

مکتب هنری رمانتیک و دانش ریاضی

در این نوشتار چندین پیشرفت ریاضی در پرتو ایده‌هایی از مکتب هنری رمانتیک سده‌ی نوزدهم مورد بررسی قرار می‌گیرد که لازم به یادآوری است نهضت رمانتیک که در تقابل با سبک ادبی کلاسیک در فرانسه ایجاد شد، پیش از هر چیز طرفدار اصالت فرد (Individualism) یعنی شخصیت افراد است. ویژگی دیگر مکتب رمانتیک برتری دادن تخیل و عاطفه بر افکار (تقدم احساس بر عقل) و تقلید از بیگانگان معاصر به جای یونانیان و رومیان قدیم است. همچنین آزادی و استقلال در هنر از دیگر ویژگی‌های این مکتب است.

خلاصه^(۱): آیکاروس^(۲)، در پرواز خود با بال‌های نرم و سبک در میان آسمان، می‌چرخد و آنگاه که به نیروی مهیب خورشید نزدیک می‌شود، به ژرفای اقیانوس سقوط می‌کند؛ ویژگی ادعاهای متأفیزیکی نسبت به شناخت علمی این است که وقتی فرد به ضعف‌های خود در برابر الهام‌های معنوی روح خویش پی می‌برد، به تناقض‌هایی که به دشواری درون انسان قرار می‌گیرند، پای‌بند تر می‌شود. بدون شک، تعارضی که درون هر انسانی که خواسته‌های نامحدود را برای زندگی ممتاز یا کامل‌تر تجربه می‌کند، رخ می‌دهد. در آن لحظه خود موضوعی برای محدودیت‌های بی‌شمار است و تناقض‌های زندگی روزمره، پیامد نیازوی به چیره‌شدن بر محیط مادی و روزنه‌ای بهسوی واقعیت متعالی، حقیقت مطلق است. با این حال، این الهام‌ها و تکاپوها مسیر معلومی دارند و استناد به ماهیت مطلق‌گرایانه برای همه‌ی فعالیت‌ها یا آرزوهای بشری یک خطای فکری است که آن‌ها را از هدف و مسیر درست منحرف می‌کند.

ریاضیات، دانشی است که به‌سبب ویژگی‌های خاص خود برای چنین خطی مستعد‌تر است. از

۱ - وقتی نویسنده دانشجوی ریاضیات بود، در چارچوب دوره‌ای به عنوان «سمینار نظم درونی، سده‌ی نوزدهم» با همکاری پروفسور ماریا فالک دی لاسادا (Maria Falk de Losada) از گروه ریاضیات و آمار دانشگاه ملی کلمبیا انجام شد. کار در چهارمین سمپوزیوم تاریخ فلسفه و آموزش ریاضیات در اگوست همان سال ارایه شد. اکنون (دسامبر ۲۰۰۶) او استاد گروه ریاضی در همان دانشگاه است.

۲ - Icarus، پسر دالوس (افسانه‌ی یونان).

افلاتون و مکتب فیساغوریان گرفته تا بوریاکی (Bourbaki)، نظریه طبقات یا نظریه‌ی جدید پیچیدگی، ریاضیات اغلب خود را - هماهنگ با زمینه‌ی تاریخی یا اجتماعی - فرهنگی به یک مرتبه بالاتر یا پایین‌تر - پایه‌گذاری کرده است. به واسطه‌ی این کوشش‌های «محض»، «مافوق طبیعی» یا «ذاتی» به وجود آمده‌اند که باید موفق به بالا بردن انتظام (discipline) در حدی بالاتر از وضعیت معمول بشر شده باشند. این مستلزم ریاضت‌های مسلم شخصی است که بدون آن به چنگ آوردن «ماهیت شبیه خدایی» دستورهای ریاضی ناممکن است. در ادامه‌ی این وضعیت انسان از «فلسفه‌ی زیبایی» که در «محض بودن» استدلال ریاضی، در «садگی» صورت‌های آن و در «استحکام شگرف» نتایج آن منعکس شده به مفهوم زیبایی دست می‌یابد. هم‌می‌این توضیح‌ها اغلب در متن‌های ریاضی و در روی‌کرددهای ریاضی‌دانان برجسته به کار رفته‌اند [برای نمونه، به توضیح‌های دیودون (Dieudonne) که درجه‌ی بالایی از ذهنیت را به نمایش می‌گذارند، نگاه کنید].

