

دانش و پژوهش در علوم تربیتی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد خوارسگان (اصفهان)

شماره سوم - پاییز ۱۳۸۳

صفص ۳۲ - ۱۵

## ساخت و هنجاریابی آزمون تشخیص ریاضی برای دانش آموزان ۶ تا ۱۳ ساله شیراز

محبوبه چین‌آوه<sup>۱</sup> - زهرا عرب‌زاده<sup>۲</sup> - فرزانه منشی‌زاده<sup>۳</sup>

### چکیده

آزمون تشخیص ریاضی با هدف تشخیص سطح توانایی ریاضی دانش آموزان پیش‌دبستانی و پایه‌های اول تا پنجم ابتدایی، شناسایی ضعف‌ها و قوت‌های دانش آموزان، تعیین پیش‌نیازهای ضروری در تنظیم طرح درس مناسب در حیطه تفکر و مهارت‌های ریاضی برای آموزش گام به گام تهیه و هنجاریابی گردید. برای نیل به این هدفها با استفاده از جدول هرم یادگیری ریاضی (مرسر، ۱۹۹۷) و مفاهیم موجود در کتابهای ریاضی پایه‌های اول تا پنجم دبستان خزانه‌ای بیش از ۱۲۸۹ پرسش در حیطه ریاضی تهیه شد. این خزانه از پرسشها در سه مرحله بین ۲۱۷۵ دانش آموز پیش‌دبستانی تا پایه پنجم ابتدایی اجرا شد. سپس جدولهای هنجاریابی براساس نمره تراز شده  $\pm 1$  با میانگین ۵۰ و انحراف معیار ۱۰ و نمره تراز شده درصدی برای هر پایه و برای هر یک

۱- عضو هیأت علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد ارسنجان

۲- کارشناس مشکلات ویژه یادگیری و رفتاری

۳- سرپرست آموزشی آموزش و پرورش استثنایی

از خرده آزمون‌ها تهیه گردید. مقدار متوسط خطای معیار اندازه‌گیری آزمونها بین ۸۸/۰ تا ۴۳/۰ است. پایابی خرده آزمون‌ها و پایابی کل آزمون از طریق ضریب پایابی آلفا - کرونباخ محاسبه گردید. این ضرایب از ۹۴/۰ تا ۵۷/۰ برای کل آزمون و از ۸۹/۰ تا ۵۷/۰ برای خرده آزمون‌ها متغیر و در تمام موارد معنادار است.

روایی محتوایی آزمون از طریق تهیه جدول مشخصات، تهیه و تنظیم جدول مهارت‌ها، بررسی سوالات امتحانات ریاضی در سالهای اخیر، تهیه خزانه سوالات و نظرخواهی از استادان و معلمان ریاضی تعیین گردید. به منظور بررسی روایی همگرا از خرده آزمون حساب مقیاس هوشی ویسک - آر و آزمون دیداری - حرکتی بnderگشالت استفاده شد و مقدار ضریب همبستگی ۴۱/۰ و ۳۲/۰ به دست آمد. همچنین همبستگی بین نمرات خرده آزمون‌ها با نمرات کل آزمون محاسبه گردید. نتایج نشان داد که خرده آزمون‌های هر پایه با یکدیگر همبستگی مثبت دارند و دامنه تغییرات از ۲۱/۰ تا ۶۵/۰ و دامنه تغییرات خرده آزمون‌ها با نمره کل هر پایه از ۴۹/۰ تا ۹۱/۰ است. نتیجه دیگر اینکه همبستگی خرده آزمون‌ها با یکدیگر کوچکتر از همبستگی هر خرده آزمون با نمره کل است که شاهدی بر روایی درونی آزمون تشخیص ریاضی است. کلید واژه‌ها: آزمون تشخیص ریاضی، هنجاریابی، مهارت‌های ریاضی، روایی همگرا، آزمون دیداری - حرکتی.

## مقدمه

بسیاری از پژوهشگران از جمله میلو و مرسر (۱۹۹۷) و باس و وگن (۲۰۰۰) ریاضیات را یک زبان جهانی می‌دانند که افراد را قادر می‌سازد تا فکر کنند، ثبت کنند و با یکدیگر روابطی را در خصوص عناصر و ارتباطات آنان در زمینه مقدار ایجاد نمایند.

به دلیل نقش مهم آموزش ریاضی، در زندگی بشر و به منظور آگاهی از میزان موفقیت برنامه آموزش ریاضی و میزان پیشرفت عملکردهای ریاضی و تشخیص قوت‌ها و ضعف‌های دانش آموزان نیاز به ابزاری است که بتوان حیطه‌های مختلف را ارزیابی کرد.

وگن و باس (۲۰۰۰) اعلام می‌دارند که تقریباً ۱۵ تا ۲۵ درصد از دانش آموزان مدارس در زمینه یادگیری مشکلاتی دارند، این دانش آموزان با اینکه از نظر هوشی

