

امی نوثر Emmy Noether

(۱۸۸۲-۱۹۳۵)

برگردان: پرویز شهریاری



زندگی نامه‌ی امی نوثر پیچیده نیست. در ۲۳ مارس ۱۸۸۲ در ارلانگن، در خانواده‌ی ماکس نوثر ریاضی دان، به دنیا آمد. استعداد ریاضی او به تدریج ظاهر شد. در سال ۱۹۰۷، از رساله‌ی خود درباره‌ی «نظریه‌ی صوری - نظری انواریان‌ها»، دفاع کرد. ده سال بعد، اثر خود را درباره‌ی انواریان‌های دیفرانسیلی «آماده کرد (۱۹۱۸)، این دو اثر، نشانه‌ی خوبی بود بر استعداد و شایستگی امی نوثر در ریاضیات. کشش او به سمت تنظیم کلی مساله‌های ریاضی بود و می‌خواست به چنان سازمان‌های ریاضی دست یابد که چهره‌ی ریشه‌ای و منطقی موضوع مورد نظر را، به دور از هرگونه پیچیدگی و ایهام و موقعیت‌های تصادفی، نشان دهد.^۱

امی نوثر، رساله‌ی مربوط به انواریان دیفرانسیلی را در گوتینگن نوشت که از سال ۱۹۱۶ در آن‌جا اقامت داشت. کارهای ریاضی این دوره‌ی او، به شدت زیر تاثیر هیلبرت

۱. این مقاله از سخن‌رانی پاول سرگه یهویج آلساندروف، عضو فرهنگستان و رئیس انجمن ریاضی دانان مسکو در ۵ سپتامبر ۱۹۳۵، که، به مناسبت مرگ امی نوثر ایراد شده، برداشته شده است.

بود، اغلب فراموش می‌کنند که فعالیت‌های امی نوتر در این دوره، روی مساله‌های مربوط به جبر هیلبرتی متمرکز بود. همین کارها و کار او در دیفراستیلی، به خودی خود، او را در ردیف ریاضی دان درجه‌ی اول قرار می‌دهد، به نحوی که نمی‌توان اعتبار او و تاثیر او را در دانش ریاضی، کمتر از بررسی‌های سوفیا واسیلیوناکروالوسکایا (۱۸۵۰-۱۸۹۱) دانست. با وجود این، وقتی از امی نوتر، به عنوان یک ریاضی دان صحبت می‌شود، نه به این کارهای اولیه‌ی او، بلکه به دورانی از زندگی او توجه می‌شود که، آغاز آن را، باید از سال ۱۹۲۰ به حساب آورده، دورانی که امی نوتر در نقش پدید آورده‌ی سمت‌گیری تازه‌ای در جبر، ظاهر می‌شود.

خود امی نوتر هم، به این امر که کارهای نخستین او را کمتر به یاد آورند، کمک می‌کرد: او می‌خواست خودش هم، سال‌های نخست فعالیت‌های علمی خود را، فراموش کند، زیرا گمان می‌کرد، نتیجه‌هایی که در آن سال‌ها به دست آورده است، در برابر مسیر اصلی علمی او، یعنی پدید آوردن جبر انتزاعی کلی، ارزشی ندارد.

در اینجا نمی‌خواهم درباره‌ی همه‌ی کارهایی که امی نوتر برای ریاضیات کرده است، صحبت کنم، بلکه می‌خواهم سیمای این زن دانشمند را، هم به عنوان یک ریاضی دان، هم به عنوان فصلی از یک مکتب بزرگ، علمی و هم به عنوان شخصیتی درخشان، بی‌نظیر و جذاب، به صورتی صمیمانه‌تر در برابر شما قرار دهم.

