

مکعب تقابل: روابط میان قضایای معدوله

اسدالله فلاحی^۱

(تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۰/۹/۵ - تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۱/۳/۲۲)

چکیده

برخی از منطق دانان معاصر روشنی نو و ساده برای استنتاج های منطقی ابداع کرده و همه استدلال های مباشر را به دو قاعدة عکس مستوی و نقض محمول فروکاسته اند. یکی از ایشان، رضا اکبری، محصورات چهارگانه مشهور را به ۳۲ محصوره گسترش داده است: ۴ گزاره محصلة الطرفین مشهور، ۴ گزاره معدولة الطرفین، ۴ گزاره معدولة الموضع، ۴ گزاره معدولة المحمول، و همین ۱۶ گزاره با جایه جا کردن «الف» و «ب» در همه آن ها. اکبری، همچنین، برخی از روابط میان این ۳۲ محصوره را بیان کرده است، مانند مربع تقابل، عکس مستوی، عکس نقیض، انواع نقض (نقض موضوع، نقض محمول، نقض طرفین) و دو رابطه جدید به نامه های «عکس نقیض موضوع» و «نامعلوم». در این مقاله نشان می دهیم که این محصورات ۳۲ گانه، چهار به چهار، با هم هم ارز هستند و بنابراین، می توان این ۳۲ محصوره را به ۸ محصوره (یا به ۸ دسته چهارتایی) فروکاست و روابط را به شش دسته ساده زیر تقلیل داد: تلازم، لزوم، منع جمع، منع خلو، انفصال حقیقی و هیچ کدام با این کار، پیچیدگی های نظریه را کاهش می دهیم و روابط میان ۸ دسته را به سادگی و زیبایی در مکعبی شبیه «مربع تقابل» که آن را «مکعب تقابل» می نامیم به نمایش می گذاریم و اثبات می کنیم.

کلیدواژه ها: عکس مستوی، نقض محمول، محصورات چهارگانه، محصورات هشت گانه

۱. استادیار مؤسسه پژوهشی حکمت و فلسفه ایران/ Email: falahiy@yahoo.com

۱. درآمد

غلامحسین مصاحب در کتاب گرانسینگ مدخل منطق صورت (۵۶۴ و ۵۶۲) نشان داده است که دو قاعدة «عکس مستوی» و «نقض محمول» مهم‌ترین قواعد در میان استدلال‌های مباشر (تک‌مقدمه‌ای) در منطق قدیم‌اند و به کمک آن دو می‌توان سایر استدلال‌های مباشر را اثبات کرد. (صاحب قاعدة «نقض محمول» را «عدول محمول» می‌خواند). لطف‌الله نبوی نیز پس از نیم قرن، در کتاب مبانی منطق و روش‌شناسی (۱۲۳) بر اهمیت این دو قاعدة تصریح کرده است.

رضا اکبری در مقاله «احکام قضایا» (۷۵) فروکاستن استدلال‌های مباشر به دو قاعدة یادشده را یک «روش» می‌نامد و درباره مزایای این روش چنین می‌نویسد: «با داشتن یک قضیه و اعمال تناوبی دو رابطه «عکس مستوی» و «نقض محمول» بر آن، دیگر روابط میان قضایا اثبات می‌شود. محسنات این روش، سادگی در مقام آموزش، استقصای تمام روابط میان قضایا و احتراز از روش دوری است؛ به همین دلیل، این روش بر روش مرحوم مظفر که در کتاب المنطق برگزیده است (کتابی که به عنوان متن درسی در بسیاری از حوزه‌های علمیه و دانشگاه‌ها تدریس می‌شود)، ارجحیت دارد؛ زیرا روش مرحوم مظفر، روشی پیچیده، ناقص و نیز دوری است.»

اکبری، افزون بر این، نوآوری‌هایی به دست داده است؛ برای نمونه او قسم جدیدی برای «عکس نقیض» شناسایی کرده است. او همچنین محصورات چهارگانه را به ۳۲ محصوره افزایش داده و روابط میان برخی از آن‌ها را محاسبه کرده است.

غلامرضا ذکیانی نیز در کتاب هنر استدلال (۱۸) با اشاره به تقدیم مصاحب بر کشف این روش، آن را «روش هندسی» نامیده و مزایایی شبیه آن‌چه از اکبری نقل کردیم برای آن ذکر کرده است (۲۴).

عسکری سلیمانی امیری نیز در مقاله «روشی جدید در استنتاج صوری با کمترین قاعدة»، همین روش را به صورت مستقل و همراه با نوآوری‌های فراوانی کشف مجدد می‌کند. از نوآوری‌های ویژه این مقاله، تعمیم این روش به استدلال‌های غیرمباشر (اشکال اربعه)، کشف رابطه‌ای به نام «نقض عکس»، و افزودن سور به محمول است: «در روشی که این مقاله پیشنهاد می‌دهد در استدلال‌های مباشر تنها دو قاعدة «نقض محمول» و «عکس مستوی» معرفی می‌شود و بقیه قواعد استنتاجی مانند عکس نقیض، نقض موضوع، نقض تام و نقض عکس، بدون معرفی بر اساس این دو قاعدة استنتاج

می‌شوند. نیز با... روش «سورگذاری در محمول‌ها» به صورت مصنوعی، لمیت عکس مستوی تبیین می‌شود با این روش نتایج همه آشکال بدون معرفی آنها استنتاج می‌شود. در این روش، نیاز به تحويل شکل دوم، سوم و چهارم به شکل اول نیست. ویژگی این روش، آسانی و یکنواختی اعمال قیاس است و به شرایط متفاوت نیازی نیست.» (۴۵).

چنان‌که می‌بینیم، این نویسنده‌گان بر «садگی در مقام آموزش» و «آسانی» این روش تأکید کرده، تلویحاً خواستار بازنویسی کتاب‌های آموزشی منطق بر پایه آن شده‌اند. بدون شک، کاربردی شدن یک نظریه، از بدو پیدایش تا ورود به کتاب‌های آموزشی، نیازمند نقد و بررسی نظریه از سوی استادان و اندیشمندان، و گاه اصلاح و تکمیل آن است. در این نوشته، به اصلاح برخی ایرادهای جزئی و تکمیل و ساده‌سازی هرچه بیشتر این روش پرداخته‌ایم و بر این باوریم که هماندیشی دیگر پژوهشگران می‌تواند به غنای بحث بیفزاید و به تولید دانش بومی کمک کند.

در میان آثار یادشده، دو مقاله اکبری و سلیمانی امیری از اهمیت بیشتری برخوردار هستند. آن‌چه این دو مقاله را مهم و قابل اعتنا می‌سازد نوآوری‌هایی است که در هر یک از آن دو وجود دارد و پیشرفتی را در مباحث منطقی نشان می‌دهد. البته نوآوری‌های دو مقاله در یک راستا نیستند: اکبری بحث را از قضایای محصله به قضایای معموله گسترش می‌دهد و انواع معموله‌الطرفین، معموله‌الموضع و معموله‌المحمول را همراه با عکس‌هایشان بررسی می‌کند؛ این در حالی است که سلیمانی امیری به جای بحث از معموله‌ها، به سورهای محمول علاقه نشان می‌دهد و بحث را از این جهت گسترش می‌دهد. اگر عدول و تحصیل را «کیفیت مفاهیم» بدانیم و سور را نه فقط مربوط به گزاره بلکه مربوط به موضوع و محمول به شمار آوریم، می‌توانیم بگوییم که اکبری «کیفیت موضوع و محمول» را مورد تجزیه و تحلیل قرار داده است و سلیمانی امیری «کمیت موضوع و محمول» را.

