

نظریه جدید در باره درجه بندی فواصل موسیقی از حیث ملایمت

از دکتر مهدی برکشی

استاد دانشگاه

از زمانهای پیشین یعنی موسیقی دانان و موسیقی شناسان مشرق و مغرب درباره درجات ملایمت (Consonance) فواصل موسیقی اختلاف نظر بوده است. با کشف خاصیت فیزیکی روز نانس اجسام، «هلmholtz» (Helmholtz) علل علمی ملایمت و درجات آنرا بیان می‌کند و بعثاً جرات متاخرین در این مورد خاتمه نیافرده است. نظریه «هلmholtz» در بعضی موارد با نظر فارابی و بیرون آن او موافق ندارد. در مقایسه زیرآفای دکتر برکشی نظریه جدیدی برای درجه بندی ملایمت فواصل موسیقی ایراد و عقاید فارابی را با نظریه فوق آنالیزی می‌دهد.

اصطحاب و موالفت

در عبارت زیر از فارابی اصطلاحات فوق و همچنین «کنسانس» و «دیسنانس» که امروز در زبان موسیقی بین‌المللی استعمال می‌شود بخوبی تعریف و تشریح شده است:

«... چون بیشتر دقیق شویم مشاهده می‌کنیم که بعضی صدایها قابل اصطحاب‌اند و بعضی قابل موالفت. مقصود از اصطحاب اجتماع دو یا چند صدا است که باهم نواخته شوند و منظور از موالفت ترکیب صداها است بنحوی که بی‌دریبی بگوش برستند. از انواع اصطحاب بعضی کامل و طبیعی‌اند و احساس آن برای گوش عادی و خوش‌آیند است و برخی غیرعادی و ناخوش‌آیند. همچنین آن انواع موالفت. «کمال اصطحاب» قابل مقایسه است بنوع اختلاط خوش‌آیند و نگش شراب و

جام حاوی آن و با اختلاط درخشندگی الماس ورنگ طلای حاوی آن و اختلاط متناسب رنگ فیروزه و عقیق دریک انگشتی. هنگامیکه اصطلاح کامل باشد اجتماع را ملایم و در غیر اینصورت غیر ملایم خواهد بود ...»

چنانکه از بارت فوق مفهوم میشود کلمه «اجتماع» مقابل «آکور» (Accord) و کلمه ملایم برابر «کنسان» (Consonant) و نیز ملایم بجای «دیسان» (Dissonant) استعمال شده است و ملایمت رامیتوان «کنسان» (Consonance) نامید. بسیار پسندیده است که اصطلاحات فوق را که از قدیم داشته‌ایم در هنرستانها معمول کنیم.

محمد شیرازی تعریف ملایمت را اینگونه کرده است:

«مراد از ملایمت آنست که سامع امتراج دونغمه را مستلزم شمرد و غیر ملایم بخلاف آن بود»

و بازاء این دو معنی اتفاق و عدم اتفاق نیز اطلاق کنند وهم چنین اتفاق را به قسم اتفاق اول، اتفاق ثانی یا اتفاق بمشابهت و اتفاق باشباه تقسیم کنند..»

محمد شیرازی اتفاق اول را اتفاقی میداند که حدود آن از یک اکتاو تجاوز نکند.

هرگاه در یکی از انواع اتفاق اول صدای بم را یک اکتاو بم یا صدای زیر را یک اکتاو زیر کنند اتفاق بمشابهت بدست می‌آید.

و اگر صدای زیر را یک اکتاو بم و یا صدای بم را یک اکتاو زیر کنند اتفاق باشباه ایجاد میشود و در این مورد محمد شیرازی فاصله $\frac{8}{5}$ را مثال میزند که ممکن است از $\frac{5}{4}$ بدست آورد. اولی معرف سوم کوچک و دومی معرف سوم بزرگ است.

بزبان امروز اتفاق اول فاصله ساده اتفاق بمشابهت فاصله ترکیبی و اتفاق باشباه فاصله معکوس است. از قدیم بین موسیقی شناسان و موسیقی‌دانان مشرق و یونان بر سر درجات ملایمت فوائل اختلاف نظر بوده است.

نرد فارابی و بیرون افواصل ساده $\frac{3}{2}$ و $\frac{4}{3}$ و $\frac{5}{4}$ و $\frac{6}{5}$ و غیره که به

صورت کلی $\frac{1}{n} + \frac{1}{n+1}$ است و با اصطلاح امروز نسبت‌های «سوپر بارسیل» (Superpartiel) نامیده میشود ملایم شناخته شده است. بفاصله ششم بزرگ $\frac{5}{3}$ اهمیت خاصی داده شده است.

