

ارزیابی کارایی روش‌های روندیابی هیدرولوژیکی سیل در رودخانه دز

مجید عباسی زاده*

دانشجوی دکتری، دانشکده منابع طبیعی، گروه آبخیزداری، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات تهران

محمد مهدوی

استاد دانشکده منابع طبیعی کرج، دانشکاه تهران

علی سلاجقه

دانشیار دانشکده منابع طبیعی کرج، دانشکاه تهران

چکیده

روند یابی سیل، کاربرد فراوانی در مسایل مربوط به پیش‌بینی سیل، طراحی مخازن، سامان دهی رودخانه، محاسبه ارتفاع سیل بندها، دیواره‌های موازی رودخانه و غیره دارد. با وجود تکنیک‌های روندیابی و داشتن هیدرولوگراف سیل یک نقطه، می‌توان ارتفاع سیل مورد نظر را در هر نقطه از مسیر رودخانه تعیین کرد.

برای روندیابی سیلاب در رودخانه از روش‌های هیدرولیکی و هیدرولوژیکی استفاده می‌شود. حل روش‌های هیدرولیکی پیچیده و طولانی می‌باشد بنابراین استفاده از روش‌های هیدرولوژیکی که با محاسبات کمتر و ساده‌تر می‌تواند جواب‌های قابل قبولی ارائه کند اجتناب ناپذیر است.

در این تحقیق به منظور انتخاب مناسب‌ترین روش روندیابی هیدرولوژیکی روش‌های ماسکینگام، کانوکس و آت-کین اصلاح شده و مناسب‌ترین ضرایب هر مدل، تعداد ۲۶ سیل در بازه حرمله-بامدز در بخشی از رودخانه دز انتخاب شد. برای ارزیابی روش‌ها از شخص‌های تکوینی برآذش مجازور میانگین مربعات خطأ و ضریب کارایی و ضریب همبستگی استفاده شد. شاخص مجازور میانگین مربعات خطأ بیشترین هم‌خوانی را دید چشمی داشت. نتایج نشان داد که در روش‌های ماسکینگام و کانوکس، روش گرافیکی مناسب‌ترین روش تعیین ضرایب است. روش‌های کانوکس (گرافیکی)، ماسکینگام (لوب) و آت-کین به ترتیب، دارای بیشترین دقیقت بودند. مقایسه خطاهای نشان داد که در روش‌های مختلف روندیابی، تفاوت چشمگیری در انتخاب دنبی مینا وجود ندارد ولی با این حال دنبی متوسط و دنبی ۵۰ درصد دنبی پیک (نصف دنبی پیک) به عنوان دنبی مینا، اولویت استفاده دارند.

دانشگاه علوم انسانی

واژگان کلیدی : رودخانه دز، ضریب کارایی، روش ماسکینگام، روش کانوکس، روش آت-کین.

مقدمه

مطالعات روندیابی سیل به لحاظ پایه بودن برای مطالعات پنهان بندی سیلاب، پیش‌بینی سیلاب و سیستم‌های هشدار سیل، سامان دهی رودخانه، طراحی سازه‌های رودخانه‌ای و شهرسازی^۱، شبیه سازی سیلاب

حوضه‌های فاقد آمار و کنترل از اهمیت بسیار زیادی برخوردار می‌باشد و یکی از اقداماتی است که مهندسین الزاما با آن روپرتو هستند (بهبهانی، ۱۳۸۰، ۳۴۰).

روندیابی سیل به مجموعه عملیاتی گفته می‌شود که به وسیله آن زمان و بزرگی یک موج سیل (مشخصات هیدرولوگراف) را در نقطه‌ای از مسیر رودخانه با استفاده از اطلاعات فرضی یا حقیقی موجود در یک یا چند نقطه بالادست جریان تعیین می‌نمایند (raghunath^۱, ۱۹۹۷). به طور کلی روش‌های روندیابی سیل را می‌توان به دو گروه روندیابی هیدرولیکی^۲ و روندیابی هیدرولوژیکی^۳ تقسیم کرد (جادهوری^۴, ۲۰۰۲). اگر جریان آب فقط به صورت تابعی از زمان در محلی مشخص روندیابی شود، این نوع روش، روندیابی هیدرولوژیکی و یا روندیابی متمنکر یا توده‌ای نامیده می‌شود (وینمن و لارنسون، ۱۹۷۹) و در آن از اصل پیوستگی جریان و رابطه دبی - ذخیره (با فرض یکنواخت بودن جریان) استفاده می‌شود. اگر روندیابی جریان در طول سیستم به صورت تابعی از زمان و مکان مد نظر باشد، این روش به نام روندیابی هیدرولیکی یا روندیابی توزیعی^۵ شناخته می‌شود (چاو^۶, ۱۹۸۸) و در این روش از معادله پیوستگی جریان و معادله اندازه حرکت استفاده شده و اساس آن بر تئوری جریان‌های غیر دائمی (معادلات سنت- و نانت^۷، استوار است (شاو^۸, ۱۹۹۴).

روندیابی هیدرولیکی، دقیقتر است ولی مشکل اصلی آن دشواری و پیچیدگی حل معادلات مربوطه می‌باشد. هنگامی که اثر برگشت آب وجود داشته در چنین حالاتی روندیابی هیدرولیکی بهتر از روندیابی هیدرولوژیکی می‌باشد (تسای^۹, ۲۰۰۵). روندیابی هیدرولوژیکی ساده‌تر است ولی از طرفی جواب‌های به دست آمده از این روش دقت کمتری دارند ولی به هر حال این جواب‌ها برای استفاده در کارهای عملی و طرح‌های آبی می‌توانند با اطمینان کافی به کار گرفته شوند (SCS, ۱۹۸۵).

باری و باجراچاری^{۱۰} (۱۹۹۵) روش روندیابی ماسکینگام- کانتر را مورد بررسی قرار دادنده است و نشان دادند که برای پایداری این مدل باید عدد کورانت کمتر از ۰/۵ باشد تا جواب‌های تخمینی دقت لازم را داشته باشد.

بیرکهد و جیمز^{۱۱} (۲۰۰۲)، در تحقیقی مدل ماسکینگام را برای حالتی که آب وارد دشت سیلابی می‌شود مورد بررسی قرار دادند و نتایج نشان داد که این روش برای حالتی که آب وارد دشت سیلابی می‌شود مناسب نیست.