طبیعی به نظر می‌رسند، در دروس خواندنی، ریاضیات و سایر مواد درسی به طور متوسط از سطح توانایی یادگیری پایین‌تری برخوردارند. دانش‌آموزان ضعیف معمولاً در درس ریاضی نیز ضعیف هستند. پارمر و کاولی (۱۹۹۱) گزارش می‌کنند که بسیاری از دانش‌آموزان با مشکلات یادگیری، سابقه‌ای از شکست تحصیلی به خصوص در یادگیری ریاضیات دارند و در محاسبات ریاضی بین ۱ تا ۳ سال پایین‌تر از حد مورد انتظار عمل می‌کنند. به همین ترتیب داسی و چمبرز<sup>۱</sup> (۱۹۸۸) معتقدند بیشتر دانش‌آموزان عادی در عملکرد ریاضی ضعیف هستند. ریزمن (۱۹۸۷) در مقدمه کتاب «راهنمایی برای تشخیص و تدریس ریاضیات» به تقسیم‌بندی ارزیابی‌های آموزشی و روان‌شناسی پرداخته و اطلاعات مربوط به ارزیابی ریاضیات را به سه دوره کاملاً مجزا تقسیم می‌کند: دوران پیشگام مربوط به سالهای ۱۸۴۵ تا ۱۹۱۵، دوران توسعه گسترش مربوط به سالهای ۱۹۱۵ تا ۱۹۴۰ و دوران اصلاح و بهبود مربوط به سال ۱۹۴۰ به بعد. سپس در همان کتاب از آزمونهای ریاضی که از اوآخر قرن نوزدهم تا به حال تهیه شده است، نام می‌برد: اولین ارزشیابی هدف‌دار ریاضی را جرج فیشر<sup>۲</sup> مدیر مدرسه انگلیسی در سال ۱۸۶۴ نوشت و سی سال بعد در آمریکا جی. ام. رایس<sup>۳</sup> آنرا توسعه داد و نمره‌گذاری کرد. این آزمونها در تعدادی از مدارس اجرا شد، اطلاعاتی در این خصوص جمع‌آوری گردید و نتایج بررسی شد. در سال ۱۹۱۵ بین روان‌شناسان و برنامه‌ریزان آموزشی موضوع آزمون اهمیت و عمومیت پیدا کرد و طی ۲۵ سال آزمونهای ریاضیات پیشرفت چشمگیر و قابل توجهی را نشان داد. گیل لند و جوردن<sup>۴</sup> بین سالهای ۱۹۱۵ تا ۱۹۲۵ اظهار می‌دارند بیش از چهل آزمون منتشر شد. از جمله در سال ۱۹۲۲ برت و بینه<sup>۵</sup> موفق به تهیه آزمون پیشرفت تحصیلی در ریاضیات شدند. اولین آزمون تشخیص ریاضی را روج<sup>۶</sup> و همکاران در سال ۱۹۲۶ تهیه کردند که دارای ۷ مرحله ارزشیابی در بیان حل مسئله بود. آزمونهایی که در این زمان تهیه شدند، روایی و اعتبار نداشتند و اصل و شیوه تهیه آنها نامعلوم بود. اکثر آزمونهایی که ظاهراً با دقت اعتباریابی شده بودند باز هم قابل استفاده نبودند.

1- Dossey & Chambers

2- George Fisher

3- J.M. Rice

4- Cilliland & Jordan

5- Burt, Binet

6- Ruch, Knight, Greene, Buswell

با انتمام دوران توسعه، کارگزاران آموزشی به تهیه آزمونهای استاندارد و نمره‌گذاری شده عادت کردند و پذیرفتند که نتیجه چنین آزمونهایی ممکن است دارای اعتبار باشد. یکی از آزمونها، آزمون تشخیص و خود کمکی در ریاضیات<sup>۱</sup> بود که مؤسسه آزمون‌سازی کالیفرنیا در سال ۱۹۷۰ برای پایه‌های سوم تا هشتم منتشر کرد. این آزمون مشکلات موجود دانش‌آموزان را در ریاضی تعیین می‌کند و آنان با تمرینات مربوط می‌توانند مشکلات خود را برطرف سازند.

در سال ۱۹۷۱ کنلی و ناخت من آزمون تشخیص ریاضی کی مت<sup>۲</sup> را ساختند که شرکت خدمات و راهنمایی آمریکایی آن را منتشر کرد. آزمون تشخیص ریاضی کی مت با هدف ارزیابی مهارت ریاضی و تعیین سطح عملکرد در ریاضی برای کودکان پیش‌دبستانی تا کلاس ششم به صورت انفرادی طراحی شده است.

از زمانی که آزمون کی مت به وجود آمد، آزمونهای زیادی در ریاضیات تهیه شد. از جمله پرسشنامه ریاضی پیش‌دبستانی کرانر<sup>۳</sup> (۱۹۷۳)، که مرکز یادگیری مفاهیم تگزاس آن را برای ارزیابی توانایی کاربرد مفاهیم کمی کودکان پیش‌دبستانی و پایه اول دبستان منتشر کرد. پرسشنامه تجویزی مک گراو - هیل (۱۹۷۴)، که تواناییها و ضعف‌های دانش‌آموزان پایه‌های چهارم تا هشتم در مهارتهای ابتدایی ریاضی را تشخیص می‌دهد. آزمون ریاضیات برای کودکان پیش‌دبستانی و دبستانی را انجمن تحقیقات ملی آمریکا<sup>۴</sup> در سال ۱۹۸۹ منتشر کرد و سپس علمای ریاضی، متخصصان آموزش و پرورش و انجمن علوم ریاضی در سال ۲۰۰۰ با تجدید نظر آن را منتشر کردند. گزارش نهایی این کار مشکلات آموزشی ریاضی را مطرح و چگونگی بازپروری این مشکلات را نیز دسته‌بندی می‌کند (باس و وگن، ۲۰۰۰).

از طریق سنجش و اندازه‌گیری‌های معتبر و پایا می‌توان برنامه‌های آموزشی جامعی در عملکرد ریاضی طراحی کرد که همراه با تأکیداتی برای کاربرد آنها در مهارتهای مختلف زندگی باشد. لیکن به اعتقاد استیونس (۱۹۸۸) روش‌های موجود

1- Diagnostil tests and self-itlps in arithmetic

2- Key Math Diagnostic Arithmetic test

3- Kraner Preschool Math Inventory

4- The National Research Council (N.R.C)

ارزشیابی که به گونه‌ای طرح شده باشد که به طور مستقیم به آموزش‌های جبرانی منجر گردد اندک است. در این زمینه به تحقیقات و بررسیهای مستمر نیاز است.

