

## تأثیر فاصله زمانی معاملات بر نوسان درون روزانه قیمت‌ها در بورس تهران

احمد پویان فر (دکترای مدیریت مالی)

سارا حنجری (کارشناسی ارشد اقتصاد)

### چکیده

مسئله اصلی در اندازه‌گیری نوسان در داده‌های پرفراوانی معاملاتی، نرخ ورود غیریکسان معاملات می‌باشد. در این مقاله با استفاده از مدل گارچ-خودرگرسیو شرطی و داده‌های بورس اوراق بهادار تهران، اثر فاصله زمانی معاملات بر نوسان قیمت‌ها مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج بدست آمده نشان می‌دهد که فاصله زمانی معاملات و حجم معاملات بر نوسان درون روزانه بازدهی تأثیرگذار می‌باشد. نتایج مدل‌های تخمینی حاکی از این واقعیت می‌باشد که مدل گارچ-خودرگرسیو شرطی تخمین بهتری در مقایسه با مدل گارچ ارایه می‌نماید.

**واژگان کلیدی:** نوسان درون روزانه، ریزساختار بازار، مدل خودرگرسیو شرطی، مدل گارچ، فاصله

زمانی معاملات

### مقدمه

هم اکنون نزدیک به چهار دهه از انتشار مقاله ارزشمند انگل<sup>[۶]</sup>، که در آن مدل آرج<sup>۱</sup> (ARCH) را معرفی نمود می‌گذرد. مدل آرج نقش اساسی در مطالعه‌های نظری و کاربردی اقتصادسنجی مالی و بهویژه تبیین مفهوم، مدل‌سازی و پیش‌بینی نوسان و ریسک بر عهده داشته است. مدل‌های هم‌خانواده آرج هم اینکه به حدی گسترش یافته‌اند که بیان آن‌ها خود نیازمند چندین مقاله موروری می‌باشد. در حال حاضر دو حوزه جدید در توسعه مدل آرج که مورد توجه دانشمندان مالی قرار گرفته است کاربرد آن در داده‌های پرفراوانی و تعمیم مدل‌های آرج چندمتغیره می‌باشد.

در حوزه مالی، داده‌های معاملاتی از قبیل قیمت‌ها، دستورهای خرید و فروش و هم‌چنین حجم معاملات که به صورت لحظه‌ای اندازه‌گیری و یا گزارش می‌شوند را داده‌های پرفراوانی می‌نامیم. از ویژگی‌های اصلی داده‌های پرفراوانی داشتن فواصل زمانی نامنظم<sup>۲</sup> می‌باشد. در آمار به چنین پدیده‌هایی، فرایندهای نقطه‌ای<sup>۳</sup> می‌گویند که غالباً توسط فرایندهایی از قبیل فرایند پواسون که احتمال رخداد پدیده را در طی زمان نشان می‌دهد مدل‌سازی می‌شوند.

مدل‌سازی داده‌های پرفراوانی از این لحاظ با مدل‌سازی داده‌های معمولی متفاوت می‌باشد که در آن نیازمند به استفاده از تکنیک‌هایی می‌باشیم که جنبه غیریکسان بودن فراوانی وقوع داده‌ها لحاظ شود. البته می‌توان داده‌های گفته شده را در فواصل زمانی معینی، مانند قیمت\_های معاملاتی پایانی یا استفاده از قیمت‌هایی که در فواصل پنج دقیقه

<sup>1</sup> Autoregressive Conditional Heteroskedasticity

<sup>2</sup> Irregularly spaced

<sup>3</sup> point processes

نمونه‌گیری شده‌اند، تجمعی نمود و سپس اقدام به مدل‌سازی آن‌ها نمود. در این صورت می‌بایست توجه نمود که داده‌های تجمعی شده را دیگر نمی‌توان تحت عنوان داده‌های پرفراوانی نام برد. چراکه ارزشمندترین محتوای اطلاعاتی داده‌های گفته شده، یعنی فواصل زمانی مشاهده‌ها، در تجمعی از بین خواهند رفت. رویکرد گفته شده در بالا، یعنی نمونه‌گیری در فواصل زمانی معین، برای اولین بار توسط اندرسون و بولرس‌لوف<sup>[1]</sup> استفاده شده است. برای پرهیز از این مشکل انگل و راسل<sup>[10]</sup> و انگل<sup>[7]</sup> روش‌های دیگری را معرفی نمودند. در این مقاله از مدل دیش شرطی خودرگرسیو<sup>۴</sup> (ACD) ارایه شده توسط انگل و راسل<sup>[10]</sup> که نوعی از فرایند پواسون می‌باشد همراه با مدل گارچ<sup>۵</sup> (GARCH) به مدل‌سازی نوسان پرداخته شده است.

همان‌گونه که عنوان شد معاملات سهام در فواصل زمانی غیریکسانی رخ می‌دهند. بنابراین می‌بایست مدلی را طراحی نمود که نوسان تخمینی را با توجه به وقوع هر معامله بروز نماید. در رویکرد گفته شده در بالا عدم وجود معامله خود می‌تواند دارای بار اطلاعاتی در جهت بروزرسانی نوسان باشد. از آنجا که زمان وقوع معامله تصادفی است، بنابراین جهت مدل‌سازی نوسان در داده‌های پرفراوانی مستلزم فرایند ورود معاملات می‌باشد. انگل و راسل<sup>[10]</sup> مدل ACD را به این منظور پیشنهاد نمودند. مدل گفته شده در بالا ساختاری شبیه به مدل آرچ در مدل‌سازی خوش‌ای شدن<sup>۶</sup> معاملات دارد.

تخمین نوسان قیمت شرکت فولاد مبارکه اصفهان با استفاده از مدل ACD-GARCH نشان داد که وارد نمودن فاصله زمانی معاملات، و هم‌چنین حجم معاملات به عنوان متغیرهای بروزرا در معادله واریانس، منجر به ماندگاری پارامترهای تخمین و افزایش قدرت تبیینی مدل می‌شود.

ساختار مقاله به این صورت می‌باشد که پس از مقدمه حاضر در بخش ادبیات موضوع به مطالعه‌های انجام شده در حوزه مدل‌سازی نوسان در داده‌های پرفراوانی پرداخته می‌شود. با توجه به استفاده از مدل ACD و GARCH در تخمین مدل‌ها، در بخش سوم اشاره مختصری به مدل‌های گفته شده خواهیم داشت. در بخش چهارم متدولوژی پژوهش بیان می‌شود. بخش پنجم اختصاص به یافته‌های پژوهش و بخش ششم نتیجه‌گیری پژوهش خواهد بود.

## ۱. ادبیات موضوع

مطالعه‌های انجام شده در حوزه داده‌های پرفراوانی مالی را می‌توان در سه دسته مجزا بررسی نمود. دسته اول که خاستگاه ریزساختاری دارند، با استفاده از دو نظریه موجودی و عدم تقارن اطلاعاتی در صدد هستند چگونگی شکل‌گیری قیمت‌ها را به صورت لحظه‌ای بررسی نموده و عوامل تاثیرگذار بر آن را مورد شناسایی قرار دهند. دسته دیگر که به طور عمده رویکرد آماری دارند بیشتر در پی یافتن خواص آماری سری‌های گفته شده و متعاقب آن مدل‌سازی آن‌ها از دیدگاه مدل‌های آماری و اقتصادسنجی می‌باشند. و درنهایت دسته سوم که رویکرد ترکیبی می‌باشد، در پی مدل‌سازی

<sup>4</sup> Autoregressive Conditional Duration Model

<sup>5</sup> Generalized Autoregressive Conditional Heteroskedasticity

<sup>6</sup> Clustering

داده‌های پرفراوانی با تکیه بر مدل‌های نظری ریزساختاری و پیشرفت‌های انجام شده در حوزه اقتصادسنجی داده‌های پرفراوانی می‌باشد. در ادامه اشاره مختصری به شاخص‌ترین مطالعه‌ها در هر سه دسته می‌شود.