1 - Raghunath

2 - Hydraulic Methods

3 - Hydrologic Methods

4 - Choudhury et al., 2002

5 - Distributed Flow Routing

6 - Chow

7 - Saint-Venant

8 - Shaw

9 - Tsai

10 - Bajracharya, K & Barry, D.

11 - Birkhead, A.L. James, C. S.

موسوی جهرمی (۱۳۶۸، ۱۱۵) مدل کامپیوتری روش ماسکینگام و ماسکینگام- کانثر را نوشت و نتیجه‌گیری کرد که روندیابی سیل با روش ماسکینگام، علیرغم اطلاعات کمی که جهت انجام محاسبات نیاز دارد نسبت به روش کانثر از دقت بیشتری برخوردار است و دقیقی نزدیک به روش‌های هیدرولیکی دارد.

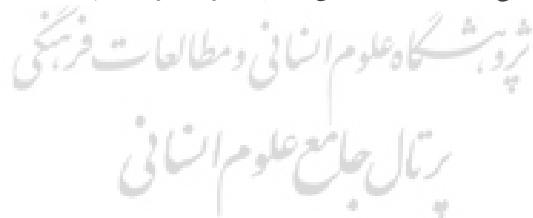
عبدالشاه نژاد (۱۳۷۵، ۱۳۲) به مطالعه روش‌های مختلف روندیابی هیدرولیکی و هیدرولوژیکی سیلان در بخشی از رودخانه کارون پرداخت. وی مدل‌های ماسکینگام، کانثر، آت- کین، کانوکس و مدل هیدرودینامیکی MIKE 11 را مورد بررسی قرار داد و مدل کانوکس را به عنوان بهترین مدل پیشنهاد کرد.

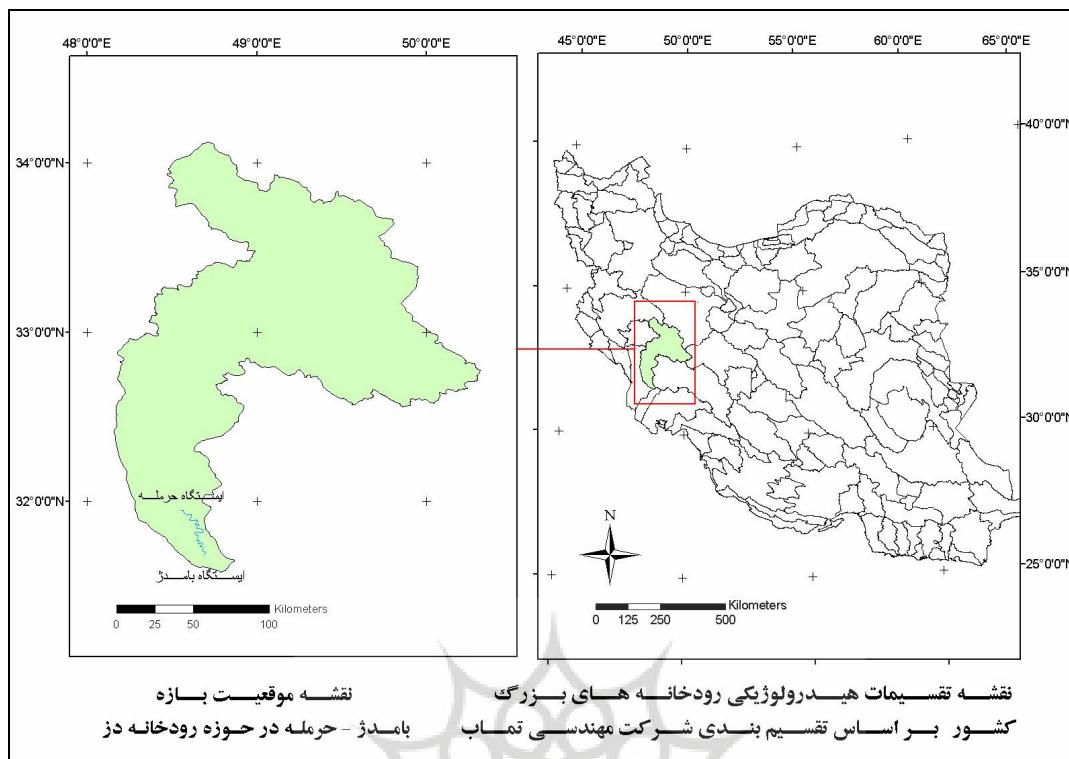
دهقانی و کرمی (۱۳۸۳، ۷۲) به منظور انتخاب مناسب ترین روش روندیابی هیدرولوژیکی در رودخانه زهره، بازه دهملا- هندیجان را انتخاب کرد. وی برای ارزیابی کارآیی روش‌ها از شاخص‌های آماری مجدول میانگین مربوطات خطأ و ضریب کارایی استفاده کرد. نتایج نشان داد که مناسب‌ترین روش انتخاب ضرایب، روش گرافیکی است.

پیشرفت‌های مختلف در زمینه ساخت افزار و نرم افزار باعث شده که نرم افزارهای تخصصی روندیابی نیز توسعه یابند. از این دست می‌توان به نرم افزارهای MIKE21، HEC-HMS، HEC-RAS، MIKE11 و MUPERS اشاره کرد. در این تحقیق هدف، تعیین میزان کارآیی روش‌های مختلف روندیابی هیدرولوژیکی در برآورد و پیش‌بینی هیدرولوگراف‌های خروجی در رودخانه دز می‌باشد.

موقعیت جغرافیایی منطقه

جهت انجام مطالعات، ابتدا با استفاده از نقشه رودخانه‌ها و نقشه موقعیت ایستگاه‌های هیدرومتری ایران، بازه‌ای به طول ۵۹/۵ کیلومتر در رودخانه دز انتخاب شد که ایستگاه حرمله در بالادست بازه و ایستگاه بامدز در انتهای آن واقع می‌شود (شکل ۱). رودخانه دز از نظر میزان آبدهی دومین رودخانه ایران محسوب می‌شود که دبی رودخانه به دنبال بارندگی‌های شدید به بیش از یک هزار متر مکعب در ثانیه نیز خواهد رسید.