از بین فاصله‌های ترکیبی فاصله اکتاو باضافه یک پنجم یعنی فاصله دوازدهم نرد فارابی ملایم است ولی اکتاو باضافه یک چهارم یعنی فاصله یازدهم را غیر ملایم میداند و اظهار میکنند که بوناییان نیز آنرا نپذیرفتند.

از قرن پانزدهم بعد مباحثات راجع به درجات ملایمت فوائل در اروپا تجدید میشود و تا کشف «رزناس اچام» ادامه داشته است. مرسن (Mersenne) از اوائل قرن هفدهم فاصله سوم بزرگتر از چهارم درست ملایمتر میداند. هلمهلتز عکس آن نظرداده است.

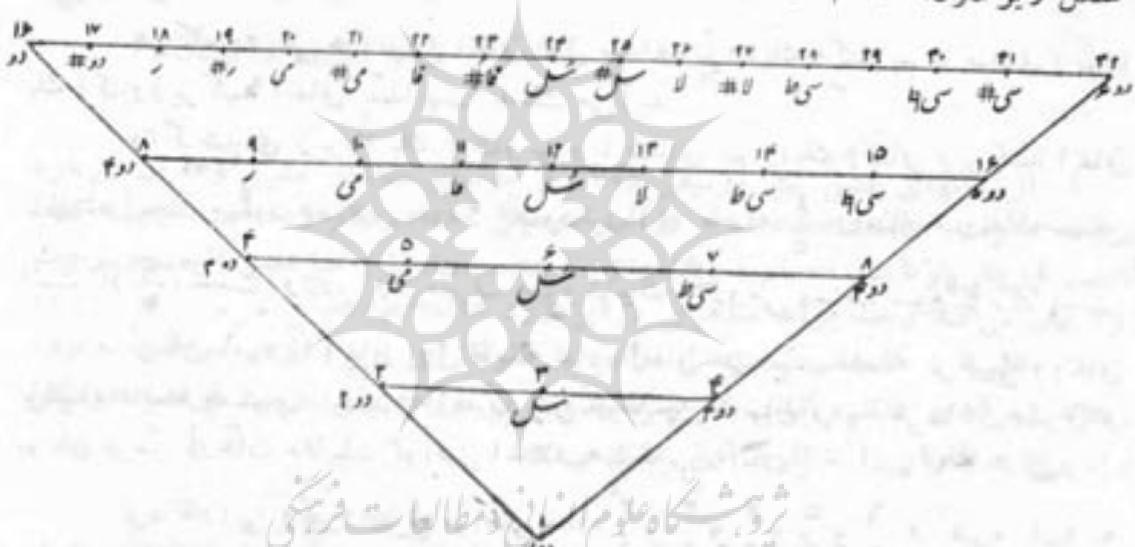
همه لذت نخستین کسی است که با کشف رزناکس برای درجات ملایمت دلائل علمی اقامه میکنند.

اصل رزنانس (Résonance) این است که

«وزنائس» هرگاه سیمی بارتعاش در آید و فرکانس یعنی شماره ارتعاش آن در تابع n فرض شود صداهای دیگری با فرکانس های $2n$ و $3n$ و $4n$... از آن شنیده میشود. عدد صحیح K را تا بینهاست میتوان ادامه داد و نهاد، فرمودا صدای آرمنیک با فرعم خواهد.

طرفداران گام طبیعی که بین متاخرین هلهلتز سردسته آنها محسوب است
براین عقیده‌دان که صداهای طبیعی موجود در موسیقی همان صداهای فرعی است و
گام موسیقی طبیعی آنست که فواصل آن از صدای های فرعی «تبیک» یا صدای بایه گام
بدست آید.

با بکار بردن اصل فوق چون do را پایه فرض کنیم صدای های اصلی گام دیاتنیک طبیعی تا آر مینک ۱۶ و صدای های کام کرماتیک تا آر مینک ۳۲ پدیده دار می شوند چنان که در شکل زیر نموده شده است.



صدای اصلی گام طبیعی بر دست در خط do - do - do قرار دارد و صدای گام

کرماتیک در خط do-do . اعداد روی هر صد معرف شماره آرمنیک ها است و بكمك

نهایا با معلوم بودن فرکانس پایه فرکانس هر صدای معلوم میشود . مثلا اگر فرکانس صدای پایه n فرض شود فرکانس $do = 8n$ و فرکانس $ré = 9n$ است همچنین با کمک

اعداد فوق نیت معرف فاصله دو صدا محاسبه می شود منلا درمثال فوق فاصله دوم

برابر $\frac{4n}{8n}$ یعنی $\frac{1}{2}$ است.

