جغرافیا و آمایش شهری – منطقهای، شماره ۲۲، بهار ۱۳۹۶ وصول مقاله : ۱۳۹۵/۴/۲۰ تأیید نهایی : ۱۳۹۵/۱۰/۲۷ صفحات : ۱۵۸ – ۱۴۵

مقایسهٔ پویایی بخشهای مختلف گسل شکرآب (شمال بیرجند) بر مبنای ابعاد فرکتالی آبراههها با استفاده از GIS

مهدی یوسفی^۱، دکتر محمدمهدی خطیب^۲ ، دکتر ابراهیم غلامی^۳

چکیدہ

راندگی شکر آب، دارای روند باختری – خاوری با شیب ۶۰ درجهٔ شمالی و در فاصلهٔ ۴ کیلومتری در شمال شهر بیرجند قرار دارد. پهنهٔ گسلی فعال شکر آب بهعنوان یک منبع لرزمای برای شهر بیرجند است. بهدلیل اینکه گسل شکر آب از قطعات مختلف تشکیل شده است، ابعاد فرکتالی آبراههها در سه بخش شرقی، غربی و مرکزی محاسبه شد. همچنین، بهعلت رخداد مهاجرت عرضی در این گسل، ابعاد فرکتالی آبراههها در دو بخش شمالی و جنوبی منطقه محاسبه شد. میانگین ابعاد فرکتالی آبراههها بهمنظور مقایسهٔ پویایی تکتونیکی در این پهنهٔ گسلی، در بخش شمالی و جنوبی منطقه محاسبه شد. میانگین ابعاد فرکتالی آبراههها بهمنظور مقایسهٔ پویایی کمتر در بخش جنوبی، این اعداد فعالیت تکتونیکی بیشتر در بخش جنوبی نسبت به بخش شمالی گسل را نشان میدهند. در تقسیم بندی طولی گسل به سه بخش شرقی، مرکزی و غربی و با توجه به کمتر بودن بُعد فرکتالی آبراههها در بخشهای شرقی و غربی بهترتیب به میزان ۱/۳۲۰ و ۱/۳۳۷ نسبت به بخش مرکزی به میزان ۲۰۱۲ میانگر فعالیت تکتونیکی بیشتر در طرفین گسل نسبت به بهترتیب به میزان ۱/۳۲۰ و ۱/۳۹۷ نسبت به بخش مرکزی به میزان ۶۳۸ ۸، بیانگر فعالیت تکتونیکی بیشتر در طرفین گسل نسبت به بخش مرکزی است. توسعه و پیشرفت دگرریختی حال حاضر از بخش مرکزی، به سمت بخشهای شرقی و غربی گسل نسبت به بخش شمالی گسل در طرفین گسل نسبت به بخش مرکزی است. توسعه و پیشرفت دگرریختی حال حاضر از بخش مرکزی، به سمت بخشهای شرقی و غربی گسل می اسبت به

۱- دانشجوی دکتری تکتونیک، گروه زمینشناسی، دانشگاه بیرجند (نویسنده مسؤول)

۲- استاد گروه زمینشناسی، دانشکده علوم، دانشگاه بیرجند

-۳ استادیار گروه زمین شناسی، دانشکده علوم، دانشگاه بیرجند

جغرافیا و آمایش شهری-منطقهای، سال هفتم، شماره ۲۲، بهار ۱۳۹۶ منطقه باشد. آبراهههای همراه با یک سیستم گسله فعال، اطلاعات ساختاری مفیدی را نشان میدهند (Hovius, 1996: 36). شبیهسازی بر مبنای رياضی الگوی آبراههها، میتواند دیـد مناسـبی از ایـن دست ارائله دهد (Tomkin and Braun, 1999:2). طرح آبراههها تحت تأثير عوامل مختلف مانند آب و هوا، تغییرات سنگشناسی و فرایندهای تکتونیکی قرار می گیرند که مهمترین این عوامل ذکر شده، فرایندهای تكتونيكي است (Hack,1973:423). هندسهٔ طرح آبراههها در یک منطقه، بیانگر میزان فعالیت تکتونیکی و تکوین عناصر ساختاری آن منطقه است (Adams,1999:1743). مطالعة الكوهاي آبراههاي می تواند به عنوان یک ابزار مناسب در مناطقی که حركات زمينساختي باعث بالاآمدكي و فرونشست نسبی شده است، مورد استفاده قرار گیرد. توزیع آبراههها در این مناطق به گونهای است که منطبق بـر بالاآمدگی یا فرونشست میباشد؛ برای مثال یک آبراهه ممکن است با عبور از یک زون گسله، دستهای، شاخهشاخه و یا دچار تغییر مسیر شود. البتـه عوامـل غیرتکتونیکی از جمله آب و هوا، لیتولوژی و توپوگرافی می توانند نقش مهمی در نحوهٔ انتشار الگوی آبراهه ها داشته باشند(Leeder and Jackson, 1993:85). توزيع فركتالي آبراههها توسط (Turcotte,1992:180) ارائه شده است. در این الگوها با استفاده از تکنیک مربع شمار (Box-Counting) ابعاد فرکتالی آبراهه ها را درجهت توزيع پراكندگى در مناطق فعال محاسبه می کنند. اصول این روش، ترسیم نمودارهای لگاریتمی است که در آن تعداد مربعهای حاوی آبراهه NS، برحسب طول شبکهٔ اندازه گیری (S) رسم شده است. هدف از انجام این تحقیق، ارزیابی میزان پویایی نوزمین ساختی بخش های مختلف گسل شکر آب به کمک مقایسهٔ ابعاد فرکتالی آبراههها در آنهاست. در نوشتار حاضر، به علت رخداد مهاجرت عرضی در این گسل، ابتدا پهنهٔ مورد مطالعه به دو بخش شمالی-جنوبی تقسیمبندی شد و ابعاد فرکتالی آبراههها در این دو بخش محاسبه و با هم مقایسه شدند. در مرحلهٔ