شکل ۱. نقشه موقعیت منطقه مورد مطالعه

مواد و روش‌ها

به منظور انجام تحقیق پس از انتخاب بازه مذکور، اقدام به جمع آوری آمار دبی، آمار دبی- اشل و دبی- سطح مقطع در ایستگاه‌های حرمله و بامدز شد و ۲۶ واقعه سیالابی انتخاب شد و هیدروگراف‌های هر یک از آن‌ها هم در ابتدا (ورودی) و هم در انتهای بازه (خروجی) ترسیم شدند. در این تحقیق به منظور تعیین سرعت مبنا که در معادلات قرار داده می‌شود، از سرعت مربوط به دبی‌های پیک هیدروگراف ورودی، سرعت مربوط به دبی ۵۰ درصد پیک، و سرعت متناظر دبی ۷۵ درصد پیک و سرعت متناظر دبی متوسط استفاده شد (ویلسون و رافینی، ۱۹۸۸).

روش کانوکس^۱

این روش بر مبنای این استدلال است که جریان خروجی در هر زمان t به خروجی Q و ورودی I ابتدای فاصله زمانی Δt بستگی دارد. فرض کنید c ثابت باشد و $1 \leq c \leq 0$ ، از این رو می‌توان نوشت:

$$Q_{t+\Delta t} = cI_t + (1-c)Q_t \quad (1)$$

I_t : دبی هیدروگراف ورودی در لحظه t

Q_t : دبی هیدروگراف خروجی در لحظه t

$Q_{t+\Delta t}$: دبی هیدروگراف خروجی در لحظه $t + \Delta t$

c : ضریب کانوکس است و برای محاسبه آن، از روابط مربوط به روش تراول تایم $c = \frac{\Delta t}{k}$ ، روش سینگ

$c = \frac{\sum(Q_2 - Q_1)(I_1 - O_1)}{\sum(I_1 - O_1)^2} = \frac{\bar{V}}{0.518 + \bar{V}}$ و روش گرافیکی

استفاده شد (مهدوی، ۱۳۸۱، ۲۷۴).

روش آت-کین اصلاح شده^۱

این معادله به صورت زیر است که در آن مقدار C_m برابر $\frac{2\Delta t}{2K + \Delta t}$ فرض شده و به آن ضریب آت-کین گفته می‌شود. بنابراین:

$$Q_2 = C_m I_1 + (1 - C_m) Q_1 \quad (7)$$

برای به دست آوردن مقدار K از رابطه $K = \frac{L}{mV}$ استفاده می‌شود که از رابطه موجود بین سطح مقطع و دبی جریان، $(Q = xA^m)$ بدست می‌آید. گام زمانی با توجه به رابطه $K/3 \leq \Delta t \leq K$ انتخاب می‌شود.

روش ماسکینگام

این روش یکی از متداول ترین روش‌ها برای روندیابی سیل در رودخانه‌ها است که در آن از معادله پیوستگی، و معادله ذخیره-دبی به شکل $S = k[xI + (1-x)Q]$ استفاده شده است (گیل، ۱۹۷۹ و سینگ، ۱۹۸۰).

$$Q_{t+\Delta t} = C_1 I_{t+\Delta t} + C_2 I_t + C_3 Q_t \quad (8)$$

که در آن:

$$C_3 = \frac{2K - 2Kx - \Delta t}{2K - 2Kx + \Delta t} \quad C_2 = \frac{2Kx + \Delta t}{2K - 2Kx + \Delta t} \quad C_1 = \frac{\Delta t - 2Kx}{2K - 2Kx + \Delta t} \quad (9)$$

جمع این ضریب‌ها برابر یک می‌باشد. k و x پارامترهای روندیابی هستند. از نظر فیزیکی، k معادل زمان پیمایش قطعه رودخانه در نظر گرفته می‌شود و x ضریب وزنی است که از دید تئوری می‌تواند بین ۰ تا ۱ باشد. عموماً هر چه مقدار Δt کوچکتر باشد، نتایج دقیق تر خواهد بود. دامنه مناسب برای Δt نیز به صورت $k/3 < \Delta t < K$ (ویسمن و همکاران ۱۹۷۷) و یا $2Kx \leq \Delta t \leq K$ چاو (۱۹۶۴) پیشنهاد شده است. روش‌ها و معادلات مختلفی جهت تعیین پارامترهای مورد استفاده در این روش وجود دارد که به طور خلاصه در جدول ۱ آمده است.

جدول ۱. روش‌های تعیین پارامترها و ضرایب ماسکینگام

نام روش	معادله
روش استفاده از شیب و سطح مقطع کanal	$k = \frac{L}{V}$ و $x = \frac{1}{n} S^{\frac{1}{2}} P^{-\frac{2}{3}}$
روش حداقل مربعات (ترسیمی)	$k = A + B$ و $x = \frac{A}{k}$ $B = \frac{\sum S_o Q \sum I^2 - \sum S_o I \sum I Q}{\sum I^2 \sum Q^2 - (\sum I Q)^2}$ $A = \frac{\sum S_o I \sum Q^2 - \sum S_o Q \sum I Q}{\sum I^2 \sum Q^2 - (\sum I Q)^2}$
روش استفاده از سرعت متوسط جریان	$k = \frac{L}{V}$ و $x = \frac{0.5V}{1.7 + V}$
روش بهینه سازی مستقیم*	در این روش K و X محاسبه نمی‌شوند و مستقیماً ضرایب تعیین می‌شود.
روش هیدرولیکی دوگ	$k = \frac{\Delta X}{1.5V_0}$ و $x = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \left(1 - \frac{F^2}{4} \right) \left(\frac{y_0}{S_0 \Delta X} \right)$

در جدول بالا V_0 سرعت مبدأ، y_0 عمق مبدأ، F عدد بدون بعد فرود (Froud number)، P محیط خیس شده برای یک دبی مشخص، n ضریب زبری مانینگ، L طول بازه و S شیب بازه مورد نظر است. در روش بهینه سازی مستقیم (استفنسون، ۱۹۷۹) مقادیر ضرایب C_1 ، C_2 و C_3 مستقیماً محاسبه می‌شوند بدون این که ابتدا k و x محاسبه شود. در این روش معادله ماسکینگام به شکل زیر تغییر یافته و به صورت معادله ای از نوع رگرسیون چند متغیره می‌باشد ($Y = ax_1 + bx_2$) که در آن a و b متناظر C_2 و C_3 هستند:

$$Q_{t+\Delta t} - I_{t+\Delta t} = C_2(I_{t+\Delta t} - I_t) + C_3(I_{t+\Delta t} - Q_t) \quad (14)$$

