص واقع شده است؛ به‌گونه‌ای که از زمان این‌سینا تاکنون، همان‌گونه که در این مقاله نشان داده می‌شود، تبیین جدیدتر و متفاوتی از مفهوم بعد و امتدادمندی ارائه نشده است.

در این مقاله، با بهره‌گیری مستقیم از مباحث این‌سینا درباره جسم ممتد، کوشیده‌ایم که تقریری نسبتاً جدید از مفهوم امتداد عرضه کنیم. بهلاوه بر آنیم تا موضوع امتداد را تنها متعلق به حوزه علوم عقلی محض نبینیم و آن را بخشی از موضوع دانش جدید نیز به شمار آوریم. از این‌رو به نسبت امتداد و مقاومت‌های همانند آن در ریاضی نیز توجه کرده‌ایم.

کلیدواژه‌ها: امتداد، بعد، جسم طبیعی، دستگاه ممتد، دستگاه مختصات، طبیعت‌سینوی.

مقدمه

دستیابی به معرفتی که هم به جنبه‌های مابعدالطبیعی (عقلی) دانش توجه کند و هم ابعاد طبیعی (تجربی) آن را دربرگیرد، نخستین گام در دستیابی به معرفت جامع است. در این دیدگاه، تعارض میان مباحث عقلی و تجربی از میان برداشته می‌شود و تمایزی که مشخص‌کننده مرزها و روش دو حوزه معرفتی است، بر جای می‌ماند. در این رویکرد، هر حوزه معرفتی متکلف توصیف وجهی از وجوده یک واقعیت واحد عینی اما چندبعدی است و لذا ساحت‌های مختلف معرفتی رویکردنی نسبت به یکدیگر دارند. این پیوستگی بین مباحث را با درپیش نهادن موضوعاتی که پرداختن به آنها مشترک بین علم و فلسفه است، می‌توان نشان داد و یا برقرار کرد. این مقاله موضوع امتداد را به منزله مفهومی مشترک بین علم و فلسفه کانون بحث قرار می‌دهد. مهم‌ترین مؤلفه این مقاله جمع بین داده‌های معرفتی مختلف در بحث امتداد است. شیوه بحث بازتاباننده این واقعیت است که اگر در مباحث حکما درباره موضوع امتداد، و موضوعات مانند آن، داده‌های یک حوزه معرفتی توسط حوزه‌دیگر مسکوت می‌ماند و یا حتی نفی می‌شود، مشکل معرفت‌شناختی نیست، بلکه معضل روش‌شناختی است.

صاحب‌نظران و محققان علم و فلسفه به مفهوم امتداد در جسم طبیعی کمتر توجه کرده‌اند. بر اساس بررسی و مرور نگارنده، مقاله‌مستقلی در داخل کشور درباره امتداد نگاشته نشده است. بحث امتداد اغلب ذیل مبحث «جسم» و یا در بخشی از آن مبحث مطرح شده است. مقاله پیش‌رو، که در حقیقت در راستای تکمیل مقاله پیشین نگارنده است،^(۱) هم تقریری کمابیش متفاوت از مفهوم امتداد در حکمت سینوی به دست می‌دهد و هم هرجا که اقتضای بحث بوده، مفاهیم مشابه علم تجربی را به صورت تطبیقی مطرح کرده است.

طرح مسئله

به گونهٔ تعجب برانگیزی حکماء مسلمان در ممتد دانستن جسم طبیعی متفق‌اند و این صفت را در جسم طبیعی مفروض و ذاتی دانسته‌اند. به عبارت دیگر برخلاف مفهوم جسم طبیعی که برخی آن را مرکب از ماده و صورت دانسته‌اند و بعضی این ترکیب را نفی کرده‌اند، مفهوم امتدادمندی جسم نزد حکماء مشاء، اشراقیون و پیروان حکمت متعالیه پذیرفته شده است. برای نمونه، میرداماد می‌نویسد: «إِنَّمَا لِلْجَسْمِ الطَّبِيعِيِّ، بِمَا هُوَ جَسْمٌ طَبِيعِيٌّ، أَنْ يَكُونَ سَنْخُ طَبِيعَتِهِ وَجُوهرَ مَاهِيَتِهِ مَمْتَدًّا فِي الْجَهَاتِ الْثَّلَاثِ عَلَى الْإِطْلَاقِ. فَهَذَا لَهُ فِي مَرْتَبَةِ ذَاتِهِ». ^(۲)

ملاصدراً نیز بارها این امتدادمندی جسم را تأیید می‌کند و برای نمونه، می‌نویسد: «فِي هَذَا التَّقْسِيمِ أَنْ يَقَالُ الْجُوهرُ إِنْ كَانَ قَابِلًا لِلْأَبعَادِ الْثَّلَاثَةِ فَهُوَ الْجَسْمُ». ^(۳)

بهمنیار بن مربیان در التحصیل ^(۴) و نیز ابوالبرکات در المعتبر همین معنا را از جسم به دست می‌دهند. ^(۵) ابن طفیل در کتاب حی بن یقطان بر اینکه همه اجسام در هر چیزی با هم متفاوت باشند، در دارا بودن ابعاد سه‌گانه، طول و عرض و عمق، مشترک‌اند، تأکید می‌کند. ^(۶) شیخ اشراق نیز در پرتونامه می‌گوید: «هُر جُوهرٍ كَهُ الْبَتَهُ خَالِيٌّ نَشَوَدُ از طُولِيٍّ وَ عَرْضِيٍّ وَ عَمْقِيٍّ مَا آن را جَسْمٌ خَوَانِيْم». ^(۷) و در هیاکل النور بر بدیهی بودن آن تصریح می‌کند: «بَدَانَ كَهُ جَسْمٌ آن اسْتَ كَهُ مَفْصُودٌ بِهِ اشْارَتَ بُودَ، وَ دَرْوَى دَرَازِيٍّ وَ پَهْنَا وَ دُورَى بُودَ بِهِ هِيجَ شَبَهَتِ». ^(۸)

علماء و حکماء متاخر نیز مفهوم بعد و امتدادمندی را به همان صورتی که ابن‌سینا و فلاسفه متقدم توصیف کرده‌اند، پذیرفته‌اند. برای نمونه، علامه طباطبائی در بدایه الحکمة می‌نویسد: «لَارِيبَ أَنْ هَنَاكَ اجْسَامًا مُخْتَلِفَةً تَشَتَّرُكَ فِي اَصْلِ الْجَسْمِيَّةِ الَّتِي هِيَ الْجُوهرُ الْمَمْتَدُ فِي الْجَهَاتِ الْثَّلَاثِ». ^(۹) نیز می‌نویسد: «فَالْجَسْمُ الَّذِي هُوَ جُوهرٌ ذُو اِتَّصَالٍ يُمْكِنُ أَنْ يَفْرُضَ فِيهِ الْامْتَدَادَاتِ الْثَّلَاثِ». ^(۱۰) همچنین استاد مطهّری در درس‌های اشارات، نجات و شفا می‌نویسد:

در باب جسم آنچه روشن و بدیهی است و احتیاج به اثبات ندارد، این است که ما اشیایی را در مقابل خود می‌بینیم که این اشیا قابلیت ابعاد سه‌گانه را دارند. مثلاً این کتاب شیئی است دارای طول و عرض و عمق.^(۱۱)

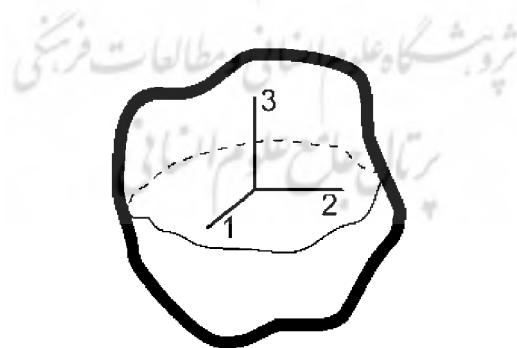
آیت‌الله مصباح نیز در آموزش فلسفه می‌گوید: «روشن ترین ویژگی جسم، امتداد آن در سه جهت است».^(۱۲) نیز آیت‌الله جوادی آملی در فلسفه صدرا بارها به این نکته اشاره می‌کند: «فصل صورت جسمیه، امتداد عمودی در جهات سه‌گانه است، و امتداد، امر بالفعل و متحصل است»؛^(۱۳) «فصل جسم، مفهوم روشن و بی‌ابهام ممتد است».^(۱۴) در غرب ارسطو جسم طبیعی را تصنیف کرد و این معنا مورد پذیرش بود تا دکارت که اصولاً جسم طبیعی و ماده را مترادف امتداد فرض و توصیف کرد. پس از آن نیز دانشمندان علوم عقلی و تجربی امتدادمندی جسم را مستقیم و یا غیرمستقیم تأیید کرده و به کار گرفته‌اند.

از این رو به جرئت می‌توان گفت که در آثار فلاسفه و حکماء مسلمان معنا و مفهوم امتداد و امتدادمندی جسم طبیعی در طول بیش از هزار سال تغییر نیافته و تفسیر جدید و توصیف متناسب با پیشرفت‌های علمی در این زمینه نداشته است.

