

بررسی نقش راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل ریاضی دانشآموزان *

مصطفیه صمدی *

چکیده

هدف از پژوهش حاضر، بررسی نقش راهبردهای خودتنظیمی دانشآموزان دبستان در حل مسائل ریاضی (عمولی و غیرعمولی) است. جامعه مورد مطالعه این پژوهش، دانشآموزان کلاس چهارم دبستان شهرستان فسا بوده که از این جامعه ۳۶ نفر از دانشآموزان کلاس چهارم دبستانهای دخترانه و پسرانه به طور هدفمند انتخاب شدند. داده‌های این پژوهش از انجام تکالیف ریاضی، مشاهده عملکرد آزمودنیها ضمن انجام دادن نکالیف ریاضی و مصاحبه دانشآموزان گردآوری شده است. تجزیه و تحلیل و تعبیر و تفسیر یافته‌ها نشان داد که راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل عمولی ریاضی نقش قابل توجه ندارند. در حالی که این راهبردها نفس مهم و قابل توجه در حل مسائل غیرعمولی ایفا می‌کنند.

پاتل جامع علوم انسانی

* این پژوهش با راهنمایی‌ای خذاب دکتر زهرا گوبای انجام شده است که مدین و مینه از ایشان تشکر و فخر داش می‌شود.
** دارشان ازشد گروه پژوهشی مشاوره در روابطی پژوهشکده تعلیم و تربیت

مقدمه

یکی از چالش‌های مهم جهان در حال حاضر، انقلاب فناوری ارتباطات و اطلاعات است که بر آن بر جامعه همانند تاثیرات انقلاب صنعتی است. با این تفاوت که انقلاب اطلاعات با عنی بیشتر و دامنه‌ای وسیع‌تر از انقلاب صنعتی در حال گسترش است. امروزه همه جوامع به عی از فناوری ارتباطات و اطلاعات متاثرند.

در جامعه کنونی، خوب زیستن نیازمند توانایی‌های انتخابگری، استدلال، تصمیم‌گیری و حل مسئله است. آموزش و پرورش، رسالتی پرگر، در ایجاد چنین توانایی‌هایی در افراد جامعه بر دوش رود. از دیدگاه برنامه‌ریزان، ریاضیات یکی از مواد درسی است که آموزش و فراگیری آن در بهت انجام دادن چنین رسالتی ضروری است. ریاضیات همواره جزء مواد درسی همه دوره‌های حصیلی در همه نظامهای آموزش رسمی جهان بوده است. متعارفترین توجیه برای وجود ریاضی در برنامه آموزش عمومی و همگانی این است که "ریاضیات به انسان فکر کردن را می‌آموزد".

پرورش قدرت تفکر و خلاقیت، حداقل انتظاری است که از آموزش ریاضی مدنظر است و ن خود بیانگر نقش ویژه‌ای است که این درس باید در پرورش توانایی‌های ذکر شده در انش آموزان ایفا کند. این مهم حاصل نمی‌شود مگر اینکه آموزش ریاضیات "رشد توانایی حل مسئله" را سر لوحه برنامه‌های آموزشی خود فرار دهد (لوری و واشننده، ۲۰۰۰، لوکانگلی و نورنولدی، ۱۹۹۷).

مهمترین مسائل درس ریاضی در دوره‌های مختلف تحصیلی عبارت است از:

۱. مسائل معمولی^۱ ۲. مسائل غیرمعمولی^۲ (شوئنفلد، ۱۹۸۵).

مسائل معمولی: مسائلی هستند که اطلاعات حاضر در صورت مسئله برای حل آن کفايت می‌کند (همان).

مسائل غیرمعمولی: مسائلی هستند که اطلاعات حاضر در صورت مسئله برای حل آن کفايت نمی‌کند و در آن اطلاعات غیر ضروری و مبهم وجود دارد (همان).

اطلاعات انجام شده در این زمینه نشان می‌دهد که آموزش ریاضی به ندرت، توانایی فکر کردن و حل مسئله را در دانش آموزان ایجاد کرده است. شاهد این ادعا گزارش لستر^۳ (۱۹۸۶) و منزجه‌ری و همکاران^۴ (۲۰۰۲) است. این محققان دریافتند که ضعف یادگیرندگان در همه سطوح

1. Lowrie & Whiland
4. Non – Routine Problem

2. Lucangli & Cornoldi
5. Schoenfeld

3. Routine Problem
6. Lester

آموزش ریاضی از ابتدایی تا دانشگاه با ضعف آنها در حل مسئله ارتباط دارد. این ضعف در مسائل معمولی کمتر و در مسائل غیرمعمولی بیشتر است.

این مطالعات، متخصصان آموزش ریاضی از قبیل شوننفلد (1985)، کای^۱ (1998)، مونتاگر^۲ (1992) را وادار کرد که به آسیب‌شناسی این پدیده پردازند. آنان در پی انجام مطالعاتی در این زمینه، دریافتند که لازمه موقوفیت در حل مسائل ریاضی، علاوه بر اکتساب اصول مفاهیم ریاضی، مجهر بودن به راهبردهای "شناختی" و "فراشناختی" یا "راهبردهای خودتنظیمی"^۳ است.

خودتنظیمی سازه‌ای است که از دهه ۱۹۶۰ از سوی بندورا مطرح شد (کدبور، ۱۳۸۰). مطالعات اولیه در این زمینه متمرکز بر خودتنظیمی به معنای عام کلمه بود که در زمینه‌های گوناگون فردی، خانوادگی و اجتماعی مطرح شد. از دهه ۱۹۸۰ این سازه در زمینه یادگیری مطرح شد ر مورد توجه نظریه‌های گوناگون روانشناسی از جمله رفتارگرایی، شناختگرایی و ساختارگرایی قرار گرفت. از ویژگی مشترک دیدگاه‌های گوناگون نسبت به این سازه، همبوشی نسبتاً زیاد این نظریه‌ها با یکدیگر است. همه این نظریه‌ها هسته اصلی سازه خودتنظیمی را راهبردهای شناختی و فراشناختی معرفی کرده‌اند (پیتریچ و دی کرووت، ۱۹۹۰؛ زیمرمن، ۱۹۹۰، پوردی و هاتی، ۱۹۹۶).

راهبردهای شناختی: به هر گونه اندیشه، رفتار یا عمل گفته می‌شود که یادگیرنده در ضمن یادگیری مورد استفاده قرار می‌دهد. هدف این راهبردها کمک به فرآگیری، سازماندهی و ذخیره‌سازی دانشها، مهارت‌ها و سهولت بهره‌برداری از آنها در آینده است (واینستابن و هیوم، ۱۹۹۸ به نقل از سیف، ۱۳۷۹). این راهبردها هم برای تکالیف ساده و حفظ کردنی و هم برای تکالیف پیچیده‌تر که به درک و فهم نیازمندند، کاربرد دارند.