انتخاب بهترین روش روندیابی

از مقایسه هیدرولوگراف‌های خروجی مشاهده‌ای و تخمینی، و با استفاده از شاخص‌های آماری مجموع مربعات خطأ، اختلاف نسبی دبی پیک، اختلاف نسبی حجم، اختلاف نسبی زمان پیک، ضریب تبیین و ضریب کارایی که توسط ASCE^۱ (۱۹۹۳) توصیه شده‌اند می‌توان میزان خطأ و یا دقیقت‌گذاری کدام از روش‌های روندیابی مورد استفاده در تحقیق را مشخص کرد. در تحقیق حاضر از فرمول‌های زیر برای مقایسه کمی بین مقادیر مشاهداتی و مقادیر تخمینی هیدرولوگراف استفاده شده است:

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum(Q_o - Q_e)^2}{n}} \quad (16)$$

$$CE = 1 - \frac{\sum(Q_o - Q_e)^2}{\sum(Q_o - \bar{Q}_o)^2} \quad (17)$$

$$R^2 = \frac{[\sum(Q_o - \bar{Q}_o)(Q_e - \bar{Q}_e)]^2}{\sum(Q_o - \bar{Q}_o)^2 \sum(Q_e - \bar{Q}_e)^2} \quad (18)$$

در روابط بالا:

$RMSE$: مجددور میانگین مربعات خطأ (متر مکعب بر ثانیه)

- ضریب کارایی است که در بعضی منابع آن را با EI یا E نیز نشان می دهند و به نام ضریب ناش-سو تکلیف نیز خوانده می شود. بر این اساس هر چه میزان ضریب کارایی به ۱ نزدیکتر باشد مدل از نظر آماری قابل قبول تر است.

R^2 : ضریب تشخیص، تبیین یا تعیین نامیده می شود که بین ۰ تا ۱ متغیر است.

Q_o, Q_e : به ترتیب دبی هیدروگراف تخمینی و مشاهداتی در لحظه t می باشند.

یافته‌ها

یافته‌های مربوط به روش کانوکس و آت-کین

پس از تعیین ضریب کانوکس (جدول ۲)، هیدروگراف‌های خروجی ترسیم شدند و با مقایسه آن‌ها با هیدروگراف‌های مشاهده‌ای مقادیر خطای هریک از از روش‌ها محاسبه شد. بر اساس مقادیر متوسط $RMSE$ ، EI ، R^2 ، بهترین و متمایزترین روش تخمین ضریب کانوکس، روش گرافیکی است (جدول ۳). ضریب کانوکس در روش گرافیکی نسبت به سایر روش‌ها کوچکتر است (جدول ۱). سایر روش‌های تخمین ضریب کانوکس تفاوت قابل ملاحظه‌ای با یکدیگر ندارند و در بیش از ۸۰ درصد از وقایع، دقت مشابه دارند و نمی‌توان با اطمینان زیاد آن‌ها را اولویت داد هرچند دارای ضریب C و Δt متفاوتی هستند (جدول ۲)، اما به هر حال با توجه به مقدار میانگین $RMSE$ (جدول ۳)، به ترتیب روش $C = \frac{dt}{L/V}$ ، روش سینگ و روش SCS در اولویت هستند.

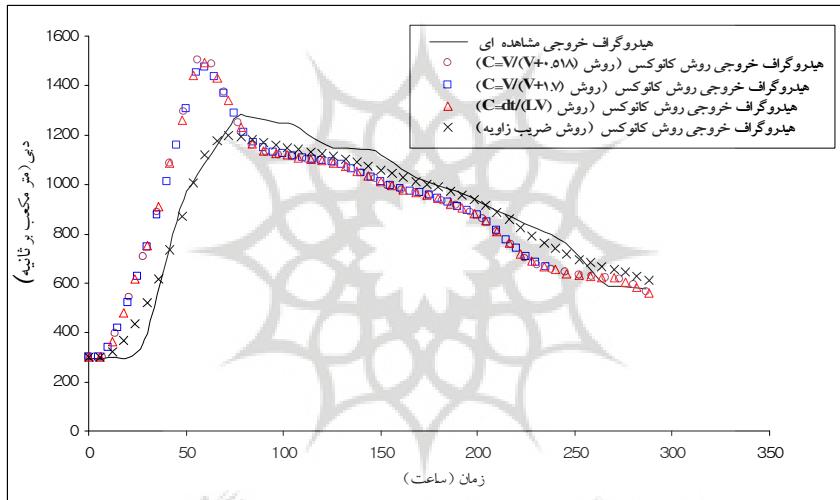
جدول ۲. مراحل تعیین ضرایب روش کانوکس و روش آت-کین

روش آت-کین			روش گرافیکی (ضریب زاویه)		روش تراول قائم		روش SCS		روش سینگ		نیزه		نیزه		نیزه		نیزه	
C_m	Δt	k	Δt	C	Δt	C	Δt	C	Δt	C	Δt	C	Δt	C	Δt	C		
۰/۴۵	۵	۹	۶	۰/۲۴	۶	۰/۴۲	۱۰	۰/۶۹	۶	۰/۴۱	۱۴	۱/۱۶	۲/۰۸	۵۰۸	۵۲۹	۴۸۰	۱	
۰/۵	۵	۸	۶	۰/۳۲	۶	۰/۴۸	۹	۰/۷۲	۵	۰/۴۴	۱۳	۱/۳۲	۲/۷۸	۵۶۸	۷۱۸	۱۱۹	۲	
۰/۵۴	۴	۵	۶	۰/۲۱	۶	۰/۶۶	۷	۰/۷۸	۵	۰/۵۲	۹	۱/۸۱	۴/۹۹	۱۳۰۰	۱۵۹۴	۲۸۸	۳	
۰/۵	۵	۷	۶	۰/۱۳	۶	۰/۴۹	۹	۰/۷۲	۵	۰/۴۴	۱۲	۱/۳۴	۲/۷۴	۴۷۰	۷۴۹	۱۷۰	۴	
۰/۵۱	۵	۷	۶	۰/۳۳	۶	۰/۴۹	۹	۰/۷۲	۵	۰/۴۴	۱۲	۱/۳۵	۳/۱۳	۷۳۹	۷۷۰	۱۲۷	۵	
...	
۰/۵۱	۴	۶	۶	۰/۲۶	۶	۰/۶۱	۸	۰/۷۶	۵	۰/۵	۱۰	۱/۶۸	۴/۵۹	۱۲۱۷	۱۳۲۵	۳۳۶	۲۶	

شکل ۲، هیدروگراف‌های خروجی محاسبه‌ای حاصل از روش‌های مختلف تخمین ضریب کانوکس را نشان می‌دهد. به عنوان نمونه مشاهده می‌شود که در مورد سیل ۳ روش ضریب زاویه (روش گرافیکی) بیشترین هم‌خوانی را با هیدروگراف مشاهده‌ای دارد و سایر روش‌ها جواب‌های نزدیکی دارند.