از آن‌جا که بحث از کمیت و کیفیت مفاهیم با هم از حوصله یک مقاله بیرون است، در این مقاله تنها به نوآوری‌های مقاله اکبری می‌پردازیم و در اصلاح و تکمیل آن می‌کوشیم و بحث از کمیت موضوع و محمول و نوآوری‌های سلیمانی امیری را به مقاله دیگری وامي گذاریم.

۲. انواع سه‌گانه عکس نقیض

در منطق قدیم، عکس نقیض را به دو قسم موافق و مخالف (یا عکس نقیض قدماً و متاخران) تقسیم کرده‌اند. اماً رضا اکبری (۷۸-۷۹) عکس نقیض را به سه قسم تقسیم می‌کند: ۱. عکس نقیض طرفین، ۲. عکس نقیض محمول و ۳. عکس نقیض موضوع. دو قسم نخست، به ترتیب، همان عکس نقیض موافق و مخالف است و آن‌چه جدید است قاعدهٔ «عکس نقیض موضوع» است که در آثار پیشینیان نه نامی از آن برده شده و نه اشاره‌ای به آن شده است.

برای آشکار شدن مقصود اکبری از سه نوع عکس نقیضی که ارائه کرده است، به مثال‌های زیر توجه کنید (اکبری، ۸۹):

اصل	عکس نقیض مخالف	عکس نقیض موافق	عکس نقیض PS نیست	؟؟
A	برخی P است	هیچ نا PS نیست	هر نا P است	برخی P نا نیست
E	هر P است	برخی نا PS است	برخی نا P نیست	هیچ PS نیست
I	برخی P نیست	——	——	برخی S است
O	——	برخی نا PS است	برخی نا P نیست	برخی PS نیست
اکبری:	عکس نقیض موضوع	عکس نقیض طرفین	عکس نقیض محمول	عکس نقیض مخالف

«عکس نقیض موضوع»، در حقیقت، نقض محمول «عکس مستوی» است:

اصل	عکس مستوی	عکس نقیض موضوع
A	برخی P است	برخی S نیست
E	هیچ P S نیست	هیچ S P نیست
I	برخی P است	برخی S نیست
O	برخی P S نیست	برخی S P نیست

«عکس نقیض موضوع» قاعده‌ای است که در منطق قدیم به صورت مستقل مورد بحث و بررسی قرار نگرفته و از این رو، نامی هم برای آن در نظر گرفته نشده بود. نام‌گذاری انواع سه‌گانه «عکس نقیض» نزد اکبری نسبت به نام‌گذاری دو نوع «عکس نقیض» موافق و مخالف برتری‌هایی دارد: یکی این‌که قاعده‌ای جدید معرفی شده است، و دیگر آن‌که با این نام‌گذاری معلوم می‌شود کدام جزء از قضیّه اصل، هنگام عکس نقیض گرفتن، نقیض می‌شود.

۳. محصورات ۳۲ گانه

دومین نوآوری اکبری این است که به جای محصورات چهارگانه مشهور، به معروفی محصورات ۳۲ گانه پرداخته است (اکبری، ۸۰). از آن جا که در قواعد نقض و عکس نقیض، موضوع یا محمول یا هر دو نقیض می‌شوند، نباید تنها به قضیه‌های محصلة‌الطرفین پرداخت، بلکه باید قضیه‌های معدولة الموضوع، معدولة المحمول و معدولة الطرفین را نیز بررسی کرد. حاصل ضرب این چهار نوع در چهار محصورة مشهور عدد ۱۶ را به دست می‌دهد. اما از آن جا که در عکس مستوی و عکس نقیض، موضوع و محمول جایه‌جا می‌شوند، باید موضوع و محمول ۱۶ محصورة به دست آمده را جایه‌جا کنیم. با این جایه‌جایی، ۱۶ محصورة جدید به دست می‌آید و تعداد محصورات به ۳۲ عدد افزایش می‌یابد.

۴. روابط میان محصورات ۳۲ گانه

اکبری پس از آن که به کمک روش ساده «عکس مستوی» و «نقض محمول» به اثبات انواع نقض و عکس نقیض می‌پردازد (۸۶ - ۸۹)، در ادامه نشان می‌دهد که این قواعد تنها قواعدی نیستند که با این روش اثبات می‌شوند بلکه برای نمونه، قاعدة تداخل نیز با این روش اثبات می‌شود.

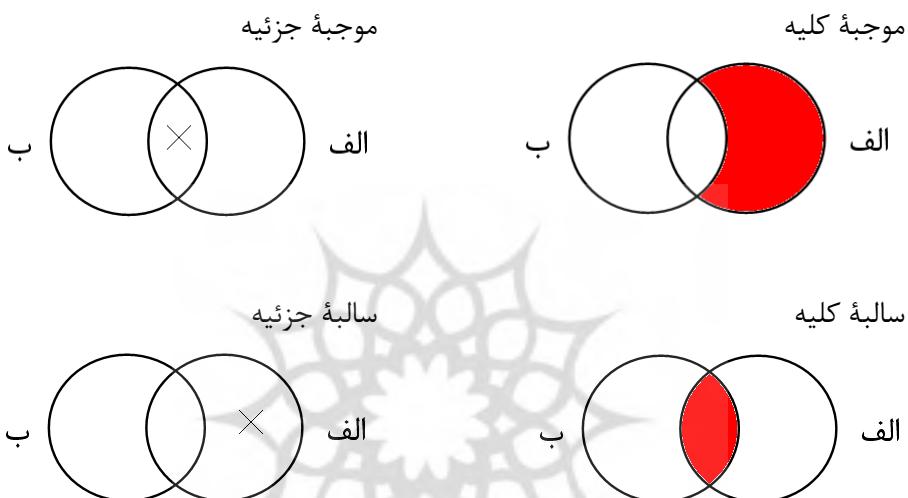
مهم‌ترین نوآوری اکبری این است که اگر دیگر قواعد مربع تقابل (یعنی تناقض، تضاد، و تحت تضاد) به این روش افزوده شود، می‌توان رابطه هر یک از محصورات چهارگانه را با هر یک از ۳۱ محصورة دیگر به دست آورد. اکبری برای نمونه، رابطه موجبه کلیه (محصلة‌الطرفین) را با ۳۱ محصورة دیگر به تفصیل استخراج می‌کند (۹۰-۹۲): اگر این موجبه کلیه، صادق باشد ۱۱ محصورة صادق و ۱۲ محصورة کاذب خواهد بود و برای ۸ محصورة باقی‌مانده نمی‌توان صدق و کذبی را اثبات کرد. اکبری عدم اثبات صدق و کذب یک گزاره در فرض صدق گزاره دیگر را رابطه‌ای جدید در نظر می‌گیرد و آن را «رابطه نامعلوم» می‌نامد.