آیا تمام قواصل گام فوق بذیرفته شده‌اند و این گام از نظر موسیقی مشرق و مغرب چه مقامی دارد؟

این سوال موضوع مقاله جداگانه‌ای خواهد بود.

Helmeltz سب ملایمیت یک فاصله را اختلاط و اشتراک

درجه بندی ملایمیت صداهای آرمنیک دو صدای آن فاصله میداند. هرچه

شماره صداهای آرمنیک مشترک بیشتر و بخصوص

زودتر بصدای های مشترک بر سند ملایمیت فاصله بیشتر

است. در شکل زیر درجه بندی ملایمیت فواصل از باية «فا» باروش Helmeltz نمایش داده

شده است. نت‌های گرد معرف فاصله‌های مورد نظر و نت‌های سیاه آرمنیک های آنها

است و تا آنجا که مشترک شوند ادامه داده شده است.



ترتیب ملایمیت فواصل با درجه بندی Helmeltz از این قرار است: اکتاو، دوازدهم،

پنجم درست، چهارم درست، ششم بزرگ، سوم بزرگ، سوم کوچک، ششم کوچک.

چنان‌که در شکل ۱ نمودار است در فاصله اکتاو آرمنیک دوم صدای پایه فاصله

با صدای دوم آن مشترک شده است. در فاصله دوازدهم آرمنیک سوم صدای پایه فاصله

با صدای دوم آن مشترک شده است پس ملایمیت فاصله دوازدهم کمتر از ملایمیت فاصله اکتاو است.

در فاصله پنجم درست آرمنیک سوم صدای پایه فاصله با آرمنیک دوم صدای

دوم آن مشترک شده است پس ملایمیت پنجم از ملایمیت دوازدهم کمتر است.

در فاصله چهارم درست آرمنیک چهارم صدای پایه فاصله با آرمنیک سوم صدای

دوم آن مشترک شده است.

در فاصله ششم بزرگ آرمنیک پنجم صدای پایه فاصله با آرمنیک سوم صدای

دوم آن مشترک شده است.

در فاصله سوم بزرگ آرمنیک پنجم صدای پایه فاصله با آرمنیک چهارم صدای

دوم آن مشترک شده است.

در فاصله سوم کوچک آرمنیک ششم صدای پایه با آرمنیک پنجم صدای دوم

آن مشترک شده است.

در فاصله ششم کوچک آرمنیک هشتم صدای پایه فاصله با آرمنیک پنجم صدای

دوم آن مشترک شده است.

درجه بندی ملایمیت Helmeltz و علی‌که برای آن

آورده است هر چند با نظر موسیقی دانان اروپائی

موافق باشد از چند نقطه نظر ضعیف است.

نخست آنکه آرمنیک‌های از سه یا لایاز جای دامنه

بسیار ضعیف‌اند و چه با صدای های فرعی مشترک یک فاصله بقدری ضعیف باشند که

بحث در نظریه

Helmeltz

تأثیری در ملایمت آن نداشته باشد بهمین علت است که در دستگاه معروف بصحت مطلق (Justesse absolue) که فعلا برای موسیقی ملاک عمل است از آرمنیک سوم ببالاصرف نظر میشود.

دوم چنانکه مسلم شده است تنوع صدای های فرعی و شدت دامنه آنها در هر اسباب معرف زنگ (Timbre) آن اسباب است و هنگام آزمایش ملایمت در روی اسباب چه بسا صدای فرعی نزدیکتر بیاید ضعیف تر باشد و در این صورت ممکن است صدای های آرمنیک غیر مشترک تقویت شوند. یعنی نتیجه میتوان گرفت که ملایمت فوائل بستگی با اسباب نیز دارد و بیک فاصله در یک اسباب ملایم تراز اسباب دیگر مینماید. در حالیکه عمل انجینی نیست و ملایمت هر فاصله در همه اسبابها یکسان احساس میشود. آزمایشها ای که بوسیله نگارنده در مورد فوق انجام شده ممکن است که ملایمت فوائل بستگی به آرمنیک های موجود شده در اسباب ندارد. چه اگر فاصله منظور را بوسیله دو « اسیلاتور » (Oscillateur) که در آن صدای ساده بدون آرمنیک تولید می گردد ایجاد کنند ملایمت آن احساس میشود و با تغییر فاصله تغییر می کند. بنابراین ملایمت عاملی است که باید در ارتباط صدای های اصلی یاک فاصله و در خارج از اسبابی که فاصله روی آن اجرا میشود جستجو نمود و بستگی بوضع مطلق صدای های اصلی و اسبابی که روی آن فاصله اجرا میشود ندارد.