جدول ۳. شاخص‌های آماری مربوط به روش‌های تخمین ضریب کانوکس

شاخص آماری	SCS	روش سینگ	$C = \frac{dt}{L/V}$	روش گرافیکی
$RMSE$	۹۴/۸۵	۹۱/۷۷	۸۹/۵۸	۵۷/۲۷
EI	۰/۷۶	۰/۵۹	۰/۶۸	۰/۸۶
R^2	۰/۵۶	۰/۷۱	۰/۷۲	۰/۹۰



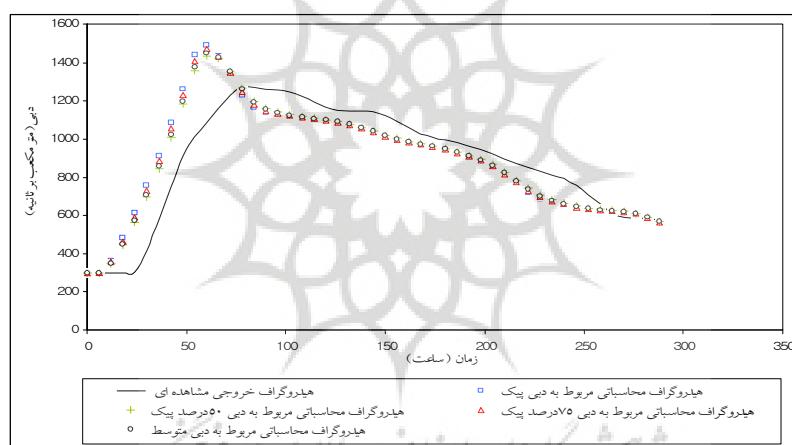
شکل ۲. مقایسه هیدروگراف‌های تخمینی و مشاهده‌ای جهت تعیین مناسب‌ترین روش تخمین ضریب کانوکس (سیل ۳)

بر طبق جدول (۴) مناسبترین دبی مورد استفاده (دبی مبنا) در روش کانوکس و روش آت-کین به ترتیب \bar{Q}_p , $0.05\bar{Q}_p$, $0.075\bar{Q}_p$ می‌باشد. این مطلب به صورت چشمی نیز بررسی شد که به عنوان نمونه در مورد روش کانوکس (SCS) در شکل ۳، آورده شده است.

روش آت-کین در مقایسه با روش‌های کانوکس هرچند که در ۹۲ درصد از موارد دقت کمتری دارد اما مقادیر این اختلاف زیاد نیست.

جدول ۴. مقایسه شاخص‌های آماری جهت تعیین مناسب ترین دبی مبنا در روش کانوکس و آت-کین

شاخص آماری		\bar{Q}	$0.5Q_p$	$0.75Q_p$	Q_p
$C = \frac{\bar{V}}{0.518 + \bar{V}}$	$RMSE$	۸۴/۰۱	۸۲/۶۵	۸۹/۴۸	۹۴/۸۵
	EI	۰/۷۵	۰/۸۱	۰/۷۷	۰/۷۶
	R^2	۰/۸۱	۰/۸۳	۰/۷۹	۰/۵۶
$C = \frac{V}{V + 1.7}$	$RMSE$	۸۰/۵۶	۸۰/۶۴	۸۶/۵۱	۹۱/۷۷
	EI	۰/۶۹۶	۰/۶۹۲	۰/۶۶	۰/۵۹
	R^2	۰/۷۶	۰/۷۶	۰/۷۴	۰/۷۱
$C = \frac{dt}{L/V}$	$RMSE$	۷۸/۲۰	۷۸/۲۵	۸۴/۷۶	۸۹/۵۸
	EI	۰/۷۵۴	۰/۷۵	۰/۷۱	۰/۶۸
	R^2	۰/۷۶	۰/۷۶	۰/۷۴	۰/۷۲
روش گرافیکی	$RMSE$	-	-	-	۵۷/۲۷
	EI	-	-	-	۰/۸۶
	R^2	-	-	-	۰/۹۰
روش آت-کین	$RMSE$	۸۹/۱۰	۸۹/۲۳	۹۴/۹۹	۹۸/۸۵
	EI	۰/۶۲۷	۰/۶۲۱	۰/۵۷	۰/۵۳
	R^2	۰/۷۵	۰/۷۵	۰/۷۲	۰/۷۱



شکل ۳. مقایسه هیدروگراف‌های تخمینی و مشاهده‌ای جهت تعیین مناسب ترین دبی مبنا در روش کانوکس (رابطه تجربی (scs))

سیل (۳)

رئال جامع علوم انسانی

یافته‌های مربوط به روش ماسکینگام

برای تعیین پارامترها و ضرایب ماسکینگام از پنج روش استفاده شد که مراحل تعیین ضرایب در جدول ۵ آورده شده است. بر اساس جدول ۶ و مقادیر $RMSE$, EI , R^2 مناسب‌ترین روش‌های تخمین ضرایب ماسکینگام به ترتیب روش ترسیمی (لوپ)، روش سرعت متوسط، روش دوگ، روش بهینه سازی مستقیم و روش شیب-سطح مقطع می‌باشند. شکل ۴ هیدروگراف‌های خروجی محاسبه‌ای حاصل از روش‌های مختلف تخمین ضرایب ماسکینگام را نشان میدهد.