ایده بررسی تاثیر دیرش<sup>7</sup> یا فاصله زمانی معاملات بر فرایند قیمت‌ها، در ابتدا توسط گلستون و میلگروم[۱۴] در یک مدل نظری بیان شده است. متعاقب آن دایموند و ورچیا<sup>۸</sup>[۵] نشان دادند که دیرش کم با وجود خبر بد در بازار مطابقت دارد. ایسلی و اوهرارا<sup>۹</sup>[۱۲] با تعمیم مدل گلستون و میلگروم دیرش را به صورت کاملاً مشخص به تفکیک معامله‌گران مطلع و نامطلع در مدل نظری خود وارد نمودند. آنان نشان دادند که اطلاعات جدید منجر به دیرش کم بین معاملات می‌شود. دافور و انگل<sup>۱۰</sup>[۴] نشان دادند که هرچقدر زمان بین معاملات کمتر می‌شود، سرعت تعدیل قیمت‌ها افزایش می‌یابد.

برای اولین بار وود و دیگران<sup>۱۱</sup>[۲۰] و هریس<sup>۱۲</sup>[۱۵] خواص سری‌های بازدهی درون روزانه را مورد بررسی قرار دادند. هریس<sup>۱۳</sup>[۱۵] در مطالعه خود نشان داد که نوسان بازدهی دارای الگوی یو (U) شکل در طی روز می‌باشد. از اولین سری مطالعه‌های مربوط به کاربرد مدل‌های با تصریح آرچ در مدلسازی نوسان در داده‌های پرفراوانی می‌توان به مطالعه تیلور و ایکس یو<sup>۱۴</sup>[۱۹] اشاره نمود که در آن پژوشگران گفته شده از یک تصریح آرچ برای مدلسازی نوسان در داده‌هایی با نمونه‌گیری ساعتی استفاده نمودند. اندرسون و بولرسلوف<sup>۱۵</sup>[۱] در مطالعه خود نشان دادند که الگوی دوره‌ای<sup>۱۶</sup> بین روزانه موجود در نوسان بازدهی، تاثیر قوی بر خواص سری‌های پرفراوانی دارند و مدل‌های رایج سری زمانی بدون در نظر گرفتن این خواص منجر به عدم ماندگاری در تخمین‌ها می‌شود.

همان‌گونه که عنوان شد، با توجه به ادبیات ریزساختار بازار، فاصله زمانی بین معاملات در تعیین قیمت‌های معاملاتی تاثیرگذار می‌باشد. در راستای ایده گفته شده، انگل<sup>۱۷</sup>[۷] تصریح جدیدی را تحت عنوان گارچ-پرفراوانی<sup>۱۸</sup> با منظور نمودن فاصله زمانی معاملات در معادله واریانس معرفی نمود. طبق مطالعه بولرسلوف و رایت<sup>۱۹</sup>[۲] نوسان را می‌توان با برآش یک مدل خودرگرسیو با وقفه‌های طولانی مدلسازی نمود. در این رویکرد پدیده فاصله زمانی غیریکسان مورد توجه قرار نمی‌گیرد بلکه از نوسان ادغامی<sup>۲۰</sup> که چیزی جز توان دوم بازدهی درون روزانه نیست استفاده می‌شود. کورتاریس و دیگران<sup>۲۱</sup>[۳] نشان دادند که داده‌های پرفراوانی تخمین بهتری از نوسان ارایه نموده و عامل حافظه طولانی مدت میدر تخمین نوسان مورد استفاده قرار گیرد. پژوهش گفته شده نشان داد که مدل GARCH درون روزانه تعدیل شده بر حسب سری‌های فصلی زدایی شده و مدل ARFIMA توانایی تخمین نوسان داده‌های پرفراوانی درون روزانه را به خوبی دارند. اندرسون و بولرسلوف<sup>۲۲</sup>[۱] نشان دادند که استفاده از توان دوم بازدهی روزانه به عنوان معیار نوسان دارای نویز بوده و این معیار قادر به ارایه نوسانات قیمتی در طی روز نخواهد بود. انگل و دیگران<sup>۲۳</sup>[۱۱] با ارائه رویکردی جدید، نوسان را در داده‌های درون روزانه به صورت حاصل ضرب عناصر نوسان روزانه، الگوی روزانه و عامل تصادفی، در واقع تفکیک به دو عامل اصلی قطعی و تصادفی، تجزیه نمودند. هاچ و جلسکویچ<sup>۲۴</sup>[۱۶] به این نتیجه رسیدند که حجم بالای معاملات قابلیت پیش‌بینی نوسانات آتی را دارد، اما نوسان بازدهی نقشی در مکانیسم عرضه و تقاضای نقدشوندگی ندارد. هم‌چنین فاصله زمانی معاملات و هزینه معاملات با وجود معنی داری تاثیر سازمان یافته‌ای بر نوسانات آتی ندارند.

<sup>7</sup> Duration

<sup>8</sup> Durnal pattern

<sup>9</sup> Ultra High Frequency GARCH

<sup>10</sup> Integrated Volatility

## ۲. مدل‌های ACD و GARCH

در این قسمت اشاره مختصری به مدل‌های ACD و GARCH می‌نماییم.

**a. مدل GARCH.** به مدل‌های آنها خطی باشد مدل‌های ساختاری می‌گوییم و حالت عمومی آنها در شکل ماتریسی به صورت ذیل نمایش می‌دهیم:

$$Y = X\beta + U, \quad U \sim N(0, \sigma^2)$$

فرض  $u_t \sim N(0, \sigma^2)$  در مدل ساختاری، به این معنی است که واریانس اجزاء اخلال ثابت می‌باشد، یعنی  $\text{Var}(u_t) = \sigma^2$ . چنانچه واریانس ثابت نباشد به آن ناهمسانی می‌گوییم. به طور معمول در بازارهای مالی تغییر بزرگ‌تر در پی یک تغییر بزرگ و تغییر کوچک‌تر در پی یک تغییر کوچک قیمتی رخ می‌دهد. یعنی سطح جاری نوسان به سمت همبستگی مثبت با سطح قبلی اش تمایل دارد. که تحت عنوان خوش‌های شدن نامیده می‌شود.

برای مدلسازی پدیده خوش‌های شدن رویکرد رایج استفاده از مدل ARCH و تعمیم آن یعنی GARCH می‌باشد. در مدل ARCH واریانس شرطی جزء خطا ( $\sigma_t^2$ ) به صورت تابعی از مقادیر قبلی مجدد خطا مدلسازی می‌شود:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2$$

به مدل گفته شده در بالا، مدل ARCH(1) می‌گویند. شکل عمومی مدل (1) به صورت زیر بیان می‌شود:

$$\begin{aligned} y_t &= u_t \\ u_t &= \sqrt{\sigma_t^2} \eta_t, \quad \eta_t \sim i.i.d. N(0,1) \\ \sigma^2 &= a_0 + \sum_{i=1}^q a_i u_{t-i}^2 \end{aligned}$$

با وجود کاربرد مدل ARCH در تحلیل نوسان سری‌های زمانی، استفاده از آن محدود به سه‌چهار دهه قبل بوده است. چرا که توام با محدودیت‌هایی از قبیل امکان منفی بودن پارامترهای تخمینی و یا فرض اثر یکسان داشتن شوک‌ها بر نوسان می‌باشد. در جهت رفع محدودیت‌های فوق مدل‌های GARCH تعمیم یافتند. در مدل GARCH واریانس شرطی علاوه بر مجدد خطا مدل می‌تواند به مقادیر وقفه‌ای خود نیز وابسته باشد، که در این صورت معادله واریانس شرطی به صورت ذیل خواهد بود:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + b_1 \sigma_{t-1}^2$$

به مدل گفته شده در بالا (1,1) GARCH می‌گویند. همان‌گونه که ملاحظه می‌شود واریانس جاری در مدل GARCH، تابع وزنی از متوسط مقادیر اطلاعات بلندمدت در مورد نوسان دوره‌های قبل ( $\alpha_1 u_{t-1}^2$ ) و واریانس بازش شده ناشی از مدل در طی دوره قبل ( $b_1 \sigma_{t-1}^2$ ) می‌باشد.