در این تحقیق به متنظر نیل به اهداف ذیل آزمون تشخیص ریاضی تهیه و هنجاریابی گردید. اول به وسیله این آزمون می‌توان سطح توانایی ریاضی دانش‌آموزان در دوره ابتدایی را تعیین کرد. دوم ابزاری برای شناسایی ضعف‌ها و توانایی‌های دانش‌آموز است. سوم از طریق ارزیابی سطح توانایی ریاضی دانش‌آموزان پیش‌نیازهای ضروری در تنظیم طرح درس مناسب در حیطه تفکر و مهارتهای ریاضی مشخص می‌شود.

## روش پژوهش

### الف - جامعه و نمونه آماری

جامعه آماری شامل کلیه دانش‌آموزان ۶ تا ۱۳ ساله شهر شیراز است که از بین جامعه آماری تعداد ۲۱۷۵ دانش‌آموز دختر و پسر به شیوه نمونه‌گیری خوش‌های تصادفی انتخاب شدند. این حجم نمونه از آزمودنیها در سه مرحله مورد سنجش آزمون تشخیص ریاضی قرار گرفتند:

- ۴۰۰ نفر از دانش‌آموزان دختر و پسر در مرحله اول مطالعه مقدماتی
- ۲۰۰ نفر از دانش‌آموزان دختر و پسر در مرحله دوم مطالعه مقدماتی
- ۱۵۷۵ نفر از دانش‌آموزان دختر و پسر در اجرای نهایی آزمون تشخیص ریاضی

### ب - ابزار اندازه‌گیری

در این تحقیق «آزمون تشخیص ریاضی» به عنوان ابزار اندازه‌گیری به کار گرفته شد، که پژوهشگر آنرا تهیه و هنجاریابی کرد.

برای تهیه پرسش‌های آزمون تشخیص ریاضی جدول هرم یادگیری ریاضی که مرسر (۱۹۹۷) ارائه داده بود، الگو قرار گرفت. این جدول براساس مهارتهای پیش‌نیاز هر مفهوم و با رعایت توالی مفاهیم تنظیم شده است. سپس این جدول با توجه به مفاهیم موجود در کتابهای درسی پایه‌های اول تا پنجم ابتدایی متناسب‌سازی شد. از این نظر که هر مفهوم شامل چند مهارت است، بنابراین به ترتیب اولویت موضوع و پیش‌نیاز برای مهارت بعدی طراحی گردید. این مفاهیم عبارت‌اند از مجموعه‌ها، اعداد، جمع و تفریق،

ارزش مکانی، اندازه‌گیری، ضرب و تقسیم، هندسه، کسر و اعشار نسبت و تناسب و درصد. در آزمون تشخیص ریاضی هر کدام از این مفاهیم به عنوان یک خردۀ آزمون مجزا که دارای اجزاء مربوط به خود است برای ارزیابی و سنجش ریاضیات پیش‌دبستانی و پایه‌های اول تا پنجم ابتدایی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

در ابتدا براساس مفاهیم اساسی و جزئی مندرج در جدول، مفاهیم و مهارتهای موجود در کتابهای ریاضی کلاس اول تا پنجم دبستان ۴۶۰ پرسش تهیه شد. در مرحلۀ اول مطالعه مقدماتی این خزانه از پرسشها ۴۰۰ دانش آموز دختر و پسر (از هر پایه کلاسی ۴۰ دختر و ۴۰ پسر) نواحی آموزش و پرورش شیراز مورد بررسی قرار گرفتند. ضمن بررسی کارآمدی مقیاس و تشخیص مشکلات اجرایی و زمان اجرای آزمون نتایج آماری، پرسش‌های آزمون از نظر سطح دشواری، ضریب تشخیص، همسانی درونی و پایایی و اعتبار پرسشها مورد بررسی قرار گرفت. پرسش‌های بسیار آسان و بسیار دشوار و پرسش‌های با ضریب تشخیص پایین و پرسش‌های با همسانی اندک مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفتند. بعضی از پرسشها اصلاح و بعضی حذف و پرسش‌های جدیدی جایگزین آنها شد. به منظور یافتن پیوستاری از مهارتها در پایه‌های مختلف تحصیلی و تهیه و تکمیل کتابچۀ نهایی پرسشها، خزانه جدیدی از پرسشها شامل ۲۳۱ پرسش به صورت جداگانه برای هر پایه تهیه گردید. و در مورد ۲۰۰ دانش آموز دختر و پسر چهار ناحیۀ آموزش و پرورش شیراز اجرا شد. مجدداً پرسش‌های جدید از نظر سطح دشواری، ضریب تشخیص، همسانی درونی و پایایی و اعتبار پرسشها مورد بررسی قرار گرفت.

### ج - روش اجرا

از ابتدای مهرماه ۱۳۸۰ به مدت دو هفته پرسش‌های تهیه شده به ۱۵۷۵ دانش آموز (۷۴۹ پسر و ۸۲۶ دختر) پایه‌های پیش‌دبستانی تا پنجم ابتدایی از چهار ناحیۀ آموزش و پرورش در شهر شیراز که به شیوه نمونه‌گیری خوشۀ ای تصادفی انتخاب شدند ارائه گردید. نظر به اینکه اجرای آزمون تشخیص ریاضی در ابتدای سال تحصیلی انجام گرفت، دانش آموزان ثبت نام شده در پایه اول راهنمایی به عنوان آزمودنیهای نمونه پایه پنجم ابتدایی انتخاب شدند، زیرا هنوز مطالب درسی پایه اول راهنمایی را شروع نکرده بودند. جدول ۱ نشان‌دهنده خصوصیات نمونه است.