مفهوم امتدادمندی نزد ابن‌سینا

امتداد^(۱۵) در لغت به معنای درازا و گسترش است.^(۱۶) برای نمونه امتداد شیء به معنای درازای آن، و امتداد راه به معنای طولانی بودن آن، امتداد زمان به معنای طول و مدت زمان، و امتداد حیات به مفهوم طول عمر است. امتداد داشتن نیز به معنای کشیده شدن است. نزد ابن‌سینا نخستین ویژگی ذاتی جسم طبیعی، امتدادمندی یا کشش مکانی یا فضایی است. ابن‌سینا می‌گوید جسم طبیعی جوهری است که بتوان در آن سه امتداد فضایی یا مکانی فرض کرد.^(۱۷) وی برای تصور این امتدادها، آنها را دو به دو برهم عمود فرض می‌کند.^(۱۸) نکته مهم آن است که از جسم طبیعی، به منزله یک واقعیت عینی،^(۱۹)

نمی‌توان ویژگی امتدادمندی را سلب کرد؛ زیرا این ویژگی، ذاتی (جوهری) جسم است. به عبارت دیگر هرچند امتداد کمیت پیوسته‌ای است، صفت کمیت نیست، بلکه صفت جسمی است که این مفهوم را به آن نسبت می‌دهیم؛ و جسم را نمی‌توان از این صفت، مانند اوصاف عَرضی مانند گرمی و سردی، سفتی و نرمی و نظایر آن خلع کرد. این ویژگی را ذهن با مشاهده اشیای طبیعی که بخشی از فضای فیزیکی را اشغال کرده‌اند، و اینکه این ویژگی در همه اشیا مشترک است، استنتاج می‌کند. لذا امتدادمندی، ویژگی مشترک همه اجسام طبیعی است. البته از این کشش مکانی یا فضایی اجسام، ذهن مفاهیم جزئی‌تری را نیز می‌سازد که از آنها به حجم، شکل، هیئت و مکان جسم تغییر می‌شود که قابل تغییر، وضع و سلب‌اند. برای مثال، حجم، حاصل امتدادمندی محدود یا مقید شده جسم در سه جهت درازا، پهنا و سطراست. گواه این امتدادمندی مکانی و یا کشش فضایی اجسام آن است که می‌توان در هر جسمی سه امتداد متعامد فرض و تصور کرد. به عبارت دیگر هم می‌توان سه امتداد عمود بر هم در جسم فرض کرد و هم می‌توان سه امتداد متعامد را در یک جسم طبیعی به گونه‌ی عینی پدید آورد. لذا مفهوم امتداد (سه‌گانه) در اجسام طبیعی حقیقی است نه اعتباری؛ و در نتیجه با فضی اعتبارکننده نقض نمی‌شود. شکل (۱) جسم طبیعی را که در آن سه امتداد عمود بر هم فرض شده‌اند، نشان می‌دهد.



شکل ۱: جسم طبیعی با سه امتداد متعامد مفروض (۲۰)

ابن‌سینا تأکید می‌کند که امتدادمندی جسم، ذاتی است. این امتدادمندی تعین ویژه‌ای ندارد و ناظر به هیچ مقدار کمی مشخصی نیست؛ اما می‌توان امتدادهای معینی را در جسم فرض کرد. این مفهوم امتداد سه‌گانه معین و کمی شده دیگر در جسم جوهری و ذاتی نیست؛ به گونه‌ای که امتدادهای سه‌گانه مفروض در جسمی شکل‌پذیر، مانند گل یا موم (جامد شکل‌پذیر)، یا آب (مایعی که همواره شکل ظرف حاوی خود را می‌گیرد)، با تغییر شکل جسم می‌تواند تغییر کند و دستگاه فرضی اولیه، یعنی سه امتداد متعامد مفروض اولیه، به دستگاه دیگری، یعنی به سه امتداد متعامد دیگر، تبدیل شود، در حالی که کشش فضایی سه‌بعدی جسم، به مثابه یک ویژگی ذاتی برای هر دو جسم همواره برقرار است.^(۲۱) ابن‌سینا حتی به تغییر حالات جسم نیز توجه می‌کند. برای نمونه آب که به سه شکل جامد (یخ)، مایع و گاز (بخار) وجود دارد، در هر سه حالت واجد امتداد است، اما امتدادهای کمی آن در حال تغییرند. نکته مهمی که ابن‌سینا بر آن تأکید می‌کند این است که چون جسم ذاتاً امتدادمند است، لذا فرض ابعاد سه‌گانه در آن ممکن می‌شود، و یا برعکس، فرض امتدادهای سه‌گانه در جسم بدین دلیل امکان‌پذیر است که جسم از ویژگی ذاتی امتدادمندی برخوردار است. لذا جسمیت جسم ناشی از امکان فرض امتدادهای سه‌گانه است، نه به علت فرض یک دستگاه قراردادی مکانی مانند سه بعد مستقیم الخط دویه دو عمود بر هم. امتدادمندی ویژگی‌ای است که مقوم حقیقت جسم است، نه فعلیت ابعاد. به همین دلیل است که ابن‌سینا امکان فرض ابعاد سه‌گانه را در تعریف جسم وارد می‌کند، نه فعلیت آن را.^(۲۲) این دقت، پاسخ به برخی اشکالات ناشی از خلط امتداد ذاتی و امتداد عرضی است که در کتب و مقالات گوناگون مطرح شده‌اند و می‌شوند؛ بدین قرار که برای مثال، اگر ابعاد جسمی مساوی بود، درنتیجه طول و عرض و عمق آن مشخص نیست؛ ولذا تعریف اینکه جسم در راستاهای عرض و طول و عمق امتداد یافته است، صحیح نیست،^(۲۳) و یا اینکه در جسم کروی اصولاً هیچ تمايزی بین ابعادش نیست و به عبارت دیگر طول و عرض و عمق ندارد. در

پاسخ باید گفت که اولاً واضح است که عرض و طول و عمق قراردادی‌اند. برای نمونه اگر جسم به شکل یک مکعب باشد، به علت مساوی بودن اضلاع کسی منکر سه بعدی بودن آن نمی‌شود و امتدادمندی آن را در جهات سه گانه نفی نمی‌کند. اینکه کدام امتداد پهنا و کدام درازا باشد، بسته به قرارداد اعتبارکننده است و بربطی به صفت ذاتی امتدادمندی جسم ندارد. به عبارت دیگر امتدادمندی ذاتی کاملاً متفاوت از بعد کمی جسم است؛ ثانیاً در جسم کروی هم می‌توان ابعاد سه گانه را فرض و تصور کرد و هم اینکه با برش متناسب این سه امتداد را به گونه‌ی عینی پدید آورد.^(۲۴)

به گونه‌ای شگفت‌انگیز، مشابهت نظریه دکارت مبنی بر اینکه ما هیئت جوهر جسمانی امتداد است، با این فقره از نظریه ابن‌سینا بسیار است. در این زمینه، توصیفی که در بخش امتداد و ماده از مقاله «ماده از نظر دکارت» آمده است، مؤید این نکته است.^(۲۵) دکارت در اصول فلسفه می‌گوید:

گرچه هر صفتی برای اینکه شناختی از جوهر به ما بدهد به تنها یعنی کافی است، اما همیشه یک صفت در جوهر هست که طبیعت و ذات جوهر را تشکیل می‌دهد و همه صفات دیگر تابع آن است. مقصود من امتداد در طول و عرض و عمق است که تشکیل دهنده طبیعت جوهر جسمانی است یا اندیشه که تشکیل دهنده طبیعت جوهر اندیشنه است.^(۲۶)

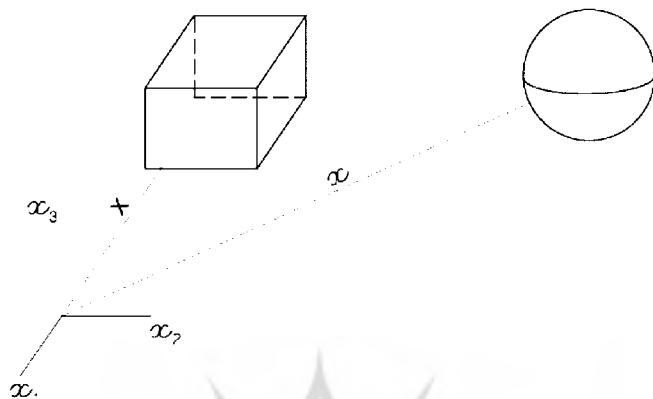
وی ماده را کمیت متصلبی می‌داند که به وضوح تصور پذیر است: «در وهله اول کمیتی را با وضوح و تمایز تصور می‌کنم که فلاسفه معمولاً آن را کم متصلب یا امتداد در درازا، پهنا و سبیرا می‌نامند».«^(۲۷) مهم‌ترین ویژگی ای که در اشیای مادی به وضوح تصور پذیر است (حجم یا امتداد در درازا و پهنا و سبیرا، [و] شکلی [است] که حاصل حد و مرز این امتداد است».«^(۲۸) دکارت مثال موم را ارائه می‌کند و می‌گوید که اگر همه چیزهایی را که به موم تعلق ندارند از آن حذف کنیم چیزی باقی می‌ماند که دارای امتداد، نرم و حرکت‌پذیر است.^(۲۹) منظور از نرم این است که می‌توان آن را به شکل‌های مختلف

درآورده. موم جسمی است که استعداد پذیرش تغییرات (شکل) نامتناهی را دارد. سپس دکارت می‌پرسد که این امتداد چیست؟ در پاسخ دوباره به توضیح خواص جسم می‌پردازد، و عملاً برای این پرسش بنیادین پاسخی درخور ارائه نمی‌کند. به هر حال برداشت نگارنده آن است که دکارت در توضیح و معرفی مفهوم امتداد، چیزی بر آنچه ابن‌سینا و فیلسوفان پس از وی، و پیش از دکارت، مطرح کرده‌اند، نمی‌افزاید. به علاوه اگر ذات اشیا را همان امتداد بدانیم، مانند آنچه دکارت فرض می‌کند، آن‌گاه همان‌گونه که لا یپنیتس می‌گوید تفاوتی میان یک شیء ممتد مانند سنگ، و فضایی که توسط این شیء اشغال شده است، نخواهد بود؛ اما در تعریف ابن‌سینا تنها یکی از خاصه‌های ذاتی جسم امتداد است. در چارچوب تفکر سینوی اگر نقل دکارت را پذیریم، فرق میان جسم تعلیمی (که پس از این معرفی می‌شود) و طبیعی، حتی در مرحله تحلیل ذهنی، از میان خواهد رفت.^(۳۰)

بر این اساس مبنی بر کشش ذاتی مکانی اجسام می‌توان بی‌نهایت دستگاه ممتد مکانی برای جسم، یا در توصیف فضایی جسم، اعتباراً وضع کرد. برای مثال، همان‌گونه که برای یک جسم مکعب مستطیل می‌توان سه امتداد مستقیم عمود بر هم، دستگاه مستقیم الخط قائم، در نظر گرفت، برای یک جسم کروی می‌توان علاوه بر دستگاه یادشده، دستگاه سه‌بعدی کروی نیز اعتبار کرد، که دو امتداد آن در راستای دو دایره عظیمه عمود بر هم و امتداد سوم در راستای شعاع کره عمود بر دو امتداد مزبور است. بنابراین در حالت کلی این سه امتداد می‌توانند نه مستقیم باشند و نه دویه‌دو عمود بر هم. با این توصیف، نیختین خاصه جسم که در طبیعت این‌سینا مطرح است، یعنی امتدادمندی متعین شده، تفاوت چندانی با آنچه اینک در مکانیک، خاصه فضایی جسم فیزیکی (طبیعی) خوانده می‌شود، ندارد. در مکانیک کلاسیک جسم مجموعه ذراتی است که به صورت یک پیوستار، فضای معینی را پر می‌کند؛ حال اگر فاصله ذرات تحت عوامل داخلی و خارجی همواره ثابت بماند، جسم صلب^(۳۱) خوانده می‌شود، و اگر ذرات جسم نسبت به یکدیگر در حرکت و چرخش باشند (مانند موم)، جسم