امی نوتر، راه خاص خودش را در زمینه‌ی ریاضیات، از سال‌های ۱۹۱۹-۱۹۲۰ آغاز کرد. خود او، آغاز این دوره‌ی فعالیتش را از زمانی می‌داند که کار مشترک و معروف خود را با و. شیمی دلرا انجام داده است. این کار، مقدمه‌ای بود بر «نظریه‌ی عمومی ایده‌آل‌ها»ی او که با عنوان (Idealtheorie in Ringberciche) در سال ۱۹۲۱ منتشر شد. به اعتقاد من، در بین همه‌ی کارهای امی نوتر، پایه‌های نظریه‌ی عمومی ایده‌آل‌ها و همه‌ی آن چه به این پایه‌ها مربوط می‌شود، بیشترین تاثیر را بر مجموعه‌ی ریاضیات داشته و خواهد داشت. این اندیشه‌ها، نه تنها کاربردهای جدی، از جمله در کارهای وان درن وارد در زمینه‌ی هندسه‌ی جبری پیدا کرد، بلکه در ضمن، برخورد تفکر جبری و تا حدی بر تفکر عمومی و ریاضی زمان ما، تاثیری جدی و عمیق داشته است. اگر در زمان ما، تکامل ریاضیات زیر پرچم «جبری شدن» انجام می‌گیرد، اگر مفهوم‌ها و روش‌های جبری، در گوناگون‌ترین نظریه‌های ریاضی نفوذ کرده است. تنها به خاطر کارها و آفرینش‌های امی نوتر است. او به ما آموخت، به جای عمل‌های بغيرنج جبری،

به مفهوم‌های ساده و کلی جبری (تصویر یکسان، گروه یا حلقه با عمل کننده‌ها، ایده‌آل‌ها) بیندیشیم و به این ترتیب بود که مسیر یافتن قانون‌مندی‌های جبری، در آن جاهای که، این قانون‌مندی‌ها، زیرپوششی از موقوفیت‌های خاص و پیچیده‌ی جبری پوشیده شده و از دید متخصصان جبر رسمی پنهان بودند، گشوده شد. قضیه‌هایی مانند «قضیه‌ی مربوط به همسانی^۱ و هم‌ریختی^۲» مفهوم‌هایی مانند قطعه زنجیره‌ی صعودی یا نزولی زیر گروه‌ها یا ایده‌آل و، به خصوص، مفهومی مانند «گروه‌های عمل کننده» برای نخستین بار، به وسیله‌ی امی نوتر تنظیم شد و امروز، به عنوان وسیله‌ی نیرومندی در یک رشته از مثال‌های ریاضیات کاربرد دارد. کافی است نظری کلی به کارهای لوسه می‌بونو و چ پرو با گین در زمینه‌ی نظریه‌ی گروه‌های پیوسته، کارهای آندره نیکلایه و چ کولمگوروف در زمینه‌ی توپولوژی ترکیبی فضاهای به هم پیوسته موضعی، کارهای ایزهارد هوپ^۳ در زمینه‌ی نظریه‌ی نگاشت‌های پیوسته و کارهای وان درواردن^۴ در زمینه‌ی هندسه‌ی جبری بیندازیم، تا به تأثیر اندیشه‌های امی نوتر پی بیریم. این تأثیر را، در کتاب هرمان وینل^۵ هم می‌توان دید.

می‌توان از خود جبر (همراه با نظریه‌ی گروه‌ها صحبت کرد که به ظاهر، جزو بررسی‌های مستقیم امی نوتر نیست. در اینجا هم، عده‌ای از باستعدادترین ریاضی‌دان‌ها، توانستند با ادامه‌ی کارهای امی نوتر در جهت‌های مشخص و مختلف، تکامل این شاخه‌ی ریاضیات را در زمان‌ما، تامین کنند. به خصوص نظریه‌ی کلی استثنای و نظریه‌ی گوناگونی‌های جبری، از جمله‌ی موقوفیت‌های چشم‌گیری هستند که زیر تأثیر نظریه‌ی کلی ایده‌آل‌های امی نوتر پذید آمده‌اند. در همین رابطه، باید یاد آوری کنم که در مسکو، در بین ریاضی‌دانان که در زمینه‌ی جبر کار کرده‌اند، کارهای مشهور او توپولوچ و چ شمیت دریاره‌ی منحصر به فرد بودن تجزیه‌ی گروه‌های به ضرب مستقیم، و یک رشته از کارهای آ. کوروش، زیر تأثیر جدی امی نوتر بوده است.