جدول ۱- فراوانی نمونه آماری و تفکیک جنس و پایه تحصیلی

جمع کل	تعداد دانشآموزان دختر	تعداد دانشآموزان پسر
اول	دوم سوم چهارم پنجم	اول دوم سوم چهارم پنجم
۱۲۹۵	۱۱۲ ۱۵۱ ۱۳۳ ۱۳۴	۱۱۷ ۱۲۸ ۱۴۲ ۱۲۸
۲۸۰	۱۴۳	۱۳۷
۱۵۷۵		جمع کل

### نتایج

اطلاعات حاصل از اجرای نهایی مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت و پرسش‌های نهایی براساس ضریب دشواری و ضریب تشخیص و همسانی درونی متناسب با هر مهارت انتخاب شد. ضرایب بین  $0.3/0$  تا  $0.8/0$  به صورت یک منحنی معمولی در نظر گرفته شد. در جایی که دو سؤال از نظر سطح دشواری یکسان بودند، آن سؤالی که از ضریب تشخیص بالاتری برخوردار بود برگزیده می‌شد. به طور کلی ضرایب تشخیص بین  $0.3/0$  تا  $0.7/0$  به بالا در نظر گرفته شد، لیکن بیشتر پرسشها ضرایب تشخیص بین  $0.7/0$  تا  $1/0$  را در بر داشتند. به منظور تعیین پایایی خرده آزمون‌ها و پایایی کل آزمون هر پایه از ضریب پایایی آلفا-کرونباخ استفاده شد. این ضرایب از  $0.6/0$  تا  $0.94/0$  متغیر و در تمام موارد معنادار است. با استفاده از ضرایب همبستگی آلفا-کرونباخ خطای معیار اندازه‌گیری آزمون و خرده آزمون‌ها برای ۶ پایه تحصیلی تعیین گردید مقدار متوسط خطای معیار اندازه‌گیری آزمونها بین  $0.88/0$  تا  $0.43/0$  بود.

برای تعیین روایی محتواهای آزمون تشخیص ریاضی گامهای زیر برداشته شد:

- تهیه جدول مشخصات که در آن محتواهای دروس و هدفهای آموزشی و رفتاری نوشته شد.
- تهیه جدول مهارتها که بیانگر محتواهای آزمون تشخیص ریاضی است.
- بررسی سوالات امتحانهای ریاضی چهار ناحیه شیراز در سالهای اخیر از نظر محتوا و صورت.
- تهیه خزانه‌ای از پرسش‌های متنوع که از نظر محتوا متناسب با ریاضیات پایه پیش‌دبستان تا پنجم ابتدایی بود.
- نظرخواهی از استادان و معلمان ریاضی.

به منظور بررسی روایی همگرا از خرده آزمون حساب مقیاس هوشی ویسک - آر

(شهیم، ۱۳۷۳)، استفاده گردید. یک هفته پس از اجرای آزمون تشخیص ریاضی تعداد ۲۰۰ نفر از بین کلیه آزمودنیهای مورد نظر به طور تصادفی انتخاب و آزمایندگان خرده آزمون حساب مقیاس هوشی ویسک - آر را اجرا کردند و همبستگی بین نمرات خرده آزمون حساب با نمرات کل آزمون تشخیص ریاضی محاسبه و ضریب همبستگی (۴۱٪) بدست آمد، با توجه به تفاوت هایی که آزمونهای هوشی و پیشرفت تحصیلی دارند این مقدار ضریب همبستگی بدست آمده معنادار است.

همچنین از آزمون دیداری - حرکتی بندرگشتالت (یوسفی، ۱۳۶۹)، برای تکمیل اطلاعات در زمینه روایی همگرا، بین همان ۲۰۰ نفر اجرا شد. ضریب همبستگی بین نمرات حاصل از آزمون بندرگشتالت و نمرات کل آزمون تشخیص ریاضی (۳۲٪) محاسبه گردید. این مقدار ضریب همبستگی نیز معنادار است.

سپس از طریق تعیین همبستگی بین خرده آزمونها ساخت درونی آزمون بررسی شد. جدولهای ۲، ۳، ۴، ۵ و ۶ نشان دهنده ضرایب همبستگی خرده آزمونها با نمره کل آزمون هر پایه و همبستگی میان خرده آزمون هاست. چنانکه از ضرایب همبستگی آزمونها استبطاط می شود، خرده آزمون های هر پایه با یکدیگر همبستگی مثبت نشان می دهند. همان گونه که یافته های جدولهای ۲ تا ۶ نشان می دهد، همبستگی خرده آزمونها با یکدیگر کوچکتر از همبستگی هر خرده آزمون با نمره کل است که شاهدی بر روایی درونی ابزار تحقیق است.