جایگاه کنونی ریاضیات به شدت متأثر از پیشرفت‌های سده‌ی نوزدهم در آلمان است. به همین دلیل تلاش برای درک فضای اجتماعی، سیاسی و فرهنگی آن کشور در آن زمان مهم است. ریاضیات از محیط تاثیر گرفته است. تاکیدی که در آن‌جا وجود دارد، این است که ریاضیات یک روی‌کرد نیست، بلکه یک موقعیت معنوی است و بنا براین باید به همه جلوه‌های فکری هم‌زمان مربوط شود. همان‌گونه که وان گریس نماینده‌ی کوییسم اشاره داشته است: «ممکن است یک تکنیک یا رویه در انزوا ابداع شده باشد، اما در موقعیتی معنوی ابداع نشده است.»

پس از تلاش برای یافتن پیوندهایی با دیگر جلوه‌های فکری هم‌زمان، دریافته‌ایم چند ایده‌ی اساسی وجود دارند که به فرد اجازه می‌دهند، بیندارد مکتب هنری رمانیک سده‌ی ۱۹ آلمان روی ریاضیات جدید تاثیر داشته است. هدف از این کار، نشان دادن این مطلب است که چگونه برخی عناصرهای کنونی علوم می‌توانند به عنوان پیامدهای تاثیر جنبش رمانیک بر ریاضیات مشاهده شوند و دیگر این‌که این عناصرها به وسیله‌ی علوم در ارتباط با درجه‌ی «ریاضی بودنشان» به ارث برده شده‌اند. این عناصرها به روش ترکیبی (Synthesis) بیان شده‌اند.

۱. ایده‌ی علم به عنوان دانش مطلق مکتب علمی. (به طور تناقض آمیزی این اندیشه با عمل گرایی (Pragmatic) یا مفهوم سازنده‌ی دانش به وسیله‌ی بشر مدرن هم‌سو است).
۲. شایستگی نظریه‌های با اصول موضوعی درست بلکه با الگوهایی از فرصت فردی و تخیل کاوشگران.
۳. فقدان واقعیت. بی‌اعتنتایی به استحکام، یا آن‌چه بدترین است، بیان ماهیت‌های ایده‌آل و الگوهای مستقل به عنوان دانش معین درباره‌ی واقعیت.
۴. به طور کلی، فقدان سیستم‌های مرجع، بازیستی آفرینش‌های ریاضی به دنبال آفرینش‌های ذهنی می‌آیند به گونه‌ای که درجه‌ی زیادی از ذهنیت می‌تواند؛ مشاهده شود.

۵. آشتفتگی در آن‌چه پاپر (Popper) حدود عفلانیت نامید: تعیین مرز بین دانش و شبه دانش. این مقاله شامل پیوند عنصرهای فوق است تا تاثیر احتمالی مکتب هنری رمانیک اروپایی (به طور نزدیکی به ایده‌الیسم پیش از سده‌ی نوزدهم گره خورده است) و پیشرفت‌هایی که در ریاضیات آن سده رخ داد، نشان داده شود: یکی عدم «قطعیت» (اهمیت فوق العاده هندسه‌های ناقلیدسی) و دیگری نظریه‌ی کانتور درباره‌ی عددهای ماورای متناهی، که هر دو کوشش‌های فراوانی برای ایجاد مبانی ریاضیات (حساب، منطق و هندسه) داشته‌اند. سه مشخصه‌ی مکتب هنری رمانیک می‌تواند به‌ویژه از نیمه‌ی دوم سده‌ی نوزدهم در ریاضیات یافت شود.

این مشخصه‌ها عبارتند از فرضیه‌سازی (Hypothesization)، تصور کردن (Fictionalization) و تجزیه کردن (Disembodiment). هم‌چنین این ارتباط بین ریاضیات و مکتب هنری رمانیک پیوند نزدیک با علم انسان‌شناسی (محبث رابطه‌ی انسان با خدا)، جامعه‌شناسی و هنر را شامل می‌شود، به گونه‌ای که بی‌تردید مکتب هنری رمانیک حقیقی به‌یک باره به معنویت اروپایی «تزریق» شده است. این ارتباط‌ها با توجه به پیچیدگی‌هایی که دارند نمی‌توانند به‌طور کامل در این مقاله مورد بحث قرار گیرند، اما جاذبه‌ای برای بررسی در این زمینه ایجاد می‌کنند.