با بسط‌العهی نتیجه‌گیری‌های امی نوتر در دوره‌های خلافیت او در تمامی زندگی، تردیدی باقی نمی‌ماند که کشش اصلی و جوش و خروش اساسی درونی او، در جهت

1. Homomorphism.

2. Isomorphism.

3. Hopf.

4. Von der Waerden.

5. Weyl (1885-1955).

6. Cruppen theorie und Quanten mechanik.

موضوعهای کلی و، تا حد زیادی، اصل موضوعی کردن ریاضیات بوده است. توجه امی نو تر به این جنبه‌ی کار، به موقع و بسیار ضروری بود، زیرا در زمان ما، مساله‌ی مربوط به اصل موضوعی کردن و سازمان ریاضیات به صورتی کلی، انتزاعی و مشخص، یکی از مساله‌های اساسی عمل ریاضی است. علاقه به تمامی مساله، در مجموع و به طور کامل، به ویژه از این جهت ثمر بخش است که، از یک طرف، نشریه‌های ریاضی، با مجموعه‌ای از مقاله‌های کم و بیش مزاحم خود درباره‌ی تعمیم و اصل موضوعی کردن و مانند آن، اغلب از مضمون مشخص ریاضی دور می‌شوند و، از طرف دیگر، اینجا و آنجا اعلام می‌شود که، ریاضیات امروزی، به جز همین‌ها، چیز دیگری نیست. آن‌ها، با این شعار، مساله‌های مهم ریاضی را تنها به این دلیل به یاد می‌آورند که با «عقل سلیم» سازگار نیستند و از مفهوم‌هایی استفاده می‌شود که در چند ده سال گذشته معمول نبوده است، مانند مفهوم حلقه‌هایی جبری عام، مفهوم فضای توپولوژی و... هرمان وبل، در سخنرانی خود، در نشستی که برای بزرگداشت امی نو تر در ۲۶ آوریل ۱۹۳۵، در پنسیلوانیا ای آمریکا تشکیل شده بود، همین مساله‌ی کلی را مطرح می‌کند. او چنان خوب در ماهیت موضوع وارد شده است که نمی‌توانم، در اینجا، از سخن او بگذرم:

در سال ۱۹۳۱، در سخنرانی خود درباره‌ی توپولوژی و جبر انتزاعی،

به عنوان دو مسیر درگ ریاضیات، گفته بودم: «نمی‌توانم درباره‌ی این حقیقت سکوت کنم که، در زمان ما این اعتقاد در میان ریاضی‌دانان منتشر می‌شود که، ثمر بخشی این‌گونه روش‌های انتزاعی، روز به روز کمتر و ناچیزتر می‌شود. موضوع این است که، این مفهوم‌های انتزاعی و کلی، با همه‌ی زیبایی و دلفربی خود، ملموس نیستند و از دسترس ما بیرون هستند. هر مساله‌ی مشخص، به نحوی حل می‌شود که بستگی به میزان دشواری آن دارد و در آغاز، موفقیت در حل مساله، با دشواری و به طور تقریبی حاصل می‌شود. آن وقت، اصل موضوع گرایان از راه می‌رسند و می‌گویند: به جای این که از نیروی بازوی خود استفاده کنید، و برای باز کردن در، آن را با زور بشکنید، برای خودتان کلید مخصوصی تهیه کنید و در را، به سادگی و بدون دشواری، به کمک کلید، باز کنید. ولی حقیقت این است که، این‌ها، تنها به این دلیل می‌توانند کلید را بسازند که، با شکسته شدن در، این امکان را به دست آورده‌اند که قفل را، از هر دو طرف، از بیرون و از درون، مورد بررسی قرار

دهند. پیش از آن که بتوانید تعمیم دهید، تنظیم کنید و به صورت اصل موضوعی درآورید، باید جوهر ریاضیات را در اختیار داشته باشید. بیم آن دارم که، جوهر ریاضیات، در نوع سازمان دهی که در چند ده ساله‌ی اخیر بدآن عادت کرده‌ایم ورزیده شده‌ایم، به تدریج رو به تحلیل برود و از پادرآید. و به همین مناسبت، می‌ترسم، نسل رو به رشد ریاضی دانان، در برابر مرحله‌ی دشواری از ریاضیات ایستاده باشند.»

آن وقت هرمان ویل ادامه می‌دهد:

«امی نوتر علیه این دیدگاه به اعتراض برخاست و، در واقع هم، توانست با تکیه بر روش اصل موضوعی، مساله‌های مشخص تازه‌ای کشف کند و راه حل‌های آن‌ها را نشان دهد.»