شکل پذیر^(۳۲) نامیده می‌شود. در هر دو حالت، کشش فضایی یا امتدادمندی جسم مفروض گرفته می‌شود و از این بابت تفاوتی با مفهوم جسمِ ممتدِ مکانی در طبیعت سینوی ندارند. در جسم صلب، عوامل خارجی، مانند نیروهای مکانیکی (طبیعی و اجباری یا قسری)، حرارتی و الکتریکی و میدان‌های مختلف، خطوط مفروض اولیه را از نظر امتداد و زوایای بین آنها، تغییر نمی‌دهند. برای نمونه اگر امتدادهای مفروض اولیه مستقیم و متعامد باشند، پس از تغییر نیز مستقیم و متعامد باقی می‌مانند؛ هرچند ممکن است مکان و جهت آنها تغییر کرده باشد (ناشی از حرکت و دوران جسم صلب). در جسم شکل پذیر، بر اثر عوامل خارجی، امتدادها و زوایا تغییر می‌کنند؛ با این قيد (ذاتی و حقیقی، نه قراردادی) که خاصیت امتدادمندی در جهات سه گانه کماکان برقرار می‌ماند. به عبارت دیگر چنانچه هر نوع تغییری عارض جسم طبیعی سه‌بعدی شود، در جسم تغییریافته امتدادهای سه‌گانه مستقل کماکان قابل فرض و به صورت عینی قابل اشاره و اندازه‌گیری‌اند.

شکل (۲) جسمی را به تصویر می‌کشد که در آغاز - زمان اولیه یا مرجع که در هر حال قراردادی است - به شکل مکعب مستطیل است و چون در معرض تغییرات قرار می‌گیرد به جسم کروی شکل تبدیل می‌شود (مانند آبی که نخست در ظرفی مکعب و سپس در ظرف کروی ریخته شده است). جسم در هر دو وضعیت از ویژگی ذاتی امتدادمندی (در جهات سه گانه) برخوردار است. در ضمن، برای هر دو جسم می‌توان دستگاه سه‌بعدی مستقیم‌الخط قائم را فرض کرد. به علاوه می‌توان برای جسم مکعب‌شکل امتدادهای سه‌گانه را مستقیم متعامد فرض کرد و برای جسم کروی شکل امتدادها را کروی متعامد در نظر گرفت. در تعبیه دستگاه‌های مکانی، بی‌نهایت وضع ممکن است. این نکته، همان‌گونه که ابن‌سینا به دقت بیان و برای آن مثال عددی ذکر می‌کند، می‌بین عَرضی (در اینجا قراردادی) بودن آنهاست؛ اما در هر وضعیت و حالت، جسم هرگز نمی‌تواند از قید سه‌بعدی بودن رها شود؛ و برای مثال به جسم دو‌بعدی و یا مجرد از ابعاد تبدیل گردد.



شکل ۲: جسم مکعب شکل که در خلال حرکت به جسم کروی تبدیل می‌شود. (۳۳)

بنابراین امتداد، خاصه‌ای ذاتی است که نشان‌دهندهٔ تصرف فضایی جسم است. برای تبیین این خاصه، ممکن بودن فرض ابعاد سه‌گانه در جسم اثبات می‌شود. همان‌گونه که نشان داده خواهد شد، این ابعاد در فضای سه‌بعدی، سه کمیت مستقل از هماند که می‌توانند ترکیبی از طول و زاویه باشند.

با اوصاف مزبور، این‌سینا امتدادمندی را در دو معنا به کار می‌گیرد. در نخستین مفهوم، امتداد به معنای کشش ذاتی جسم طبیعی در سه راستای فضایی است که ناظر به هیچ مقدار کمی مشخصی نیست، بلکه تنها از یک خاصیت مشترک ذاتی اجسام حکایت می‌کند که مصادیق عینی آن کمیت قابل اندازه‌گیری و توصیف ریاضی است. این خاصه، محصول تجزیری ذهنی است که با مشاهده انواع متفاوت جسم حاصل شده است؛ لذا از جنس معرفت تجزیری است. از امتداد ذاتی تنها می‌توان برداشت حسی داشت و عقلاً آن را اثبات کرد. دومین معنا، ناظر به امتدادها یا راستاهای کمی معین است. این امتداد از نظر مقدار، جهت، و نسبت پیوسته در حال تغییر است؛ لذا صفت کمیت به شمار می‌آید و از جنس عرض است. این معنا حاصل تجربهٔ مستقیم بشر در رویارویی با اشیای طبیعی است؛ لذا

از جنس معرفت تجربی است. امتداد عَرضی را می‌توان اندازه‌گیری و مقایسه کرد. واضح است که در کامل و عمیق هر کدام از مفاهیم، وابسته به درک دقیق دیگری است. می‌توان مفهوم نخست را امتداد ذاتی و مفهوم دوم را امتداد عَرضی خواند.

سه بعدی بودن امتدادها

همه حکما جسم طبیعی را واجد سه بعد متقاطع دانسته‌اند؛ اما حکم به نفی اجسام کمتر و یا بیشتر از سه بعد نداده‌اند. در هر حال مفهوم بعد و ابعاد سه‌گانه ناشی از تحلیل اجسام عینی است. به عبارت دیگر عقل فارغ از حقیقت خارجی اشیا حکم به سه‌بعدی بودن آنها نکرده است، بلکه در رویارویی با اشیای طبیعی و تجسم و تجسد و حجم بودن آنها، و فهم و تعریف بعد و جهت، به داشتن ابعاد سه‌گانه اذعان نموده است. با این‌همه به لحاظ عقلی امکان‌پذیر است که اشیایی ابعاد کمتر یا بیشتر داشته باشند.

واضح است که در فضای دوبعدی، اجسام طبیعی دارای کشش فضایی در دو جهت‌اند، و به تعبیر ابن‌سینا می‌توان دو امتداد مستقیم عمود بر هم در جسم فرض کرد. در فضای یک‌بعدی اجسام دارای یک بعدند و می‌توان در آنها یک خط ممتد را فرض کرد. بنابراین بحث ابن‌سینا ناظر به اجسام واقعی مستقر در فضای سه‌بعدی است.^(۳۴)

به علاوه، پرسش دیگری که می‌تواند مطرح شود، این است که آیا می‌توان جسم بی‌بعد یا به عبارت دیگر با بعد صفر داشت؟ برای نمونه، درباره کمیت‌هایی مانند انرژی و میدان (مانند میدان‌های جاذبه و الکترومغناطیس) چگونه باید قضاوت کرد؟ در اینجا بحث فضا و مکان استقرار اشیای طبیعی که مشتمل بر ماده و میدان هستند، مطرح می‌شود که باید در جای دیگر به آنها پرداخت.

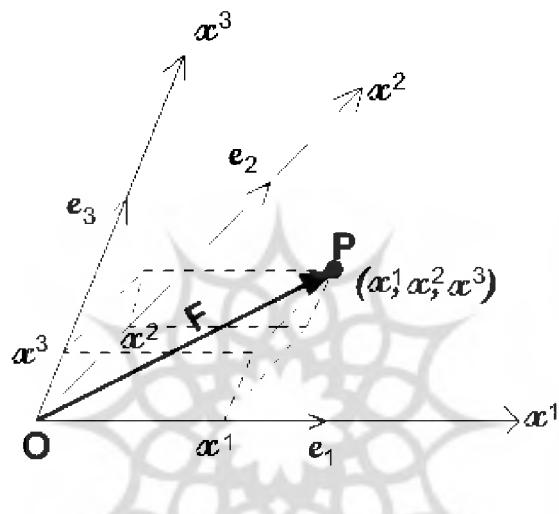
استقامت^(۳۵) و تعامد امتدادها

در همه منابع، موضوع امتداد به وضوح همراه با تعامد آنها مطرح شده است. در همین

منابع برخی به روشنی و بعضی به گونهٔ ضمنی از استقامت امتدادها نیز سخن گفته‌اند. قطب‌الدین شیرازی از محدود حکمایی است که دربارهٔ تعامل امتدادها دلیل آورده است.^(۳۶) وی بیان می‌کند که فقط در صورت تعامل امتدادهاست که می‌توان سه امتداد را فرض کرد و تشخیص داد. اگر امتدادها بر هم عمود نباشند، می‌توان امتداهای بیشتر (زوایای حاده) و یا کمتر (زوایای منفرجه) از سه فرض کرد. البته در چارچوب آموزه‌های فلسفهٔ مشاء و دانش آن دوران، استدلال شیرازی صحیح است؛ زیرا وقتی امتدادها متعامد باشند، جهت ویژه‌ای در جسم برای فرض امتداهای سه‌گانه رجحان ندارد؛ امکان تصور امتدادها آسان‌تر فراهم می‌شود، و در نخستین برخورد، تنها در حالت قائمه بودن زوایای امتدادهاست که می‌توان انحصار سه‌بعدی یا سه‌امتدادی را اثبات و یا بر آن تأکید کرد. در هر حال، در ادامه نشان می‌دهیم که توجه ژرف‌تر به موضوع، این فرض را غلط و یا ناقص می‌نمایاند.