جدول ۲- همبستگی بین خرده آزمون های آزمون پایه اول

کل	همدسه	مجموعه ها	اعداد	ارزش مکانی	جمع و تفرق	
					۱	مجموعه ها
		۰/۳۵	۱			اعداد
		۰/۳۸	۰/۶۴	۱		ارزش مکانی
		۰/۴۳	۰/۷۰	۰/۶۶	۱	جمع و تفرق
		۰/۲۷	۰/۵۶	۰/۵۳	۰/۶۴	همدسه
		۰/۶۰	۰/۸۲	۰/۸۱	۰/۸۹	کل
					۰/۷۷	

جدول ۳- همبستگی بین خرده‌آزمون‌های آزمون پایه دوم

کل	هندرسه	ارزش مکانی جمع و تفریق اندازه‌گیری	اعداد	مجموعه‌ها	مجموعه‌ها
			۱	۰/۳۰	اعداد
			۱	۰/۵۳	۰/۳۲
			۱	۰/۶۵	۰/۵۳
			۱	۰/۵۸	۰/۴۲
			۱	۰/۶۰	۰/۳۲
			۱	۰/۷۹	۰/۴۹

جدول ۴- همبستگی میان خرده‌آزمون‌های آزمون پایه سوم

کل	کسر	هندرسه	ضرب و تقسیم	جمع و تفریق	ارزش مکانی	اعداد	مجموعه
				۱	۰/۶۱	۰/۴۸	
				۱	۰/۶۳	۰/۵۲	
				۱	۰/۴۲	۰/۳۰	
				۱	۰/۴۴	۰/۳۸	
				۱	۰/۵۸	۰/۵۲	
				۱	۰/۶۲	۰/۴۴	
				۱	۰/۶۱	۰/۸۴	

جدول ۵- همبستگی بین خرده آزمون‌های آزمون پایه چهارم

اعداد هندسه اندازه‌گیری اعداد کسر ضرب و تقسیم ارزش مکانی کل		اعداد	۱
		هندسه	۰/۶۶
اندازه‌گیری	۱	۰/۵۲	۰/۵۱
اعداد	۱	۰/۴۰	۰/۴۸
کسر	۱	۰/۵۱	۰/۵۰
ضرب و تقسیم	۱	۰/۵۳	۰/۵۰
ارزش مکانی	۱	۰/۴۲	۰/۴۱
کل	۱	۰/۵۷	۰/۷۸

جدول ۶- همبستگی بین خرده آزمون‌های آزمون پایه پنجم

اندازه‌گیری کسر و نسبت و تناسب ارزش اعداد ضرب و هندسه جمع و تفریق کل		اندازه‌گیری	۱
		کسر و اعشار	۰/۳۴
اعشار	۱	۰/۵۱	۰/۲۳
و درصد	۱	۰/۴۲	۰/۴۹
تقسیم	۱	۰/۵۴	۰/۲۵
مکانی	۱	۰/۴۳	۰/۴۲
ارزش مکانی	۱	۰/۴۹	۰/۴۲
اعداد	۱	۰/۴۱	۰/۴۹
ضرب و تقسیم	۱	۰/۴۰	۰/۴۳
هندسه	۱	۰/۴۰	۰/۴۵
جمع و تفریق	۱	۰/۴۰	۰/۴۸
کل	۱	۰/۴۲۴	۰/۸۲

### تحلیل داده‌ها

نمره کل تراز شده، سطح پیشرفت ریاضی دانشآموز را در مقایسه با سایر دانشآموزان همگروه خوبیش نشان می‌دهد. بدین ترتیب می‌توان مشخص کرد که هر دانشآموز در خصوص ریاضی چه از نظر آموزشی و چه از نظر توانایی در چه سطحی از یادگیری قرار دارد.

از آنجاکه همه نمرات  $T$  دارای میانگین  $50$  و انحراف معیار  $10$  هستند هر نمره به تنهایی و به طور مستقیم قابل تفسیر و استفاده است. برای مثال نمره  $T = 55$  حاکی از این است که آن نمره به اندازه نصف انحراف معیار بالای میانگین است و نمره  $T = 35$  نشان می‌دهد که آن نمره به اندازه  $1/5$  انحراف معیار پایین میانگین قرار دارد. در اینجا نیز می‌توان سطوح مختلفی از پیشرفت ریاضی را نشان داد. همان‌طور که در جدول ۷ دیده می‌شود اگر نمره فردی در دامنه یک انحراف معیار بالاتر و پایین تر از میانگین قرار داشت، عملکرد متوسطی را در ریاضیات نشان داده است و نمرات بین منفی ۱ انحراف معیار با منفی ۲ انحراف معیار عملکرد «نسبتاً ضعیف» را نشان می‌دهد و نمرات پایین تراز منفی ۲ انحراف معیار نشان‌دهنده عملکرد «بسیار ضعیف» در ریاضیات است. به همین ترتیب افرادی که نمرات آنها بین مثبت ۱ انحراف معیار و مثبت ۲ انحراف معیار است نشان‌دهنده عملکرد «متوسط بالا» و نمرات بالاتر از مثبت ۲ انحراف معیار عملکرد «پیشرفته» در ریاضی را نشان می‌دهد.

جدول ۷- سطوح پیشرفت ریاضی

نمرات تراز شده « $T$ » کل	سطوح پیشرفت ریاضی
۷۰ به بالا	پیشرفته
۶۰ - ۷۰	متوسط به بالا
۴۰ - ۶۰	متوسط
۳۰ - ۴۰	نسبتاً ضعیف
۳۰ به پایین	بسیار ضعیف

با توجه به نمره کل تراز شده می‌توان در خصوص تعیین سطح شروع آموزش جبرانی ریاضی تصمیم‌گیری کرد. همچنین نیمرخ نمرات تفاوتهای درون‌فردی را نشان می‌دهد. برای رسم نیمرخ، نمرات محور عمودی خرده آزمون‌های مربوط به هر پایه را مشخص می‌کند و محور افقی نمرات تراز شده براساس میانگین ۵۰ و انحراف معیار ۱۰ را نشان می‌دهد. نیمرخ حاصل تواناییها و ضعف‌های دانش‌آموز در خرده آزمون‌ها را مشخص می‌کند.