۵. اصلاح برخی ایرادها

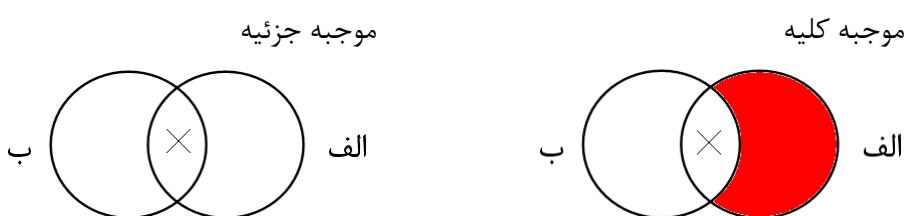
در این بخش برخی از ایرادهایی را که در مقاله اکبری راه یافته است گوش‌زد می‌کنیم و سپس در بخش بعدی با بیان نقص‌های آن مقاله به تکمیل‌اش می‌پردازیم. در آن مقاله

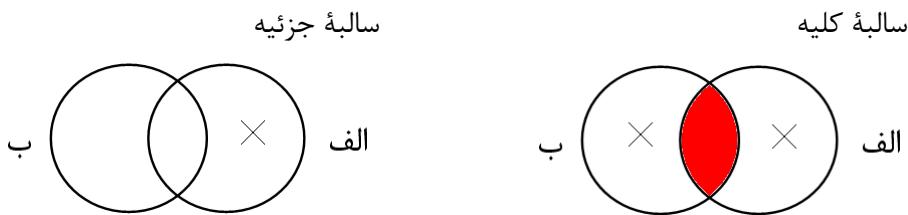
سه ایراد به چشم می‌خورد که در ادامه ذکر خواهد شد.

۵.۱. پیش‌فرض وجودی و استفاده از نمودارهای ون
اکبری برای اثبات عکس مستوی و نقض محمول به نمودارهای ون متولّ می‌شود
(۸۳-۸۶):



اما نمودار موجبه کلیه برای اثبات عکس مستوی کافی نیست، زیرا فاقد نماد ضرب است؛ در حالی که نمودار موجبه جزئیه این نماد را در بر دارد.
لطف‌الله نبوی در کتاب مبانی منطق و روش‌شناسی نشان داده است که پیش‌فرض وجودی را باید به نمودارهای ون افزود. او برای این کار یک نماد ضرب به نمودار موجبه کلیه و دو نماد ضرب به نمودار سالبه کلیه می‌افزاید و به صورت اصلاح‌شده زیر می‌رسد
(۱۲۲-۱۲۸؛ نیز نک: ذکیانی، ۱۵-۲۰):





به گمان ما، نه تنها نمودارهای ون، بلکه نمودارهای پیشنهادی نبوی نیز، از اثبات قواعد منطق قدیم ناتوانند: نمودارهای ون تنها دو قاعدة «تناقض» و «نقض محمول» را اثبات می‌کنند و از اثبات «عکس مستوی» برای موجبه کلیه عاجزند، و نمودارهای نبوی نیز تنها قاعدة «عکس مستوی» را اثبات می‌کنند و دو قاعدة «تناقض» و «نقض محمول» را نمی‌توانند اثبات کنند.

بطلان قاعدة «تناقض» در پیشنهاد نبوی از این رو است که در نمودار موجبه کلیه، یک نماد ضرب و یک هاشور قرار دارد (یعنی در آن دو داده هست)؛ اما در نمودار سالبه جزئیه تنها یک نماد ضرب قرار دارد (یعنی در آن تنها یک داده هست). آشکار است که نماد ضرب و هاشور متناقض‌اند و از این‌رو، در نمودار نقیض موجبه کلیه، باید یک هاشور و یک نماد ضرب قرار داشته باشد، نه یک نماد ضرب به تنها ی.^۱

همچنین، در نمودار سالبه کلیه، دو نماد ضرب و یک هاشور وجود دارد (یعنی تعداد داده‌ها در آن سه تا است) درحالی‌که در نمودار موجبه جزئیه، تنها یک نماد ضرب قرار دارد.^۲

۱. دقیق‌تر آن است که بگوییم چون موجبه کلیه ترکیب عطفی دو داده است، نقیض آن برابر است با انفال مانع خلوّ میان نقیض آن دو داده. در این صورت، نمودار دقیق سالبه جزئیه (به عنوان نقیض موجبه کلیه) باید به صورت زیر باشد:

(نمودار ترکیبی برای سالبه جزئیه در تحلیل نبوی)

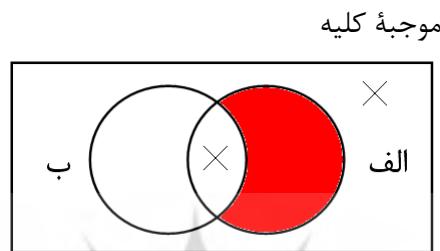


۲. در اینجا نیز باید بگوییم که چون سالبه کلیه ترکیب عطفی سه داده است، نقیض آن برابر است با انفال مانع خلوّ میان نقیض آن سه داده. در این صورت، نمودار دقیق موجبه جزئیه (به عنوان نقیض سالبه کلیه) باید به صورت زیر باشد:

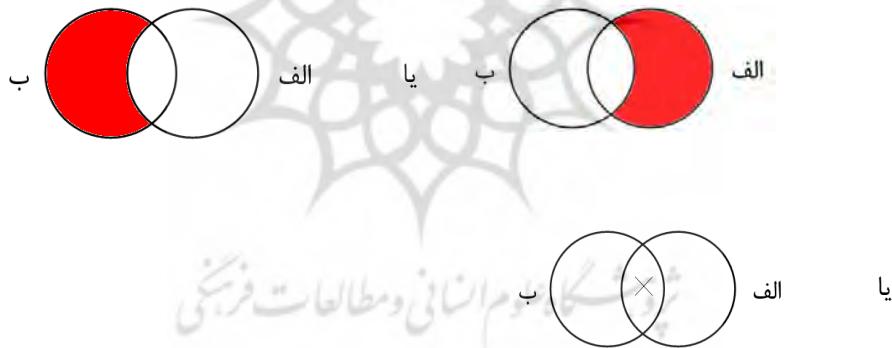
(نمودار ترکیبی برای موجبه جزئیه در تحلیل نبوی)



بطلان قاعدة «نقض محمول» در موجبة کلیه و سالبۀ کلیه نیز از این مسئله ناشی می‌شود که اطلاعات موجود در آن دو یکسان نیست: در موجبة کلیه دو داده، و در سالبۀ کلیه سه داده هست. البته این قاعده برای موجبة جزئیه و سالبۀ جزئیه برقرار است. نبوی در پاورپوینت صفحه ۱۲۸ افروزده است که برای اعتباربخشی به قاعدة «عکس نقیض موجبة کلیه»، نیازمند یک نماد ضرب دیگر هستیم:



آشکار است که با افزودن این نماد ضرب، دشواری گفته شده در قاعدة «نقض محمول» برداشته می‌شود و این قاعده اعتبار از دست رفته خویش را بازمی‌یابد. با وجود این،



گفته شده است که: «آیا اساساً تصویر ون باید این روابط را نشان دهد؟ قرار نیست که چنین مأموریتی داشته باشد. در دیاگرام ون هر گزاره فینفسه به تصویر کشیده می‌شود نه در رابطه با سایر گزاره‌ها. اگرچه گاه آتفاق می‌افتد که یک تصویر دو گزاره را منعکس کند اما این امر ثانیاً و بالعرض بوده است. مثلاً تصویر سالبۀ کلیه عکس آن را هم نشان می‌دهد. از طرف دیگر، اگر پیشفرض وجودی که با ضرب در نشان داده شده به عنوان یک خبر جزئی مندرج در خبر کلی باشد، یعنی مثلاً موجبة کلیه در واقع عطف دو خبر، یکی کلی و دیگری جزئی، باشد در این صورت نقیض آن باید به گونه یک جملة انفصلی منعکس شود که معلوم نیست قضیه انفصلی در دیاگرام ون به چه نحو باید نشان داده شود.» پاسخ این است که خیر، لازم نیست؛ اما لازم است که نمودارهای ون با روابط گفته شده در منطق تعارض نداشته باشند. به گمان ما، نمودارهای نبوی با رابطه تناقض در تعارض هستند.