مدل گفته شده در بالا را می‌توان برای حالت GARCH (p, q) تعمیم داد، به نحوی که واریانس شرطی جاری به صورت وقفه‌ای از مجدد خطاها و وقفه‌ای از واریانس شرطی تعریف شود:

$$u_t = \sqrt{\sigma_t^2} \eta_t, \quad \eta_t \sim i.i.d. N(0,1)$$

$$\sigma_t^2 = a_0 + \sum_{i=1}^q a_i u_{t-i}^2 + \sum_{j=1}^p b_j \sigma_{t-j}^2$$

**b.** مدل ACD فرایندهای نقطه‌ای نوع خاصی از فرایندهای تصادفی می‌باشد که در آن مجموعه‌ای از نقاط در محور زمان همراه با یک‌سری ویژگی تولید می‌شوند. چنان‌چه ویژگی‌های مختلف همراه با یک واقعه (همانند قیمت و حجم معامله) همراه شوند به آن‌ها مارک<sup>11</sup> می‌گوییم. فرض کنید  $\{t_0, t_1, \dots, t_n\}$  سری زمان‌های ورود با شرط  $t \in [0, T]$  رخ می‌دهد و  $0 = t_0 \leq t_1 \leq \dots \leq t_n \leq \dots$  سری مارک‌های همراه با زمان‌های ورود  $\{z_0, z_1, \dots, z_n, \dots\}$  می‌باشد.

یکی از راه‌های معمول فرایندهای نقطه‌ای مالی، مدلسازی فرایند فاصله زمانی معاملات بین نقاط متوالی است. فرض کنید  $x_i = t_i - t_{i-1}$  بیان‌گر آمین فاصله زمانی معاملات بین دو واقعه‌ای که در زمان‌های  $t_{i-1}$  و  $t_i$  رخ داده‌اند باشد. سری  $\{x_1, x_2, \dots, x_{N(T)}\}$  نامنفی می‌باشد و بنابراین انتخاب مدل اقتصادسنجی مناسب برای فاصله زمانی، معاملات را تحت تأثیر قرار می‌دهد. طبق رویکرد انگل<sup>[7]</sup> سری مشترک فاصله زمانی معاملات و مارک‌ها به صورت زیر قابل بیان هستند:

$$\{(x_i, z_i), i=1, \dots, T\}$$

اطلاعات موجود در زمان  $t_{i-1}$  با  $F_{i-1}$  نمایش داده می‌شود که شامل تمامی فواصل زمانی معاملاتی قبلی و  $x_{i-1}$  می‌باشد. آمین مشاهده به شرط  $F_{i-1}$ ، دارای توزیع مشترک زیر می‌باشد:

$$(x_i, z_i) | F_{i-1} \sim f(x_i, z_i | \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_f) \quad (1)$$

که  $\bar{x}_{i-1}$  و  $\bar{z}_{i-1}$  بیان‌گر مقادیر قبلی متغیرهای  $X$  و  $Z$  تا معامله  $(i-1)$ ام می‌باشد و  $\theta_f \in \Theta$  مجموعه پارامترها می‌باشد.

توزیع مشترک در (1) را می‌توان به صورت حاصل‌ضرب توزیع حاشیه‌ای فاصله زمانی معاملات و توزیع شرطی مارک‌ها با فرض معین‌بودن فاصله زمانی معاملات نوشت، که به‌طور کامل مشروط به ارزش‌های تاریخی مارک‌ها و فواصل زمانی معاملات می‌باشد:

$g(x_i | \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_x) f(x_i, z_i | \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_f) = g(x_i | \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_x) q(z_i | x_i, \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_z)$  توزیع حاشیه‌ای فاصله زمانی معاملات  $i$  با پارامتر  $\theta_x$  مشروط به فاصله زمانی معاملات و مارک‌های قبلی است و  $q(z_i | x_i, \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_z)$  توزیع شرطی مارک  $i$  با پارامتر  $\theta_z$  مشروط به مارک‌ها و فاصله زمانی معاملاتی قبلی همراه با فاصله زمانی معاملات  $i$  می‌باشد.تابع همسایگی لگاریتمی آن را به صورت زیر مشخص می‌نماییم:

$$L(\theta_x, \theta_z) = \sum_{i=1}^n \left[ \log(g(x_i | \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_x)) + \log(q(z_i | x_i, \bar{x}_{i-1}, \bar{z}_{i-1}; \theta_z)) \right]$$

مدل استاندارد ACD دارای پارامترهای خطی می‌باشد که در آن  $\psi$  وابسته به  $m$  فاصله زمانی معاملات قبلی و  $q$  فاصله زمانی انتظاری قبلی است:

$$\psi_i = \omega + \sum_{j=1}^m \alpha_j x_{i-j} + \sum_{j=1}^q \beta_j \psi_{i-j} \quad (2)$$

به مدل گفته شده در بالا، یک مدل ACD( $m, q$ ) می‌گویند. به منظور اطمینان از مثبت بودن فاصله زمانی معاملاتی شرطی، شرایط کافی و نه لازم عبارت است از  $\alpha \geq 0$ ،  $\omega > 0$  و  $\beta \geq 0$ .

<sup>11</sup> Marks

فرض اصلی در مدل ACD این است که فاصله زمانی معاملاتی استاندارد شده  $\psi_i = \epsilon_i$ , i.i.d باشد. طبق نظر انگل راسل  $\epsilon$  از یک توزیع ویبول استاندارد شده و یا نمایی پیروی می‌کند. اگر توزیع  $\epsilon$  نمایی باشد به آن EACD( $m, q$ ) و اگر ویبول باشد به آن WACD( $m, q$ ) می‌گوییم.

همان‌گونه که ملاحظه می‌شود مدل ACD و مدل GARCH دارای بسیاری از جنبه‌های مشترک می‌باشند. هر دو مدل بر بنای مفهوم خوش ای شدن اخبار در بازارهای مالی ایجاد شده‌اند. به این صورت که شکل خودگرسیو (2) امکان پوشش خوش‌های شدن فاصله زمانی معاملات<sup>12</sup> مشاهده شده در داده‌های پرفراوانی را فراهم می‌سازد. همانند آنچه که در مدل GARCH برای خوش‌های شدن نوسان رخ می‌دهد.