فرض متعامد بودن امتدادهای سه‌گانه تنها یکی از فرض‌ها، و البته متداول‌ترین آنها، از میان بی‌نهایت فرض‌های دیگر است.^(۳۷) به عبارت دیگر سه امتداد مزبور می‌توانند هر زاویه‌ای با هم بسازند؛ متنها با این قید که نمی‌توانند در یک صفحهٔ قرار گیرند و یا بر هم منطبق شوند. شکل (۳) سه امتدادی را در جسم طبیعی نشان می‌دهد که مستقیم‌اند، اما بر هم عمود نیستند. فرض سه امتداد مورب، امتدادمندی فضایی جسم را نقض نمی‌کند؛ اما چون امتدادهای سه‌گانه در یک صفحهٔ واقع شدند، جسم به دو بعد تقلیل می‌یابد و لذا در آن فقط دو امتداد مستقل می‌توان فرض کرد؛ و اگر سه امتداد مزبور بر یکدیگر منطبق شوند، عملًاً جسم یک بعدی است و در آن تنها می‌توان یک امتداد فرض کرد. از این‌رو این فرض این‌سینا را باید بدین‌گونه تکمیل کرد که اولاً سه امتداد لزوماً نباید دویه‌دو بر هم عمود باشند - هرچند که این فرض کماکان در فیزیک و مهندسی متداول‌ترین و پرکاربردترین است - ثانیاً سه امتداد لزوماً نباید در یک صفحهٔ واقع شده باشند؛ چراکه در این صورت حجمی که با این سه امتداد ساخته می‌شود، صفر خواهد

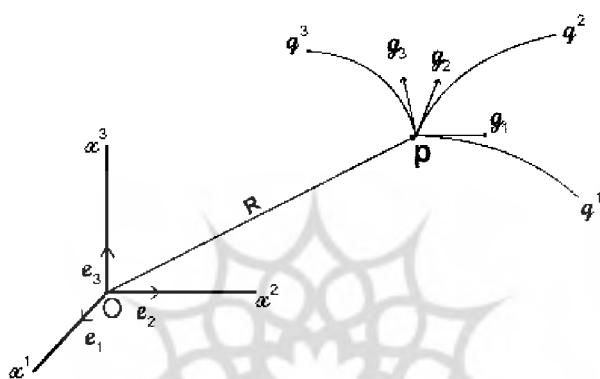
شد (برای مثال، به حجم متوازی السطوح نشان داده شده در شکل ۳ بنگرید)، و درنتیجه جسم به موجود دو بعدی و یا یک بعدی (و حتی یک نقطه) فروکاسته می‌شود.



شکل ۳: جسم طبیعی با سه امتداد مستقیم مورب

علاوه بر این و مهم‌تر از این مسئله، لزومی ندارد که سه امتداد مفروض، مستقیم باشند. به عبارت دیگر، امکان فرض سه امتداد خمیده غیرمتعادم برای جسم، کماکان می‌بین امتدادمندی ذاتی آن است. درباره استقامت امتدادها، حکما یا آن را مسکوت نهاده‌اند و یا آن را بین فرض کرده‌اند؛ لذا توضیحی درباره آن نداده‌اند. چنین برداشت می‌شود که ایشان مستقیم بودن امتدادهای سه‌گانه را مفروض گرفته‌اند؛ اما در فرض امتدادمندی جسم طبیعی نیست که هر سه امتداد و یا برخی از آنها مستقیم باشند. شکل (۴)، سه امتداد مفروضی را در جسم طبیعی نشان می‌دهد که نه مستقیم‌اند و نه عمود بر هم.^(۲۸) در همین شکل، امتدادهای مستقیم متعامد نیز نشان داده شده‌اند تا قراردادی بودن آنها روشن شود. بنابر توضیحات پیشین، هر دو امتداد را عرضی می‌خوانیم.

بنابراین فرض خمیده بودن امتدادهای مفروض، ویژگی امتدادمندی جسم را نقض نمی‌کند، بلکه عمومیت بیشتر به تعریف و توصیف می‌دهد؛ هرچند که فرض امتدادهای مستقیم ساده‌تر است.



شکل ۴: جسم طبیعی با سه امتداد فرضی خمیده و غیرمتعادمد

با اوصاف پیش‌گفته، جسم چون صورت جسمیه^(۳۹) انتخاب کرد و درنتیجه فرض ابعاد سه‌گانه در او ممکن شد، صرف نظر از کمیت ابعاد، جسم طبیعی خوانده می‌شود؛ اما اگر تنها کمیت ابعاد سه‌گانه مدنظر باشد، فارغ از عوارض مادی، با موضوع جسم تعلیمی سروکار خواهیم داشت.

جسم تعلیمی

تاکنون بحث امتداد را در جسم فارغ از کمیت یا مقدار امتداد به پیش بردم. اگر به کمیت‌های مشخص امتداد پردازیم، فارغ از جسمیت جسم، مفهوم دیگری استنتاج می‌شود که در طبیعت سینوی به جسم تعلیمی مشهور است. توپی را در نظر بگیرید. فرض ابعاد سه‌گانه به منزله یک امری ذاتی، فارغ از قطر و ضخامت و همه خواص توپ همواره برقرار است. فرض کنید که اگر باد توپ کم باشد، قطر آن ۱۵ سانتی‌متر، اگر باد

متوسط باشد قطر آن 20 سانتی متر و اگر پرباد باشد، قطرش 25 سانتی متر است. مثالی که این سینما در دانشنامه می آورد این است که اگر مکعب مستطیلی را از موم به ابعاد یک وجب در دو انگشت در یک انگشت درست کنید، جسم ابعاد مشخصی دارد. اکنون اگر این وضعیت را به هم بربایم و شکل دیگری از همان توب یا قطعه موم پدید آوریم، ابعاد مزبور به کلی تغییر می یابند. آنچه در سه حالت مثال اول و یا در دو حالت مثال دوم، و همه حالت‌های مشابه دیگر، همواره ثابت است، خاصیت امتدادمندی و درنتیجه امکان فرض سه امتداد مستقل از هم در جسم (توب و یا قطعه مومی) است؛ اما چنان‌که دیدیم کمیت امتدادها هر لحظه می‌تواند تغییر کند. آنچه ثابت می‌ماند، جسم طبیعی است و آنچه تغییر می‌کند جسم تعلیمی خوانده می‌شود. جسم طبیعی از جنس «جوهر» است و جسم تعلیمی کمیت است و لذا از جنس «مقدار»، و به عبارت دیگر از مقوله اعراض است. ابعاد کمی جسم همواره در معرض تغییرند؛ اما امتداد ذاتی جسم همواره ثابت است. در فیزیک امتداد ذاتی مفروض گرفته می‌شود، و موضوع مورد بحث و محاسبه، به همان ابعاد متغیر که قابل اندازه‌گیری‌اند، محدود می‌گردد.^(۴۰)

با توجه به توضیح مزبور، جسم تعلیمی که از آن در علوم تعلیمی، یعنی دانش ریاضیات و هندسه بحث می‌شود، کم متعلقی است که پذیرای ابعاد سه‌گانه است و بر جسم طبیعی عارض می‌شود^(۴۱) و قائم به جسم طبیعی است. البته هرچند جسم تعلیمی قائم به جسم طبیعی است، به حسب وجود متأخر از آن نیست.

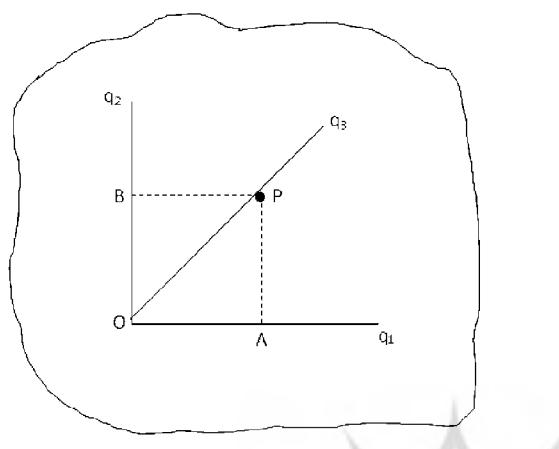
در واقعیت بیرونی، جسم تعلیمی از جسم طبیعی جدا نیست و این دو در واقع متحده و موجود به یک وجودند و تنها در تحلیل عقلی میان آنها تفاوت گذاشته می‌شود. جسم تعلیمی به منزله عَرضی است که عارض جسم طبیعی می‌شود. جسم طبیعی بدون دارا بودن کمیت مشخص، یعنی بدون جسم تعلیمی، نمی‌تواند وجود داشته باشد. برای نمونه، میز، خودرو، درخت، کپسول گاز و اشیای بی‌شمار دیگر، همگی مقید به ابعاد فضایی ویژه‌ای هستند؛ به عبارت دیگر دارای حجم‌اند و یا بخشی از فضای سه‌بعدی را

اشغال می‌کنند، ولذا مفهوم جسم تعلیمی به آنها تعلق می‌گیرد. این تفکیک عقلی جسم طبیعی و جسم تعلیمی، به گونه‌ای همانند نمونهٔ فیزیکی و الگوی ریاضی از یک پدیده یا فرایند واحد طبیعی است؛ با این تفاوت که نمونهٔ فیزیکی نیز کران‌دار و مقید به قیود پرشمار است. تعریف حجم، هیئت، مکان، فضا، و نظایر آن در فیزیک جدید نیز ناشی از فرض امتداد سه‌گانه در اجسام فارغ از عوارض مادی است. در حالت کلی، هر مفهومی که در آن امتدادمندی مندرج باشد، فارغ از خاصهٔ مادی، ربط مستقیمی با جسم تعلیمی می‌یابد.

توصیف ریاضی

با پذیرش تحلیل ابن‌سینا (و دیگر حکما)، در مواجهه با دنیای واقعی و بر اثر تجربه‌های مکرر و متفاوت عینی درمی‌یابیم که جسم طبیعی موجودی است که می‌توان در آن ابعادی را فرض کرد. به عبارت دیگر از کشش فضایی و استقرار مکانی جسم طبیعی درمی‌یابیم که این جسم، ذی ابعاد است. بنابراین بعد داشتن جسم طبیعی را مفروض می‌گیریم. در ادامه، برای نمایش امتدادها از نمادهای ریاضی و برای توصیف ویژگی ذاتی بودن امتدادها، از قواعد حساب بردارها استفاده می‌کنیم. روشن است که چون مجبور به توصیف امتدادهای متعین هستیم، بحث تنها امتدادهای کمی شده را دربرمی‌گیرد.

اکنون این پرسش مطرح می‌شود که چند امتداد ذاتی در جسم طبیعی، مستقر در فضای سه‌بعدی، می‌توان فرض کرد؟ یا جسم طبیعی واجد چند امتداد ذاتی مفروض است. برای این منظور، نخست یک جسم دو بعدی طبیعی را در فضای دو بعدی، در نظر می‌گیریم. واضح است که در این جسم بی‌نهایت امتداد می‌توان رسم کرد که در یک نقطه یکدیگر را قطع کنند. نخست دو امتداد اختیاری متعامد تقاطع در جسم فرض می‌کنیم و آنها را با نماد q_1 و q_2 نمایش می‌دهیم. اکنون امتداد سومی را که دو امتداد مذبور را در نقطهٔ تقاطع O قطع می‌کند، فرض می‌کنیم (شکل ۵ را ببینید).