این نقل قول، شایسته‌ی توجه بسیار است. پیش از هر چیز باید گفت، این دیدگاه، که هر تلاشی برای اصل موضوعی کردن موضوع‌های ریاضی، باید بعد از تجزیه و تحلیل و بررسی این موضوع‌ها انجام گیرد، برخورداری ساده اندیشانه است؛ از این گذشته، اصل موضوعی کردن، تنها وقتی جالب است که با معرفت واقعی ریاضی (چیزی که هرمان ویل آن را «جوهر ریاضیات» می‌نامد) بستگی داشته باشد و، البته، در این صورت، آب در هاون کوییدن نیست. در واقع، امی نوتر علیه همان روحیه‌ی بدینانه و ناامیدکننده‌ای اعتراض می‌کند که در سخنرانی سال ۱۹۳۱ هرمان ویل دیده می‌شود. جوهر معرفت انسانی، و از آن جمله ریاضیات، دست‌کم برای سال‌های بسیار زیادی، پایان ناپذیر است و این همان چیزی است که امی نوتر به آن باور داشت. ممکن است جوهر ریاضیات چند ده ساله‌ی اخیر، به پایان خود برسد، ولی جوهر ریاضیات به‌طور کلی، همچنان زاینده است، امی نوتر این بستگی را، حتا برای انتزاعی ترین جنبه‌های ریاضیات، به خوبی احساس می‌کرد، و با آن که به جنبه‌ی فلسفی موضوع نمی‌اندیشید، به عنوان یک دانشمند واقع‌بین و به عنوان انسانی که هرگز خود را به‌زنگیر مفهوم‌های انتزاعی نبسته بود، واقعیت را درک می‌کرد. امی نوتر به ریاضیات، به عنوان وسیله‌ی نیرومندی برای شناخت جهان می‌نگریست، نه به عنوان یک بازی با نمادها؛ او در عین حال، در برابر کسانی که می‌خواستند تنها با در نظر گرفتن شاخه‌هایی از ریاضیات کاربردی، بستگی ریاضیات را با زندگی و عمل توجیه کنند، مخالفت می‌کرد. او ریاضیات را، همچون معرفت و شناخت به‌طور کلی، می‌دید که، از یک طرف باید به صورت واحدهای جداگانه مورد

بررسی قرار گیرند و، از طرف دیگر، با توجه به بستگی‌های متقابل این واحدها، به یکپارچگی و یگانگی آن لطمه‌ای نخورد، چرا که هر دو جنبه‌ی ریاضیات، به یک‌انداز، اهمیت دارد.

احساس و درک عمیق واقعیت‌ها، مبنای اصلی خلاقیت امی نوتر بود؛ شخصیت علمی او (در گردهم‌آیی‌ها و انجمان‌های ریاضی) همیشه و در روی کسانی قرار می‌گرفت که می‌خواستند، ریاضیات را، به‌نوعی ورزش ذهنی و اندیشه‌ای تبدیل کنند. در گفت و شنودها و بحث‌های مکرری که با او، درباره‌ی ماهیت ریاضیات داشته‌ام (و همیشه ساده و بدون توجه به جنبه‌های فلسفی موضوع بود)، امی نوتر بارها این جمله‌ی زیبای لاپلاس را به‌یاد می‌آورد که:

اگر انسان، خود را تنها به جمع‌آوری حقیقت‌ها محدود کند، آن‌وقت
دانش، به مجموعه‌ای از اصطلاح‌های بی‌ثمر تبدیل می‌شود و در نتیجه،
هرگز قانون‌مندی‌های بزرگ طبیعت را نخواهد شناخت.

در این سخن، که از زبان یکی از نمایندگان بزرگ دانش بشری جاری شده است، بستگی تنگاتنگ دانش با واقعیت عینی جهان خارج، به خوبی نشان داده شده است و شامل برنامه‌ی کاملی از رابطه‌ی متقابل دستاوردهای مشخص و انتزاعی، با شناخت آدمی به‌طور کلی و، از آن جمله، ریاضیات است. و به اعتقاد من، امی نوتر در آفرینش‌های خود، این برنامه را اجرا کرده است.