### ۳. داده‌ها و متداول‌ترین پژوهش

مدل مورد نظر بر روی داده‌های معاملاتی شرکت فولاد مبارکه اصفهان تخمین زده شده است. دلیل استفاده از داده‌های شرکت گفته شده نقدشوندگی مناسب سهام شرکت در طی دوره ۸۷/۹/۱۶ الی ۸۷/۱۲/۲۸ (۶۷ روز معاملاتی) بوده است. با توجه به وجود مشاهده‌های دورافتاده در سری‌های زمانی پرفراوانی (بدلیل خطاهای انسانی و سیستمی) لازم است که قبل از تخمین، مشاهده‌ها فیلتر شوند. برای این منظور تمامی معاملاتی که در طی یک روز بیش از  $\pm 3\%$  قیمت سهم تغییر داشته‌اند حذف شده‌اند (بدلیل وجود سقف نوسان سه درصدی برای تغییرهای قیمت شرکت‌ها). هم‌چنین با این تعریف از معامله که هر معامله انتقال مالکیت از یک یا چند سهامدار به یک یا چند نفر دیگر در یک نقطه زمانی می‌باشد، بنابراین تمامی معاملاتی که دارای فاصله زمانی صفر بوده‌اند در معامله ماقبل خود ادغام و حجم معاملات مربوط به معاملات گفته شده با یکدیگر جمع و از متوسط قیمت آن‌ها استفاده شده است. آماره‌های توصیفی متغیرهای پژوهش، به ترتیب بازدهی، قیمت معاملاتی، فاصله زمانی معاملات، و حجم معاملات، به صورت جدول (۱) می‌باشند.

جدول (۱) آماره‌های توصیفی متغیرهای پژوهش

	RETURN	PRICE	DURATION	SIZE
Mean	0.00	1935.94	129.33	26448.25
Median	0.00	1948.00	27.00	8205.00
Maximum	0.02	2199.00	4185.00	6000000.00
Minimum	-0.03	1712.00	1.00	1.00
Std. Dev.	0.00	73.54	314.67	172757.70
Skewness	-0.70	-0.83	6.52	24.79
Kurtosis	26.35	3.57	61.52	720.88
Jarque-Bera	114835.80	651.61	754396.40	109000000.00
Probability	0.00	0.00	0.00	0.00
Observations	5037.00	5037.00	5037.00	5037.00

#### a. خواص آماری سری‌ها

قبل از تخمین مدل GARCH خواص آماری سری‌ها مورد بررسی قرار گرفته‌اند.

<sup>12</sup> Duration Clustering

آماره فیلیپس-پرون تخمینی نشان داد که سری ها نامانا می باشند (جدول ۲).

جدول (۲) آماره فیلیپس-پرون سری ها

Phillips-Perron test statistic	Adj. t-Stat	Prob.*
Absr	-67.9299	0.0001
Duration	-72.9463	0.0001
Size	-64.7528	0.0001

برای بررسی خوشه ای شدن سری ها از آزمون ضرایب لاگرانژ استفاده کردہ ایم. نتیجه حاصله نشان داد که سری ها دارای اثر خوشه ای شدن می باشند (جدول ۳).

جدول (۳) آزمون خوشه ای شدن در سری ها

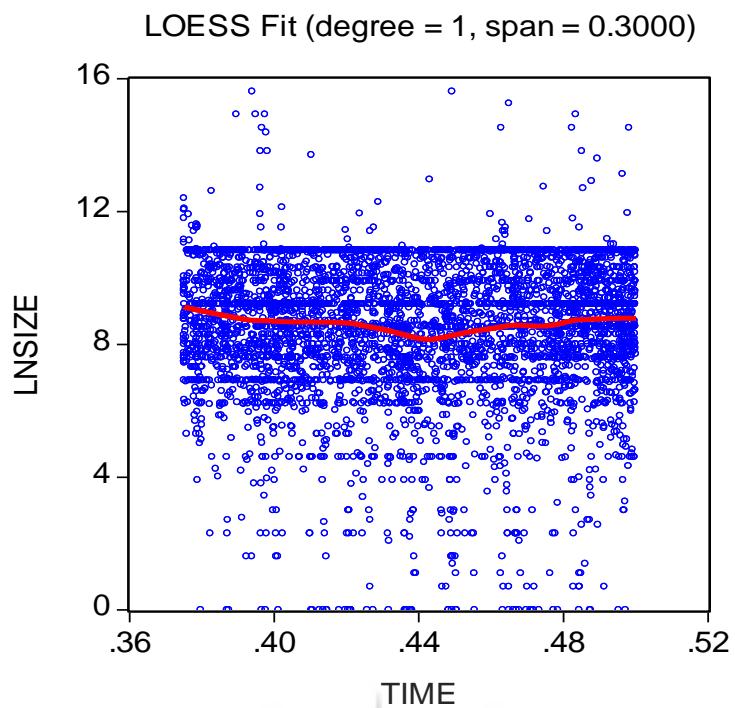
ARCH Test:	significanet lags	Obs*R-squared	Probability
size	2,6,18	1409.892	0.0000
absr	1,2,3,5,9,11,12	249.8928	0.0000
Duration	1,2,5,6,9,11,14,17	382.7165	0.0000

بررسی نمودار آماره Q لجانگ- باکس برای سری ها در طی ۲ روز نیز حاکی از این واقعیت بود که سری ها دارای خودهمبستگی می باشند.

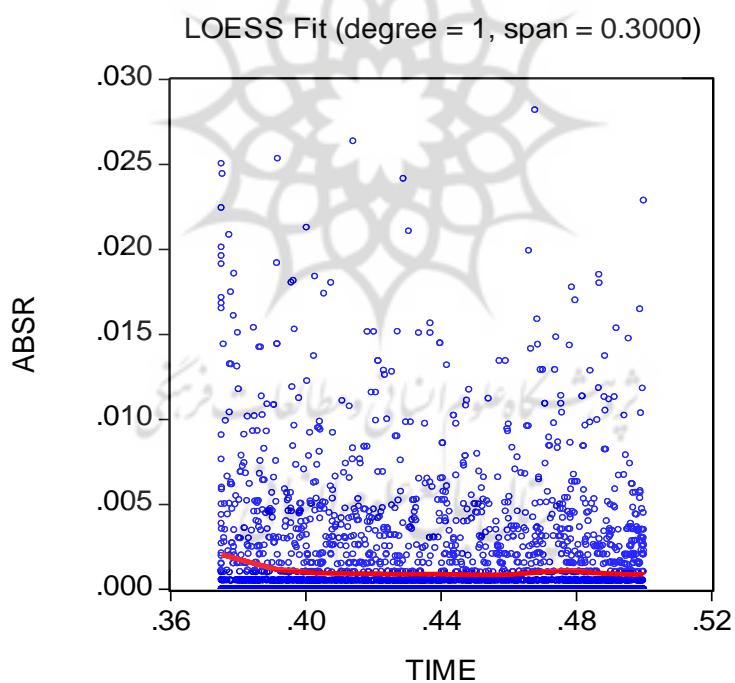
برای نمایش الگوی فصلی روزانه در سری ها از برازش نزدیک ترین همسایگی با ۱۰۰ نقطه استفاده نموده ایم.

در نمودار (۱) محور X زمان بر حسب ثانیه (12:00-9:00) را در طی یک روز معاملاتی نشان می دهد. همان گونه که ملاحظه می شود، هر سه سری بازدهی، فاصله زمانی معاملات و حجم معاملات دارای الگوی دوره ای روزانه می باشند. به این صورت که فاصله زمانی معاملات در زمان آغازین بازار کم و در طی روز افزایشی تدریجی را دارا است. در حالی که بازدهی در زمان آغاز معاملات زیاد و سپس به سرعت افت نموده و در طی روز روند یکسانی را طی می کند. حجم معاملات در ابتداء و انتهای بازار نسبت به بقیه ساعت های فعالیت بازار بیشتر می باشد.