گاهی اوقات دانش‌آموز در انجام یک خرده آزمون بسیار ضعیف عمل می‌کند. در این حالت با توجه به اینکه در یادگیری ریاضی، هر مفهوم پیش نیاز مقاهمیم بعدی است می‌توان آموزش را براساس مهارت‌های خرده آزمون قبلی شروع کرد. در خصوص دانش‌آموزانی که در یک خرده آزمون عملکرد نسبتاً ضعیف از خود نشان داده‌اند می‌توان آموزش جبرانی را براساس مهارت‌های همان خرده آزمون شروع نمود.

به عبارت دیگر بررسی نمرات هر خرده آزمون می‌تواند نقطه شروع مشکل دانش‌آموز از نظر یادگیری و توانایی ریاضی را مشخص نماید. بدیهی است در آموزش جبرانی از تواناییهای دانش‌آموز به منظور رفع ضعف‌های دانش‌آموز استفاده می‌شود.

### بحث و نتیجه‌گیری

از آنجاکه هدفهای آموزشی پایه‌های مختلف تحصیلی در کتابهای درسی گنجانده شده است، معلمان تکیه زیادی بر منابع درسی دارند و گاهی بدون توجه به شناخت تواناییهای فردی دانش‌آموزان و میزان رشد آنها به تدریس مقاهمیم مانند وزن، مقدار، دسته‌بندی و غیره می‌پردازند و این امر پیشرفت آموزش را مختل می‌سازد. در حالی که معلم با استفاده از ارزشیابی می‌تواند تدریس ریاضی خود و موفقیتهاي تحصیلی دانش‌آموز را افزایش دهد، زیرا برای یادگیری باید مواد آموزشی با سطح یادگیری هماهنگی داشته باشد. از طریق سنجش و اندازه‌گیری معتبر و پایا می‌توان برنامه‌های آموزشی جامعی در عملکرد ریاضی طراحی کرد که با تأکیداتی برای کاربرد آنها در مهارت‌های مختلف زندگی همراه باشد و یادگیری براساس درک یا انتقال مستقیم از موضوع صورت پذیرد. لیکن به اعتقاد استیونس (۱۹۸۸) روش‌های موجود ارزشیابی که به گونه‌ای طرح شده باشند که به طور مستقیم به آموزش‌های جبرانی منجر شوند، اندک است.

اس. وان. سون<sup>۱</sup> (۱۹۹۶) اظهار می دارد که دانش آموزان با یادگیری ریاضی دارای مشکلات شناختی و فراشناختی می باشند. وی اشاره می کند که بیشتر این دانش آموزان برای حل مسأله شیوه های شناختی را به کار می بردند، اما شیوه هایی که آنها به کار می بردند به اندازه کافی رضایت بخش نیست. بنابراین ابزارهایی لازم است تا ضعف ها و تواناییهای دانش آموزان را در حیطه تفکر و مهارت های ریاضی تشخیص دهند. در این تحقیق کوشش برای تهیه ابزاری بوده است که بتوان فصل جدیدی را در آموزش هدف دار با تکیه بر تشخیص صحیح و هدفمند آغاز کند.

با بررسی آزمونهای مختلفی که در حیطه ریاضیات تهیه شده است، می توان دریافت که هر یک از این آزمونها در زمینه ای خاص به ارزیابی توانایی ریاضی دانش آموزان می پردازد. به عنوان مثال: آزمون تشخیص ریاضی روح و همکاران (۱۹۲۶) فقط در زمینه بیان حل مسأله به ارزشیابی می پردازد (به نقل از ریزمن، ۱۹۸۷) و یا پرسشنامه ریاضی پیش دبستانی کرانر (۱۹۷۴) برای ارزیابی توانایی کاربرد مقاهم کمی کودکان تهیه شده است. همچنین بسیاری از آزمونهای تشخیص ریاضی برای پایه های به خصوصی تهیه شده اند و پیوستار لازم از پیش دبستان تا پایه های بالاتر را نشان نمی دهند. از جمله آزمون تشخیص خود کمکی در ریاضیات کالیفرنیا مخصوص پایه های سوم تا هشتم، پرسشنامه ریاضی پیش دبستانی کرانر برای کودکان پیش دبستانی و پایه اول دبستان (نقل از بس و وگن، ۲۰۰۰). ابزاری که در این پژوهش تهیه و هنجاریابی شده است می تواند سطح پیشرفت ریاضی دانش آموز را در مقایسه با سایر دانش آموزان همگروه وی نشان دهد. از طریق آزمون تشخیص ریاضی می توان دانش آموزانی را که عملکرد «نسبتاً ضعیف» و یا «بسیار ضعیف» در ریاضیات نشان داده اند، در خصوص توانایی ذهنی و تواناییهای شناختی مورد بررسی دقیق قرار داد. از طرف دیگر می توان برای دانش آموزانی که توانایی دو انحراف معیار بالاتر از میانگین یعنی عملکرد «پیشرفته» را نشان می دهند با استفاده از مقاهم پیشرفته تر ریاضی در طرح درس ویژه مربوط به آنها از اتفاق وقت، ایجاد محدودیت و خستگی ذهنی جلوگیری کرد و به جای در جا زدن در مقاهم کتابهای درسی زمینه را برای شکوفایی استعدادهای آنها فراهم کرد. موارد استفاده آزمون حاضر با آزمون تشخیص ریاضی

کی مت (۱۹۷۱) و پرسشنامه تجویزی مک گراو - هیل (۱۹۷۴) هم‌سو است. آزمون تشخیص ریاضی کی مت با هدف ارزیابی مهارت ریاضی و تعیین سطح عملکرد ریاضی برای کودکان پیش‌دبستانی تا کلاس ششم به صورت انفرادی طراحی شده است. پرسشنامه تجویزی مک گراو - هیل تواناییها و ضعف‌های دانش‌آموزان پایه‌های چهارم تا هشتم را در مهارتهای اولیه ریاضی تشخیص می‌دهد.