راهبردهای فراشناختی: راهبردهایی هستند که برای نظارت بر راهبردهای شناختی و هدایت آنها به کار می‌روند. این راهبردها را می‌توان به سه گروه برنامه‌ریزی، تنظیم و ارزشیابی طبقه‌بندی کرد (همان).

برنامه‌ریزی: دامنه‌ای از فعالیتها از نوبت تعیین هدف، انتخاب راهبرد مناسب، تخصیص زمان، تعیین روش نظارت بر اجرا، تعیین ملاک ارزشیابی و انتخاب راهبرد اصلاحی را در بر می‌گیرد (جاکوبز، ۱۹۸۵ به نقل از صمدی، ۱۳۸۰).

1. Chi

4. Pintrich & De - Groot

7. Winstein & Hume

2. Montague

5. Zimmerman

8. Jacobs

3. Self – Regulated Strategies

6. Purdi & Hatti

تنظیم، نظارت یا کنترل فرآیندهای شناختی به فرد امکان می‌دهد تا پیوسته فرآیندهای شناختی خود را تحت نظر و دقت فرار دهد و اشکالات موجود در جهت رسیدن به هدف را شناسایی و مصلاح کند (همان).

از روشیابی، به ارزیابی تولیدات، فرآیندها و جریانهای نظمدهی و یادگیری فرد مربوط می‌شود پاریس و جاکوب، ۱۹۸۴ به نقل از صمدی، ۱۳۸۰).

به اعتقاد شونفلد (۱۹۸۵) و کای (۱۹۹۸) راهبردهای فوق الذکر اعم از شناختی و فراشناختی اهانتی پیچیده و نهفته و موثر در حل مسائل پیچیده، از جمله مسائل ریاضی را دارا هستند.

مطالعاتی که در زمینه ویژگیهای افراد خودتنظیم‌گر و غیر خودتنظیم‌گر در حوزه‌های گوناگون سورت گرفته، حاکی از این است که این افراد معمولاً شروع کننده یادگیری هستند و اهداف قابل صور و دست یافتنی برای خود تعیین می‌کنند (پیتریج، ۱۹۸۶). در برخورد با موقعیت با تاکید عناصر مشابه و متفاوت آشنایی و ناآشنایی را تشخیص داده و با ایجاد ارتباط میان اجزا همواره ممکن است در درک موقعیت به صورت یک کل و استفاده از تجربیات خود دارند. اهمیت درک در نظر گروه از دانش‌آموزان به حدی است که تا موقعیت را درک نکنند به برخورد با موقعیت می‌پردازند (پیتریج و دی گروت، ۱۹۹۰). این دانش‌آموزان تعییر هدف را درک می‌کنند و متناسب با تعییر هدف و نادیده گرفتن اطلاعات نامریوط به تعییر راهبرد می‌پردازند. آنان از راهبردهای کار آمد به منظور دستیابی به اهداف خود استفاده می‌کنند و در صورت لزوم راهبردهای اصلح را اصلاح می‌کنند یا تغییر می‌دهند و در بهره‌گیری از راهبردهای شناختی خطرپذیرند. عملکرد خود را مورد بازبینی فرار می‌دهند و با استفاده از راهبرد "امتحان کردن" ^۱ سعی در تشخیص ناقص و اصلاح و جبران آنها دارند (پیتریج، ۱۹۸۶). ارزشیابی که از عملکرد خود و هدف و ماهیت تکلیف به عمل می‌آورند، ارزشیابی واقعی است (فلارل، ۱۹۷۶).

در مقابل افراد غیر خودتنظیم‌گر، افرادی هستند که معمولاً وابسته‌اند، قادر به ارتباط میان جزای گوناگون موقعیت نیستند، به اهمیت درک و روشهای رسیدن به آن آگاهی ندارند و با هر موقعیت یادگیری به عنوان یک موقعیت جدید برخورد می‌کنند و قادر به کاربرد تجربیات خود در موقعیتهای جدید نیستند و برخوردهشان با موقعیتها کلیشه‌ای است (زیمرمن، ۱۹۹۰). این افراد ممکن است اطلاعات نامریوط را نادیده بگیرند و معمولاً تعییر هدف را درک نمی‌کنند و قادر به

تفیر راهبردهای خود مناسب با تغییر موقعیت نیستند (پیتریچ، ۱۹۸۶). از چرایی و چگونگی راهبردهای مورد استفاده آگاهی ندارند (پوردی و هاتی، ۱۹۹۶). عملکرد خود را مورد بازبینی قرار نمی دهند (فلارل، ۱۹۷۹) و قادر به ارزشیابی از عملکرد خود نیستند.

در زمینه نقش راهبردهای خودتنظیمی بر حل مسئله، اعم از معمولی و غیرمعمولی یافته های متناقضی موجود است. مطالعه لوکانگلی و همکاران (۱۹۹۷) حاکی از آن است که مسئله، یعنی قرار گرفتن در برابر موقعیت مجھول و حل مسئله یعنی معلوم کردن موقعیت مجھول است. از این رو راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل اعم از معمولی و غیرمعمولی نقشی اساسی ایفا می کنند. در مقابل پیتریچ (۱۹۸۶) و دی گروت (۱۹۹۹) معتقدند که راهبردهای خودتنظیمی عمدتاً در برخورد با مسائل غیرمعمولی فعال می شوند و فرصت بروز و ظهر پیدا می کنند. از این دو راهبردهای خودتنظیمی در برخورد با مسائل غیرمعمولی فعال می شوند و حل این گروه از مسائل را آسان می کنند.

در این پژوهش قصد داریم برای روشن کردن ابهامات موجود در زمینه نقش راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل معمولی و غیرمعمولی ریاضی به مطالعه آن (نقش راهبردهای خودتنظیمی بر حل مسائل معمولی و غیرمعمولی ریاضی) پردازیم. از این رو پژوهش حاضر در پی پاسخگویی به سوالات پژوهشی زیر است:

۱. نقش راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل معمولی ریاضی چیست؟
۲. نقش راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل غیرمعمولی ریاضی چیست؟

روش پژوهش

از آنجا که راهبردهای خودتنظیمی نقشی پیچده، نهان و موثر در فعالیت یادگیری دانش آموزان ایفا می کنند. (شوئنفلد، ۱۹۸۵، کای، ۱۹۹۸) و از آنجا که هدف این مطالعه فهم عمیق نقش راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل معمولی و غیرمعمولی ریاضی دانش آموزان است، مطالعه شکل پژوهش کافی به خود گرفته است.