مکتب امی نوتر در سال‌های ۱۹۲۵-۱۹۲۴، یکی از درخشنان‌ترین موقفیت‌های خود را به‌دست آورد: وان‌درْ واردن، دانشجوی آمستردامی، شاگرد این مکتب شد. او تنها ۲۲ سال داشت و یکی از درخشنان‌ترین چهره‌های جوان ریاضیات اروپا بود. وان‌درْ واردن، به سرعت نظریه‌های امی نوتر را فراگرفت و آن‌ها را با نتیجه‌گیری‌های تازه‌ای فنی تر کرد. او نظریه‌ی کلی ایده‌آل‌ها را، در سال ۱۹۲۷، در گوتینگ و با موفقیت بالایی گذراند. اندیشه‌های امی نوتر با طرح بسیار جالب وان‌درْ واردن، ابتدا در گوتینگ و سپس، در دیگر مراکز‌های ریاضی اروپا، ریشه دوانید. تصادفی نیست که امی نوتر، به‌عام‌کردن اندیشه‌های خود و به‌یان آن‌ها به زبان ساده نیاز داشت: سخن‌رانی‌ها و درس‌های او، به گروه نه چندان بزرگ شاگردانی مربوط می‌شد که در جهت پژوهش‌های او کار می‌کردند و، به‌طور دائم، سر درس او حاضر می‌شدند. این سخن‌رانی‌ها و درس‌ها، به هیچ‌وجه، برای گروه وسیعی از ریاضی‌دانان، مناسب نبود: استفاده از کلاس امی نوتر

کم و بیش دشوار بود، او تند، درهم و نامفهوم صحبت می‌کرد؛ ولی در عوض، تفکر ریاضی بسیار نیرومندی داشت و شوق و شوری بی‌اندازه به وجود می‌آورد. وقتی هم که در انجمن‌ها و سمینارهای ریاضی صحبت می‌کرد، به همین‌گونه بود. اگر ریاضی دانی اندیشه‌های او را فرا می‌گرفت و به کارهای او علاقه‌مند می‌شد، می‌توانست از درس و سخنرانی او استفاده کند، ولی ریاضی دانی که از کار و کلاس او دور بود، اغلب برای سردر آوردن از دیدگاه‌های او، دچار زحمت بسیار می‌شد.

از سال ۱۹۲۷، تاثیر اندیشه‌های امی نوتر بر ریاضی دانان معاصر او، روزبه روز بیشتر می‌شد و، همراه با آن، اعتبار علمی صاحب این اندیشه‌ها، بالاتر می‌رفت. کار شخصی او، در این دوران متنوع بود و تغییر می‌کرد و، اغلب، از حوزه‌ی جبر غیرجایه‌جایی، به سراغ نظریه‌ی عمومی حسابی در دامنه‌ی فرا مختلطها می‌رفت. کارهای او در این زمینه‌ها، بحث‌های زیادی را در نظریه‌ی جبری عده‌ها برانگیخت. از شاگردان این دوره از فعالیت او، می‌توان از م. دورینگ^۱ و فیتنگ^۲ نام برد. دورینگ، رساله‌ای را در زمینه‌ی کار امی نوتر در حوزه‌ی فرا مختلطها، منتشر کرد. اگر امی نوتر، برای به‌رسمیت شناخته شدن کامل اندیشه‌های خود، انتظار می‌کشید. اگر در سال‌های ۱۹۲۵-۱۹۲۳، در تلاش دائم برای اثبات اهمیت نظریه‌ی خود بود، در سال ۱۹۳۲، در کنگره‌ی جهانی ریاضیات در زوریخ، توانست موقیت زیادی به‌دست آورد. سخنرانی او در این کنگره، یک پیروزی درخشان برای او بود و نه تنها توانست درستی اندیشه‌های خود را، چه از نظر ریاضی و چه از نظر درونی، ثابت کند، بلکه در عین حال، همه را به مسیر تکامل موردنظر خود در ریاضیات قانع کرد. ولی پیروزی نازیسم، پیشامد دهشت‌انگیزی که تمامی معرفت و فرهنگ انسانی را تهدید می‌کرد، مکتب ریاضی گوتینگ را برهم زد و، امی نوتر ناچار به مهاجرت از آلمان شد (۱۹۳۳). او یک سال و نیم آخر عمر خود را در «براون ماور» و «پریستون» گذراند.