آنچه اهمیت بسیار دارد تعیین دقیق سطح شروع آموزش ریاضی با توجه به توانایی‌های شناختی دانش‌آموزان است (استیونس، ۱۹۸۸). بنابراین رسم نیمرخ نمرات با توجه به ضوابط قید شده در دستورالعمل آزمون حاضر راهنمای ارزشمندی در تعیین تواناییها و ضعف‌های دانش‌آموز در خرده آزمون‌های ریاضی است که آموزگار را به‌سوی آموزش پیش‌نیازهای مربوط به آموزش هر مفهوم هدایت می‌کند، همچنین برای ایجاد خودپنداری قوی در دانش‌آموز توجه به تواناییها و عملکرد مثبت دانش‌آموز است (اسپکتور، ۱۹۹۵). همان‌طور که گفته شد می‌توان با آزمون تشخیص ریاضی توانایی‌های دانش‌آموز را از طریق رسم نیمرخ نمرات تعیین کرد و با استفاده از آموخته‌های قبلی بر ضعف‌های وی فایق آمد.

از آنجا که بررسی هر خرده آزمون نقطه شروع مشکل دانش‌آموز را مشخص می‌کند، امید است با توجه به یک ارزیابی و تشخیص دقیق و نیز شناخت تفاوت‌های فردی دانش‌آموزان در یادگیری ریاضی راه برای آموزش هر چه مؤثرتر ریاضی هموار گردد و در زمینه سایر دروس نیز این امر تحقق پذیرد.

از طرف دیگر تجلیل پاسخ‌های آزمودنیها به پرسش‌های هندسه در مرحله اول و دوم مطالعه مقدماتی و اجرای نهایی روشنگر این واقعیت است که دانش‌آموزان در استفاده عملی از ابزار اندازه‌گیری و ترسیم اشکال هندسی دچار مشکل عمومی هستند و این امر نشان‌دهنده ضعف آموزش در این حیطه و عدم استفاده مستمر از ابزار اندازه‌گیری در کلاس درس است. بنابراین پیشنهاد می‌شود در حیطه آموزش از وسائل و ابزار اندازه‌گیری و ترسیم اشکال هندسی استفاده شود.

و نیز پیشنهاد می‌شود دوستان و همکاران عزیزی که در این راستا صاحب نظر و اندیشه و تجربه هستند باب تهیه شیوه‌های آموزشی مناسب برای هر مفهوم و خرده آزمون را باز کرده و با ارائه شیوه‌های آموزشی صحیح این فعالیت تشخیصی را پربارتر و کارآمدتر نمایند.

## منابع

ساخت و هنجاریابی آزمون تشخیص ریاضی برای ... / ۲۹

- ایزدفرد، طلعت. (۱۳۷۶)، «مقایسه دانش آموزان موفق و ناموفق در درس ریاضی از نظر کسب مفهوم نگهداری ذهنی عدد و مقاهم»، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه شیراز.
- آناستازی، آ. (۱۳۶۱)، روان آزمایی، ترجمه محمد تقی براهی، انتشارات دانشگاه تهران.
- پاشا شریفی، حسن. (۱۳۷۲)، اصول روان سنجی و روان آزمایی، انتشارات رشد.
- دک رل، جولی. رویکردی شناختی به مشکلات یادگیری کودکان، ترجمه احمدی و اسدی، (۱۳۷۶)، تهران، انتشارات رشد.
- سیف، دیبا. (۱۳۷۶)، «بررسی تفاوت‌های جنسی در عملکرد ریاضی گروهی از دانش آموزان سطوح کلاس دوم تا پنجم ابتدایی شهر شیراز»، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه شیراز.
- شکوهی، غلامحسین، (۱۳۶۳)، روش تدریس حساب، نشر دانش.
- فریار، اکبر و فریدون رخشان. (۱۳۶۳)، ناتوانی‌های یادگیری اصول نظری تشخیص و راهبردهای آموزشی، تهران، نشر میترا.
- کارول اس. پارک و سوزالین. (۱۳۷۸)، «آگاهی یافتن از روی ارزشیابی عملکرد دانش آموزان در ریاضی»، نشریه آموزشی ریاضی، سال پانزدهم، شماره ۵۵.
- گلاوز، پروپینگ. روان‌شناسی تربیتی اصول و کاربرد آن، ترجمه علی نقی خرازی، (۱۳۷۸)، تهران مرکز نشر دانشگاهی.
- مرجی جی، آن. مقدمه‌ای بر نظریه‌های اندازه‌گیری (روان‌سنجی)، ترجمه دکتر علی دلاور، (۱۳۷۴)، انتشارات سمت.
- وکسلر، دیوید. (۱۳۷۳)، مقیاس تجدید نظر شده هوشی وکسلر برای کودکان، انتشارات و هنجاریابی سیما شهیم، انتشارات دانشگاه شیراز.
- یوسفی، فریده. (۱۳۶۹)، «ترجمه و هنجاریابی مقیاس دیداری - حرکتی بندر گشتالت»، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه شیراز.

BASSANT, KENNETH, C. (1997). The Development and Validation of Scores on the mathematics Information processing scale (MIPS) journal of Education and psychological Measurement, 57, 841, Oct.