نمونه‌گیری

از آنجا که این‌گونه تحقیقات نیاز به همکاری اساسی دارد، ابتدا در مدرسه از شهر فسا واقع در استان فارس (یک دبستان دخترانه و یک دبستان پسرانه که به دلیل آشنازی، احتمال همکاری آنها می‌رفت) انتخاب شدند. این مدارس دو نوبت بودند و در هر نوبت سه کلاس چهارم وجود داشت. ابتدا به طور تصادفی از مدرسه منتخب یک نوبت و همینطور به طور تصادفی در نوبت منتخب از سه کلاس، دو کلاس برای مطالعه اصلی انتخاب شدند. سپس از آموزگاران کلاس خواسته شد که داش آموزان کلاس را بر اساس پیشرفت تحصیلی به سه گروه قوی، متوسط و ضعیف تقسیم کنند. پس از آن نمرات ریاضی آنان را با معدل سه ماهه اول آنان بررسی کردند و در پایان از هر گروه، قوی، متوسط و ضعیف سه نفر به طور تصادفی جهت مطالعه اصلی انتخاب شدند.

آزمودنیها

در تحقیق کیفی، هدف از مطالعه، درک و فهم عمیق پدیده‌های مورد مطالعه یا پی‌بردن به عوامل پنهان و موثر است، نه یافتن قوانین عام و قابل تعمیم؛ به همین دلیل نمونه‌ها محدود و غیر معرف هستند و مثل روشهای کمی نمونه‌گیری تصادفی و معرف نیست (بروک^۱ ۱۹۸۷ به نقل از صمدی ۱۳۸۰). از این رو، بژوهشگر در انتخاب نمونه و تعداد آنها از آزادی بیشتر برخوردار است و مفید به روش نمونه‌گیری نیست.

در این پژوهش ۳۶ دانش آموز دختر و پسر کلاس چهارم دبستان به روشی که ذکر شد انتخاب شدند و مورد مطالعه قرار گرفتند.

پرتاب جامع علوم انسانی

ایزار تحقیق

۱. تکالیف^۲ ریاضی؛

۲. مشاهده عملکرد دانش آموزان ضمن حل مسئله ریاضی برای آگاهی از راهبردهای خود تنظیمی آنها؛

1. Bruce

2. Tasks

۳. مصاحب نیمه ساختاری با دانش آموزان، پس از انجام دادن تکالیف ریاضی برای آگاهی از شیوه ارزشیابی آنها از راهبردهای خودتنظیمی.

محورهای مشاهده

چگونگی به کارگیری راهبردهای شناختی آزمودنیها، ضمن انجام دادن تکالیف ریاضی؛

چگونگی به کارگیری راهبردهای فراشناختی آزمودنیها، ضمن انجام دادن تکالیف ریاضی.

محورهای مصاحبه

چگونگی ارزشیابی آزمودنیها از راهبردهای شناختی مورد استفاده خود ضمن انجام دادن تکالیف ریاضی؛

چگونگی ارزشیابی آزمودنیها از راهبردهای فراشناختی مورد استفاده خود ضمن انجام دادن تکالیف ریاضی.

ابزار مورد استفاده برای ثبت داده‌ها

ضبط صوت:

کورنومتر؛

پادداشت‌های مبدانی^۱؛

پرتاب جام علوم انسانی

روش تهیه تکالیف ریاضی

بعد از کنکاش فراوان از مطالعات بین‌المللی ریاضی (به نقل از صمدی، ۱۳۷۴) که در زمینه کلاس چهارم دبستان انجام شده بود و روایی آن مورد تایید متخصصان آموزش ریاضی فرار گرفته و از قابلیت اعتماد بالا برخوردار بود، چند مسئله انتخاب شد. ابتدا مسائل ترجمه و برای بازبینی

^۱. پادداشت‌های مبدانی پادداشت‌های مستند که برای ثبت واکنشهای غیرقابل غایط مثل تغییرات فیزیولوژیکی پنهان، و ... مورد استفاده قرلو من کیفرند.

ر اختیار کارشناسان آموزش ریاضی گذانه شدند. براساس پیشنهادات اصلاحی متخصصان، نبیرات لازم در صورت مسئله ها داده شد. پس از آن مسائل منتخب در زمینه محتوای مفاهیم ریاضی مکتبه در سالهای پیشین (منظور مفاهیم مکتبه سالهای اول، دوم و سوم) و محتوای مفاهیم ریاضی کلاس چهارم دبستان قرار داده شد و به پیشنهاد متخصصان آموزش ریاضی نبیراتی در آن داده شد. به این ترتیب، نکالیف ریاضی برای مطالعه تهیه شد. پس از تهیه نکالیف ریاضی، نکالیف نهیه شده سه بار به طور متمدّماتی، هر بار روی ۹ نفردانش آموز مشابه گروه هدف، سه گروه فوی، متوسط و ضعیف، اجرا شد. براساس هر اجراء، اصلاحات لازم انجام و برای علام نظر کارشناسی در اختیار کارشناسان آموزش ریاضی قرار داده شد. در نهایت مورد تایید کارشناسان آموزش ریاضی قرار گرفت و جهت مطالعه اصلی آماده شد.

ویژگیهای نکالیف ریاضی

مسائل منتخب جهت مطالعه، مانند بودند که در دانش آموزان چالش ایجاد می‌کردند و حل آنها بدون تفکر و تعمق ممکن نبود. از این رو برای اینکه دانش آموزان احساس نزدیکی بیشتری با مسائل داشته باشند، سعی شد که مسائل مرتبط با زندگی روزمره دانش آموزان باشد. انواع مسائل بیارت بودند از:

۱. مسائل معمولی: این مسائل از نظر ساختار شباهت بسیار با مسائل کتاب درسی داشت.
۲. مسائل غیر معمولی: این مسائل از نظر ساختار شباهت به مسائل کتاب درسی نداشت و طلاقات غیر ضروری (اضافی و مبهم) در آن وجود داشت.

نموده گذاری نکالیف ریاضی

نکالیف ریاضی اعم از معمولی و غیر معمولی بر حسب تعداد محاسبات نموده گذاری شدند. رای هر محاسبه دو امتیاز در نظر گرفته شد. یک امتیاز برای تشخیص نوع محاسبات و یک امتیاز بیز برای انجام صحیح محاسبات در نظر گرفته شد.