«ریاضیات بیانی از فرهنگ یک جامعه در یک مقطع تاریخی معین، انفعالی از گرایش‌های فکری یک گروه، با تناقض‌ها و دلسردی‌های ناگهانی روش‌های هنگام عمل و جریان‌های فکری ویژه‌ی آغاز یک فصل جدید می‌شود.» ریاضیات کنونی، همان‌طور که تاکنون اشاره شد بر مبنای تفکیک تقاضا برای حقیقت و تبدیل آن به تقاضاهای بسیار مشروط و محدود (فرآیندهای منطقی) درباره‌ی یگانگی و پیوستگی فرضیه‌ها (که به اصولی برای هر نظریه تبدیل شده‌اند). پیش می‌رود. نوسان بین درجه‌هایی از تجرد، هنجارهای تفسیر (فرا زبان^(۱)) مورد نیاز برای «بیننده»، کسی که اکنون نمی‌تواند غیرفعال بماند را می‌افریند. این بجایت که ذهنیت وارد می‌شود و نقش مهمی را بازی می‌کند؛ تفسیرهای شخصی، دنبای پیچیده‌ی درونی بیننده یا «خلق»، حسن «زیبایی»، سرگرمی، خوشایندی و آن احساس گریزانی که «تجانس روحی» نامیده می‌شود، موقعیت ممتاز ریاضیات سده‌ی ۱۹ را تشکیل می‌دهند. ممکن نیست که با همان دیدگان تقاضی انتزاعی آمریکای شمالی ۱۹۵۰، به تأثیر پژواک صدای واروس (Vares) و نظریه‌ی طبقات در ریاضیات توجه نداشته باشید: همه‌ی این‌ها شرح‌هایی هستند که وقتی بیننده آن‌ها را اصلاح و تفسیر می‌کند و با جهان‌بینی خود یکی می‌کند و در بیش‌تر مبانی معانی زندگی خودش ترکیب می‌کند، تنها علت کامل وجودی خود را می‌رساند.

- ۱ - (Metalanguage)، زبان معمولی درباره‌ی اشیا سخن می‌گوید، اما فرازبان درباره‌ی زبان سخن می‌گوید. از این رو وقتی نظریه‌ای را درباره‌ی زبان می‌پردازیم، این فرازبان است که با آن سخن می‌گوییم. (متترجم).

آفرینش، اصالت فرد و آزادی (همانگونه که کانتور می‌گوید: «اساس ریاضیات آزادی است.») همهی اصول مکتب هنری رمانتیک، در ریاضیات هم‌زمان با آن مورد ستایش هستند. تجلیل از دیدگاه‌های فردی و تجربیدهای گاه و بسیگاه، سختگیری‌های مخالف و تجربه‌های واقعی، شاخصه‌های مکتب هنری رمانتیک، همچنین شاخصه‌های ریاضیات هستند. سفسطه‌ی رمانتیک که «فرضیه‌سازی و مطلق نبودن به آزادی و تحمل اطمینان می‌دهند» ریاضیات را به نظریه‌ی تفسیر برمی‌گرداند.

عنصر دیگری که رابطه‌ی نزدیک با مکتب هنری رمانتیک را آشکار می‌کند، جستجو برای ساختارهای حد در ریاضیات، و توجه آن‌ها به عنوان رسانه‌ای برای ارتقای دانش است. همچنین به نظر می‌رسد ارتباط با اندیشه‌ی «الگوی بنیادی» که گوته در بیولوژی جدید معرفی کرد، این‌جا ارایه شده باشد. حرکت و ریتم، شاید زیباترین اندیشه‌هایی باشد که مشخص می‌کند هنر از مکتب رمانتیک متأثر است و اغلب در ریاضیات پس از سده‌ی ۱۹ هم یافت می‌شود. «می‌توانیم پس از کار انقلابی جرج کانتور در نظریه‌ی مجموعه‌[ها] در ریاضیات، کار ارزشمند و متناقضی چون کار ماهر (Mühler) را ببینیم، آن‌جا مکتب بسیار مستحکمی جریان می‌یابد و نتایج به دست آمده به وسیله‌ی جایگزینی مفاهیم به هم پیوند می‌خورد.