شکل ۵: جسم طبیعی دو بعدی و امتدادهای مفروض

اکنون نشان می دهیم که به رغم ترسیم امتداد سوم (و یا امتدادهای چهارم و بیشتر)، این امتداد مستقل نیست و عملای امتدادی (ذاتی) بر دو امتداد اولیه، به جسم نمی افزاید. برای این منظور، از نقطه تقاطع، در امتداد اول طولی مشخص (مثلاً سه واحد) و در امتداد دوم نیز طولی معین (مثلاً دو واحد) انتخاب مسی کنیم. خطوط عمود بر این امتدادها را رسم مسی کنیم تا امتداد سوم را در P قطع کنند. از مثلث OAP داریم:

$$q_3^2 = q_1^2 + q_2^2 \quad (1)$$

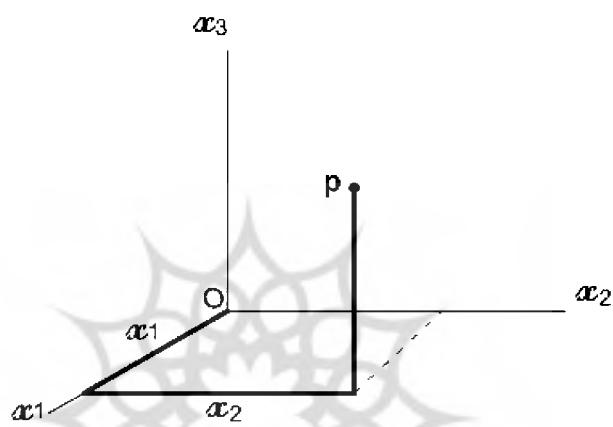
رابطه (1) نشان می دهد که در این حالت سه کمیت (بردار) q_1, q_2, q_3 مستقل از یکدیگر نیستند و یک رابطه درونی بین آنها برقرار است. چون یک رابطه وجود دارد، لذا از این سه کمیت دو تای آنها مستقل و یکی وابسته است. به عبارت دیگر، به رغم ترسیم سه امتداد در جسم دو بعدی، فقط دو امتداد مستقل اند و امتداد سوم را بر حسب دو امتداد اول می توان تعریف کرد. اگر غیر از دو امتداد متعامد اولیه، مثلاً دو امتداد دیگر q_3 و q_4 رسم مسی کردیم، می توان نشان داد که دو رابطه درونی بین کمیت ها به دست می آمد که از میان چهار کمیت q_1, q_2, q_3 و q_4 فقط دو تای آنها را مستقل معرفی مسی کرد. بنابراین در

جسم دو بعدی فقط و فقط دو امتداد ذاتی مستقل می‌توان فرض کرد؛ نه بیشتر و نه کمتر. البته، در جسم دو بعدی می‌توان تنها یک امتداد فرض کرد؛ متنها این یک فرض مجرد و یا ریاضی است و ربطی به مفهوم امتداد به منزله یک ویژگی ذاتی جسم طبیعی ندارد. نکته بسیار مهمی که باید بدان توجه کرد آن است که مثلاً از میان چهار امتداد (کمیت) q_1 ، q_2 ، q_3 و q_4 مفروض و رسم شده، تنها یکی از جفت‌ها، (مثلاً (q_1, q_2) و یا (q_3, q_4)) و یا (q_1, q_4) را می‌توان به منزله دو امتداد مستقل برگزید. این گزینش کاملاً اختیاری است. نتیجهٔ مهم دیگری که از اختیاری بودن گزینش امتدادها می‌توان گرفت، آن است که لزومی بر تعامل امتدادها نیست، و اگر دو امتداد مفروض اول متعامد نبودند، روش اثبات استقلال امتدادها تفاوتی نمی‌کرد.

با توصیف مزبور، برای جسم دو بعدی تنها دو امتداد مستقل می‌توان فرض کرد، و برای استقلال امتدادها لزومی ندارد که آنها عمود بر هم باشند. به عبارت دیگر فرض دو امتداد غیر منطبق بر هم (و نیز غیر متوازی)، برای دو بعدی بودن جسم کافیت می‌کند و هر امتداد دیگری که فرض شود، تابعی از دو امتداد مفروض اولیه خواهد بود؛ با این قید که دو امتداد نمی‌توانند بر روی یک خط واقع شوند؛ زیرا در این صورت عملًا جسم به شیئی یک بعدی تقلیل می‌یابد، که این از نظر فیزیکی محال است. انتخاب دو امتداد متقاطع، کاملاً اختیاری است.

اکنون جسم طبیعی را در فضای سه بعدی در نظر می‌گیریم. سه نماد q_1 ، q_2 ، q_3 را برای نمایش سه امتداد مفروض در جسم به کار می‌گیریم. در اینجا، شاخص بالا، معنای ریاضی خاصی ندارد و بیشتر نشان دهنده یک قرارداد عمومی است و نباید آن را با توان اشتباه گرفت. همان‌گونه که پیشتر اشاره کردیم، نیازی نیست که این سه امتداد مستقیم و یا متعامد باشند.^(۴۲) اجازه دهید که چون این سه امتداد در نقطه‌ای همدیگر را قطع کردن (امتدادها نمی‌توانند موازی باشند) آنها را دستگاه ممتد مکانی بنامیم. اکنون نشان می‌دهیم که سه امتداد می‌توانند در حالت‌ها و وضعیت‌های مختلف تعریف شوند.

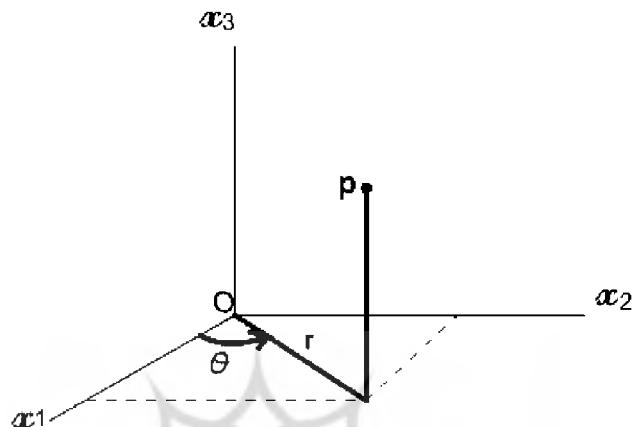
دستگاه ممتد تخت (سینوی): در دستگاه ممتد تخت، سه امتداد مفروض مستقیم و متعامدند. در شکل (۶) امتدادهای $x_1 = q^1$, $x_2 = q^2$ و $x_3 = q^3$ سه خط مستقیم را نمایش می‌دهند که در مبدأ O یکدیگر را قطع کرده‌اند.^(۴۳)



شکل ۶: دستگاه ممتد تخت

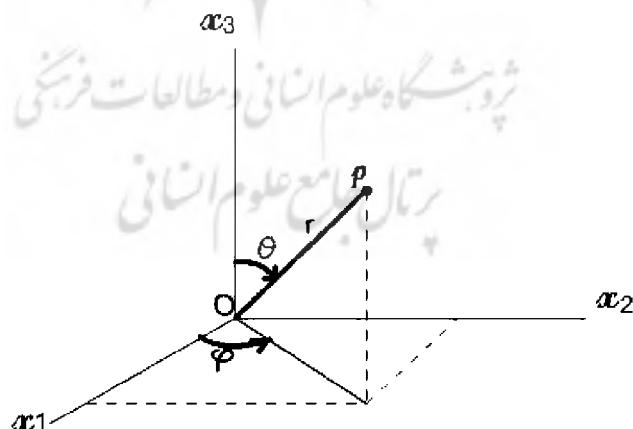
در شکل (۶) سه امتداد مستقیم دو به دو عمود بر هم‌اند؛ اما امتدادها می‌توانند مورب باشند، همان‌گونه که در شکل (۳) نشان داده شده است. در این شکل با استفاده از صفحات امتدادی، حجمی ساخته شده است که در اینجا متوازی السطوح است. اگر امتدادها متعامد باشند، شکل حاصل مکعب مستطیل خواهد بود. اگر این سه امتداد بر هم عمود باشند، می‌توان آن را «دستگاه مکانی سینوی» نامید.^(۴۴)

دستگاه ممتد استوانه‌ای:^(۴۵) دستگاه ممتد تخت $x_1 = q^1$, $x_2 = q^2$ و $x_3 = q^3$ با مبدأ O، نقطه تقاطع سه امتداد، داده شده است. فرض کنید بعد $r = q^1$ فاصله P و امتداد $x_3 = q^3$ باشد، همچنانی بعد $0 = q^2$ زاویه بین نیم‌صفحه حاوی محور x_3 و مثبت محور x_1 و نیم‌صفحه حاوی محور x_3 و نقطه P است؛ و نیز مختص $Z = q^3$ فاصله P از صفحه $x_1 = q^1$ است. در این صورت (r و Z) را می‌توان «دستگاه ممتد استوانه‌ای» خواند^(۴۶) (شکل ۷). در این دستگاه دو امتداد فرضی مستقیم‌اند و امتداد سوم خمیده است. به علاوه، سه امتداد بر هم عمودند.



شکل ۷: دستگاه ممتد استوانه‌ای

دستگاه ممتد کروی: دستگاه ممتد تخت x_3 با مبدأ O داده شده است. فرض کنید $q^1 = \varphi$ امتداد بین P و O باشد. همچنین $q^2 = \theta$ زاویه بین مثبت محور x_3 و بردار OP باشد و $q^3 = \varphi$ زاویه بین نیم صفحه حاوی محور x_3 و مثبت محور x_1 و نیم صفحه حاوی محور x_3 و نقطه P باشد. آنگاه θ و φ امتدادهای کروی^(۴۷) خوانده می‌شوند^(۴۸) (شکل ۸). در این دستگاه یک امتداد مستقیم است و دو امتداد خمیده‌اند. به علاوه سه امتداد عمود بر هم‌اند.



شکل ۸: دستگاه ممتد کروی

با اوصاف گفته شده، واضح است که می‌توان دستگاه‌های ممتد دیگری را به همین ترتیب معرفی و توصیف کرد.

دستگاه ممتد خمیده: در این حالت هر سه امتداد خمیده‌اند. به عبارت دیگر یک دستگاه ممتد خمیده گفته می‌شود (در مقابل دستگاه ممتد تخت قائم یا مورب) اگر امتدادهای فرضی خطوط مستقیم نباشند.^(۴۹) در حقیقت دستگاه‌های تخت، استوانه‌ای و کروی، حالت‌های خاص دستگاه خمیده‌اند. در شکل (۴) دستگاه خمیده همراه با دستگاه تخت و بردار متصل‌کننده نقاط تقاطع نشان داده شده است.