روش انجام دادن مطالعه اصلی

قبل از شروع مطالعه اصلی، برای آشنایی دانش آموزن و پژوهشگر با همدیگر، پژوهشگر دو هفته در ساعت ریاضی هر کلاس حاضر شد و به مشاهده پرداخت. البته در این زمینه مشکلاتی وجود داشت، اما هدف تنها آشنایی بود. پس از آن مطالعه اصلی انجام شد. مطالعه اصلی انفرادی انجام شد و ابتدا اهداف تحقیق با هر آزاد مدنی در میان گذاشته شد، سپس برای ضبط مصاحبه از آنها اجازه گرفت شد و همین طور به آنان گفته شد که ممکن است یادداشت‌هایی نیز برداشته شود. به آنها اطمینان داده شد که این مصاحبه ارتباطی به نمره درسی آنان ندارد و محرومیت آنها حفظ خواهد شد. پس از آن تکالیف ریاضی در اختیار آزمودنیها قرار گرفت و از حالات و واکنش‌های آنها، ضمن حل مسئله که قابل مشاهده و دارای معنی و مفهوم بودند اما قابل ضبط نبودند. یادداشت‌برداری شد. بعد از انجام دادن تکالیف مصاحبه‌ای با آنان در زمینه تکالیف به عمل آمد.

روش تجزیه و تحلیل داده‌ها

در پژوهش کیفی، داده‌ها به طور مستمر تحلیل و تفسیر می‌شوند. در این پژوهش ضمن مطالعه مستمر، ابتدا همه داده‌ها جداگانه به صورت استقرایی و نظری تحلیل شدند. استخراج و تحلیل داده‌های مشاهده و مصاحبه و یادداشت‌های میدانی به این صورت بود که ابتدا مصاحبه‌ها برگردان، رمزگذاری و سپس طبقه‌بندی شدند. لازم به ذکر است که طبقه‌بندی حاصله چندین بار تغییر یافت و اصلاح شد تا اینکه در نهایت به یک طبقه‌بندی نسبتاً ثابت دست یافتیم و تجزیه و تحلیل و تعبیر و تفسیر بر مبنای طبقه‌بندی حاصله صورت گرفت. از این رو، تحلیل نهایی حاصل ترکیب مجموعه این تحلیلهای است. در این تحلیلهای از مقایسه داده‌های جزئی و ربط و پیوند دادن آنها با همدیگر به استنتاج کلی رسیده‌ایم.

یافته‌ها

بر اساس تحلیل مستمر و طبقه‌بندی داده‌های حاصل از مشاهده آزمودنیها، ضمن انجام دادن تکالیف ریاضی، و مصاحبه بعد از تکلیف با آزمودنیها و یادداشت‌های میدانی، آزمودنیهای مورد مطالعه در سه طبقه قرار گرفتند که عبارتند از: خودتنظیمی، نیمه خودتنظیمی و غیر خودتنظیمی گر.

الف. دانش آموزان خود تنظیم گر: دانش آموزانی بودند که توانستند با استفاده از راهبردهای خنثی و فراشناختی مسائل معمولی و غیر معمولی ریاضی را به درستی حل کنند. ۲۵٪ از آموزان یا ۹ نفر از آزمودنیها در این طبقه قرار گرفتند. راهبردهای مورد استفاده این گروه از آموزان در حل مسائل معمولی و غیر معمولی در جدول شماره ۲.۱ منعکس شده است.

جدول ۱. راهبردهای خودتنظیمی دانش آموزان خودتنظیمی گر در حل مسائل معمولی

دیف	پردازش‌های ذهنی
۱	اشنایی را تشخیص دادند و با استفاده از یک بار خواندن، توانستند میان اجزاء گوناگون مسئله ارتباط پرتو اور کنند و مسئله را درک و مسیر حل مسئله را تعیین کنند.
۲	به خرد کردن مسئله نبرداشتند و پس از درک مسئله به انجام دادن محاسبات پرداختند.
۳	عملکرد خود را به طور ذهنی تحت نظر و دقت فرار دادند تا بتوانند اشکالات خود را شناسایی و آنها را اصلاح کنند.
۴	مسئله را ساده و عملکرد خود را موفق ارزشیابی کردند.

یافته‌های مندرج در جدول شماره ۱ نشان می‌دهد که عملکرد این گروه از دانش‌آموzan در مورد با مسائل معمولی، به این صورت بود که توانستند با تشخیص آشنایی میان اجزای ناگون مسئله، ارتباط برقرار کنند، مسئله را درک و مسیر حل مسئله را تعیین کنند و پس از آن به امامدادن محاسبات پرداخته، به طور ذهنی به نظارت بر محاسبات خود پردازند تا بتوانند کالالت موجود در محاسبات خود را شناسایی و آنها را اصلاح کنند. ارزشیابی دانش‌آموzan از نتایج تکلیف، راهبردهای مورد استفاده و عملکرد خود واقعی بود. این دانش‌آموzan این نوع اسائل را ساده ارزشیابی کردند. ملاک ساده بودن در نظر این گروه از دانش‌آموzan "وضوح و شفافی" صورت مسئله بود.

رسی صورت مسنه بود. سر کرفته نباید بخواری و از تاخیر در معاملات و پذیر امداد

جدول ۲. راهبردهای خودتنظیمی دانش آموزان خودتنظیمی گر در حل مسائل غیرمعمولی

ردیف	پردازش‌های ذهنی
۱.	نآشنای را تشخیص دادند و با استفاده از راهبردهای گوناگون از قبیل خواندن، بازخواندن، برگشت مکرر به صورت متنله، خط کشیدن زیر نکات مهم، مکث کردن، خبره شدن، فرمتهای گوناگون متنله، پرسیدن از مصاحبه گر، گذاشتن خودکار روی کلمات کلیدی، برگرداندن اعدادی که با حروف نوشته شده بود، توانستند میان اجزای گوناگون متنله ارتباط برقرار کنند و متنله را درک و مسیر حل متنله را تعیین کنند. نکته مهم اینکه تا متنله را در نمی‌کردند به انجام دادن محاسبات نمی‌پرداختند.
۲.	در انجام دادن محاسبات به خرد کردن متنله پرداختند. بدین صورت که هر بخش را خواندند پس از اطمینان از درک هدف آن بخش، محاسبات را انجام دادند.
۳.	با استفاده از راهبردهای متنوع کترول و نظارت مثل امتحان کردن، تکرار محاسبات، انجام دادن عملیات معکوس به نظارت بر عملکرد خود در هر بخش به طور جداگانه پرداختند و همواره پیغامبری و چگونگی آن آگاهی داشتند.
۴.	متنله را دشوار و عملکرد خود را موقعیت ارزشیابی می‌کردند.