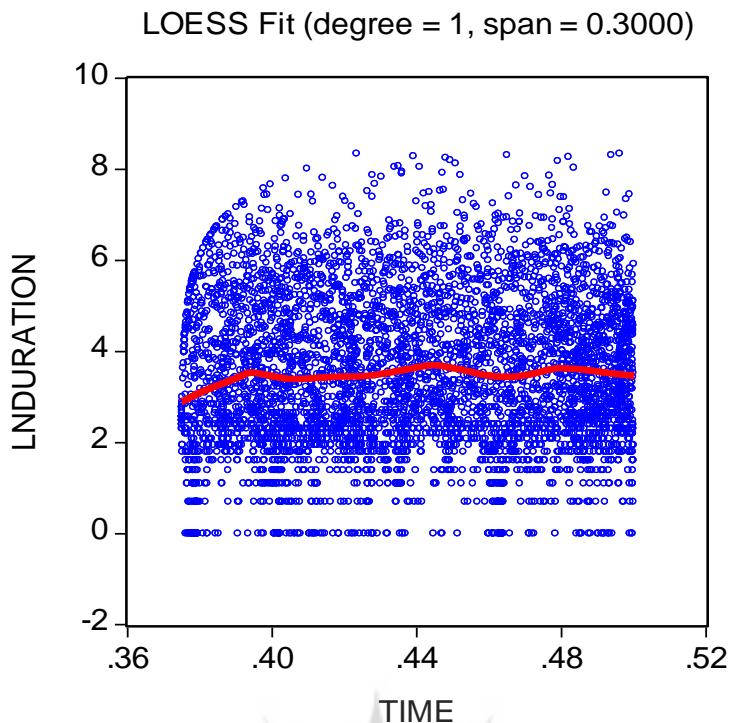
تحلیل تجربی پدیده های گفته شده در بالا طبق مدل های ریز ساختاری به این صورت می باشد که معامله گران مطلع در ابتدای بازار اقدام سریع به معامله می نمایند تا قبل از عمومی شدن اطلاعات از اطلاعات برتر خود استفاده نمایند. به این دلیل فاصله زمانی معاملات در ابتداء کم، حجم معاملات زیاد و همچنین نوسان بازدهی به دلیل وجود رقابت در معامله بیشتر می باشد. اما در انتهای بازار معامله گران نامطلع با انگیزه نقدشوندگی حضور پررنگ تری در معاملات دارند. به این ترتیب که آنان تنها اقدام به اجرای سفارش های گفته شده به دلیل محدودیت زمانی در طی روز مورد نظر می نمایند؛ بنابراین حجم معاملات افزایش و فاصله زمانی معاملات کاهش می یابد.



(a) الگوی روزانه در سری حجم معامله



(b) الگوی روزانه در سری بازدهی



۳) الگوی روزانه در سری فاصله زمانی معاملات

نمودار (۱) نمایش الگوی دوره‌ای روزانه در سری‌های فاصله زمانی معاملات، بازدهی و حجم معاملات

#### b. الگوزدایی در سری‌ها

با توجه به وجود الگوی دوره‌ای در سری‌ها، قبل از تخمین می‌بایست در سری‌ها الگوزدایی انجام پذیرد. به منظور حذف اثر فصلی بودن یا الگوداری (اثر زمان روز) از داده‌ها، پژوهشگران از روش‌های متفاوتی استفاده نموده‌اند. در این پژوهش از رویکرد انگل و راسل [۱۰]، یعنی تخمین اسپلاین مکعبی<sup>۱۳</sup> استفاده کردند. بهاین صورت که برای تخمین الگوی روزانه، ابتدا  $k$  گره در طی روز تعریف و سری مورد نظر را بر گره‌های گفته شده رگرس می‌نماییم:

$$\varphi_i(t_i) = \sum_{j=1}^K I_j \left[ c_j + d_{1j}(t_i - k_{j-1}) + d_{2j}(t_i - k_{j-1})^2 + d_{3j}(t_i - k_{j-1})^3 \right]$$

$I_j$  شاخص زامین بخش اسپلاین می‌باشد. یعنی  $I_j = 1$  اگر  $t_i \in (k_{j-1}, k_j)$  و در غیر این صورت برابر صفر خواهد بود.  $c_j, d_{1j}, d_{2j}, d_{3j}$  پارامترهای مدل هستند. سپس متغیرهای اصلی را بر سری‌های تخمینی حاصل از اسپلاین مکعبی تقسیم می‌نماییم تا سری‌های تعدیلی به دست آیند:

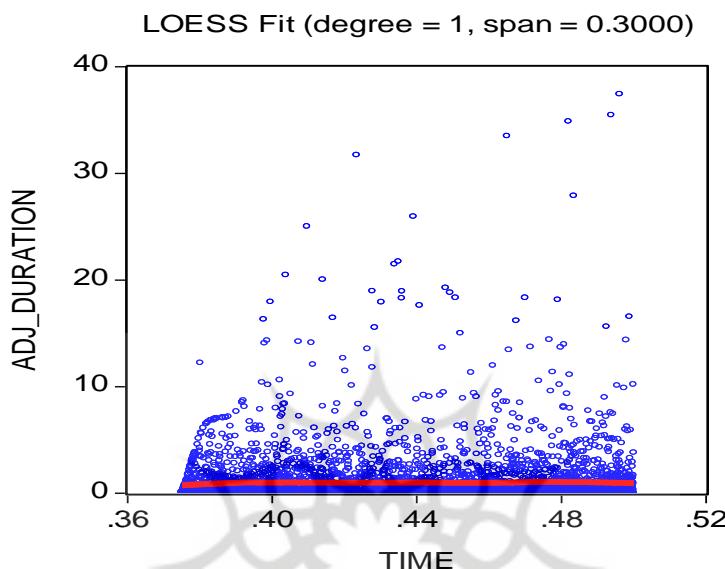
$$\tilde{x}_i = \frac{x_i}{\varphi(t_{i-1} : \beta)}$$

(۴) اسپلاین تخمینی برای تعدیل فصلی بازدهی، حجم و فاصله زمانی معاملات است. باید توجه نمود که به منظور پرهیز از هم خطی در تخمین رگرسیون گفته شده می‌توان یکی از گره‌ها را حذف کرد و یا مدل را بدون عرض از مبدا تخمین زد. در تخمین اسپلاین مکعبی ابتدا ۵ گره ( $k$ ) در طی ساعت‌های روز (۹:۳۰، ۱۰:۰۰، ۱۱:۰۰، ۱۱:۳۰ و ۱۲:۰۰) تعریف و سری بازدهی و فاصله زمانی معاملات بر ۵ گره گفته شده رگرس شده است. در تخمین اسپلاین بازدهی، سری

<sup>13</sup> Cubic spline

زمان ها ( $t_1, t_2, t_3, t_4, t_5$ ) بر  $\sqrt{x_i} / r_i$  رگرس شده‌اند. در نمودار (2) نزدیک‌ترین نقاط همسایگی برای سری تعديل شده فاصله زمانی معاملات برای نمونه نمایش داده شده است. ملاحظه می‌شود که الگوی روزانه در مقایسه با نمودار (1) از سری حذف شده است.

با توجه به این که در مدل، ACD-GARCH به عنوان متغیر بروزرا در مدل وارد خواهد شد؛ بنابراین برای تخمین معرفی شده توسط انگل [7] و انگل و لی [8] استفاده شده است. از مدل EACD(1,1) و WACD(1,1).