اکنون برای بررسی استقلال امتدادها، سه بردار را در راستای مماس بر امتدادها رسم می‌کنیم. این سه بردار را در دستگاه مختصات تعیین یافته $g_1^1 g_2^2 g_3^3$ پایه یا مبنا می‌خوانیم که به معنای هر مجموعه از بردارهای $g_1^1 g_2^2 g_3^3$ با طول ثابت است که در راستای ابعاد سه‌گانه قرار گرفته‌اند؛ با این توضیح که مثلاً g_1^1 مماس بر امتداد خمیده (q^1) بوده و جهت آن به سمت افزایش q^1 است؛ به همین ترتیب است برای g_2^2 (شکل ۴ را ببینید). باید توجه کرد که در حالت کلی بردارهای پایه (در حقیقت نماینده متعین شده امتدادها) نه عمود بر یکدیگرند و نه لزوماً طول آنها ثابت است (در حقیقت به رغم اینکه از جنس کماند، لزومی به معین بودن آنها از نظر مقدار نیست).

چون منحنی‌های مختص در نقطه P یکدیگر را قطع می‌کنند و هیچ دو تای از آنها نه بر هم منطبق می‌شوند و نه موازی‌اند، لذا آنها هیچ‌گاه به یک سطح، به یک خط، و یا یک نقطه تقلیل نمی‌یابند. بنابراین بردارهای مماس آنها در نقطه P ، دستگاهی از سه بردار را که به طور خطی مستقل‌اند، یعنی $g_1^1 g_2^2 g_3^3$ تشکیل می‌دهند. در جبر خطی اثبات می‌شود که هر سه بردار مستقل خطی در E^3 می‌توانند دستگاه بردارهای پایه را تشکیل دهند. بنابراین آنها در فضای سه‌بعدی، دستگاه ممتدی را معرفی می‌کنند که همه بردارهای دیگر را، که مشخص دستگاه‌های ممتد دیگری هستند، می‌توان نسبت به این دستگاه بردارهای پایه نمایش داد.

۱۰۲ معرفت فلسفی سال دهم، شماره اول، پاییز ۱۳۹۱

قضیه: اگر $\mathbf{g}_1, \mathbf{g}_2, \mathbf{g}_3$ سه بردار پایه در راستای مماس بر امتدادهای q^1, q^2, q^3 باشند، آنگاه سه امتداد مستقل اند، اگر و تنها اگر داشته باشیم:

$$\mathbf{g}_1 \times \mathbf{g}_2 \times \mathbf{g}_3 \neq 0 \quad (2)$$

امکان فرض (وجود) امتدادهای سه گانه واقعی و مستقل در جسم به معنای آن است که جسم از نظر کشش فضایی سه بعدی خواهد بود. رابطه (۲) توصیف ریاضی چنین شرطی را منعکس می سازد.

دستگاههای ممتدی که بردارهای پایه آنها با یکدیگر زاویه قائم می سازند، دستگاههای متعامد^(۵۰) خوانده می شوند. بنابراین دستگاههای تخت، استوانه ای و کروی همگی دستگاههای متعامدند.

ناحیه بی نهایت کوچک از فضا که با سه سطح مختص محدود شده است، حجم زیر را دارد:

$$dV = d\mathbf{s}_1 \cdot (d\mathbf{s}_2 \times d\mathbf{s}_3) = \mathbf{g}_1 \cdot (\mathbf{g}_2 \times \mathbf{g}_3) dq^1 dq^2 dq^3 \quad (3)$$

بنابراین حجم متوازی السطوحی که با بردارهای \mathbf{g}_1 و \mathbf{g}_2 و \mathbf{g}_3 به وجود آمده است، با رابطه زیر داده می شود:

$$\Delta V = \mathbf{g}_1 \cdot (\mathbf{g}_2 \times \mathbf{g}_3) \quad (4)$$

به عبارت دیگر، شرط رابطه (۲) آن است که حجم ساخته شده با سه بردار مماس بر امتدادهای سه گانه نباید صفر شود؛ یعنی بتوان با سه امتداد کمی شده، حجمی را تصور کرد و پدید آورد. این معنا، بیان دیگر لزوم استقلال امتدادهای است؛ زیرا اگر حجم مذبور صفر شود، جسم دیگر سه بعدی نخواهد بود و امکان فرض سه امتداد مستقل مستغای خواهد شد.

شرط عمومی تر برای توصیف ریاضی استقلال (خطی) امتدادها: اگر a_1, a_2, a_3 سه ثابت عددی باشند، آنگاه بردارهای $\mathbf{g}_1, \mathbf{g}_2, \mathbf{g}_3$ مستقل از یکدیگر خواهند بود، اگر رابطه زیر

$$a_1 \mathbf{g}_1 + a_2 \mathbf{g}_2 + a_3 \mathbf{g}_3 = \mathbf{0} \quad (5)$$

فقط و فقط زمانی برقرار باشد که داشته باشیم:

$$a_1 = a_2 = a_3 = 0 \quad (6)$$

وگرنه بردارهای مزبور به طور خطی وابسته هستند. به عبارت دیگر امتدادهای مستقل کمتر از سه خواهد بود.

شرط فوق را برای فضایی با n امتداد می‌توان چنین نوشت: اگر g_i و رابطه زیر را داشته باشیم:

$$\sum_{i=0}^n a_i g_i = 0 \quad (7)$$

g_i ها مستقل خطی خواهند بود، اگر و تنها اگر داشته باشیم: ^(۵۱)

$$a_i = 0 \quad i = 1, 2, \dots, n \quad (8)$$

بنابراین برای اینکه جسم در فضای سه بعدی ممتد باشد، باید بتوان در آن سه امتدادی را فرض کرد که متقاطع مستقل باشند. این سه امتداد می‌توانند مستقیم، خمیده و یا ترکیبی از راستاهای مستقیم و خمیده باشند.

دستگاه مختصات: اگر دستگاه متشکل از سه امتداد مفروض برای اندازه‌گیری موقعیت یک نقطه از فضای سه بعدی مورد نظر، و یا یک ذره از یک جسم طبیعی، و یا تغییرات فضایی عوارض و یا خواص جسم به کار رود، آن را «دستگاه مختصات» می‌نامیم. برای مثال، در شکل (۶)، سه امتدادی را که در جسم ترسیم شده است، می‌توان دستگاه مختصات مستقیم الخط قائم ^(۵۲) نامید. بنابراین «مختصات فضایی»، هر سه عددی هستند که به گونهٔ یکتا یک موقعیت را در فضا مشخص می‌کنند؛ ^(۵۴) مانند مختصات دکارتی (x, y, z) استوانه‌ای (r, θ, z) ، و کروی (r, Φ, θ) .

به علاوه با معلوم بودن مختصات یک ذره طبیعی در یک دستگاه می‌توان مختصات آن را در دستگاه‌های دیگر محاسبه کرد. با استفاده از روابط هندسی، می‌توان معادلات تبدیل مختصات را در دستگاه دکارتی، استوانه‌ای، کروی و نظایر آن به دست آورد. ^(۵۵) این روابط تبدیل، نشان‌دهنده آن هستند که دستگاه‌های مختصات (دستگاه‌های ممتد

معطوف به مقدار) نیز قراردادی‌اند و انتخاب هر کدام بسته به نظر انتخاب‌کننده است. با توجه به بحث مزبور می‌توان تیجه گرفت که فرض دستگاه مختصات در یک جسم طبیعی و یا در فضایی که حاوی یا حامل آثار مادی (طبیعی) است، تنها زمانی ممکن است که آن جسم، یا آن فضا، از ویژگی ذاتی امتدادمندی برخوردار باشد. مهم‌ترین نکته در توصیف ریاضی مزبور، نشان دادن این حقیقت بوده است که اصولاً تعریف و ترسیم دستگاه‌های مختصات، تنها با ممتد دانستن جسم طبیعی ممکن است و با مینا قرار دادن انواع فرض‌ها درباره امتدادها می‌توان دستگاه‌های گوناگون مختصات را تعریف کرد. واضح است که چون از احجام حاصل از به کارگیری دستگاه‌ها، فارغ از ماده‌مند بودن آنها سخن بگوییم با اشیای مجرد ریاضی سروکار خواهیم داشت که در فضای بحث امتدادها از آنها با عنوان جسم تعلیمی یاد می‌شود.

بعد مجرد و غیرمادی

گفته شد که از خاصیت ذاتی حجیم و یا مکان‌بند بودن اشیای طبیعی، مفهوم بعد استنتاج می‌شود. به عبارت دیگر ماده‌مندرج در جسم بُعدساز است. از این رو ابعاد سه‌گانه ناظر به جسم واقعی‌اند و در تیجه بعد را نیز صورتی حقیقی می‌دهند. اکنون این پرسش می‌تواند مطرح شود که آیا عالمِ ابعادی مستقل از ماده می‌تواند وجود داشته باشد. مشائیان بعد غیرمادی را نفی کرده‌اند، حال آنکه اشراقیون به اثبات آن پرداخته‌اند. استاد مطهری در درس‌های الهیات شفا مباحث ناظر به این مسئله را به اجمال بررسی و تقریر کرده است.^(۵۶) افلاطون و برخی از حکما مکان را بعد مجرد اما موجود دانسته‌اند.^(۵۷) مهم‌ترین دلیل آنها این است که مکان می‌تواند ابعاد مادی را در خود جای دهد. ملاصدرا درباره مکان می‌گوید: «فکانه جوهر متوسط بین عالمین».^(۵۸) برداشت غالب از تعبیر بعد مجرد، همان معنای مشهور یعنی مجرد از ماده است. به نظر می‌رسد مقصود قدما از این تعبیر، مجرد از شاغل مادی است. اگر فرض بعد مجرد از ماده را بپذیریم، و آن را حقیقی نیز فرض کنیم، به مفهوم

فضای مطلق، که یکی از مفاهیم بنیادین مکانیک نیوتونی است، نزدیک می‌شویم. در هر حال با توجه به اینکه موضوع بعد مجرد، به گونه مستقیم به مفهوم مکان و فضا پیوند می‌خورد، و این مسئله موضوع مقاله پیش‌روی نیست، به آن نمی‌پردازیم.