رفتار با امی نوتر را در آلمان، می‌توان به عنوان نمونه‌ی روشنی از کنه‌پرستی نفرات‌انگیز و، در ضمن، ناتوانی و بی‌قابلیتی فرهنگستان‌نشینان و مسوولان بوروکرات

1. M. Deuring.

2. Witt.

3. Fitting.

پروسی در رفع دشواری‌ها، به یاد آورد. دانشیار شدن او در سال ۱۹۱۹، تنها در نتیجه‌ی پافشاری هیلبرت و کلاین و بعد از مقابله‌ای جدی با مقاومت لجوچانه‌ی استادان ارتজاعی دانشگاه، مورد تایید قرار گرفت. اعتراض اصلی، به‌ظاهر، به «جنسیت» امی نوتر مربوط می‌شد. می‌گفتند: «چگونه می‌توان اجازه داد، یک زن دانشیار بشود، بعد از دانشیاری، نوبت به استادی و، سپس، عضویت سنای دانشگاه می‌رسد، و مگر می‌شود یک زن را به سنا فرستاد؟» و در همینجا، هیلبرت، نیشن‌دار و پرطنز تذکر می‌دهد: «آقا، مگر سنا حمام مردانه است که زن تواند وارد آن بشود؟» ولی در واقع، این ظاهر امر بود. اعتراض متولیان فرهنگستان گوتینگن، بیشتر از زن بودن امی نوتر، اعتقادهای سیاسی را دیگال او بود.

او سرانجام، دانشیاری و، سپس، استادی افتخاری (یعنی بدون حقوق) را به‌دست آورد، تنها تلاش‌های کورانت موجب شد تا دستمزد ناچیزی (۴۰۰ تا ۲۰۰ مارک در ماه) برای او تعیین کنند که، البته، باید هر سال به‌تایید وزیر می‌رسید. با همه‌ی این‌ها و با وجودی که ماهیانه‌ی تضمین شده‌ای نداشت، تا زمان اخراج از دانشگاه و اجبار به‌مهاجرت از آلمان، به‌زندگی و کار خود ادامه داد. او عضو هیچ فرهنگستانی نبود، حتا فرهنگستان شهری که تمامی فعالیت‌های خود را، در آنجا، متمرکز کرده بود. هرمان ویل، به‌این مناسبت می‌نویسد:

وقتی در سال ۱۹۳۰ گرسی استادی خود را به‌دست آوردم^۱، بسیار کوشیدم تا وزیر را، برای بهتر کردن شرایط زندگی او (امی نوتر) قانع کنم، از این که در برابر این ریاضی‌دان بزرگ، مقام والاتری داشتم، خجالت می‌کشیدم، می‌فهمیدم که او، به‌عنوان یک ریاضی‌دان، در جهت‌های بسیاری، والاتر از من است؛ ولی من، به‌نتیجه‌ای نرسیدم. در تلاش خود، برای انتخاب او به‌عضویت جامعه‌ی علمی گوتینگن هم، شکست خوردم. سنت‌های کهنه، کج فکری و محافظه‌کاری، در مقابل مقام علمی و نفوذ و تاثیر علمی او، برنده شد. در سال‌هایی که من در گوتینگن بودم

۱. وقتی در سال ۱۹۳۰، هیلبرت، به‌دلیل سن خود (۶۸ سالگی)، کار رسمی خود را رها کرد، هرمان ویل کرسی او را به‌دست آورد. کرسی هیلبرت، نخستین کرسی ریاضی آلمان بود و ماهیانه‌ی بالایی به‌آن تعلق می‌گرفت. بعد از مهاجرت هرمان ویل به‌آمریکا (در ۱۹۳۳)، هاسه جای او را گرفت.

(۱۹۳۰-۱۹۳۳) بی‌هیچ تردیدی، امی نوتر مرکزی نیرومند برای فعالیت‌های خلاق ریاضی بهشمار می‌رفت، چه از دیدگاه بارور بودن پژوهش‌های علمی خود او، و چه از نظر تاثیری که برگره زیادی از شاگردان خود داشت.

گمان می‌کنم لزومی نداشته باشد، چیزی به سخنان ویل بیفزایم.



امی نوتر رابطه‌ی نزدیکی با مسکو داشت. این رابطه، از سال ۱۹۲۳ آغاز شده بود، وقتی که من و زنده‌یاد پاول ساموئیلوفیچ اوریسون، برای نخستین بار به گوتینگن رفته بودیم، بی‌درنگ، در گروه ریاضی که امی نوتر آن را اداره می‌کرد، شرکت کردیم. در همان برخورد اول می‌شد. خط‌های اصلی مکتب نوتر را دید: جوش و خروش رهبر مکتب که به شاگردان او هم سرایت کرده بود؛ اعتقاد عمیق او را به اهمیت و پرباری اندیشه‌هایش (اعتقادی که، در آن زمان، حتا در گوتینگن، خردیار چندانی نداشت) و سادگی و مهربانی غیرعادی که در رابطه‌ی رهبر مکتب با شاگردانش وجود داشت. در آن زمان، این مکتب، تنها شامل دانشجویان جوان ساکن گوتینگن می‌شد؛ هنوز به دورانی نرسیده بودیم که، این مکتب، جهانی شود و در مرکز همه‌ی اندیشه‌های جبری قرار گیرد.