نادرستی قاعده «تناقض» همچنان پابرجا است و افزودن پیشفرض وجودی به گزاره‌های کلیه اعتبار را بازنمی‌گرداند.

۵. ۲. پیشفرض وجودی و استناد به سخنان خواجه نصیر

ایراد دیگری که به روش «عکس مستوی و نقض محمول» وارد است این است که اکبری این روش را با الهام از بیان قاعده عکس نقیض در منطق تجربی خواجه نصیر به دست آورده است (نک: اکبری، ۸۲). اما با مراجعه به گفته‌های خواجه نصیر، نه تنها هیچ اشاره‌ای به این روش یافت نمی‌شود بلکه در آن مطلبی وجود دارد که دقیقاً بر ضد این روش است! همان طور که از بیان خواجه نصیر و علامه حلی به دست می‌آید، برای اثبات عکس نقیض باید از قاعده نقض محمول استفاده کرد. اما قاعده نقض محمول نزد آن دو غیر از قاعده نقض محمول نزد اکبری و مظفر است! عبارت خواجه نصیر چنین است: «کل قضیتین لم يؤخذ موضوعهما من حيث انه منتفٍ، فإنّهما إذا كانتا متّحدتى الموضع والكميّة، متّقابلتى المحمول بالتحصيل والعدول، كانتا متلازمتين متّحدتى الجهة - كما مر ذكره» (طوسی، ۹۴). علامه حلی در شرح این جمله می‌گوید: «و الدليل على الانعكاس [فى عکس النقیض] يبنتى على مقدمة هي أن السالبة المعدولة مع الموجبة المحصلة وبالعكس تتلازمان اذا أخذ موضوعهما من حيث أنه ثابت». (حلی، ۹۴). چنان‌که می‌بینیم، خواجه و علامه شرط وجود موضوع (همان پیشفرض وجودی به گفته نبوی؟)^۱ را برای قاعده نقض محمول با تأکید هرچه تمام‌تر بیان کرده‌اند و اکبری و، پیش از او، مرحوم مظفر با شگفتی تمام این شرط را وانهاده‌اند! شاید این نکته شگفت‌تر باشد که خواجه و علامه، شرط وجود موضوع را نه تنها در قاعده نقض محمول، بلکه در قاعده عکس نقیض نیز لحاظ کرده‌اند: «و أَمَا عکس النقیض فأحكام الموجبات والسوالب المذكورة في العکس المستوی ب Auxiliary تتبادل فيه، و ذلك في كل قضیتین لم يؤخذ موضوعهما من حيث انه منتفٍ» (طوسی، ۹۴).

بنابراین، قاعده‌های «عکس نقیض» و «نقض محمول» هر کدام یک تقریر مشروط به وجود موضوع و یک تقریر نامشروط دارند؛ و خواجه و علامه تقریر مشروط را، و مظفر و

۱. پیشفرض وجودی بر دو قسم است: درون‌گزاره‌ای و درون‌قاعده‌ای. پیشفرض وجودی نبوی از قسم نخست و پیشفرض وجودی خواجه و علامه از قسم دوم است. برای شرح بیشتر رجوع کنید به فلاحی، «تعهد درون‌قاعده‌ای خواجه نصیر در عکس نقیض و معظل نقض طرفین»، ۷۸.

اکبری تقریر نامشروع را پذیرفته‌اند.^۱ مظفر و اکبری، به دلیل عدم توجه به این شرط بسیار مهم، تقریر نامشروع قاعدة «نقض محمول» را که تنها از موجبه به سالبه معتبر است، به نادرستی تعمیم داده، و از سالبه، موجبه را نتیجه گرفته‌اند.^۲

شاید بتوان از جانب اکبری چنین پاسخ داد که عبارت خواجه نصیر الهمام بخش او بوده است نه این که او هر آن‌چه را خواجه نصیر گفته پذیرفته و در مقاله خود آورده است. این سخن از جهتی پذیرفتی است، زیرا آن‌چه امروزه در حوزه و دانشگاه آموزش داده می‌شود کتاب «المنطق مظفر» است و نه منطق التجرید خواجه نصیر یا «الجوهر النضید علامه حلی». اکبری می‌تواند ادعای کند که مقصود او ساده‌سازی قواعدی است که مظفر ارائه کرده و به درستی و نادرستی قواعد او کاری نداشته است. از این رو، ما در ادامه، بدون توجه به درستی یا نادرستی این قواعد، تنها از منظر ساده‌سازی قواعد مظفر بحث را پی می‌گیریم.

۵. ۳. یک ایراد تایپی

ایراد سوم یک ایراد تایپی است که تا مدتی نگارنده گمان می‌کرد یک اشتباه فاحش رخ داده است اما زمان قابل توجهی از نگارنده صرف شد تا متوجه تایپی بودن ایراد گردید. از این رو، برای پیش‌گیری از اتلاف وقت دیگر خوانندگان، تذکر آن سودمند به نظر می‌رسد. گزارهای ۴ تا ۷ از صفحات ۹۰ و ۹۱ مقاله اکبری را در نظر بگیرید:

۱. برای آشنایی بیشتر با دو تقریر مشروع و نامشروع از قاعده‌های «عکس نقیض» و «نقض محمول»، به دو مقاله «منطق‌های مبتنی بر عکس نقیض و نقض محمول» و «تعهد درون‌قاعده‌ای خواجه نصیر در عکس نقیض و معمل نقض طرفین» می‌توان مراجعه کرد.
۲. ممکن است این ایراد مطرح شود که بر عکس این مطلب را هم می‌توان نتیجه گرفت به این بیان که همین که آقای اکبری رابطه را دو طرفه دانسته و از سالبه موجبه را نتیجه گرفته است معلوم می‌شود پیش‌فرض وجود موضوع را حساب کرده است و سخن خواجه نصیر را ملاحظه کرده است. در پاسخ باید گفت که مظفر و اکبری قاعدة «نقض طرفین» را پذیرفته‌اند و این قاعده تنها با تقریرهای نامشروع دو قاعدة «عکس نقیض» و «نقض محمول» اثبات‌پذیرند. این نشان می‌دهد که ایشان تقریر مشروع خواجه نصیر را در نظر نداشته‌اند. برای اطلاعات بیشتر می‌توان به فلاحتی، «تعهد درون‌قاعده‌ای خواجه نصیر در عکس نقیض و معمل نقض طرفین»، ۸۱ - ۸۲ مراجعه کرد.