BOS & VAUGHN, (2000). Strategies for Fetching students with learning and

- Behavior problems, fourt Edition, U.S.A., Allyn and Bacon, A Waycom company: Massachusetts.
- BRYAN & RIVERA (1997). Educational Assessment of mathematics shills and Abilities, *Journal of learning Disabilities volume 30 N* (1997) P 57-68.
- BLOOM, B.S. (Ed). (1956). *Taxonomy of educational objectives*. New York: McKay.
- CAWLEY, J.F., & PARMAR, R.S. (1992). Arithmetic programming for students with disabilities: An a alternative. Remedial and Special Education, 13(3), 6-18.
- CONOLLY, A.J., NACHTMAN, W., & PRITCHETT. E.M. (1971), *Key match Diagnost test*, Citle Pines, Minn: American duidance serveice.
- EARLES, JAMES-A: Kee-MALCOLM-JAMES. (1992). The predictive validity of the ASVAB for Training Grades journal of Education and- sychological- Measurement 25, 3, 721-25, Fall.
- Embreston-Susan-E. (1995). A measurement model for linking Individual learning to processes and knowledge: Application to Mathematical Reasoning journal of Education-Measurement, 32, 3, 277-94, Fall.
- FUCHS, LYNN-S & OTHERS, (1991) Effects of curriculum- Based- Measurement and Consultation on teacher planning and student, A chievement in Mathematics operation American- Education- Resear- Journal, V 28-h3- p: 617-41, Fall.
- FUCHS, L.S., FUCHS, D., HAMLETT, C.L., & STACKER, P.M. (1990). The contribution of skills analysis to curriculum-based measurement in math. School psychology Review, 19, 6-22.
- FUCHS, D., & FUCH, L. (1994). Inclusive schools movement and the radiccalizaton of special education reform. Exceptional children, 60, 294-309.
- GOLDMAN, S.R. (1997). Strategy instuction in mathematics, Learning Disability Quarterly, 12, 43-55.
- IMPARA, JANESC, (1997). Standard setting: An Alternative Approach, Journal of Educational Measuremtn Winter Vol, 34, No, 4, pp 353-363.

- LANE SUZANNE & OTHERS, (1990). Reliability and validity of a mathematics performance Assessment, Spring. Vol 33, No 1, pp 71-92.
- KRANER, P. (1973). Preschool Math inventory, Learning concepts, Austin, Texas.
- MCBEE-MEREDITH-M: BARNES-LAURA-L, B. (1998). The eneralizability of a performance Assessment Measuring Achievement in Eight, V 11. P:179-94.
- MC GRAW-HILL, (1974), Prescriptive Math inventory, Mc Grow-Hill, NewYork.
- MEHRENS, WILLINAM, (1975). Standardized Tests In Education. Holt Rinehart and Winston, Inc.
- MERCER, C.D. (1992), Students with learning disabilities (4 th ed). New York: Macillan.
- MERCE, C.D., HARRIS, C.A., & MILLER, S.P. (1993). Reforming reforms in mathematics. Remdial and special Education, 14(6), 14019.
- MERCER, C.D., JORDAN, L., & MILLER, S.P. (1994). Implications of constructivism for teaching math to students with moderate to mild disabilities, The Jouranl of Special Education, 28, 290-306.
- MERCER, C.D., & MILLER, S.P. (1992), Teaching students with learning problems in math to acquire understand, and apply basic math facts, Remedial and special Education, 13(3), 19-32, 61.
- MERCER, C.D. & MILLER, S.P. (1997). Educational Aspects of mathematics Disabilities, journal of learning Disabilities volume 30. Number 1. P:41-56.
- PARMAR, R.S., & CRAWLY, J.F. (1991). Challenging the routines and passivity that characterize arithmetic instruction for children with mild handicaps, Remedial and Special Education, 12(5), 23-32, 43.
- PAKER JANET; WIDER-CONNIE-CARROLL. (1993). Teaching Mathematics with technology, Patterns in meaurement, journal of Arithmetic teacher V 40, N. hp: 2902-95.
- PEDROTTY RIVERA, (1997). Mathematics Education and students with learning Disabilities: Introduction to the special series, J. Learning Disabilities, V 30, No 1, p: 2-19.

- PYAN, KATHERING-E; FEN, MEICHIU. (1996). Examining Gender DIF on a multiple-Choice Test of Mathematics: A confirmatory Aproach journal of Education-Meaurement: Issues-and-practice, V 15, N 4. P: 15-20.
- REISMAN FREDRICKA K. (1967). Sequential Assessment Mathematics Inventory (SAM)
- REISMAN, FREDRICKA L. (1987). A gide to the diagnostic teaching of arithmetic.
- SPECTOR, J.E. (1995). Phonemic awareness training: Applications of principles of dirett instruction. Reading and writing Quarterly: overcoming Learning Difficulties, 11, 37-51.
- STEVENS, K.B. (1988). Time delay: Systematic in strultion for academi, tasr, Remedial and special Education, a(5), 16-21.
- SWANSON, H.L. (1996). In formation processing: An introduction. In O.K.Reid, W.P.Hresko, and H.L. Swanson (Eds). Cognitive approaches to learning disabilities (3rded., PP 251-286). Austin, Tex: Pro-Ed.
- SCHEID, K. (1990), Cognitive-based methods for teaching mathematics to students with learning problems. Columbus, OH: Information Center for Special Education Media and Materials.
- YELLAND-NICOLA-J; MASTERS. JENNIFER-E. (1989). Learning Mathematics with Technology: Young children's understanding of paths and measurements, Mathematics, Education-Research-Journal V 9, N 1. P: 83-99.
- YELLAND, (1989). Piageton cognitive fuctioning students with learning Disabilities, J. Lerning Disabilities, V 22, No 7, Auc-septem.

وصول:	۸۳/۳/۱۰
پذیرش:	۸۳/۶/۲۸