یافته‌های مندرج در جدول شماره ۲ نشان می‌دهد که راهبردهای خودتنظیمی این دانش آموزان در برخورد با مسائل غیرمعمولی به این صورت است که توانستند با تشخیص نآشنای و با استفاده از راهبردهای گوناگون از قبیل باز خوانی، برگشت مکرر به صورت متنله، خط کشیدن، زیر نکات مهم، مکث کردن، خبره شدن به فرمتهای گوناگون متنله، پرسیدن از مصاحبه گر، گذاشتن خودکار روی کلمات کلیدی و اعداد، صحبت کردن با خود، نوشتن خلاصه متنله، برگردان کردن اعدادی که با حروف نوشته شده بودند، تشخیص اطلاعات اضافی و نامربوط در صورت متنله و بی توجهی به آنها، میان اجزای گوناگون متنله ارتباط برقرار کنند و متنله را درک و مسیر حل متنله را تعیین کنند. دیگر ویژگی غالب این گروه این بود که تا زمانی که متنله را درک نمی‌کردند به حل آن نمی‌پرداختند و مدت زمانی که صرف درک متنله می‌کردند، به مرانی بیش از مدت زمانی بود که صرف اجزای محاسبات می‌کردند این نشان‌دهنده اهمیت محوری درک برای دانش آموزان خودتنظیمی گر بود. دیگر ویژگی این گروه از دانش آموزان این بود که به خرد کردن تکلیف پرداخته، پس از اطمینان از درک هر بخش به انجام دادن محاسبات آن بخش پرداختند و با استفاده از عملیات معکوس ر تکرار محاسبات به درک و فهم و نحوه محاسبات

خود را بازبینی کردند. آنان همواره از چهاری و چگونگی استفاده از آن راهبردها آگاهی داشتند. ارزشیابی دانش آموزان از خود، تکلیف و راهبردهای مورد استفاده واقعی بود. عملکرد خود را موفق و تکلیف را دشوار قلمداد کردند. ملاک سختی در نظر این گروه از دانش آموزان "میهم بودن" بود.

ب. دانش آموزان نیمه خود تنظیم گر: این گروه از دانش آموزان ۵۰٪ یا ۱۸ نفر از دانش آموزان مورد مطالعه را تشکیل می دادند. آنان در حل مسائل معمولی عملکرد موفق و در حل مسائل غیرمعمولی عملکرد نیمه موفق داشتند، یعنی توانستند ۵۰٪ از فرآیند حل مسئله را پشت سر گذاشتند. راهبردهای مورد استفاده این گروه از دانش آموزان در حل مسائل معمولی و غیرمعمولی در جدول شماره ۳ و ۴ منعکس شده است.

جدول ۳. راهبردهای خود تنظیمی دانش آموزان نیمه خود تنظیم گر در حل مسائل معمولی

ردیف	پردازش‌های ذهنی
۱.	آشنازی را تشخیص ندادند و بدون توجه به شرایط مسئله و تنها با توجه به کلمات سرنخ مسئله را درک کردند.
۲.	به انجام دادن محاسبات پرداختند.
۳.	به نظارت و کنترل عملکرد خود پرداختند.
۴.	مسئله را دشوار و عملکرد خود را ناموفق ارزشیابی کردند.

یافته‌های متدرج در جدول شماره ۳ نشان می دهد که راهبردهای خود تنظیمی، این گروه از دانش آموزان در حل مسائل معمولی بدین صورت بود که بدون توجه به همه شرایط مسئله و تنها توجه به کلمات کلیدی حاضر در صورت مسئله از قبیل: "دسته"، "وجود دارد" و "باقیماند"، پریحل مسئله را تعیین کردند. این گروه آشنازی را تشخیص ندادند و با این مسائل (مسائل معمولی) مانند مسئله‌ای جدید برخورد کردند. "شباهت" در نظر این گروه از دانش آموزان "هم مذاه بودن طول مسئله" و وجود بی کم و کاست مسئله‌های کتاب بود، نه چیز دیگر. این گروه به ارزیابی عملکرد خود پرداختند و قادر به ارزشیابی واقعی از عملکرد خود هدف و ماهیت نکلیف بودند. این گروه به عملکرد موفق خود در حل این نوع مسائل (معمولی)، اطمینان نداشتند و به ملت عدم آگاهی از هدف و ماهیت مسائل (معمولی)، آنها را (مسائل) به دلیل تعداد زیاد اعداد در

صررت مسئله، دشوار ارزشیابی کردند. چگونگی برخورد این گروه از دانشآموزان با مسائل غیرمعمولی در جدول شماره ۴ به تصویر کشیده شده است.

جدول ۴. راهبردهای خودتنظیمی دانشآموزان نیمه خودتنظیمیکر در حل مسائل غیرمعمولی

ردیف	پردازش‌های ذهنی
۱.	نا آشنایی را تشخیص دادند و با استفاده از راهبردهای گوناگون از قبیل خواندن، بازخوانی، برگشت مکرر به صورت مسئله، خط کشیدن زیر نکات مهم، سعی کردن مسئله را درک کنند، اما نتوانستند.
۲.	به انجام دادن محاسباتی گوناگون، با استفاده از اطلاعات مربوط و نامربوط و کلمات سرخ پرداختند.
۳.	با استفاده از راهبرد کترول و نظارت مثل تکرار محاسبات و انجام دادن عملیات معکوس به نظارت بر محاسبات خود پرداختند اما از چرا بی و چگونگی آن آگاهی نداشتند.
۴.	مسئله را دشوار و عملکرد خود را نا موفق ارزشیابی کردند.