جدول ۵. مراحل تعیین ضرایب روش ماسکینگام

روش سرعت متوسط جریان ($x = 0.5 \frac{V}{V+1.7}$)						فرمول تجربی						ردیف نامه ردیف نامه
C _r	C _r	C ₁	Δt	X	k	C _r	C _r	C ₁	Δt	X	k	
۰/۶۳۵	۰/۴۶۷	-۰/۱۰۲	۹	۰/۲۰۳	۱۴	۰/۹۷۱	۰/۲۵۹	-۰/۲۲۹	۶	۰/۰۱۹	۱۴	۱/۱۶
۰/۶۱۷	۰/۵۰۵	-۰/۱۲۳	۹	۰/۲۱۸	۱۳	۰/۹۷۲	۰/۲۸۱	-۰/۲۵۳	۵	۰/۰۱۹	۱۳	۱/۳۲
۰/۵۸۲	۰/۶۰۸	-۰/۱۹	۹	۰/۲۵۸	۹	۰/۹۷۵	۰/۳۴۶	-۰/۲۲۲	۵	۰/۰۱۸	۹	۱/۸۱
۰/۶۱۵	۰/۵۱۱	-۰/۱۲۶	۹	۰/۲۲۰	۱۲	۰/۹۷۲	۰/۲۸۵	-۰/۲۵۷	۵	۰/۰۱۹	۱۲	۱/۳۴
۰/۶۱۳	۰/۵۱۴	-۰/۱۲۸	۹	۰/۲۲۲	۱۲۰	۰/۹۷۲	۰/۲۸۷	-۰/۲۵۹	۵	۰/۰۱۹	۱۲	۱/۳۵
...
۰/۵۸۹	۰/۵۸۴	-۰/۱۷۳	۹	۰/۲۴۹	۱۰	۰/۹۷۴	۰/۳۳۱	-۰/۳۰۵	۵	۰/۰۱۸	۱۰	۱/۶۸
۲۶												

ادامه جدول ۵. مراحل تعیین ضرایب روش ماسکینگام

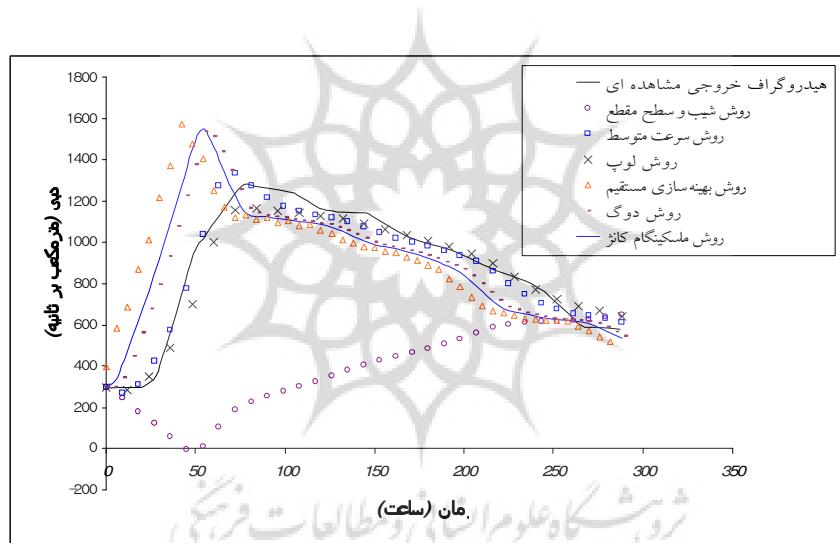
روش بهینه سازی مستقیم				روش دوگ						روش ترسیمی (لوب)						ردیف نامه
C _۳	C _۲	C _۱	Δt	C _۳	C _۲	C _۱	Δt	X	k	C _۳	C _۲	C _۱	Δt	X	k	
-۰/۹۷	۱/۰۵	۰/۹۲	۶	-۰/۱۱۵	۰/۸۵۷	۰/۲۵۹	۵	۰/۴۴۳	۱۱	۰/۶۷۲	۰/۳۳۲	-۰/۰۰۳	۱۲	۰/۲	۳۰/۶	۱
-۰/۷۵	۰/۲۴	۱/۰۱	۶	-۰/۱۶۰	۰/۸۶۷	۰/۲۹۳	۵	۰/۴۴۹	۱۱	۰/۵۳۲	۰/۴۶۵	۰/۰۰۲	۸	۰/۳	۱۳/۲	۲
-۰/۹۰	۰/۵۹	۱/۳۱	۶	-۰/۱۱۳	۰/۸	۰/۰۸۷	۵	۰/۴۰۸	۸	۰/۶۰۲	۰/۴۲۲	-۰/۰۷۵	۱۲	۰/۳	۲۸/۶	۳
-۰/۸۹	۰/۴۷	۱/۴۲	۶	-۰/۱۶۷	۰/۸۶۹	۰/۲۹۸	۵	۰/۴۴۹	۱۱	۰/۶۹۲	۰/۲۳۹	۰/۰۶۹	۱۲	۰/۱	۳۳	۴
-۰/۷۸	۰/۲۸	۱/۵۰	۶	-۰/۱۰۹	۰/۸۵۵	۰/۲۵۴	۵	۰/۴۴۲	۱۰	۰/۵۸۶	۰/۵۲۷	-۰/۱۱۴	۸	۰/۴	۱۵/۵	۵
...
-۰/۹۴	۰/۹۸	۰/۹۶	۶	-۰/۱۱۵	۰/۸۵۷	۰/۲۵۹	۵	۰/۴۱۵	۸	۰/۵۳۲	۰/۳۱۱	۰/۱۵۷	۱۶	۰/۱	۲۶/۲	۲۶

جدول ۶. شاخص‌های آماری مربوط به روش‌های مختلف تخمین ضرایب روش ماسکینگام

شاخص آماری	روش ترسیمی	روش سرعت متوسط	روش دوگ	روش بهینه سازی	روش شیب-قطع
RMSD	۵۷/۵۳	۷۶/۱۱	۱۲۶/۲۶	۱۵۶/۴۳	۲۷۵/۶۷
EI	۰/۸۷	۰/۷۶	۰/۲۳	-۰/۰۷	-۱/۴۸
R ²	۰/۹۰	۰/۸۳	۰/۵۹	۰/۳۹	۰/۰۱