(نقض موضوع)	صادق	۴. برخی نا، P است
(متداخل نقض موضوع)	نامعلوم	۵. هر نا، P است
(متناقض نقض موضوع)	کاذب	۶. هیچ نا، P نیست
(داخل در تضاد نقض موضوع)	نامعلوم	۷. برخی نا، P است

چنان‌که دیده می‌شود، گزاره ۴ و ۷ یکی است در حالی که حکم آن دو متفاوت است؛ درست آن است که گزاره ۴ سالبه باشد زیرا «نقض موضوع» موجبه کلیه، سالبه جزئیه است نه موجبه جزئیه. به همین دلیل، گزاره ۶ باید موجبه کلیه باشد چون نقیض «نقض موضوع» است. هم‌چنین، گزاره ۵ باید سالبه کلیه باشد چون متداخل با «نقض موضوع» است.

۶. تکمیل نوآوری‌های مقاله اکبری

چنان‌که گفتیم، اکبری رابطه موجبه کلیه (محصلة الطرفین) با ۳۱ محصوره دیگر را به تفصیل ذکر کرده است. بررسی رابطه ۳۱ گزاره باقی‌مانده با هم، کاری است آسان اما بسیار زمان بر؛ زیرا اولاً تعداد این رابطه‌ها بسیار زیاد است، یعنی 31×30 تقسیم بر ۲ (یعنی ۴۶۵ رابطه!)، و ثانیاً بررسی این که هر کدام از این رابطه‌ها از قسم صادق به صادق است یا صادق به کاذب یا صادق به نامعلوم، گاهی زمان بسیاری را می‌طلبد و اکبری روشی ساده و کوتاه برای تعیین صدق، کذب، یا نامعلوم بودن یک گزاره بیان نکرده است.

برای یافتن چنین روشی، اگر بتوانیم تعداد ۳۲ گزاره را به نحوی کاهش دهیم، اولاً تعداد رابطه‌ها بهشت کاهش می‌یابد، (برای نمونه، اگر تعداد گزاره‌ها نصف شود تعداد رابطه‌ها به کمتر از یک چهارم می‌رسد!) و ثانیاً آسان‌تر می‌توان به نحوه تعیین نوع رابطه دست یافت.

۶. ۱. کاستن از تعداد محصوره‌ها

اکنون می‌خواهیم نشان دهیم که تعداد گزاره‌ها را می‌توانیم به ۸ گزاره کاهش دهیم. برای این کار، به یاد بیاورید که در منطق مظفر و اکبری، رابطه «نقض محمول» یک رابطه

دوطرفه و، به زبان منطق جدید، یک رابطه همارزی است. همچنین، می‌دانیم که رابطه «عکس مستوی» در مورد سالبۀ کلیه و موجّهۀ جزئیه رابطه‌ای دوطرفه و همارزی است. با توجه به این، نشان می‌دهیم که ۳۲ گزارۀ اکبری در ۸ گروه همارزی چهارتایی قرار می‌گیرد که هر چهار گزاره در هر گروه با یکدیگر همارز هستند و هر یک را از دیگری می‌توان نتیجه گرفت. سپس می‌توان از هر یک از این گروه‌ها، یک گزاره را انتخاب کرد و به عنوان «سرگروه» در نظر گرفت. در آن صورت، برای تعیین رابطه یک گزاره با ۳۱ گزارۀ دیگر، کافی است رابطه سرگروه آن گزاره را با ۷ سرگروه دیگر تعیین کرد. در این صورت، تعداد رابطه‌ها از ۴۶۵ رابطه به $21 = 7 \times 6$ تقسیم بر دو) کاهش می‌یابد!

در آغاز باید هشت سرگروه را معرفی کنیم و سپس به زیرگروه‌ها و همارزی‌شان با سرگروه مربوطه بپردازیم. هشت سرگروه عبارت‌اند از محصورات چهارگانه مشهور (محصلة الطرفین) و محصورات معدوله الموضع:

محصوره‌های معدوله الموضع	محصوره‌های مشهور(محصلة الطرفین)
۵. هر NaS است	۱. هر $P S$ است
۶. هیچ NaS نیست	۲. هیچ $P S$ نیست
۷. برخی NaS ها P هستند	۳. برخی S ها P هستند
۸. برخی NaS ها P نیستند	۴. برخی S ها P نیستند

(جدول ۱، محصوره‌های ۸ گانه)

اکنون، باید نشان دهیم که ۲۴ گزارۀ باقی‌مانده، سه به سه معادل و همارز این ۸ گزارۀ سرگروه هستند. برای این کار، ۸ سرگروه را در ستون سمت راست جدول زیر نوشته‌ایم، و نقض محمول آن‌ها را در ستون دوم، و نقض محمول ستون سوم را در ستون چهارم نگاشته‌ایم. می‌ماند ستون سوم که عکس مستوی فرمول‌هایی از ستون اول یا دوم است «که عکس مستوی همارز دارند»:

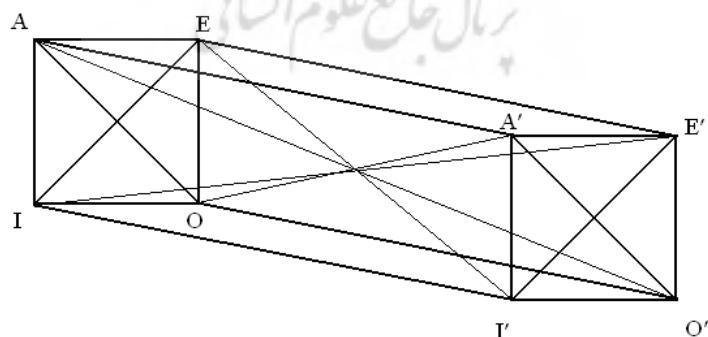
نقض محمول	عكس مستوى	نقض محمول	محصورهای ۸ گانه
هر نا P است	هیچ نا S نیست	هیچ نا P نیست	هر P S است A .۱
هر نا P است	هیچ S P نیست	هر نا S است	هیچ P S نیست E .۲
برخی P ها نا S نیستند	برخی P ها S هستند	برخی S ها نا P نیستند	برخی S ها P هستند I .۳
برخی نا P ها نا S نیستند	برخی نا P ها S هستند	برخی S ها نا P هستند	برخی S ها P نیستند O .۴
هر نا P است	هیچ نا S P نیست	هیچ نا S است	هر نا P است A' .۵
هر S P است	هیچ P نا S نیست	هر نا P است	هیچ نا S P نیست E' .۶
برخی P ها نا S نیستند	برخی P ها نا S هستند	برخی نا S ها P نیستند	برخی نا S ها P هستند I' .۷
برخی نا P ها نا S نیستند	برخی نا P ها S هستند	برخی نا S ها P نیستند	برخی نا S ها P نیستند O' .۸

(جدول ۲، روابط همارزی میان محصورهای ۳۲ گانه)