یافته‌های مندرج در جدول شماره ۴ نشان می‌دهد که پردازش‌های ذهنی دانشآموزان نیمه خودتنظیمیکر در حل مسائل غیرمعمولی به این صورت است که به اهمیت درک واقف بودند، اما از روش‌های رسیدن به آن آگاهی نداشتند. آنها نا آشنایی را تشخیص دادند و تغییر هدف را درک کردند، اما به چگونگی درک آگاه نبودند. دیگر ویژگی این گروه از دانشآموزان از این باره نادرست نشأت می‌گرفت که آنها اعتقاد داشتند، می‌بایست از همه اطلاعات حاضر در صورت مسئله (اعم از مربوط یا نامربوط) برای حل کردن آن استفاده شود. این دانشآموزان اعتقاد داشتند که اگر این اعداد لازم نبود در صورت مسئله نمی‌آمد. در راستای این باور بود که این دانشآموزان در حل مسائل غیرمعمولی با استفاده از کلمات سرخ موجود در صورت مسئله از همه عملیات ممکن استفاده می‌کردند، به این معنی که عملیات متفاوتی را بدون برنامه‌ریزی انجام می‌دادند که گاهی عملیات درست نیز جزء یکی از آنها بود. دیگر ویژگی این گروه از دانشآموزان این بود که از راهبردهای نظارتی متفاوتی (نسبت به مسائل معمولی) از قبیل انجام دادن عملیات معکوس امتحان کردن و تکرار محاسبات استفاده می‌کردند. اما نکته جالب این بود که همسواره از چرا بی و چگونگی کاربرد راهبردها آگاهی نداشتند و بیشتر جهت اجرای دستورات بزرگسالان اعم از

والدین و آموزگاران خود از این راهبردها استفاده می‌کردند. این گروه تصوری محدود از بازبینی داشتند و آن را به عنوان دوباره‌نگری و توسعه و تعمیم مسئله نمی‌دیدند و معمولاً سطح دشواری تکلیف را بیش از اندازه واقعی و عملکرد خود را کمتر از اندازه واقعی ارزشیابی کردند. فضایت این گروه (گروه نیمه خودتنظیم‌گر) در زمینه بالا بودن سطح دشواری تکلیف و عدم اطمینان نسبت به عملکرد خود در حل این گروه از مسائل در شرایطی است که اولًا مسئله از درجه سختی بالایی برخوردار نیست و ثانیا این افراد توانسته بودند عملکرد موفقی در حل این مسائل داشته باشند.

در مقابل این دو گروه دانش‌آموزان غیر خودتنظیم‌گر قرار داشتند. این گروه ۲۵٪ دانش‌آموزان یعنی ۹ نفر از آزمونهای مورد مطالعه را دربرمی‌گرفتند. این دانش‌آموزان در حل مسائل معمولی ریاضی عملکردی نیمه موفق (یعنی توانستند ۵۰٪ از فرآیند حل مسئله را پشت سر بگذرانند) و در حل مسائل غیرمعمولی عملکردی ناموفق داشتند. توصیف راهبردهای مورد استفاده این گروه از دانش‌آموزان در جدول شماره ۵ آمده است. به دلیل اینکه راهبردهای مورد استفاده این گروه از دانش‌آموزان در حل مسائل معمولی و غیرمعمولی یکسان بود، تنها به ذکر راهبردهای مورد استفاده آنها در حل مسائل معمولی اقتصر شد.

جدول ۵ راهبردهای دانش‌آموزان غیر خودتنظیم‌گر در حل مسائل معمولی

ردیف	پردازش‌های ذهنی
۱.	آنلاین را تشخیص ندادند و قادر به ایجاد ارتباط میان اجزای گوناگون مسئله نبودند و با توجه به کلمات کلیدی انتهای مسئله مسیر حل مسئله را تعیین کردند.
۲.	با انجام دادن محاسبات گوناگون که معروف به کلمات سرنخ پایان مسئله بود، به حل مسئله پرداختند.
۳.	از راهبرد نظرارت و کنترل آگاهی نداشتند و عملکرد خود را مورد نظرارت قرار نمی‌دادند.
۴.	مسئله را آسان و عملکرد خود را موفق ارزشیابی کردند.

یافته‌های مندرج در جدول شماره ۵ نشان می‌دهد که پردازش‌های خودتنظیمی این گروه از دانش‌آموزان در حل مسائل معمولی به این صورت است که قادر به ایجاد ارتباط میان اجزای گوناگون مسئله نبودند و بدون توجه به همه شرایط مسئله، تنها با توجه به کلمات کلیدی یا سرنخهای موجود در بخش‌های انتهایی مسئله، مسیر حل مسئله را تعیین کردند. این گروه آنلاین

را تشخیص ندادند و جالب اینکه با این گروه از مسائل (مسائل معمولی) نیز به عنوان مسئله‌ای جدید برخورد نمی‌کنند. به این معنی که با یک بار خواندن و عدم توانایی در برقراری ارتباط میان عناصر یا در یک کلمه، عدم درک صرارت مسئله به انجام دادن محاسبات بی هدف پرداختند و به زعم خود مسئله را حل کردند. با استفاده از راهبرد نظارت و کنترل عملکرد خود را تحت نظر قرار نمی‌دادند. به نظر می‌رسد که هیچ آگاهی از این راهبرد نداشتند. از راهبرد ارزشیابی آگاهی نداشتند و قادر به ارزشیابی از عملکرد خود نبودند و معمولاً عملکرد خود را بین از اندازه لرزشیابی می‌کردند. از آنجا که این گروه از دانش آموزان در برقراری ارتباط میان عناصر و اجزای یک مسئله با مشکل جدی مواجه‌اند بنابر این طبیعی است که در درک همانندیها نیز با مشکل مواجه باشند. برخورد این گروه از دانش آموزان با مسائل غیرمعمولی دقیقاً مشابه برخوردهشان با مسائل معمولی است، به همین دلیل از ذکر آن به طور جداگانه خودداری شده است.

بحث و نتیجه‌گیری

تحلیل کمی داده‌های حاصل از عملکرد دانش آموزان در تکالیف ریاضی نشان داد که دانش آموزان گروه خودتنظیم‌گر و نیمه خود تنظیم‌گر توانستند به درستی از عهده انجام دادن تکالیف معمولی ریاضی برآیند و دانش آموزان غیر خودتنظیم‌گر نیز توانستند ۵۰٪ از فرآیند حل مسئله را پشت سر بگذارند. این یافته همسو با مطالعه لستر (۱۹۸۶) و منوجه‌ی و همکاران (۲۰۰۰) است. این محققان اعلام کردند که اکثربت بادگیرندگان در حل مسائل معمولی ریاضی با مشکلاتی مواجه نیستند یا با مشکلات کمی مواجه هستند. علت، این است که این مسائل از وضوح و روشنی خاصی برخوردار است و به پردازش‌های ذهنی سطوح بالا نیازمند نیست.