جدول ۷. مقایسه شاخص‌های آماری جهت تعیین مناسب ترین دبی مبنا در روش ماسکینگام

شاخص آماری	\bar{Q}	$0/5Q_p$	$0/75Q_p$	Q_p
روش شب- سطح مقطع	RMSE	۲۷۱	۲۶۹	۲۷۹
	EI	-۱/۳۸	-۱/۳۴	-۱/۰۲
	R^2	۰/۰۰۴	۰/۰۰۳	۰/۰۰۶
روش بهینه سازی مستقیم	RMSE	-	-	۱۵۶/۴۳
	EI	-	-	-۰/۰۷
	R^2	-	-	۰/۳۹
روش دوگ	RMSE	۱۳۴/۸۱	۱۳۵/۱۲	۱۳۰/۴۹
	EI	۰/۱۴	۰/۱۴	۰/۱۹
	R^2	۰/۰۵	۰/۰۳	۰/۰۶
روش سرعت متوسط جریان	RMSE	۷۵/۰۴	۷۵/۶۵	۷۵/۷۸
	EI	۰/۷۶	۰/۷۶	۰/۷۶
	R^2	۰/۰۸۱	۰/۰۸۱	۰/۰۸۳
روش ترسیمی لوب	RMSE	-	-	۵۷/۵۳
	EI	-	-	۰/۰۸۷
	R^2	-	-	۰/۰۹۰



شکل ۴. مقایسه هیدروگراف‌های تخمینی و مشاهده‌ای جهت انتخاب مناسب ترین روش تخمین ضرایب ماسکینگام و ماسکینگام کانثر (سیل ۳)

هیدروگراف‌های محاسباتی مربوط به روشن بهینه سازی مستقیم و روشن دوگ در اکثر موارد شبیه به هم بوده با این تفاوت که هیدروگراف‌های دوگ دارای زمان تا اوج نزدیکتری به هیدروگراف مشاهده‌ای هستند لذا دقیق‌تری دارند. بر طبق جدول ۷، روشن دوگ، مناسب‌ترین دبی مبنا مورد استفاده به ترتیب Q_p و $0/75Q_p$ می‌باشد. در روشن سرعت متوسط، تفاوتی جهت انتخاب دبی مبنا وجود ندارد. مقدار ضریب تبیین بیش از ۸۱ درصد بوده و ضریب کارایی نیز به طور متوسط بیش از $0/75$ است.

بر طبق جدول ۷ در روشن شب- سطح مقطع و بر اساس پارامترهای آماری، تفاوت چندانی بین دبی‌های مبنای مورد استفاده وجود ندارد. مقدار ضریب تبیین در این روش بسیار ناچیز بوده و شامل مقادیر نزدیک به صفر است. ضریب کارایی نیز در تمامی موارد مقدار منفی دارد.

بحث و نتیجه گیری

به نظر استفسنون و گرین (۱۹۸۵) جهت مقایسه هیدروگراف خروجی مشاهداتی و محاسباتی، می‌توان از روش چشمی و روش تحلیل آماری استفاده کرد. در این تحقیق نیز علاوه بر روش تحلیل آماری از مقایسات چشمی نیز بهره گرفته شد. مقایسه چشمی در صورتی مفید می‌باشد که تفاوت هیدروگراف‌ها محسوس باشد ولی در مواردی که به کمک دید چشمی نتوان روش مناسب را تشخیص داد بهتر است که از تحلیل آماری برای تعیین دقیق ترین روش استفاده شود. نوع پارامتر آماری مورد استفاده تا حدودی نتایج ارزیابی مدل‌ها را تغییر می‌دهد از میان شاخص‌های برآورد خطای مقادیر ضریب کارایی (EI) نمی‌تواند کاملاً بیان کننده دقیق ترین روش باشد اما مقادیر RMSE بیشترین همخوانی را با مقایسه چشمی نشان میدهد و بهترین پارامتر برای ارزیابی مدل‌ها است.

بهترین و متمایزترین روش تخمین ضریب کانوکس، روش گرافیکی است و سایر روش‌های تخمین ضریب کانوکس تفاوت ناچیزی هم با یکدیگر و هم با روش آت-کین دارند. این مطلب با نتایج تحقیقات عبدالشاه نژاد (۱۳۷۵)، (۱۳۷۶) و دهقانی و کرمی (۱۳۸۳) مشابه است.

برای تعیین پارامترها و ضرایب ماسکینگام از پنج روش استفاده شد که در تمامی این روش‌ها مقدار ضریب C_2 مثبت است ولی ضرایب C_1 و C_3 مقادیر منفی را نیز شامل شده‌اند. محاسبه پارامترهای ماسکینگام به تعبیر آن‌ها بستگی دارد. برای مثال اگر روش ماسکینگام به مدل پخشیدگی- هم‌رفت ارتباط داده شود، آن‌گاه پارامترها می‌توانند بر حسب مشخصات هیدرولیکی و مورفولوژیکی قطعه کانال بیان شوند. از طرف دیگر، اگر مدل از نوع جعبه سیاه در نظر گرفته شود، آن‌گاه پارامترهای آن را می‌توان با استفاده از روش‌های استاندارد قابل اعمال در سیستم‌های خطی محاسبه کرد (گیل، ۱۹۷۹). استفاده از پارامترهای منفی هر چند که از لحاظ فیزیکی معنی ندارد ولی با این حال هیچ‌گونه مغایرتی به وجود نمی‌آید و در اغلب موارد حتی برای جلوگیری از اشتباه و افزایش دقت، تنها راه محاسبه می‌شود (سزیلاگی، ۱۹۹۲). نتایج سزیلاگی نشان داد که پارامترهای وزنی منفی، در شکل نهایی الگوی طراحی ماسکینگام هیچ نقشی بازی نمی‌کنند. در این تحقیق نیز مشاهده می‌شود که با وجود پارامترها و ضرایب منفی و در حالی که در برخی از روش‌ها جمع جبری قدر مطلق ضرایب بیش از واحد است ولی جواب نهایی مدل‌ها مناسب و قابل قبول می‌باشد.

در این تحقیق مشخص شد که در روش ماسکینگام بهترین روش تخمین ضرایب به ترتیب روش ترسیمی (لوپ) و روش سرعت متوسط است که با نتایج تحقیقات محققانی از قبیل گیل (۱۹۷۹)، سینگ و همکارانش^۱ (۱۹۸۰)، هگن^۲ و همکارانش (۱۹۸۴) و آلداما (۱۹۹۰) یکی است.