نمودار (2) نزدیک‌ترین نقاط همسایگی برای سری تعديل شده فاصله زمانی معاملات

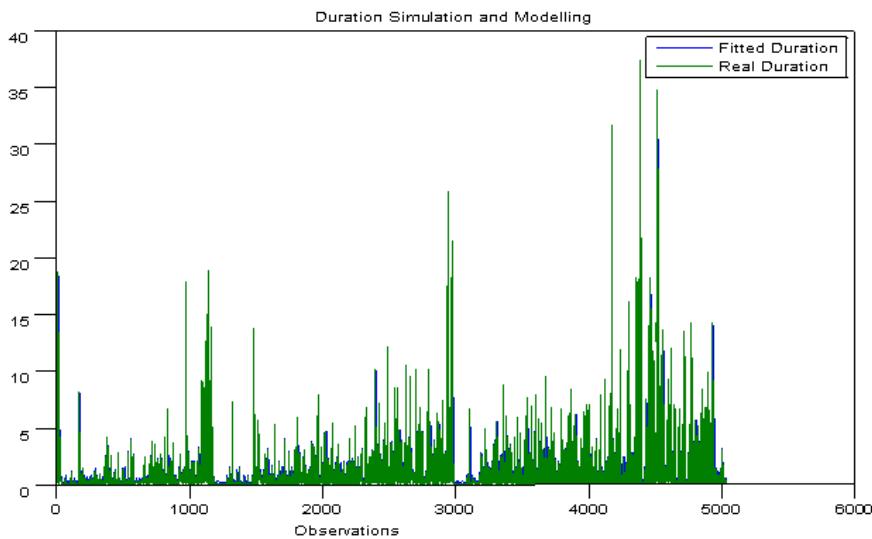
با توجه به برآوردهای مدل EACD(1,1)، فاصله زمانی انتظاری با فرض تابع نمایی تخمین زده شده است.

پارامترهای مدل گفته شده به شرح جدول (4) می‌باشد.

جدول (4) پارامترهای تخمینی مدل EACD(1,1) (تخمین توسط نرم افزار M Matlab)

Parameters for ACD(1,1) Model:  
 Const (Coeff.w) = 0.17504  
 Alpha (Coeff.q) = 0.96936  
 Beta (Coeff.p) = 0.00235  
 Maximum Log Likelihood: -50380000

همان‌گونه که ملاحظه می‌شود پارامترهای مدل ACD مانندگار می‌باشند. آزمون لجانگ-باکس بر روی نسبت سری فاصله زمانی واقعی بر روی فاصله زمانی تخمینی نشان داد که مقادیر پسماند استاندارد شده قادر همبستگی سریالی می‌باشند. نمودار فواصل زمانی واقعی و انتظاری در نمودار (3) نمایش داده شده است.



نمودار (۳) نمودار فواصل زمانی واقعی و تخمینی معاملات با استفاده از مدل خودرگرسیو شرطی

#### c. مدل تخمینی

در تخمین مدل HF-GARCH (گارچ پرفراوانی) فرض کنید بازدهی از  $t_{i-1}$  تا  $t_i$  معامله توسط  $r_i$  (بجای بازدهی معمولی از بازدهی مطلق استفاده شده است) و فاصله زمانی معامله توسط  $x_i = t_i - t_{i-1}$  نمایش داده شود. در این صورت واریانس شرطی در هر معامله به صورت؟

$$v_{i-1}(r_i | x_i) = h_i$$

خواهد بود. که در آن واریانس مشروط به فاصله زمانی جاری و همچنین فواصل زمانی و بازدهی های قبلی می باشد. از آنجا که نوسان همیشه در فاصله زمانی مشخص و به صورت سالانه نمایش داده می شود، بنابراین نوسان شرطی در هر واحد زمان می بایست تخمین زده شود[۷]؛

$$V_{i-1} \left( \begin{array}{c|c} r_i & \\ \hline \sqrt{x_i} & x_i \end{array} \right) = \sigma_i^2$$

رابطه بین دو واریانس شرطی برابر  $h_i = \sigma_i^2$  خواهد بود. با این تعریف از واریانس اینکه می توان نوسان را در هر واحد زمان توسط یک فرایند GARCH مدلسازی نمود. فرض کنید  $e_i$  بیانگر جزء اخلال سری باشد. چنان‌چه فاصله زمانی معاملات فاقد محتوای اطلاعاتی در مورد واریانس هر واحد زمانی باشند در این صورت مدل GARCH(1,1) برای داده‌های با فواصل زمانی نامنظم به صورت زیر خواهد بود:

$$\sigma_i^2 = \omega + \alpha e_{i-1}^2 + \beta \sigma_{i-1}^2$$

مدل گفته شده در بالات را GARCH پرفراوانی می نامیم. حال چنان‌چه زمان تقویمی پیش‌بینی نوسان نیز مدنظر باشد در این صورت باید مدلی را برای زمان‌های ورودی تصویر نماییم. به این منظور می توان از مدل ACD انگل و راسل [۱۰] استفاده نمود. چنان‌چه زمان‌های ورود به صورت بروزرا در نظر گرفته شوند در این صورت مدل ACD و GARCH می توانند به صورت جداگانه تخمین زده شوند. تحت فرض بروزرا بودن، ابتدا مدل ACD می تواند تخمین زده شود و سپس مدل نوسان می تواند با توجه به فاصله زمانی معاملات همزمان تصویر شود و فاصله انتظاری زمان معاملات در مرحله دوم تخمین زده شود... تحت این رویکرد می توان از تصویر زیر استفاده نمود؛

$$\sigma_i^2 = \omega + \alpha e_{i-1}^2 + \beta \sigma_{i-1}^2 + \gamma_1 x_i + \gamma_2 \psi_i$$

که  $x_i$  فاصله زمانی معاملات و  $\psi_i$  فاصله زمانی انتظاری معاملات تخمینی توسط مدل ACD با توجه به این که پژوهش‌های انجام شده حاکی از تاثیر معنی داری متغیر حجم معامله بر نوسان می‌باشد ([۱۰]، [۹] و [۱۳]) بنابراین می‌توان متغیر گفته شده را نیز در معادله واریانس وارد نمود:

$$\sigma_i^2 = \omega + \alpha e_{i-1}^2 + \beta \sigma_{i-1}^2 + \gamma_1 x_i + \gamma_2 \psi_i + \gamma_3 s_{i-1}$$

$x_i$  فاصله زمانی معاملات،  $\psi_i$  فاصله انتظاری زمان معاملات حاصل از تخمین مدل ACD و  $s_i$  حجم معامله می‌باشد.

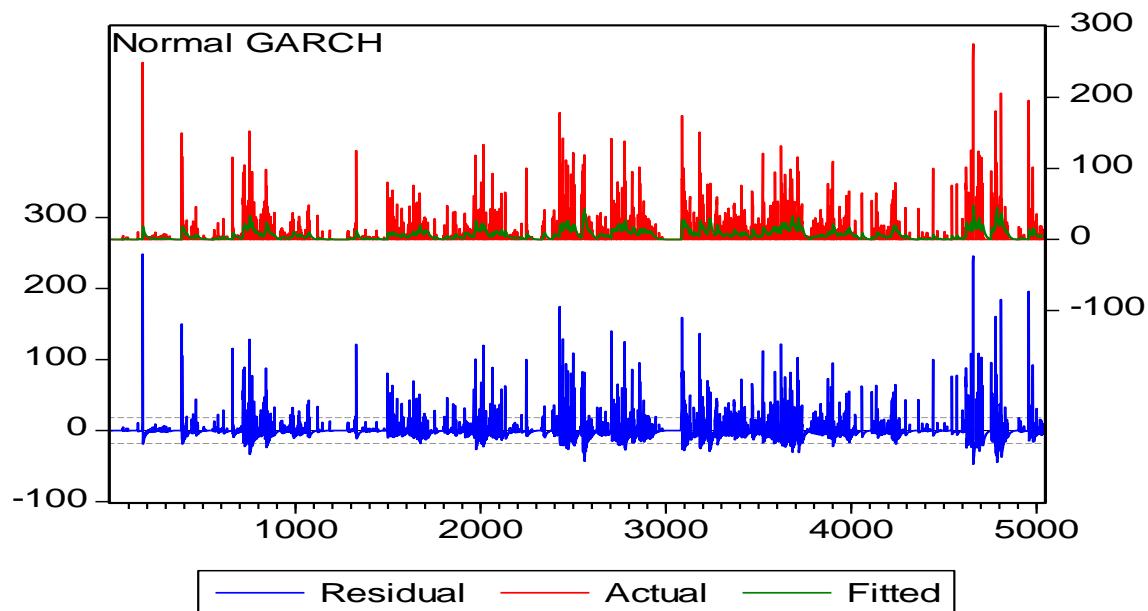
#### ۴. تخمین مدل

برای بررسی تاثیر الگوداری روزانه قبل از پرداختن به مدل فصلی‌زدایی شده ابتدا مدل GARCH(p,q) یا GARCH-M (هر کدام برازش بهتری ارایه نماید) را که مدلی رایج در تخمین نوسان بازدهی می‌باشد را برای سری بازدهی جهت مقایسه آن با مدل ACD-GARCH تخمین زده‌ایم.