ماهر و کانتور، نمایاننده مسیر جدیدی هستند که با تلاش برای غلبه بر ساختارهای ابداع شده در رشته‌ی مربوطه تمایل به بی‌کرانی آخرین امپراتوری اروپایی را منعکس می‌کنند. کانتور ماهیت‌های جدیدی را خلق کرد، ساختار عمل‌های دودویی کلاسیک (جمع و ضرب) را در عده‌های ماورای متناهی به کار برد و چند روش برای اندازه‌گیری مرتبه‌های بی‌نهایت بیان کرد. کار او تلاشی است برای یافتن یک اصل، که انتقال جالب‌ترین ویژگی‌های عده‌ها را به مجموعه‌های مجرد اجازه می‌دهد. کانتور به «خوب مرتب کردن» یک مجموعه‌ی مفروض نیاز داشت. ایده‌ی اساسی، یافتن اصلی برای رمزگشایی جهان است، اما جهان بسیار گسترده است و فوریت رسیدن به یک روش کلی اصالت فرد به کار با موجودیت‌هایی که بسیار گسترده و سرانجام متناقض با نظریه‌ی مجموعه‌ها هستند، منجر می‌شود. آن‌چه این‌جا جلب توجه می‌کند، این است که تمایل به یافتن به کشف شکوهمندی‌های دانش تا کنون اغلب دست‌نیافتنی بوده است؛ تمایل برای کشف بسیار دقیق صورت‌های ارزشمند، گسترده، متعهدانه و رقیق شده‌ی بی‌نهایت وجود دارد. یک ریتم وجود دارد؛ ریتم ایجاد شده بعد از مکتب هنری رمانتیک به مدینه‌ی فاضله‌ای تبدیل شده که صورت‌های "... را می‌شکند، قطع و منفجر می‌کند، روش استنتاج منطقی در روزهای کنونی ریاضیات کلاسیک متناقض‌های (صریح) را جایز نمی‌داند و این، از بیرون دیده می‌شود، به نظر می‌رسد که بسیار محدود باشد دلیلی از سختگیری ذاتی در آفرینش‌های احتمالی ریاضی‌دانها، برخلاف آن اثبات‌های پوانکاره و هادامارد جایگاه بی‌کرانی برای ارزش دریافت مستقیم قایل هستند، و با آن‌ها یاد می‌گیریم

که آفرینش ریاضی اغلب به قدری معجزه‌آسا و غیرقابل درک است که هر صورت دیگری از ابداع. نابراین، اگرچه یک مقایسه‌ی کامل با تندترین شکاف‌هایی که در موسیقی، ادبیات یا هنر رخ داده‌اند نمی‌تواند در ریاضیات انتظار برود، فرد می‌تواند سعی کند ریتم تازه‌ای در مسیر بررسی محصول آن دوران بیابد.

اطمینان مطلقی که ریاضیات برای حفظ موجودیت‌های معین، ساختارها و روش‌ها... به آن عادت دارد با ظهور هندسه‌های ناقلیدسی پایان نمی‌یابد. در نتیجه‌ی اطمینان در قطعیت و توان مستقیم اثبات «گواه» هندسی یا «موفقیت در کاربردها» انتظام [ریاضیات] بر بنای اعتقاد به «توان آفرینش تفکر محض»، به روش مبتنی بر اصول، به روش اثباتی، یا منطق، به روش بازگشتی... با مکتب ساختارگرایی، که اندیشه‌های هگل را به یاد می‌آورد، حرکت می‌کند. این‌ها تعدادی از مطلق‌هایی هستند که هر سیستم ریاضیات ایجاد می‌کند، اما مطلقی که در این سیستم‌ها طراحی شده یک کاستی دارد: ویژگی مطلق بودنش را به تفکر شاعرانه‌ی سازنده‌ی متکبر سیستم‌ها مدیون است. هم‌چنین وی با ضعف تخیل خود تصویر مطلقی را که ترسیم کرده کم‌رنگ می‌کند. در نهایت و هم‌چون کاریکاتور، شاید شخصی بیندیشد «زندگی خطرناک» در ریاضیات، «معلق ماندن در هوا»، آن‌قدرها هم بد نیست، چون علت وجودی خود او، کناره‌گیری او از دنیای بیرون به وی اجازه نمی‌دهد تا بداند در چه مرتبه‌ای عمل می‌کند یا از واقعیت دور می‌شود. ریاضیات پایانی در خود شده است و «نظریه‌ی شناخت» آن را در برابر لغزش‌ها بیمه کرده است و به ریاضی‌دان‌ها اجازه می‌دهد زندگی روزمره‌ی خود را بدون هراس سپری کنند.

به‌هرحال، لذت‌های ژرف، احساس‌های درونی، ماجراهای خیالی، خشنودی که از زندگی روزمره‌ی هنرمندانه ریاضی‌گونه تولید می‌شود، همه و همه کافی است تا مرموز و تیغه‌ای بُران برای شناخت معرفت باقی ماند. اما با توجه به جایگاه رو به رشد ریاضی چه چیزی می‌توانست برای علوم مادی و طبیعی اتفاق افتد؟ آیا آن‌ها مبحث شناخت شناسانه‌ی مطمئنی دارند تا از فشارهای احتمالی رها شوند؟ آن‌ها از رخدادهای درون ریاضیات تا کجا آگاه هستند؟ آن‌ها چه بهایی را حاضرند برای کاربرد یک زبان (حتا گاهی بیش تر از یک زبان) به احتمالی درجه‌ی بالاتری از دقت، هوشیاری، ظرافت و سادگی... را به آن‌ها پیشنهاد می‌کند، پردازند؟

سرچشم:

March Aljandra Sanchez Vasquez Romanticism and mathematics. HPM newsletter. No 64,

2007, page 13. Available:<http://www.clab.edu.uoc.gr/hpm/>[2007]