به طور کلی توصیه می‌شود که جهت کار روندیابی از دبی 50 درصد دبی اوج و دبی متوسط، به عنوان دبی مبنا استفاده شود.

¹ - Singh and McCann

² - Heggen

منابع

- ۱) بهبهانی، سید محمود رضا (۱۳۸۰): هیدرولوژی آب‌های سطحی، انتشارات دانشگاه تهران. ۴۸۴ صفحه.
- ۲) دهقانی، م و کرمی، ع، (۱۳۸۳): ارزیابی کارایی روندیابی سیلاب در رودخانه جزر و مادی زهره. پایان نامه کارشناسی ارشد آبخیزداری دانشگاه تربیت مدرس، ص ۱۴۰.
- ۳) عبدالشاه نژاد، ع، (۱۳۷۵): مقایسه روش‌های مختلف هیدرولوژیکی و هیدرولوژیکی روندیابی سیل در بخشی از رودخانه کارون، پایان نامه کارشناسی ارشد آبخیزداری دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران. ص ۱۶.
- ۴) موسوی جهromi، ح، (۱۳۶۸): مدل ریاضی روندیابی سیل در رودخانه به روش خطوط مشخصه و مقایسه آن با سایر روش‌ها، پایان نامه کارشناسی ارشد دانشکده کشاورزی دانشگاه تربیت مدرس گروه تاسیسات آبیاری، ۱۳۰ ص.
- ۵) مهدوی، محمد (۱۳۸۱): هیدرولوژی کاربردی چاپ سوم، جلد دوم، انتشارات دانشگاه تهران. ۴۰۱ صفحه.

- 6- Aldama, A. (1990): Least-Squares Parameter Estimation for Muskingum Flood Routing, Journal of Hydraulic Engineering, 116(4). Pp, 580-586.
- 7- American Society of Civil Engineering (1993): Criteria for Evaluation of Watershed Models, Journal of Irrigation and Drainage Engineering, 119(3). Pp, 429-442.
- 8- Barry, D and Bajracharya (1995): On The Muskingum–Conge Flood Routing Method. Environment International. Volume 21, Issue 5, 1995, Pages 485-490.
- 9- Birkhead, A. L. James, C, S (2002): Muskingum River Routing With Dynamic Bank Storage. Journal of Hydrology Engineering, Vol. 264, Issue 1-4, pp. 113-132
- 10- Choudhury, M (2002): Flood Routing in River Network Using Equivalent Muskingum Inflow. Journal of Hydrologic Engineering, 7(6). Pp, 413-419.
- 11- Chow, V.T (1988): Applied Hydrology. Mc Graw-Hill, 572p.
- 12- Fread, D.L., (1981): "Flood Routing: A Synopsis of Past, Present, and Future Capability", Proceedings, International Symposium on Rainfall-Runoff Modeling, Mississippi State University, Mississippi, Dlf Publication, PP. 521-541.
- 13- Gill, M.A (1979): Critical Examination of the Muskingum Method. Nordic Hydrology, 10(1). Pp, 10-15.
- 14- Green Ira and Stephenson D (1985): Comparison of Urban Drainage Models for Use in South Africa. WRC Report No 115/6/86. Water Research Commission, Pretoria, RSA.
- 15- Heggen, Richard, J (1984): Unvaried Least Squares Muskingum Flood routing, U. S. A., Water Resources Bulletin (AWRA), Vol. 20 No. 1, Pp. 103-107.
- 16- Mutreja, K. N. (1990): Applied Hydrology. Tata. McGraw-Hill Pub. New Delhi. pp. 314-321.
- 17- NRCS (1972): Flood Routing. [Internet]. Natural Resources Conservation Service, US Department of Agriculture, Beltsville, USA. Available from: ftp://ftp.wcc.nrcs.usda.gov/downloads/hydrology_ydraulics/neh630/630ch17.Pdf [Accessed on 20 April, 2003].
- 18- NERC (1975): Flood Routing Studies. Report No V-III. Natural Environment Research Council, London, UK.
- 19- Raghunath, H, M (1997): Hydrology (Principle, Analysis, Design). Wily Eastern Limited. P. 482.
- 20- SCS (1985): Natural Engineering Handbook, Section ,8, Flood Routing, US Department of Agriculture, Soil Conservation Service, Washington, D.C, P 175.
- 21- SHAW, EM (1994): Hydrology in Practice. T.J. Press (Pads tow) LTD, Cornwall, UK.
- 22- Singh, V. P (1988): Hydrology System, Prentice Hall, P. 480.
- 23- Singh, V. P, and McCann, R. C (1980): Some Notes on Muskingum Method of Flood Routing, Journal of Hydrology 48, Pp. 343-361.

- 24- Stephenson, D (1979): "Direct Optimization of Muskingum Routing Coefficients," *Journal of Hydrology*. Vol. 41, Issues 1-2, Pp. 161-165.
- 25- Szilagyi, J (1992): Stage Forecasting by an Adaptive, Stochastic Model. *Vizugyi Kozleme'nyek* 74 (1), Pp. 91–104.
- 26- Tsai, C. W. (2005): Flood Routing in Mild-Sloped Rivers-Wave Characteristics and Downstream Backwater Effect. *Journal of Hydrology*. Volume 308, Issues 1-4, Pages 151-167.
- 27- US ARMY CORPS OF ENGINEERS (1994): *Engineering Design and Flood-Runoff Analysis*. [Internet]. Washington DC, USA. Available from: <http://www.usace.army.mil/inet/usace-docs/eng-manuals/em1110-2-1417/c-9.Pdf>. Accessed on 15 April, 2003.
- 28- Viessman, W., Jr., Knapp, J.W., Lewis, G.L. and Harbaugh, T.E., (1977): "Introduction to Hydrology", Dun-Donnelly Publishers, New York, 2nd Edition.
- 29- Weinmann, P.E., and Laurens on, E. M., (1979): Approximate Flood Routing Methods: A Review. *Journal of The Hydraulic Division, ASCE* 105 (12), Pp. 1521–1536.
- 30- WILSON BN and RUFFINI JR (1988): Comparison of Physically-Based Muskingum Methods. *Transactions of The ASAE*. 31 (1), Pp. 91-97.