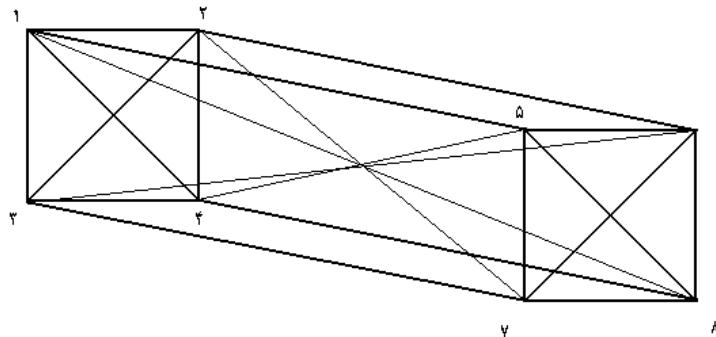
چنان که دیده می‌شود، سرگروههای ۲، ۳، ۶، و ۷، خود، عکس مستوى همارز دارند که این عکس مستوى در ستون سوم نوشته شده است. این در حالی است که سرگروههای ۱، ۴، ۵، و ۸، یا عکس مستوى همارز ندارند یا اصولاً عکس مستوى ندارند و، از این رو، عکس مستوى نقضمحمولهایشان را در ستون سوم نوشته‌ایم.
 در جدول بالا، هر سطر، چهار گزاره همارز دارد که گزاره نخست سرگروه است و سه گزاره بعدی، زیرگروه آن به شمار می‌روند. آشکار است که اگر دو سرگروه، رابطه‌ای با هم داشته باشند زیرگروههایشان نیز با هم همان رابطه را خواهند داشت.

۶.۲. رابطه میان محصورات ۸ گانه

رابطه میان این سرگروه‌ها را به صورت مکعب مستطیل زیر می‌توان نمایش داد که آن را «مکعب تقابل» می‌نامیم:



و یا


 رابطه میان محصورات هشتگانه
 (مکعب تقابل)

برای پرهیز از ازدحام بی‌جهت، از نوشتن نام روابط در کنار خطوط خودداری کرده‌ایم. از این‌رو، توضیح مختصری درباره آن‌ها ضروری می‌نماید. بنابراین، جدول زیر را ببینید:

تداخل	ضلع‌های عمودی
تداخل	قطراهای مکعب
تناقض	قطراهای دو مربع
تضاد	ضلع‌های مستطيل بالا
تحت تضاد	ضلع‌های مستطيل پايین
هیچ‌کدام	قطراهای مستطيل‌ها

در توضیح این جدول، باید بگوییم که قبلًا اشاره کردیم که اکبری روابطی را میان ۳۲ محصوره بیان کرده بود: رابطه نخست این که اگر یک محصوره صادق باشد محصوره دوم صادق است؛ رابطه دوم این که اگر یک محصوره صادق باشد محصوره دوم کاذب است، و رابطه سوم این که اگر یک محصوره صادق باشد ارزش صدق و کذب محصوره دوم نامعلوم است. گفتیم که اکبری عدم اثبات صدق و کذب یک گزاره در فرض صدق گزاره دیگر را رابطه‌ای جدید در نظر گرفته و آن را «رابطه نامعلوم» نامیده بود. این سه رابطه را می‌توانیم «لزوم»، «عناد»، و «هیچ‌کدام» بنامیم: «لزوم» یعنی اگر الف

صادق باشد ب صادق است، «عناد» یعنی اگر الف صادق باشد ب کاذب است. اما اگر هیچ یک از لزوم و عناد برقرار نباشد آن‌گاه یا «منع خلوّ» برقرار هست یا نیست. «منع خلوّ» عکس «عناد» و به این معنا است که اگر الف کاذب باشد ب صادق است. با این توضیح، آشکار می‌شود که «عناد» همان «منع جمع» است. ترکیب منع جمع و منع خلو هم «انفصل حقیقی» را به دست می‌دهد. همچنین، لزوم می‌تواند یکسویه یا دوسویه باشد که در صورت دوم، «تلازم» نامیده می‌شود. اکبری، از میان همه این رابطه‌ها، تنها لزوم، عناد، و هیچ‌کدام را بررسی کرده است، اما آشکار است که با داشتن تناقض، می‌توان روابط «منع خلو»، «انفصل حقیقی»، و «تلازم» را نیز بررسی کرد. در این صورت، روابط میان محصوره‌ها را می‌توان به شش دسته گسترش داد:

- | | |
|-----------------------|--|
| ۱. تلازم: | اگر الف صادق باشد ب صادق است و بر عکس. |
| ۲. لزوم: | اگر الف صادق باشد ب صادق است نه بر عکس. |
| ۳. عناد (یا منع جمع): | اگر الف صادق باشد ب کاذب است نه بر عکس. |
| ۴. انفصل حقیقی: | اگر الف صادق باشد ب کاذب است و بر عکس. |
| ۵. منع خلو: | اگر الف کاذب باشد ب صادق است نه بر عکس. |
| ۶. هیچ‌کدام: | الف گاهی با ب و گاهی بدون ب صادق است و بر عکس. |

برخی از این شش رابطه را می‌توان با کمی تسامح با نام‌هایی از مربع تقابل و نسب اربع متناظر دانست:

تساوی جزئی	تساوی		۱. تلازم:
	عام و خاص مطلق	تدخل	۲. لزوم:
تباین جزئی	تباین (ناافق)	تضاد	۳. عناد (یا منع جمع):
	تباین (تم)	تناقض	۴. انفصل حقیقی:
	من وجه (فرآگیر)	تحت تضاد	۵. منع خلو:
	من وجه (نافراگیر)		۶. هیچ‌کدام:

اکنون با این اصطلاح‌ها می‌توان روابط موجود در «مکعب تقابل» را توضیح داد:

گوشه‌های این مکعب نشانگر تلازم چهار گزاره هم‌ارز هستند و خط‌های موجود در این مکعب، نشانگر روابط «تناقض»، «تضاد»، «تحت تضاد»، و «تداخل» هستند.

دو مربع موجود در این مکعب نشان‌دهنده مربع تقابل میان چهار گروه نخست و میان چهار گروه دوم‌اند. قطراهای این دو مربع نشانگر تناقض‌اند. اما قطراهای خود مکعب نشان‌دهنده تداخل‌اند.^۱ اضلاع مستطیل بالا، همگی نشانگر رابطه «تضاد» هستند و اضلاع مستطیل پایین، همگی نشانگر رابطه «تحت تضاد» می‌باشند.

گوشه‌هایی نیز که هیچ خطی میان آن‌ها رسم نشده (مانند گوشه‌های ۱ و ۶، گوشه‌های ۱ و ۷، گوشه‌های ۲ و ۵، گوشه‌های ۲ و ۸، و...، یعنی گوشه‌هایی که روی قطراهای مستطیل‌ها قرار گرفته‌اند) رابطه‌ای ندارند و در اصطلاح اکبری، رابطه «نامعلوم» را دارند و در اصطلاح ما رابطه «هیچ‌کدام» را.

اکنون به آسانی می‌توان با توجه به جدول ۲ و مکعب تقابل، روابط میان همه مخصوصات ۳۲ گانه را به آسانی به دست آورد.