جدول (۵) ضرایب تخمینی مدل GARCH فصلی‌زدایی نشده

Dependent Variable: ABSR	Coefficient	Std. Error	z-Statistic	Prob.
C	-4.46293	22.10699	-0.2	0.84
AR(1)	0.996225	0.007337	135.8	0
MA(1)	-0.92312	0.014842	-62.2	0
Variance Equation				
C	100.6354	23.55475	4.3	0
RESID(-1)^2	1.326919	0.334442	4.0	0.0001
GARCH(-1)	0.153653	0.062369	2.5	0.0138
Sum	1.480572			
Adjusted R-squared	0.07351	Schwarz criterion		8.3
Log likelihood	-20889	F-statistic		80.9
Durbin-Watson stat	1.695235	Prob(F-statistic)		0

در معادله میانگین از AR(1) و MA(1) استفاده نموده‌ایم. چنان‌چه در معادله میانگین واریانس یا انحراف معیار شرطی را وارد نماییم به مدل گفته شده مدل GARCH-M می‌گویند. مدل گفته شده در بالا نظر مالی به عنوان بدء-بستان ریسک و بازده تفسیر می‌شود. وارد نمودن AR(1) و MA(1) از نظر اقتصادی فاقد پشتونه نظری است؛ اما به دلیل معنی داری آماری خودهمبستگی درجه اول در بازدهی‌ها از تصریح گفته شده در بالا استفاده شده است. هم‌چنین شاید بتوان تصریح مناسب‌تری را برای سری مورد مطالعه به دست آورد اما با توجه به مقایسه یک تصریح با و بدون فاصله زمانی و حجم معاملات استفاده از تصریح گفته شده در بالا منطقی خواهد بود. نتایج تخمین در جدول (۵) آورده شده است. پارامترها با استفاده از روش Quasi-Maximum Likelihood و با فرض این که اجزا اخلال توزیع نرمال شرطی داشته دارند تخمین زده شده‌اند. مقادیر سری واقعی و تخمینی در نمودار (۴) آورده شده است.



نمودار (۴) مقادیر واقعی و تخمینی مدل GARCH برای سری نوسان فصلی زدایی نشده و بدون دیرش و حجم معاملات

با بررسی آماره  $Q$ ، نمودار کولروگرام مجدور پسمندتها و آزمون LM مشخص گردید که هم معادله میانگین و هم معادله واریانس بخوبی تصریح شده اند و اما اثر آرچ در پسمندتها حذف نگردیده است. باید توجه نمود که در مدل گفته شده در بالا فرض بر این است که اخبار حاصل از معامله قبل به صورت توان دوم اثر جز اخلال قیمت قبلی در هر ثانیه اندازه گیری می‌شود و فواصل زمانی معاملات بر ماندگاری شوک‌ها تاثیری ندارد. در واقع مدل گفته شده در بالا این واقعیت را که نوسان در فواصل زمانی معاملات و نوسان در سیگما می‌تواند به اخبار یکسانی مرتبط باشد را در نظر نمی‌گیرد. رویکرد واقعی تر این خواهد بود که فواصل زمانی به طور مستقیم در تصریح وارد شوند.

#### جدول (۶) ضرایب تخمینی مدل UFH-GARCH

Dependent Variable: ADJ_ABSR	Coefficient	Std. Error	z-Statistic	Prob.
LOG(GARCH)	0.000067	0.000013	5.3	0
C	0.001644	0.000231	7.1	0
AR(1)	0.874378	0.035431	24.7	0
MA(1)	-0.673836	0.048638	-13.9	0
Variance Equation				
C	0.0000000422	0.000000	19.5	0
RESID(-1) <sup>2</sup>	0.1549190000	0.043593	3.6	0.0004
GARCH(-1)	0.8012460000	0.037680	21.3	0
DURATION	0.0000000082	0.000000	2.0	0.0425
ACD	-0.000003370	0.000000	-96.0	0
LNSIZE(-1)*ACD	0.0000000060	0.000000	2.6	0.0096
Sum	0.956165			
Adjusted R-squared	0.106330	Schwarz criterion		-9.6
Log likelihood	24198	F-statistic		67.6

Durbin-Watson

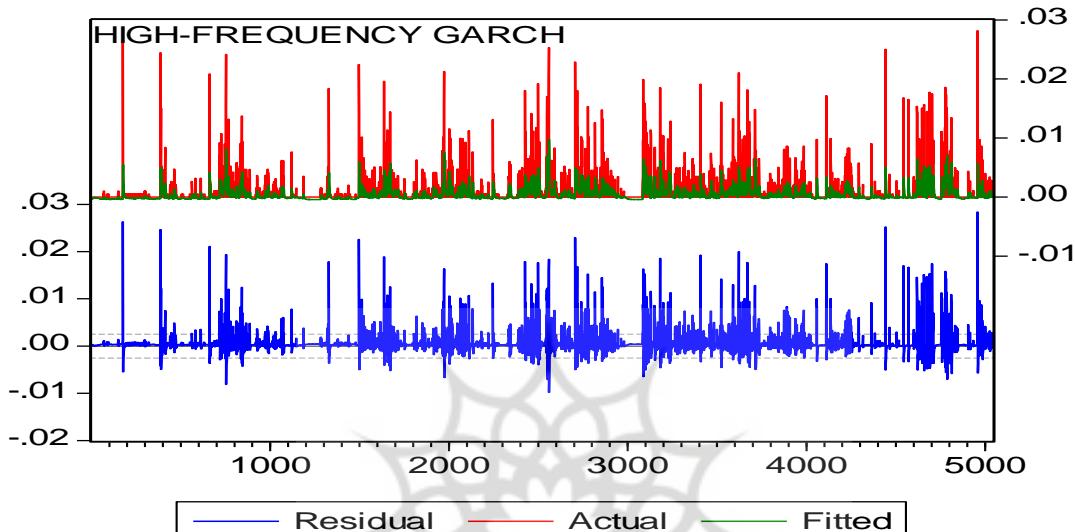
1.950659

Prob(F-statistic)

0

حال می‌توانیم مدل GARCH(1,1) را با توجه به سری‌های فصلی زدایی شده و وارد نمودن متغیرهای فاصله زمانی معاملات (واقعی و تخمینی) و حجم معاملات تخمین بزنیم (جدول ۶).

ملاحظه می‌شود که فاصله زمانی معاملات، فاصله انتظاری زمان معاملات و همچنین حجم معاملات بر رفتار نوسان تاثیر معنی دار دارند. علاوه بر این برخلاف مدل GARCH معمولی پارامترهای مدل ماندگار می‌باشند (sum=0.956). در نمودار زیر مقادیر واقعی و تخمینی سری بازدهی مطلق نمایش داده شده است.