از لحاظ کیفی تحلیل عملکرد دانش آموزان به گروه در حل مسائل معمولی نشان داد که راهبردهای موردن استفاده دانش آموزان اعم از خودتنظیم‌گر و نیمه خود تنظیم‌گر از تنواع برخوردار نیست. وجه تمایز این گروه‌ها (خودتنظیم‌گر از نیمه خودتنظیم‌گر و غیر خودتنظیم‌گر) از یکدیگر تشخیص آشنازی و توجه به همه شرایط مسئله بود. به این معنی که دانش آموزان خود تنظیم‌گر با تشخیص آشنازی و توجه به همه شرایط مسئله به حل مسئله پرداختند، در حالی که دانش آموزان نیمه خودتنظیم‌گر غیر خودتنظیم‌گر تنها با استفاده از کلمات "سرنخ" یا "کلمات کلیدی" به حل مسئله پرداختند. وجه تمایز این دو گروه (نیمه خودتنظیم‌گر و غیر خودتنظیم‌گر) از یکدیگر این بود که گروه نخست به همه کلمات کلیدی حاضر در صورت مسئله توجه داشتند، در حالی که گروه دوم تنها به کلمات کلیدی پابان مسئله ترجمه داشتند و با استفاده از آن به حل مسئله

برداختند. در نهایت اینکه دانش‌آموزان نیمه خودتنظیم‌گر معمولاً سطح دشواری تکلیف را "بیش راندازه واقعی" و عملکرد خود را "کمتراندازه واقعی" ارزشیابی کردند. و دانش‌آموزان غیر خودتنظیم‌گر بر عکس سطح دشواری تکلیف را "کمتراندازه واقعی" و سطح عملکرد خود را "بیش از اندازه واقعی" ارزشیابی کردند. این یافته همسو با مطالعه فلاول (۱۹۷۹) است. وی اعتقاد داشت که افراد نیمه خودتنظیم‌گر و غیر خودتنظیم‌گر قادر به ارزشیابی واقعی از عملکرد خود بستند. ارزشیابی که این گروه از دانش‌آموزان از عملکرد خود داشتند از نوع "تخمین کمتر از اندازه" و "بیش از اندازه" بود. این یافته مبنی این واقعیت است که راهبردهای خودتنظیم‌گرانه نقش مهم و قابل توجه در حل مسائل معمولی ریاضی ایفا نمی‌کنند. شاید دلیل این پدیده این شد که همان‌طور که شوئنفلد (۱۹۸۵) مطرح کرد مسائل معمولی ریاضی، به دلیل کافی بودن طلایعات حاضر در صورت مسئله به پردازش‌های ذهنی مطروح بالا نیازمند نیست. از این رو برای رورش پردازش‌های ذهنی دانش‌آموزان به مؤلفان کتابهای ریاضیات در دوره‌های گوناگون تحصیلی وصیه می‌شود، که تا حدی، از طرح مسائل معمولی در کتابهای درسی فاصله بگیرند و بیشتر به طرح مسائل غیرمعمولی (مسائلی که به پردازش‌های ذهنی پیچیده نیاز دارد) بپردازنند.

دیگر یافته این پژوهش مربوط به اهمیت راهبردهای خودتنظیمی در حل مسائل غیرمعمولی ریبوط است.

تحلیل کمی عملکرد آزمودنیها نشان داد، در حل مسائل غیرمعمولی، دانش‌آموزان خود تنظیم‌گر را نتوانستند، به درستی، این مسائل را حل کنند. دانش‌آموزان نیمه خود تنظیم‌گر توانستند ۷۵٪ از رآیدن حل مسئله را پشت سر بگذارند. دانش‌آموزان غیر خودتنظیم‌گر، با وجود، انجام دادن محاسبات بی‌هدف نتوانستند مسائل را حل کنند از این رو، اکثربت دانش‌آموزان در حل این مسائل غیرمعمولی عملکردی نا موفق داشتند. این یافته همسو با مطالعه لستر (۱۹۸۶) و منوچه‌ری و ممکاران (۲۰۰۰) است. این محققان در مطالعه خود در یافتنند که ضعف اکثربت یادگیرندگان در حل مسئله به مسائل غیرمعمولی مربوط می‌شود. علت ناموفق بودن این گروه از دانش‌آموزان در حل مسائل غیرمعمولی این است که همان‌طور که شوئنفلد (۱۹۹۲) یادآور می‌شود، مسائل غیرمعمولی به پردازش‌های خودتنظیمی پیچیده نیازمند است.

تحلیل کیفی عملکرد دانش‌آموزان خودتنظیم‌گر و نیمه خودتنظیم‌گر نشان داد که راهبردهای رورد استفاده این گروه از دانش‌آموزان در حل مسائل غیرمعمولی تنوع قابل توجهی دارد. دانش‌آموزان خودتنظیم‌گر تغییر هدف را در کمی کردند و متناسب با تغییر هدف به تغییر راهبردها داشتند. از راهبردهای نظارتی گوناگون مثل امتحان کردن، انجام دادن عملیات معکوس و تکرار

عملیات به منظور تشخیص اشتباهات خود استفاده کردند. ارزشیابی آنان از عملکرد خود، در انجام دادن تکلیف، ارزشیابی واقعی بود. و همواره از چرازی و چگونگی راهبردهای مورد استفاده آگاهی داشتند. این یافته همسو با مطالعه زیرمن (۱۹۹۰) است. زیرمن اعتقاد داشت که افراد خود تنظیم‌گر متناسب با تغییر هدف، به تغییر راهبرد می‌پردازند و از راهبردهای کار آمد به منظور دستیابی به اهداف خود استفاده می‌کنند و در صورت لزوم راهبردهای مورد استفاده را اصلاح می‌کنند یا تغییر می‌دهند. از طرف دیگر، یافته‌های حاصل از این مطالعه همسو با مطالعه پیتریج (۱۹۸۶) و فلاول (۱۹۷۹) است. پیتریج (۱۹۸۶) اعتقاد داشت که دانش‌آموزان خودتنظیم‌گر با استفاده از راهبرد "امتحان کردن" سعی در تشخیص نقصان و اصلاح و جبران عملکرد خود را دارند. فلاول (۱۹۷۹) اعتقاد داشت که ارزشیابی‌های افراد خود تنظیم‌گر از خود و هدف و ماهیت تکلیف واقعی است. شاید علت این پدیده، این است که آگاهی این گروه از خود و توانایی‌های خود هدف و ماهیت تکلیف، آگاهی واقعی است. آگاهی واقعی به ارزشیابی واقعی نیاز دارد.