جمع‌بندی

مهم‌ترین نتایج حاصل از مباحثت مقاله به این قرارند:

الف) جسم طبیعی موجودی است که ذاتاً امتدادمند است و لذا می‌توان در آن امتدادهای معینی را فرض کرد:

ب) در فضای مرسوم (سه‌بعدی) تعداد امتدادهای مفروض سه است. برای اینکه کشش فضایی جسم سه‌بعدی باشد، سه امتداد مزبور باید مستقل از هم باشند. بنابراین جسم طبیعی آن است که در آن بتوان سه امتداد مستقل از هم فرض کرد. در حالت کلی، امتدادهای مفروض می‌توانند نه عمود بر یکدیگر باشند و نه مستقیم؛

ج) در فضاهای کمتر و یا بیشتر از سه‌بعد، می‌توان امتدادهای مستقل‌کمتر یا بیشتر فرض کرد؛

د) این‌سینا مفهوم امتداد را در دو معنا به کار می‌گیرد: امتداد ذاتی و امتداد عرضی. امتداد ذاتی صفتی است که نمی‌توان آن را از جسم سلب کرد و ناظر به امتداد کمی مشخص و تقاطع معین نیست؛ اما امتدادهای عرضی می‌توانند در وضعيت‌های مختلف و زمان‌های متفاوت تغییر کنند؛

ه) با توجه به تعریف امتدادهای سه‌گانه، می‌توان مجموعه امتدادهای متقطع سه‌گانه را دستگاه ممتد مکانی نامید؛

و) مهم‌ترین قید امتدادهای سه‌گانه آن است که حجمی که روی آنها ساخته می‌شود نباید صفر باشد. به عبارت دیگر اگر سه بردار در امتداد آنها فرض کنیم، این بردارها باید مستقل خطی باشند؛

ز) فرض دستگاه مختصات در یک جسم طبیعی و یا در فضایی که حاوی یا حامل آثار مادی (طبیعی) است، فقط زمانی ممکن است که آن جسم، یا آن فضا، از خاصیت ذاتی امتدادمندی برخوردار باشد. دستگاه مختصات را می‌توان دستگاه ممتد معین و کمی شده دانست که برای اهداف مشخص و کاربردهای معین طراحی و تعبیه می‌شود؛ ح) تعریف دستگاه‌های مختلف مختصات ناشی از امکان تعریف دستگاه‌های ممتد مکانی مختلف در جسم طبیعی است. به عبارت دیگر همین خاصیت ذاتی امتدادمندی اشیای طبیعی است که امکان وضع بی‌نهایت دستگاه مختصات را برای توصیف حرکت و استخراج معادلات حاکمه پدیده‌های طبیعی امکان‌پذیر می‌سازد. در هر حال دانش تجربی که به نحو وسیعی از دستگاه‌های مختصات بهره می‌گیرد، به ماهیت امتدادمندی و مفاهیم اشتراقی آن مانند فضا و مکان توجه چندانی ندارد و مبنی بر مفروض گرفتن این مفاهیم، ابزارهای فضایی خود را برای توصیف پدیده‌های مکان‌بند تعبیه می‌کند؛ اما فلسفه در پی فهم چگونگی امتدادمندی اشیا و پدیده‌های طبیعی است. فلسفه با اتكا به یافته‌های علم، بحث خود را به قلمروی می‌گستراند (مانند امتدادمندی ذاتی) که ابزارهای علمی در آنجا کارایی ندارند (مثلاً دستگاه امتدادستنج!).

بنابراین نزد/بن‌سینا، جسم طبیعی جوهری است که پذیرنده امتدادهای سه‌گانه مستقل از هم است. به‌سبب ویژگی امتدادمندی جسم طبیعی است که مفهوم مکان روشی می‌گیرد و ذهن را قادر می‌سازد تا فضای لایتناهی را از مفهوم مکان متناهی انتزاع کند. در پایان باید یاد آور شد که/بن‌سینا جسم را بعد م Hispan (مانند دکارت) تعریف نمی‌کند. وی می‌گوید که علاوه بر کشش فضایی (امکان فرض امتدادهای سه‌گانه)، جسم متشكل از دو جزء ماده^(۵۹) و صورت^(۶۰)، و نیز طبیعت و اعراض است. به عبارت دیگر/بن‌سینا جسم^(۶۱) را متشكل از ویژگی‌های ذاتی دیگری نیز می‌داند که ماده و صورت داخل در قوام جسم‌اند. این مفاهیم خود باید موضوع تحقیقات جداگانه باشند.^(۶۲)

پی‌نوشت‌ها

- ۱- غلامحسین رحیمی، «مفهوم جسم در طبیعتات سینیوی»، حکمت سینیوی، ش ۴۴، زمستان ۱۳۸۹، ص ۷۶-۵۷.
- ۲- میرمحمدی‌باقر داماد، مصنفات میرداماد، به اهتمام عبدالله نورانی، ص ۴۹.
- ۳- ملّا صدر، الحکمة المتعالیة فی الاسفار العقلیة الاربعة، ج ۴، ص ۲۳۴.
- ۴- بهمنیارین مرزبان، التحصیل، تصحیح مرتضی مطهری، ص ۳۰۹.
- ۵- ابوالبرکات بغدادی، المعتبر فی الحکمة، ص ۲۲.
- ۶- ابوبکر ابن طفیل، حسین بن یقظان، ص ۴۸ و ۴۹.
- ۷- شهاب الدین سهروردی، مجموعه مصنفات، ج ۳ (پرتونامه)، ص ۶.
- ۸- همان، هیاکل النور، ص ۸۵.
- ۹- سید محمدحسین طباطبائی، بدایه الحکمة، ترجمه و شرح علی شیروانی، فصل سوم، فی الجسم، ص ۶۶.
- ۱۰- همان، ص ۶۸.
- ۱۱- مرتضی مطهری، مجموعه آثار، ج ۷ (فلسفه ابن سینا)، ص ۱۵۳.
- ۱۲- محمدتقی مصباح، آموزش فلسفه، ج ۲، ص ۱۳۴.
- ۱۳- عبدالله جوادی آملی، فلسفه صدراء، ص ۴۶.
- ۱۴- همان، ص ۴۷.

15. Extension.

- ۱۵- ر.ک: علی اکبر دهخدا، لغت‌نامه دهخدا، ذیل واژه «امتداد»؛ محمد معین، فرهنگ فارسی، ذیل واژه «امتداد».
- ۱۶- برای مطالعه بیشتر، ر.ک: ابن سینا، فن سماع طبیعی، ترجمه محمدعلی فروغی، ص ۱۹؛ همو، الهیات دانشنامه علائی، مقدمه و تصحیح محمد معین، ص ۱۱ و ۱۲؛ همو، النجات، تصحیح محمدتقی دانش پژوه، ص ۸۲.
- ۱۷- «ان الجسم الطبيعي هو الجوهر الذي يمكن ان يفرض فيه امتداد وامتداد اخر مقاطع له على قوائم، وامتداد ثالث مقاطع لهما جميعا على قوائم».
- ۱۸- «عینی» مترادف «خارجی» است.
- ۱۹- غلامحسین رحیمی، همان، ص ۶۱.
- ۲۰- ر.ک: ابن سینا، الهیات دانش نامه علائی، ص ۱۳ و ۱۴.
- ۲۱- ر.ک: ابن سینا، الهیات شفا، ترجمه محمد محمدی گیلانی، (فن سیزدهم، مقالات ۴-۱)، ص ۸۸ و ۸۹ و ۹۰.

۱۰۸ □ معرفت فلسفی سال دهم، شماره اول، پاییز ۱۳۹۱

- ۲۲- استاد مطهری در درسن‌های اشارات می‌نویسد: «... جسمیت جسم به این نیست که جسم سه بعد متمایز داشته باشد؛ اولاً ممکن است که جسم سه بعد داشته باشد که هیچ‌کدام را نشود از دیگری تمیز داد؛ مثلاً اگر ابعادش متساوی باشد، ۱۵*۱۵*۱۵، باشد، کدام طول، کدام عرض و کدام عمق است؟ اگر کره باشد چه؟ کره که اصولاً هیچ تمایزی میان ابعادش نیست. [ابن سينا] جوابی که می‌دهد همین جواب است که جسمیت جسم به این است که در آن امکان فرض سه بعدی که بر هم عمود باشند هست، که در همه اجسام این است» (ر.ک: مرتضی مطهری، همان، ص ۱۵۸).
- ۲۳- مقاله «چشم‌اندازی به آراء فیلسوفان پیرامون طبیعت» برخلاف عنوان عمدتاً به تعریف و تشریح مفهوم جسم از دیدگاه فلاسفه اسلامی از جمله ابن‌سینا و ملاصدرا پرداخته است (ر.ک: رضا محمدزاده، «چشم‌اندازی به آراء فیلسوفان پیرامون طبیعت»، مقالات و برسیها، دفتر ۶۵). نکته قابل تأمل آن است که وی در فرازی می‌نویسد: «کسانی این تعریف را [که جسم جوهری عریض و طویل و عمیق است] باطل می‌دانند؛ چراکه در این صورت، جسم بسیطی مانند کره (که بالفعل عرض و طول و عمق ندارد) دارای اجزاء نیست و لذا بالفعل واجد طول و عرض و عمق نیست.» (همان، ص ۱۰۳) همان‌گونه که اشاره شد، این اشتباه را نویسنده‌گان متعدد مرتكب شده‌اند و همان‌گونه که در این مقاله نشان داده می‌شود، این بیان از بُن دارای اشکال است.
- ۲۴- ر.ک: محمود خاتمی، «ماده از نظر دکارت»، فلسفه، دوره سی و چهارم، ش ۱، ص ۴۱-۶۹.
- ۲۵- رنه دکارت، اصول فلسفه، ترجمه منوچهر صانعی، ص ۷۷-۷۸.
- ۲۶- همو، تأملات در فلسفه اولی، ترجمه احمد احمدی، ص ۱۰۲.
- ۲۷- همان، ص ۷۴.
- ۲۸- همان، ص ۵۵.
- ۲۹- همان، ص ۰۵.
- ۳۰- استاد مطهری در ابتدای توضیح برهان فصل و وصل می‌نویسد: این واقعیت جرم، حقیقت این است که جوهری است قابل ابعاد سه‌گانه، و به تعبیر دیگر امتداد سه‌گانه است، نه چیزی دارای امتداد؛ خودش عین امتداد است، یک کشش است، یک واقعیت کشش است که به آن «واقعیت اتصالی» هم می‌گویند (ر.ک: مرتضی مطهری، همان، ص ۱۷۶) این بیان تداعی‌کننده واقعیت ممتد دکارتی است. در هر حال از توصیف ابن‌سینا چنین برداشت نمی‌شود که وی امتداد را مجرد از ماده و کشش را مستقل از جسم می‌دانسته است.
31. Rigid.
32. deformable.
- ۳۳- غلامحسین رحیمی، همان، ص ۶۲.
- ۳۴- توجه شود که مفهوم فضا را مفروض گرفته‌ایم و متعرض آن نشده‌ایم. نکته مهم آن است که مفهوم فضا با

مفهوم امتدادمندی جسم طبیعی در طبیعت سینمایی ۱۰۹

مفهوم امتدادمندی جسم پیوند وثیقی دارد.