نمودار (۵) مقادیر تخمینی و واقعی نوسان با استفاده از مدل UHF-GARCH

وارد نمودن فاصله زمانی معاملات در مدل به این معنی است که انتظار داریم در مدل اطلاعاتی ایسلی و اوهارا [۱۲] در مورد شکل‌گیری قیمت‌ها در معاملات، علامت پارامتر تخمینی مثبت باشد. چرا که در مدل ایسلی و اوهارا فاصله زمانی طولانی به معنی عدم وجود اخبار در بازار و درنتیجه نوسان کم تلقی می‌شود.

## ۵. نتیجه‌گیری

مدلسازی نوسان در بازارهای مالی از ادبیاتی بسیار غنی برخوردار است. وجود الگوی خوش‌های و الگوی روزانه (فصلی) در داده‌های پرفراوانی به ویژه در نوسان و به تبع آن انتشار داده‌های معاملاتی بین روزانه منجر به گسترش و توسعه مدل‌های GARCH شده است. عدم ماندگاری پارامترهای تخمینی مدل GARCH برای داده‌های پرفراوانی پژوهشگران را به دو حوزه اصلی در برخورد با این پدیده سوق داده است. در رویکرد اول پژوهشگران با استفاده از تکنیک‌های آماری از قبیل مدل‌های چندجمله‌ای، الگوهای فصلی را در سری‌ها تخمین و تعديل می‌کنند. در رویکرد دوم سعی می‌شود عامل فصلی بودن به طور مستقیم در معادله واریانس مدل GARCH وارد شود.

تاکنون دو دسته نظریه اقتصادی در مورد دلیل وجود الگوی روزانه در داده‌های پرفراوانی ارایه شده است. در دسته اول عنوان می‌شود که وجود فواصل کم در زمان‌های آغازین و پایانی بازار و یا اوقات مشخصی از زمان فعالیت بازار با زمان صرف ناهار و شروع به کار یا پایان ساعت‌های معاملاتی بورس‌ها و بهخصوص بازار ارز در مناطق مختلف دنیا مطابقت دارد. در رویکرد دوم که مدل‌های عدم تقارن اطلاعاتی را در نظریه‌های ریزساختاری شامل می‌شوند، عنوان می‌شود که فراوانی معامله‌گران مطلع و نامطلع در ساعت‌های معینی از زمان فعالیت بازار منجر به پیدایش الگوی گفته شده

می شود. یافته های پژوهش حاضر به نوعی رویکرد دوم را مورد تایید قرار می دهد چرا که زمان فعالیت بورس تهران شامل اوقات صرف ناهار نبوده و همچنین به دلیل عدم سرمایه گذاری مستقیم سرمایه گذاران خارجی در بورس تهران و بالعکس، نمی توان ادعا نمود که عامل گفته شده دلیل وجود الگوی روزانه در سری ها باشد.

نتیجه تخمین مدل ACD-GARCH در مقایسه با مدل GARCH نشان داد که قدرت تبیین مدل بهبود یافته و همچنین پارامترهای مدل ماندگار می شوند. همچنین مشخص شده است که حجم معامله، فاصله زمانی معاملات و فاصله انتظاری زمان معاملات متغیرهای ریز ساختاری تاثیرگذار در معادله واریانس می باشند. علامت منفی فاصله انتظاری زمان معاملات به این معنی است که هر چقدر فاصله انتظاری زمان معاملات طولانی تر باشد نوسان در سری کمتر خواهد شد. نتیجه به دست آمده در واقع تاییدی بر مدل ایسلی و اوهارا [۱۲] می باشد. ملاحظه می شود که در مدل گارچ معمولی به دلیل عدم تامین شرط نابرابری، پارامترهای تخمینی مدل ماندگار نمی باشند.

## منابع

1. Andersen, T.G., Bollerslev T., (1998) ."Answering the skeptics: yes, standard volatility models do provide accurate forecasts". **International Economic Review**, 39, pp. 885-905.
2. Bollerslev, T., Wright, J.H., (2001). "High-frequency data, frequency domain inference, and volatility forecasting". **Review of Economics and Statistics**, 83(4), pp. 596-602.
3. Chortareas, G., Nankervis, J. and Jiang, Y., (2007). "Forecasting Exchange Rate Volatility at High Frequency Data: Is the Euro Different?". **Working Paper, SSRN.com**.
4. Dufour, A. and Engle, R.F., (2000). "Time and the Impact of a Trade". **Journal of Finance**, 55, pp. 2467-2498.
5. Diamond, D.W. and Verrecchia, R.E., (1987). "Constraints on Short-Selling and Asset Price Adjustments to Private Information". **Journal of Financial Economics**, 18, pp. 277-311.
6. Engle, R.F., (1982)."Autoregressive Conditional Heteroskedasticity with Estimates of the Variance of U.K. Inflation". **Econometrica**, 50, pp. 987-1008.
7. Engle, R.F., (2000). "The econometrics of ultra-high-frequency data". **Econometrica** 68(1), pp. 1-22.
8. Engle, R.F., and Lee, G., (1999). "A Long Run and Short Run Component Model of Stock Return Volatility, in Causality, Cointegration and Forecasting, a Festschrift Honoring Clive W. J. Granger, ed. By R. F. Engle and H. White. Oxford: **Oxford University Press**, pp. 475-497.
9. Engle, R.F., and Lunde, A., (1999). "Tradesand Quotes, A Bivariate Point Process, U.C.S.D". **Discussion Paper**.
10. Engle, R.F., and Russell, J., (1998). "Autoregressive Conditional Duration: A New Model for Irregularly Spaced Transaction data". **Econometrica**, 66, pp. 1127-1162

11. Engle, R.F., Sokalska, M.E. and Chanda,A., (2005). "High Frequency Multiplicative Component GARCH". **Working Paper, SSRN.com**.
12. Easley, D., and O'Hara, M., (1992). "Time And The Process Of Security Price Adjustment". **Journal of Finance** 47, pp. 577-606.
13. Gallant, R., Rossi, P. E., and Tauchen, G., (1992). "Stock Prices and Volume". **Review of Financial Studies**, 5, pp. 871-908.
14. Glosten, L.R., and Milgrom, P. (1985). "Bid, Ask, and Transaction Prices in a Specialist Market With Heterogeneously Informed Agents". **Journal of Financial Economics** 14, pp. 71-100.
15. Harris, L., (1986). "A Transaction Data Study of Weekly and Intradaily Patterns in Stock Returns". **Journal of Financial Economics** 16, pp. 99-117.
16. Hautsch, N., and Jeleskovic, V., (2008). "Modelling High-Frequency Volatility and Liquidity Using Multiplicative Error Models". **Working Paper, SSRN.com**.
17. Hautsch, N., and Jeleskovic,V., (2008). "Modelling High-Frequency Volatility and Liquidity Using Multiplicative Error Models". **Working Paper, SSRN.com**.
18. Lamoureux, C., and Lastrapes, W., (1990). "Heteroskedasticity in Stock Return Data:Volume Versus GARCH Effect". **Journal of Finance**, 45, pp. 221-229.
19. Taylor, S.J., and Xu, X., (1997). "The incremental volatility information in million foreign ex-change quotations". **Journal of Empirical Finance**, 4, pp. 317-340.
20. Wood, R.A., McInish, T.H., and Ord, J. K., (1985). "An Investigation of Transaction Data for NYSE Stocks". **Journal of Finance** 25, pp. 723-739.

پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی  
پرستال جامع علوم انسانی