سرز (Serge) در ۱۷۴ و « تارتینی » (Tartini)

صدای های

در ۱۷۵ بین نکته بخورده بودند که در نواختن

هر کب

ارک هنگامی که دو صدای باهم مینوازنند صدایی به تر

از هر دوی آنها پیکوش میشود. هلمهلتز وجود این صدا را در خود گوش و بعلت خاصیت عدم تقارنی (Assymétrique) پرده گوش دانسته است.

هلمهلتز اظهار نظر میکند که در یک چنین دستگاهی بیرونی مراجعت تحت

تأثیر یک ارتعاش تحمیلی (Oscillation forcée) چنانکه گفته اند متناسب با توان اول تغییر مکان (-ax) نیست بلکه با توان دوم تغییر مکان مربوط است و با (ax + bx³) - متناسب است - x تغییر مکان و a و b ضرایب اند.

(هر دستگاه قابل ارتعاش دارای یک یا چند ارتعاش مخصوص بخود با فرکانس معین است و اگر آنرا تحت تأثیر ارتعاش ذیکری قرار دهد در این صورت این ارتعاش را ارتعاش تحمیلی نامند)

بنابراین معادله حرکت پرده گوش وقتی تحت تأثیر دو ارتعاش یک فاصله

یعنی تحت تأثیر دو فرکانس معین n و n₁ واقع شود این است .

۴ ۱۰

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + 2\Delta \frac{dx}{dt} + ax + bx^2 + f \sin \omega \pi n_1 t + g \sin \omega \pi (nt + c) = 0$$

هلمهلتز این معادله را بطریق تقریبی (Approximative) حل می کند

و فرکانس‌هایی که جواب این معادله‌اند بصورت $q_n + p_n = N$ در می‌آورد گه در آن q_n و p_n اعداد صحیح‌اند.

نتیجه این بحث ریاضی این است که اگر یک فاصله بگوش بر سر غیر از صدای اصلی آن با فرکانس‌های n صداهای فرعی با فرکانس $q.n + p.n$ نیز $\frac{1}{3}$

بگوش خواهد رسید که آنها را صداهای مرکب خوانند. در عمل بازاء q و p برابر صفر و یک احساس می‌شوند.

بعقیده هلمهلتز صداهای مرکب وجود خارجی ندارند بلکه گوش تصور شنیدن آن را می‌سینند.

محمود شیرازی نیز باین تصور اشاره می‌سیند. هنگامی که اتفاق باشتباه را شرح می‌دهد می‌گوید وقتی گوش صدایی را می‌شنود اکنون آنرا باشتباه نیز تصور می‌کند.

از زمان هلمهلتز تاکنون در این ذمینه کارهای مهمی انجام شده است. کارهای «وتیزمن» (Waetzmann) و «شتمف» (Stumf) و «وژل» (Wegel) و «لان» (Lane) مهم است.

«بکزی» (Bekesy) (۱۹۳۱) ثابت نموده است که پرده گوش بصورت خطی (Linenaire) کار می‌سیند یعنی نیروی برگشت مناسب با توان اول تغییر مکان است و فرکانس پرده گوش عیناً برابر فرکانس ارتعاش خارجی است بنا بر این صداهای فرعی هلمهلتز بوسیله پرده گوش ایجاد نمی‌گردد بلکه باید آنرا در گوش داخلی جستجو نمود و شاید در اثر خاصیت هیدرودینامیک (Hydrodynamique) «لیمان» (Leiman) (دنباله حلزونی گوش داخلی) گوش باشد.

«دلینسکی» (Dolinski) با اتفاق نگارنده اثبات و آزمایش نموده که این صداهای مرکب در خارج گوش و در هوا ایجاد می‌شوند. بدین معنی که اگر دو فشار آکوستیک متناوب $p = p \sin \frac{\pi n t}{4}$ و $p = p \sin \frac{\pi n t}{4}$ در فضای بسته ای

ایجاد شود دو فشار آکوستیک متناوب ایجاد یا فرکانس‌های $\frac{n}{1}$ و $\frac{n+1}{1}$ ایجاد می‌شود یعنی رو بهم چهار صدای بگوش میرسد و بطور کلی هر کام p فرکانس مرکب کننده وجود داشته باشد شماره فرکانس‌های که وجود خارجی بیدا می‌کند

$\frac{p}{3-1}$ خواهد بود یعنی برای یک آکور سه صدایی 13 فرکانس و برای یک آکور چهار صدایی 4 فرکانس خواهیم داشت.