۳۵- استقامت، همانند استدارت و انحناء، صفتی منسوب به کمیات است. استقامت امتداد (خط) بدین معناست که هر نقطه‌ای که در آن فرض شود بر راستای واحد باشد. در فضای تخت (اقلیدسی) کوتاه‌ترین خط واصل بین دو نقطه لزوماً مستقیم است. بنابراین امتداد مستقیم آن است که فاصله بین دو نقطه مفروض واقع بر آن، کوتاه‌ترین فاصله بین آن دو نقطه باشد.

۳۶- ر.ک: قطب الدین شیرازی، درة التاج، مقدمه و تصمیح سید محمد مشکو، ص ۵۲۳.
۳۷- به عبارت دیگر این تعریف که جوهر جسمانی «جوهر یمکن ان یفرض فيه خطوط ثالثه متقاطعة على زوايا قوله» صحیح، اما ناقص است.

۳۸- به چنین دستگاهی عمومی یا خمیده گفته می‌شود. توجه شود که تعمیداً امتدادها به سیاق محورهای مختصات، برای استفاده در مباحث بعدی، ترسیم شده است.

۳۹- صورت جسمیه جوهری است که در آن فرض سه بعد می‌شود. از این‌رو با مفهوم امتداد پیوند می‌خورد. برای آشنایی با مفهوم صورت در جسم طبیعی، ر.ک: غلامحسین رحیمی، همان.

۴۰- این سینا در توصیف جسم تعلیمی می‌گوید: جسم تعلیمی فاقد وجود خارجی و مفارق از ماده و دارای بعد است. انقسام ذهنی و وهمی در همه جهات می‌پذیرد و دارای وضعیت است. (این سینا، نجات، ص ۲۲۵)

۴۱- در آثار ریاضی دانشمندان تمدن اسلامی، کمیت متصل یک بعدی «خط» و کمیت متصل دو بعدی «سطح» و کمیت سه بعدی «جسم تعلیمی» خوانده می‌شود. در ادبیات جدید علمی، فقره اخیر را «حجم» می‌نامیم.

۴۲- در ریاضی، هر سه عدد x_1^1, x_2^2, x_3^3 که به صورت یکتا موقعیت نقطه P را در فضای سه بعدی اقلیدسی E^3 (و یا ریمانی) مشخص می‌کنند، مختصات (تعیین بافت) P خوانده می‌شوند.

۴۳- در ریاضی، مختصهای $x_1^1 = q^1, x_2^2 = q^2, x_3^3 = q^3$ در حقیقت فواصل بین نقطه (یا ذره) P و سه صفحه تخت عمود برهم و گذرنده از مبدأ O می‌باشند. در اینجا مفهوم فاصله را مفروض گرفته ایم.

۴۴- در اینجا دستگاه به معنای دستگاه مختصات که در ریاضی و فیزیک کاربرد دارند، نیست؛ هرچند دستگاه‌های مختصات لزوماً با فرض امتدادمندی اجسام قابل تعریف هستند. بلکه در اینجا به مجموعه سه امتداد متقاطع معین، دستگاه می‌گوییم.

45. Cylindrical Extensions System.

۴۶- دستگاه مختصات دکارتی $x_1 x_2 x_3$ با مبدأ O داده شده است. فرض کنید مختص $q^1 =$ فاصله P و محور x_3 باشد، همچنان، مختص $q^2 =$ زاویه بین نیم صفحه حاوی محور x_3 و مثبت محور x_1 و نیم صفحه حاوی محور x_3 و نقطه P است. و نیز مختص $q^3 = Z$ فاصله P از صفحه $x_1 x_2$ می‌باشد. در این صورت $Z = 0$ و مختصات استوانه‌ای خوانده می‌شوند.

۱۱۰ □ معرف فلسفی سال دهم، شماره اول، پاییز ۱۳۹۱

47. Spherical Extensions System.

- ۴۸- دستگاه مختصات دکارتی $x_3 x_2 x_1$ با مبدأ O داده شده است. فرض کنید $q^1 = r$ فاصله بین P و O باشد. همچنین $q^2 = \theta$ زاویه بین محور x_3 و بردار OP باشد و نیز $q^3 = \varphi$ زاویه بین نیم صفحه حاوی محور x_3 و مثبت محور x_1 و نیم صفحه حاوی محور x_3 و نقطه P باشد. آنگاه θ و φ و مختصات کروی خوانده می‌شود. این مختصات با روابط داده شده در بخش بعد به مختصات $x_3 x_2 x_1$ مرتبط می‌شوند.
- ۴۹- شکل‌های مختلف دستگاه‌های ممتد، تعمداً به گونه‌ای نشان داده شد که در ترسیم دستگاه‌های مختلف مختصات به کار می‌رود. هدف اصلی نشان دادن نسبت بین این دو مفهوم است.

50. Orthogonal.

- ۵۰- بیان دیگر شرط استقلال خطی بردارها آن است که دترمینان ماتریسی که مؤلفه‌های هر بردار اجزای ستون آن ماتریس را تشکیل می‌دهند، نباید صفر باشد.
- ۵۱- این دستگاه اغلب دستگاه مختصات دکارتی خوانده می‌شود.
- ۵۲- هرچند می‌توان معادلات ریاضی حاکم بر رفتار پدیده‌های طبیعی را مستقل از دستگاه مختصات نوشت (به کمک حساب تانسورها)، ولی هرگاه نیاز به محاسبات کمی و عددی باشد، در چارچوب توصیف ریاضی پدیده‌ها، استفاده از دستگاه مختصات گریزناپذیر است.
- ۵۳- مختصات را به صورت رسمنی تر می‌توان به صورت زیر تعریف کرد: مجموعه‌ای از n متغیر که یک شریء هندسی را مشخص می‌سازد. اگر مختصات فواصلی باشد که در امتداد محورهای مستقیم عمود بر هم اندازه‌گیری می‌شود، مختصات دکارتی خوانده می‌شود. مطالعه هندسه با استفاده از یک یا چند دستگاه مختصات، به عنوان هندسه تحلیلی شناخته می‌شود.
- ۵۴- برای مطالعه بیشتر، ر. ک: غلامحسین رحیمی، جزء درسی حساب تانسورها.
- ۵۵- مرتضی مطهری، همان، ص ۱۴
- ۵۶- «بدان که مکان در پیش افلاطون بعدی است مجرد ممتد در جمیع جهات که جسم در او نفوذ کند، و اگر نفوذ نکند خالی بود.» (نفایس الفنون، ج ۲، فن چهارم، از مقاله دوم، فصل اول از باب اول، ص ۵۱۹)
- ۵۷- ملّا صدر، همان، ج ۴، فصل ۱۳، ص ۴۳.

59. Matter.

60. Form.

61. Body.

- ۶۲- این سینا جوهری را که فارغ از ماده در آن امکان فرض سه بعد می‌شود، صورت جسمیه می‌خواند؛ و بدین ترتیب بحث امتداد با موضوع صورت پیوند می‌باید.

منابع

- ابن سینا، حسین بن عبداللہ، *الهیات شفا*، ترجمة محمدی گیلانی، قم، بوستان کتاب، ۱۳۷۹.
- —، *الهیات دانش نامه علایی*، مقدمه و تصحیح محمد معین، تهران، انجمن آثار و مفاخر ایران، ۱۳۸۳.
- —، *طبیعتیات کتاب نجات*، تصحیح محمد تقی دانش پژوه، تهران، دانشگاه تهران، بی‌تا.
- —، *فن سماع طبیعی*، ترجمه محمدعلی فروغی، تهران، امیرکبیر، ۱۳۶۰.
- ان طفیل، ابویکر، حی بن یقضان، بی‌تا.
- بغدادی، ابوالبرکات، *المعتبر فی الحکمة*، تهران، دانشگاه اصفهان، بی‌تا.
- جوادی آملی، عبداللہ، *فلسفه صدرا*، قم، اسراء، ۱۳۸۸.
- خاتمی، محمود، «ماده از نظر دکارت»، *فلسفه*، دوره سی و چهارم، ش ۱، ۱۳۸۵، ص ۶۹-۴۱.
- داماد، میرمحمد باقر، *مصطفات میرداماد*، به اهتمام عبداللہ نورانی، تهران، انجمن آثار و مفاخر فرهنگی، بی‌تا.
- دکارت، رنه، *اصول فلسفه*، ترجمه متوجه رسانی، تهران، آگاه، ۱۳۶۰.
- —، *تأملات در فلسفه اولی*، ترجمه احمد احمدی، تهران، مرکز نشر دانشگاهی، ۱۳۶۱.
- رحیمی، غلامحسین، «مفهوم جسم در طبیعتیات سینیوی»، *حکمت سینیوی*، سال چهاردهم، ش ۴۴، زمستان ۱۳۸۹، ص ۷۶-۵۷.
- —، *جزوه درسی حساب تانسورها*، تهران، دانشکده دانشگاه تربیت مدرس، بی‌تا.
- شهروردی، شهاب الدین، *مجموعه مصنفات*، تصحیح سیدحسین نصر، تهران، مؤسسه مطالعات و تحقیقات فرهنگی، بی‌تا.
- شیرازی، قطب الدین، درة الناج، مقدمه و تصحیح سیدمحمد مشکوكة، تهران، حکمت، ۱۳۸۵.
- طباطبائی، سید محمدحسین، *پدایه الحکمة*، ترجمه و شرح علی شیروانی، قم، بوستان کتاب، ۱۳۸۹.
- محمدزاده، رضا، «چشم اندازی به آراء فیلسوفان پیرامون طبیعت»، *مقالات و بررسیها*، دفتر ۶۵، تابستان ۱۳۷۸، ص ۱۱۵-۹۷.
- مرزبان، بهمنیارین، *التحصیل*، تصحیح مرتضی مطهری، تهران، دانشگاه تهران، بی‌تا.
- مصباح، محمد تقی، *آموزش فلسفه*، تهران، امیرکبیر، ۱۳۷۸.
- مطهری، مرتضی، *مجموعه آثار*، تهران، صدر، ۱۳۷۷.
- ملّا صدرا (صدرالدین محمدبن ابراهیم شیرازی)، *الحكمة المتعالیة فی الاسفار العقلیة الاربعة*، بی‌تا.