لازم به تذکر است که سه گروه دانش‌آموزانی که در این طبقه قرار داشتند، از نظر درس ریاضی و پیشرفت ریاضی بنا به تشخیص آموزگاران خود و نمرات پیشرفت تحصیلی آنها در طبقه متوسط قرار داشتند. می‌توان تصور کرد که این یافته نشان دهنده این نکته است، زمانی که مسائل در ارتباط با عیوب قرار می‌گیرد دانش‌آموزان خود را با مسئله درگیر می‌کنند. متنافه مسائل کتاب پیشتر به صورت انتزاعی و کمتر با در نظر گرفتن عیوب دانش‌آموزان انتخاب می‌شود و به همین علت بسیاری از دانش‌آموزان نسبت به حل این قبیل مسائل بی‌علاقه‌اند و دچار ترس و اضطراب می‌شوند.

در مقابل، دانش‌آموزان نیمه خودتنظیم‌گر علی‌رغم استفاده از راهبردهای متنوع به منظور درک صورت مسئله و اجرای محاسبات در حل مسائل غیرمعمولی، از چرازی و چگونگی راهبردهای مورد استفاده آگاهی نداشتند و پیشتر با هدف اجرای دستورالعمل بزرگسالان به استفاده از راهبردها می‌پرداختند. این گروه تصور محدودی از بازبینی داشتند و آن را به معنای دوباره‌نگری و توسعه و تعمیم مسئله نمی‌دانستند. این یافته همسو با مطالعه زیرمن (۱۹۹۰)، فلاول (۱۹۷۹) و پوردی و هاتی (۱۹۹۶) است. زیرمن اعتقاد داشت که از مشکلات این گروه از دانش‌آموزان این است که روش‌های رسیدن به درک را بلد نیستند و همین طور که پوردی و هاتی نیز یاد آور شده‌اند، علی‌رغم آگاهی این گروه از دانش‌آموزان از راهبردها، از چرازی و چگونگی کاربرد آنها آگاهی نداشته‌اند و به اعتقاد فلاول نیز قادر به ارزشیابی واقعی از عملکرد خود نیستند. علت این پدیده آن است که معلمان یا به عبارتی والدین علی‌رغم آگاه نمودن فرزندان خود از راهبردهای گوناگون، آنها را از

چرایی و چگونگی راهبردها آگاه نکرده‌اند. از این روست که دانش‌آموزان آگاهی‌شان نسبت به خود، توانایی‌های خود، هدف و ماهیت تکلیف آگاهی واقعی نیست و به خود و توانمندی‌های خود اعتماد ندارند به همین دلیل عملکرد خود را پاییتر از اندازه واقعی ارزشیابی کردند.

در نهایت اینکه دانش‌آموزان غیر خود تنظیم‌گر به علت ضعف در راهبردهای خود تنظیمی عملکردی بد در حل مسائل غیر معمولی از خود نشان داده‌اند. این باقته همسر با مطالعه زیمرمن (۱۹۹۰)، فلاول (۱۹۷۹) است. زیمرمن اعتقاد داشت که افراد غیر خود تنظیم‌گر قادر به تشخیص عناصر همانند و ناهمانند میان موقعیتها نیستند و به طور کلیشه‌ای با موقعیتها برخورد می‌کنند. فلاول (۱۹۷۹) اعتقاد داشت که افراد غیر خود تنظیم‌گر عملکرد خود را مورد بازبینی فرار نمی‌دهند و قادر به تشخیص اشتباها خود نیستند. ارزشیابی مثبت این گروه از دانش‌آموزان از عملکرد خود در حالی است که این گروه نترانته بودند، مسئله را به درستی حل کنند و عملکردی بد در حل این مسائل داشتند.

مقایسه عملکرد سه گروه از دانش‌آموزان در حل مسائل غیر معمولی حاکی از این است که آگاهی از چرایی و چگونگی راهبردهای خود تنظیمی نقشی مهم و قابل توجه در حل این گروه از مسائل دارد. از این روست که به سیاست‌گذاران نظام آموزشی به دیزه آموزش ریاضی توصیه می‌شود که به منظور پرورش فرآیندهای فکری دانش‌آموزان در برخورد با مسائل گوناگون به آموزش راهبردهای خود تنظیمی و همینطور چرایی و چگونگی آن به دانش‌آموزان پردازند. این مهم حاصل نمی‌شود مگر این که در درجه اول معلمان که کارگزاران نظام آموزشی به حساب می‌آیند، آموزش‌های لازم را در این زمینه دیده باشند.

منابع

- سیف، علی‌اکبر (۱۳۷۹). روانشناسی پرورشی، ویراست دوازدهم، تهران: انتشارات آگاه.
- صدی، معصومه (۱۳۸۰). بررسی رابطه تجربه فراشناختی والدین و تجربه فراشناختی دانش‌آموزان و پیشرفت درسی دانش‌آموزان. فصلنامه نازهای علوم شناختی، سال سوم ص ۲۷ تا ۳۶.
- صدی، معصومه (۱۳۷۴). نقش روش فراشناخت در حل مسئله ریاضی دانش‌آموزان. پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه الزهرا.

کدبور، پروین (۱۳۸۰). بررسی سهم باورهای خودکارآمدی، خودگردانی و هوش دانش آموزان به منظور ارائه الگویی برای یادگیری بهینه. تهران: پژوهشکده تعلیم و تربیت.

Chi, G. (1998). The role of metacognition in problem solving. Paper presented at the 1999 annual meeting. American Educational Research Association.

Flawell, J. I. (1979). Metacognition and cognitive monitoring :A new area of cognition and cognitive development inquiry. *American Psychologist*, 34 (10), 906-913.

Lester , F. K. (1986). Metacognition and children's mathematical performance: Some difficulties and a concern. Paper prepared for the research precession of the annual meeting of the national Council of Teachers of Mathematics, Washington.

Lucangeli, D .& Cornoldi, C. (1997). Mathematical and Metacognition: What is the nature of the Relationship? *Mathematical Cognition*, 3, 121-139.

Lowrie, T, & Whitland, J. (2000). Problem posing as a tool for learning. Planning and assessment in primary school. In, T, Nakahara.

Manouchehri, A. & Goodman, T. (1998). Mathematical curriculum reform and teachers: Understanding the connections. *Journal of Educational Research*, 92 (1), 27-41.

Montague, M. (1992). The effect of metacognitive Strategy training on achievement. *Cognition and Instruction*, 10(5), 175-177.

Pinrich , P. R. (1986). Motivational and Learning Strategies Interactions with achievement. *Developmental Review*, 6, 25-56.

Pinrich , P. R. & De-Groot, E. V. (1990). Motivational and self-regulated learning component of classroom academic performance. *Journal of Educational Psychology*, 82, 1, 33-40.

Schoenfeld, A. H. (1985). Mathematical Problem Solving: Harcourt Brace Jovanovich.