این مسئله امروز بتحقیق بیوسته و در هر نوع ارتعاش مانند ارتعاش الکتریکی والکترومنیکی و نورانی صادق است و استفاده های زیاد از آن می‌شود مثل در آکوستیک الکترونیک و ساختن ارگهای الکتریکی و بخش صدا و ایجاد مافوق صدا (Ultrason).

حال میتوان مسئله ملایمت فواصل را با این نظریه حل نمود و علت عقاید قدما را درمورد ملایمت فواصل تشریع نمود .
 کوئیم درجه ملایمت هر فاصله بستگی بنوع اختلاط صداهای مرکب خارجی دارد و هرچه این صداها بیشتر قائم مقام صداهای اصلی فاصله و آرمونیک های تزدیکتر شوند ملایمت فاصله بیشتر است . بعیارت دیگر هرچهار صدای موجود در هر فاصله بیشتر باهم ارتباط آرمونی داشته باشند فاصله ملایم تراست .
 اینک با نظریه فوق فاصله های گام را بحسب درجات ملایمت مرتب میازیم . در شکل زیر نت های گرد معرف فاصله ها و نت های سیاه صدا های مرکب موجود در آنها است .

در فاصله هم صدای مرکب به وجود ندارد ولی صدای مرکب ذیرا کتاب
باشه است که باعث تقویت فاصله میشود .
در فاصله اکتاو صدای باشه یکبار تکرار گشته و آرمنیک سوم نیز پدیدار
گشته است .
در فاصله دوازدهم صدای باشه بوسیله دواکتاو ذیر خود تقویت شده است .
در فاصله دواکتاو همان های مرکب تقویت گشته آرمنیک های سوم و پنجم
صدای باشه میباشد .
در فاصله پنجم درست صدای باشه بوسیله اکتاو به خود تقویت شده و آرمنیک
پنجم نیز پدیدار گشته است .
در فاصله ششم بزرگ دو صدای تقویت گشته اکتاو دوم یکدیگر بوده و باشه
فاصله نسبت بین تر آنها فاصله پنجم دارد .
در فاصله چهارم درست صدای فوقانی فاصله بوسیله اکتاو به خود تقویت شده
و آرمنیک هفتم آن نیز پدیدار شده است .
در فاصله سوم بزرگ صدای باشه بوسیله صدای دو اکتاو به تر تقویت شده
و آرمنیک نهم آن نیز پدیدار شده است .
در فاصله سوم کوچک صدای تقویت گشته دورازهم و به تر آن نسبت بیا
فاصله مرکب هفدهم برابر فاصله ساده سوم میسازد و ذیر تر آن نسبت بصدای فوقانی
فاصله هفتم تشکیل میدهد .
در فاصله ششم کوچک صدای به تقویت گشته نسبت بباشه فاصله ششم بزرگ
و صدای ذیر تقویت گشته نسبت بصدای فوقانی نیز فاصله ششم دارد .
در فاصله یازدهم که اکتاو بعلاوه چهارم است صدای به تقویت گشته ذیر تر
از باشه و با آن فاصله ششم بزرگ دارد و صدای ذیر تقویت گشته نسبت بصدای فوقانی
فاصله چهارم تشکیل می دهد .
ای تشریع روابط آرمنیکی صدای های موجود در هر فاصله و تشخیص درج

ملایمت فاصله‌های مرکب و با فاصله‌های ساده بدل نموده آنها را باهم مقایسه می‌کنیم
(شکل زیر).



پنجم نشم پنجم سه پنجم چهارم شش پنجم هفتم هشتم نهم نونه معد
چنانکه در شکل فوق نمودار است هر فاصله بوسیله یک آکور معرفی می‌شود
و ساده ترین فواصل فاصله هم صدا است که در آن هیچ نت خارجی دخالت ندارد
(اکتاو هر صدا دارای احساس همان صداست) و بترتیب هرچه بیش رویم آکور-
های معرف هر فاصله کاملتر می‌شود.
دو فاصله اکتاو دور از هم آکورهای کامل بزرگی هستند که در آنها فاصله
سوم وجود ندارد.