علاقة‌های ریاضی امی نوتر (که در آن زمان، در گرم‌گرم کارهای خود در زمینه‌ی نظریه‌ی عمومی ایده‌آل‌ها بود) و علاقه‌های ریاضی من و اوریسون - که در اطراف مساله‌ی به اصطلاح توبولوژی جبری دور می‌زد. نقطه‌های مشترک زیادی با هم داشت و، به همین مناسبت، کم و بیش هر روز، بحث‌های ریاضی جالبی با هم داشتیم. امی نوتر نه تنها به کارهای ما در زمینه‌ی توبولوژی، بلکه به همه‌ی کارهای ریاضی که در کشور ما و به نظام اجتماعی و حکومتی آن، پنهان نمی‌کرد. در حالی که می‌دانست، این تمایل و علاقه، می‌تواند موجی برای آزار او باشد. کاردشمنی با امی نوتر به جایی رسید که او را از پانسیونی که در آن زندگی می‌کرد، به خواست دانشجویانی که در همین پانسیون بودند و نمی‌خواستند «با یک یهودی مارکسیست» زیر یک سقف زندگی کنند، اخراج کردند و این آغازی بود بر ماجراهی غم‌انگیزی که او را به پایان زندگی خود نزدیک کرد.

امی نوتر با شنیدن موقیت‌های علمی، و به ویژه موقیت‌های ریاضی کشور ما، به شوق می‌آمد، زیرا این موقیت‌ها را پاسخی دندان‌شکن به کسانی می‌دانست که مدعی

بودند «انقلابیون» فرهنگ را ویران کرده‌اند. و احساس می‌کرد، در همین موقعیت‌هاست که فرهنگ جدید آینده می‌شکفت. امی نوتر به عنوان نماینده‌ی یکی از انتزاعی‌ترین شاخه‌های دانش ریاضی، نسبت به درک جریان‌های تاریخی زمان ما، حساسیت زیادی داشت، به طور جدی به سیاست علاقه‌مندی نشان می‌داد، با تمامی وجود خود، از جنگ و از شوونیسم -به هر شکل و به هر صورت خود- نفرت داشت و در این‌باره، هرگز دچار تزلزل نشد؛ همیشه و بدون تغییر، اعتقاد و تمایل خود را به کشور ما حفظ کرد، چراکه آن را، آغازی برای دوران جدید تاریخ انسانی و تکیه‌گاهی برای شکوفایی اندیشه می‌دید. این چهره‌ی امی نوتر، چنان روش بود که، ردپایی آن را، در تمامی زندگی او می‌توان دید و سکوت کردن درباره‌ی آن، به معنای تحریف زندگی امی نوتر به عنوان یک دانشمند و یک انسان است.

رابطه‌ی علمی و دوستی شخصی من با امی نوتر، از سال ۱۹۳۳ آغاز شد و تا پایان زندگی او ادامه داشت. هر مان‌ویل، با یادآوری این دوستی، این احتمال را مطرح می‌کند که، اندیشه‌های امی نوتر در پژوهش‌های من در زمینه‌ی توپولوژی، بی‌تأثیر نبوده است. خوشحالم که، در این‌جا، نظر ویل را تایید کنم. تأثیر امی نوتر، هم بر کارهای من و هم بر پژوهش‌های سایر ریاضی‌دانانی که، در مسکو، در زمینه‌ی توپولوژی کار می‌کردند، بسیار زیاد بود و بسیاری از فعالیت‌های علمی ما را، زیر نفوذ خود گرفته بود. به این‌جهه، تا حد زیادی. زیر تأثیر بحث‌هایی که با امی نوتر در دسامبر ۱۹۲۵ و ژانویه‌ی ۱۹۲۶ در هلند داشتم، توائیstem نظریه‌ی تقسیم‌های پیوسته‌ی فضاهای توپولوژی را سازمان دهم. از طرف دیگر، در همین زمان بود که نخستین اندیشه‌های امی نوتر در پایه‌گذاری نظریه‌ی گروه‌ها براساس نظریه‌ی مجموعه‌ها شکل می‌گرفت؛ او در تابستان سال ۱۹۲۶، در این‌باره، یک دوره‌ی کلاس داشت. ولی این اندیشه‌ها، در شکل مقدماتی خود باقی ماند و تکامل پیدا نکرد، اگرچه بعدها هم، امی نوتر، چندبار به این موضوع توجه کرده بود. علت این امر را، به احتمالی، باید در دشواری اصل موضوعی کردن مفهوم گروه دانست. ولی خود اندیشه‌ی تجزیه و تحلیل مفهوم گروه، به کمک نظریه‌ی مجموعه‌ها، چنان بارور بود که راه پژوهش‌های بعدی را به‌آره (Ore) و کوروش نشان داد.