۶.۳. اثبات رابطه میان محصورات ۸ گانه

برای اثبات نوع رابطه میان سرگروه‌ها، آن‌ها را به صورت زیر روبروی هم می‌نویسیم:

چهار سرگروه دوم	چهار سرگروه نخست
۱. A هر P است	.۱ A هر S است
۲. E هیچ S نیست	.۲ E هیچ P نیست
۳. I برخی S ها P هستند	.۳ I برخی P هستند
۴. O برخی S ها P نیستند	.۴ O برخی P ها S نیستند

۶.۳.۱. می‌دانیم که میان چهار سرگروه نخست، مربع تقابل برقرار است و میان چهار سرگروه دوم نیز این مربع برقرار است. بنابراین، وضعیت دو مربع تقابل در مکعب تقابل آشکار و

۱. در اینجا میان تعریف «تداخل» و ملاک آن تمایز قائل می‌شویم. تعریف «تداخل» چنین است: «استلزم صدق از صدق و استلزم کذب از کذب». اما ملاک «تداخل» چنین است: «اختلاف در کمیت و وحدت در کیفیت». این ملاک ویژه گزاره‌هایی است که وحدت‌های هشتگانه (به ویژه وحدت موضوع و محمول) در آن‌ها مراعات شده است. در گزاره‌هایی که وحدت موضوع یا محمول ندارند، ملاک «تداخل» لزوماً همان ملاک گفته‌شده نخواهد بود.

بدیهی است و نیاز به اثبات جداگانه ندارد. پس باید به ضلعها و قطرهای مکعب بپردازیم.

۶. ۳. ۲. اکنون می‌گوییم که در جدول اخیر، میان سرگروه‌ها در هر یک از دو سطر نخست، رابطه «تضاد» برقرار است و در هر دو سطر اخیر، رابطه «تحت تضاد».^۱ دو گزاره ۱ و ۵ (یعنی «هر نا PS است» و «هر PS است») متضادند، زیرا دومی بنا

۱. برای بیان تضاد و تحت تضاد، باید بگوییم که تعریف تضاد و ملاک تضاد با هم تفاوت دارد، چنان‌که تعریف تحت تضاد و ملاک تحت تضاد با هم تفاوت دارند:

۱- تعریف تضاد: دو جمله نتوانند هر دو صادق باشند اما بتوانند هر دو کاذب باشند.

۲- ملاک تضاد:

a. در محصورات چهارگانه ارسطوبی: وحدت‌های هشتگانه + اختلاف در کیف + کلی بودن هر دو.

b. در محصورات هشتگانه این مقاله: استلزم یکسویه از یکی به نقیض دیگری.

۳- تعریف تحت تضاد: دو جمله نتوانند هر دو کاذب باشند اما بتوانند هر دو صادق باشند.

۴- ملاک تحت تضاد:

a. در محصورات چهارگانه ارسطوبی: وحدت‌های هشتگانه + اختلاف در کیف + جزئی بودن هر دو.

b. در محصورات هشتگانه این مقاله: استلزم یکسویه از نقیض یکی به دیگری.

c. در محصورات هشتگانه این مقاله: وجود تضاد میان نقیض و طرف.

ایراد شده است که: «در منطق ارسطوبی ضوابط خیلی روشن و مشخص است. یعنی اولاً وحدت‌های هشتگانه به عنوان پیش‌فرض ورود به تقابل لحاظ می‌شود که در این مکعب تقابل چنین وحدت‌های را نداریم. ثانیاً تعریف این تقابل‌ها بیشتر جنبه سmantیکی دارد و معیار جنبهٔ نحوی یا سیستکتیکال دارد و این دو جنبه کاملاً از هم تفکیک شده‌اند، اما به نظر می‌رسد در این مکعب تقابل این جنبه‌ها خلط شده‌اند و این‌که معیار و ملاک استلزم لحاظ شده باشد به نوعی سرانجام در این استلزم ممکن است از اصطلاحات سmantیکی صدق و کذب استفاده گردد، هرچند استلزم می‌تواند به صورت نحوی هم تفسیر گردد اما به هر حال در این استلزم‌ها و استنتاج‌ها از قواعدی از منطق استفاده خواهد شد که خود این قواعد بر مبنای روابط در مکعب تقابل باید تبیین شوند و این ممکن است منجر به دور شود».

در پاسخ به این ایراد باید بگوییم که اگر بخواهیم ملاک تضاد در محصورات هشتگانه این مقاله مشابه محصورات چهارگانه ارسطوبی شود باید عبارت زیر را به صورت انفصل حقیقی به ملاک تضاد در محصورات چهارگانه می‌افزودیم: «وحدت محمول و کیف + تناقض در موضوع + کلی بودن هر دو». راه دیگر این بود که این دو ملاک را یک‌کاسه کرده و چنین می‌گفتیم: «وحدت محمول + (اختلاف در کیف و وحدت موضوع) یا (وحدة در کیف و تناقض در موضوع) + کلی بودن هر دو». اما آشکار است که کار کردن با این ملاک‌ها دشوار است و ملاک معرفی شده در متن کار را بسیار ساده‌تر می‌سازد.

برای ایراد دور باید توجه کرد که مکعب تقابل مبنای استلزم‌های میان محصورات هشتگانه نیست؛ بلکه بالعکس، ما با منطق تکوینی خویش استلزم‌ها و روابط را شناسایی کرده و بر اساس آن، مکعب تقابل را بر ساخته‌ایم تا یادآوری آن استلزم‌ها و روابط آسان‌تر شود.

به نقض موضوع مستلزم «برخی P S نیست» می‌باشد که نقیض اولی است. بنابراین، برای اثبات تضاد میان ۱ و ۵، کافی است توجه کنیم که نقض موضوع ۱ نقیض ۵ است و این نشان می‌دهد که این دو جمله نمی‌توانند با هم صادق باشند. همچنین، نقض موضوع ۲، نقیض ۶ است و بنابراین، صدق ۲ و ۶ با هم به تنافض می‌انجامد.

رابطه تحت تضاد میان ۳ و ۷ و نیز میان ۴ و ۸ از این دو نکته به دست می‌آید که این چهار گزاره، به ترتیب، نقیض ۲، ۶، ۱ و ۵ هستند و رابطه میان نقیض دو ضد، رابطه تحت تضاد است.

۶.۳.۳. برای اثبات تداخل و استلزم در قطرهای مکعب، می‌بینیم که در جدول اخیر، سرگروههای ۳، ۴، ۷ و ۸، به ترتیب، نقض موضوع سرگروههای ۶، ۵، ۲ و ۱ هستند و، بنابراین، این گزاره‌ها مستلزم آن گزاره‌ها هستند و از صدق این‌ها صدق آن‌ها به دست می‌آید و از کذب آن‌ها کذب این‌ها؛ از این‌رو، با تعمیم معنای «تداخل»، می‌توان آن سرگروه‌ها را «داخل تحت» این سرگروه‌ها به شمار آورد.