سه فاصله دوا کتاو و پنجم درست و ششم بزرگ آکورهای کامل بزرگ هستند
از نظر آرمنی ملایمتشان کامل است.

ملایمت فاصله چهارم درست ظاهرآ در اثر وجود فاصله «سی بعل-دو» نقصان
یافته است ولی چون در نظر یکی‌ریم که دو صدای «دو-سل» در آن خود ایجاد صدای
«می» می‌کنند بنا بر این آکور معرف آنرا میتوان آکور هفتم نمایان «دو-می-
سل-سی بعل» دانست که از نظر آرمنی کامل است.

در فاصله‌های سوم بزرگ؛ سوم کوچک و ششم کوچک در اثر فاصله‌های نزدیک
که بترتیب «دو-ر» «می-قا» و «سل-لا» میباشند ملایمت کاسته می‌شود.

غیر ملایم ترین فاصله فاصله یازدهم است که صدای آن بین هم هیچ‌گونه
روابط آرمنیکی ندارند و بعلاوه وجود فاصله کوتاه «می-قا» در ضعف ملایمت آن
تاثیری نداشت.

درجه بندی ملایمت فواصل با نظریه جدید فوق بطور واضح علت ملایمت و
درجه آن را روشن می‌سازد و بدرجه بندی هلمه‌لتز نزدیک است اختلاف بر سر فاصله ششم
بزرگ است که در درجه بندی فوق قبل از چهارم درست قرار گرفته و ملایمت آن بیش از
چهارم و نزدیک به پنجم است. این فاصله مقام مهمی در موسیقی شرق دارد که در
مقالات آتیه تشریح خواهد شد.

در موسیقی بین‌المللی نیز بسیاری از آرمنی‌دانان رجحان این فاصله را بر فاصله‌های
چهارم و حتی پنجم تایید می‌کنند.

بسیاری از نظریاتی که قدمای درباره ملایمت فواصل داشته‌اند با نظریه فوق
تشریح می‌شود.

مثلًا علت اینکه فارابی و پیروان او نسبت‌هایی بصورت $\frac{1}{n} + 1$ با
باصطلاح امروز نسبت‌های سوپرپارسیل را ملایم دانسته‌اند این است که در همگی

این فواصل صدای مرکب $n_1 - n_2$ صدای پایه است که در آن صدای بهم فاصله آرمنیک n و صدای زیرفاصله فاصله آرمنیک $n+1$ آن پایه است. و دلیل اینکه هرچه این نسبت‌ها کوچک می‌شوند از ملایمتشان کاسته می‌شود این است که هرچه فاصله کوچکتر شود آرمنیکهای $n+1$ از صدای پایه دورتر می‌افتد. همچنین در این درجه بندی علت اینکه نزد فارابی و یونانیان فاصله یازدهم یا «اکتاو باضافه چهارم» مطروdd است روش می‌شود. زیرا این فاصله از حیث ملایم در مرتبه آخر واقع شده است و در آن معرف آن «سل-می-فا-دو» بین صدایها روابط آرمنی وجود ندارد و وجود فاصله می-فا در آن آنرا نامطلوب ساخته است.

نتیجه:

- ۱ - قدمای ما فواصل آرمنی و ملبدی را از هم مجزا نموده و ملایم آنها را درجه بندی کرده‌اند. شاید یکنوع آرمنی خاص در موسیقی ایران وجود داشته است که کشف آن راهی برای بسط و پیشرفت موسیقی در شرق باز خواهد نمود.
- ۲ - علوم فیزیک و ریاضی باعث پیشرفت و بسط سایر علوم و فنون شده و اسرار مجهول آن روش نموده‌اند. هلمهلتز با کشف رذنانس پایه‌های آرمنی را استوار ساخته و بملایم فواصل مفهوم قابل قبولی داده است. درجه بندی ملایم بر اصل رذنانس در بسیاری از موارد بانتظر موسیقی‌دانان توافق دارد.
- ۳ - با کشف صدای های مرکب مفهوم دیگری برای ملایم فواصل پدیده می‌شود و درجه بندی ملایم در نظریه جدید بادرجه بندی هلمهلتز جز در مورد فاصله ششم بزرگ توافق دارد و عقاید قدما را در بسیاری از موارد روش می‌سازد. ملایم فاصله ششم بزرگ بعد از پنجم درست است و این فاصله در موسیقی شرق اهمیت بسیاری دارد که در مقالات آنچه تشریح خواهد شد.

پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی
پرستال جامع علوم انسانی