امی نوتر سال‌های بعد را، صرف علاقه‌های خود نسبت به توپولوژی و تعمیق آن کرد.

او در تابستان سال‌های ۱۹۲۶ و ۱۹۲۷، سر کلاس من و هوپ در گوتینگن حاضر شد تا

دوره‌ی سخنرانی‌های ما را درباره‌ی تپولوژی بشنود. او به سرعت خود را با، شاخه‌ای از ریاضیات که برای او تازگی داشت، وفق داد و، اغلب، نکته‌های ظرفی و عمیقی را یادآوری می‌کرد.

امی نوتر، در زمستان سال‌های ۱۹۲۸ - ۱۹۲۹ به مسکو آمد و، در دانشگاه مسکو، یک دوره کلاس را، در زمینه‌ی جبر انتزاعی اداره کرد، همچنین، سمتیناری درباره‌ی هندسه‌ی جبری، در فرهنگستان تشکیل داد. در همین زمان، تماس‌های زیادی با ریاضی‌دانان ساکن مسکو و به خصوص، بال، سن پونتریاگین و آ. یو. شمیت برقرار کرد. تاثیر امی نوتر را، بر تکامل استعداد ریاضی پونتریاگین، به سادگی می‌توان دید. کارهای پونتریاگین درباره‌ی جبر، بدون شک، تیجه‌ی معاشرت او با امی نوتر است. امی نوتر در مسکو، خیلی زود، با نوع زندگی ما، چه زندگی علمی و چه زندگی روزمره، خو گرفت. در اتاق محرقی زندگی می‌کرد و، اغلب، پیاده به دانشگاه می‌آمد. او به زندگی مردم کشور ما و به خصوص زندگی و نوع کار دانشجویان ما، علاقه‌ی زیادی نشان داد.



امی نوتر انسانی کم‌نظیر و پرجاذبه بود. صمیمیت و مهربانی غیرعادی، پرهیز از هرگونه خودنمایی و دورویی، زنده‌دلی و سادگی، از ویژگی‌های او بود. هیچ چیز و هیچ حادثه‌ای، آرامش او را بهم نمی‌زد. بر محیط دور ویر او، چنان آرامش و شادی ساده‌ای حاکم بود که، برای همه‌ی کسانی که با او معاشرت داشتند فراموش نشدندی است. با وجود این، سادگی و مهربانی او، هرگز به معنای ساده‌لوحی و بی‌تفاوتنی او نبود. اعتقادهای خودش را داشت و، با استواری، از آن‌ها دفاع می‌کرد. هرچه پیش می‌آمد و در هر موقعیتی، بدون هراس از پی‌آمدهایی که در انتظار او بود، مستقیم و بسی‌پرده، عقیده‌ی خود را می‌گفت. زندگی او با شاگردانش می‌گذشت، به آن‌ها عشق می‌ورزید، چرا که جای خالی خانواده را، برای او پر می‌کردند. در برابر بی‌حرمتی‌هایی که نسبت به شخص او می‌شد، تنها می‌خندید، ولی اگر بهیکی از شاگردان او بی‌حرمتی می‌کردند، سخت برانگیخته می‌شد و به دفاع برمی‌خاست.

چنین بود امی نوتر بزرگ‌ترین زن ریاضی‌دان، دانشمندی ستრگ، معلمی بی‌مانند و انسانی فراموش نشدندی، از آن به‌اصطلاح، «زن دانشمند»‌ی نبود که ادای مردان را در می‌آوردند، او در عین حال یک زن بود، با همه‌ی عاطفه‌ها و روحیه‌های یک زن او مردم را دوست داشت، دانش را دوست داشت، زندگی را دوست داشت و، در عین حال، یک زن، به معنای واقعی آن، بود.