۶.۳.۴. تا این‌جا همه روابط ايجابي اثبات شد و باقی ماند روابط سلبي یا رابطه «نامعلوم» در اصطلاح اكبرى. برای اثبات رابطه «نامعلوم» میان سرگروه‌ها، مقاييسه‌اي ميان دو ستون اول و چهارم از جدول ۲ سودمند است:

	همارزهای ستون چهارم	محصوره‌های ۸ گانه
عکس تمام ۵	۲'. هر P ناست	۱. A هر PS است
	۳'. برخی P ها ناست	۲. E هیچ PS نیست
عکس تمام ۸	۴'. هر S است	۳. I برخی S ها هستند
	۵'. برخی P ها نیستند	۴. O برخی S ها نیستند
عکس تمام ۱	۶'. هر P است	۵. A' هر Na P است
	۷'. برخی P ها S نیستند	۶. E' هیچ Na PS نیست
عکس تمام ۴	۸'. برخی S ها P هستند	۷. I' برخی Na ها P هستند
		۸. O' برخی Na ها P نیستند

سرگروه‌های ۲، ۳، ۶ و ۷ در ستون چهارم، همارزهایی دارند که با ۲'، ۳'، ۶' و ۷' شماره‌گذاري کرده‌ایم. چنان‌که دیده می‌شود، این همارزه‌ها، به ترتیب، عکس تمام

سرگروههای ۵، ۸، ۱ و ۴ هستند.^۱ اگر به جای سرگروههای ۲، ۳، ۶ و ۷، همارزهای ۲'، ۳'، ۶' و ۷' را قرار دهیم کشف رابطه «نامعلوم» میان این گروهها آسان‌تر می‌شود:

چهار گروه دوم	چهار گروه نخست
۶. هر S است	۱. هر P است
۵. هر نا P است	۲'. هر P نا S است
۸. برخی نا S ها نیستند	۳'. برخی P ها نا S نیستند
۷'. برخی P ها S نیستند	۴. برخی P ها P نیستند

در این جدول، هر دو گزاره رو در رو عکس تام یکدیگرند.

۶.۳.۴. ۱. یک موجبه کلیه و عکس تام آن هیچ نسبتی با هم ندارند: نه لزوم، نه منع جمع، نه منع خلوّ، و نه انفصال حقیقی. به عبارت دیگر، نه بین آن‌ها تداخل هست، نه تناقض، نه تضاد، و نه تحت تضاد. دلیل بر نبود رابطه میان موجبه کلیه و عکس تام آن، این است که آن دو می‌توانند با هم صادق باشند، با هم کاذب باشند، و یا یکی صادق و دیگری کاذب باشد. هر دو صادق مانند «هر انسان ناطق است» و «هر ناطق انسان است»؛ هر دو کاذب مانند «هر شیرین سفید است» و «هر سفید شیرین است»؛ و یکی صادق و دیگری کاذب مانند «هر انسان حیوان است» و «هر حیوان انسان است». بنابراین، از صدق (یا کذب) یک موجبه کلیه، نه صدق عکس تام آن لازم می‌آید و نه کذب عکس تام آن و، از این‌رو، رابطه آن‌ها را، در اصطلاح اکبری، می‌توان «نامعلوم» نامید.

۶.۳.۴. ۲. از آن‌جا که سالبۀ جزئیه نقیض موجبه کلیه است، می‌توان نتیجه گرفت که از صدق (یا کذب) یک سالبۀ جزئیه، نه صدق عکس تام آن لازم می‌آید و نه کذب عکس تام آن و، از این‌رو، رابطه آن‌ها را، در اصطلاح اکبری، می‌توان «نامعلوم» نامید. دلیل دیگر بر نبود رابطه میان سالبۀ جزئیه و عکس تام آن، این است که آن دو می‌توانند با هم صادق باشند، با هم کاذب باشند، و یا یکی صادق و دیگری کاذب باشد. هر دو صادق مانند «برخی شیرین سفید نیست» و «برخی سفید شیرین نیست»؛ هر دو کاذب مانند «برخی انسان ناطق نیست» و «برخی ناطق انسان نیست»؛ و یکی صادق و

۱. «عکس تام» را نباید به معنای «عکس مستوی» گرفت. «عکس تام» یعنی «تبديل دو طرف قضیه با بقای کم و کیف». در عکس تام، بقای صدق می‌تواند وجود نداشته باشد.

دیگری کاذب مانند «برخی حیوان انسان نیست» و «برخی انسان حیوان نیست». بنابراین، از صدق (یا کذب) یک سالبه جزئیه، نه صدق عکس تام آن لازم می‌آید و نه کذب عکس تام آن و، از این‌رو، رابطه آن‌ها را، در اصطلاح اکبری، می‌توان «نامعلوم» نامید.

۷. نتیجه

اگر بخواهیم به جمع‌بندی مناسبی از مقاله بررسیم نکات زیر را می‌توان بیان کرد:

۱. در نیم قرن اخیر، منطق‌دانان دریافته‌اند که دو قاعدة «عکس مستوی» و «نقض محمول» می‌توانند با هم سایر استدلال‌های مباشر را اثبات کنند.
۲. در میان این منطق‌دانان، رضا اکبری و عسکری سلیمانی امیری نوآوری‌هایی هم داشته‌اند.
۳. نوآوری‌های اکبری در پیرامون «کیفیتِ موضع و محمول»، یعنی «تحصیل» و «عدول» آن‌ها است، در حالی که نوآوری‌های سلیمانی امیری در پیرامون «کمیتِ موضع و محمول»، یعنی «سورهای موضع و سورهای محمول» است.
۴. نوآوری‌های اکبری شامل یافتن نوعی جدید از عکس نقیض و بررسی روابط محصورات ۳۲ گانه است.
۵. جنگل محصورات ۳۲ گانه که بدون هیچ ترتیبی در انتهای مقاله اکبری جای گرفته است شامل روابط بسیار زیبا و ساده‌ای است که در ۸ گوشۀ یک «مکعب تقابل» قرار می‌گیرد.
۶. در هر گوشۀ این مکعب، چهار محصوره هم‌ارز قرار دارد.

فهرست منابع

۱. ابن‌سینا، حسین، *الاشارات والتنبيهات*، نشر البلاغة، قم، ۱۳۷۵.
۲. ———، *الشفاع: المنطق: القياس*، دار الكاتب العربي للطباعة و النشر، القاهرة، ۱۹۶۴.
۳. اکبری، رضا، «احکام قضایا»، *فصلنامه پژوهشی دانشگاه امام صادق (ع)* (ندای صادق)، شماره ۲۹، ۱۳۸۵، ص ۹۳-۷۵.
۴. ذکیانی، غلامرضا، هنر/استدلال، رویش نو، تهران، ۱۳۸۶.
۵. سلیمانی امیری، عسکری، «روشی جدید در استنتاج صوری با کمترین قاعده»، *معارف عقلی* ۱۳، بهار ۱۳۸۸، ص ۶۸-۴۵.
۶. طوسی، نصیرالدین، *التجرييد في المنطق*، در *الجوهر النضيد في شرح منطق التجرييد*،

- انتشارات بیدار، قم، ۱۳۶۲.
۷. حلی، علامه، *الجوهر النصید فی شرح منطق التجريد*، انتشارات بیدار، قم، ۱۳۶۲.
۸. فلاحتی، اسدالله، «منطق‌های مبتنی بر عکس نقیض و نقض محمول»، *منطق پژوهی* ۱، بهار و تابستان ۱۳۸۹، پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی، صص ۱۱۳-۱۴۲.
۹. ———، «تعهد درون‌قاعده‌ای خواجه نصیر در عکس نقیض و معضل نقض طرفین»، *متافیزیک* (مجله دانشکده ادبیات و علوم انسانی دانشگاه اصفهان)، دوره جدید، سال ۲، شماره ۵ و ۶، بهار و تابستان ۱۳۸۹، صص ۷۵-۸۶.
۱۰. مصاحب، غلامحسین، *مدخل منطق صورت*، انتشارات دانشگاه تهران، تهران، ۱۳۳۴.