149

واژهٔ «فرکتال» مشتق شده از واژهٔ لاتین «فراکتوس» به معنای سنگ است که به شکل نامنظم، شکستهشده و خردشده است و در سال ۱۹۷۶توسط ریاضیدان لهستاني به نام بنوئيت مندلبرات وارد دنياي رياضيات شد (چرچی و همکاران،۱:۱۳۹۰). روش فرکتال، روشی ساختاری است که علاوه بر ارتباط فضایی و تغییرپذیری در داده های برداشت شده، اختصاصات مستقل از مقیاس و ویژگیهای هندسی آنومالیها را نیز مدنظر قرار میدهد. هندسهٔ فرکتال برخلاف هندسهٔ اقلیدسی، علاوه بر بحث درخصوص ابعاد صحیح (یک، دو، سه)، به بررسی ابعاد غیرصحیح و توصيف پديده هاى طبيعي نيز مي پردازد (cheng,1997:61). با پيدايش هندسهٔ فركتال، استفاده از مدلهای فرکتال و مولتی فرکتال در علوم مختلف مطرح شد. به کمک هندسهٔ فرکتال می توان به توصيف پديدههاي زمين شناسي غيرمنظم و الگوي توزيع فضايي آنها (Cheng 1995:836)، بررسي ميـزان و شدت شكستگیها(Laubach & Ward, 2006: 79)، ميزان جابجايي گسلها(Pickering et al, 1997: 89)، بزرگی و شدت زمین لرزهها (Dimri, 2005:7)، ابعاد ذرات خردشدهٔ سنگها (Korvin, 1992:200)، توزيع ضخامت رگەھا (Monecke et al, 2005:371)، تعیین مشخصات کانی سازی و ذخایر معدنی Sanderson et) al. 1994:172) و ... پرداخت. یک توزیع فرکتالی مى تواند بيانگر نحوهٔ توزيع متغيّرها و اندازهٔ متغيّرها نسبت به کل فضای اشغال شده باشد؛ به عنوان مثال، رابطهٔ بین توپوگرافی ایجاد شده در اثر فرایندهای تکتونیکی، مانند گسلها و راندگیها، چینها و خمشها و یا میزان فرسایش پذیری و رسوب گذاری را مىتوان با استفاده از تحليل فركتالى مورد بررسى قرار داد (Okubo and Aki,1987:332). یکی از روش های بررسی توزیع ناحیهای آبراههها، تحلیل فرکتالی آنها است. تحلیل آبراههها و وضعیت تراکم آنها در صورتی که شواهد مناسبی از تکتونیک ناحیه در دسترس نباشد، میتواند کلیدی برای شناسایی پویایی یک

بعد، بهمنظور تعیین میزان پویایی نوزمینساختی گسل شکرآب، براساس ویژگیهای ساختاری، ناپیوستگیهای هندسی و ریختشناسی، پهنهٔ مورد اشاره در تقسیمبندی طولی به سه بخش شرقی، مرکزی و غربی مقایسه شدند. در پایان با توجه به ارتباط بین طرح کلی آبراههها و بعد فرکتالی در بخشهای مختلف پهنه گسلی، تحلیل کلی از میزان برخاستگی و فعالیت تکتونیکی و همچنین تعیین بخشهای فعال گسل ارائه میشود.

وضعيت زمينشناختى

گسل شکرآب با فاصلهٔ کمینهٔ ۴ کیلومتر از مرکز شهر بیرجند، بهعنوان یک منبع فعالیت لرزهای برای این شهر شمرده میشود (شکل ۱). پهنهٔ گسلی شکرآب در بین طول های جغرافیایی ^۵۹۳ تا ۵۹^۰ ۲۰^۰ شرقی و عرض های جغرافیایی ^{۲۲} ۳۲ ۵۴^۰ ۳۲ تا ۲۰^۰ ۵۶^۰ ۳۲^۰ شرمالی قرار دارد. منطقهٔ مورد مطالعه در ایالت ساختاری سیستان واقع شده است. ایالت ساختاری سیستان در شرق ایران با روند کلی شمالی جنوبی، نشانگر زمین درز برخوردی بلوک های لوت و افغان است(Tirrule et al, 1983:135).



شکل ۱. تصویر ماهوارهای از موقعیت پهنهگسلی شکر آب واقع در شمال شهر بیرجند تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۲)

نهبندان در مرز بین این ایالت ساختاری و پهنهٔ لوت

موجب دگرشکلی واحدهای سنگی در حاشیه و درون

ایالت ساختاری سیستان شده است (نبوی،۱۳۵۵: ۵۷). سیستم گسل نهبندان با سازوکار غالب امتداد لغز

راستگرد و روند کلیے شیمالی- جنوبی دارای

سرشاخههای فرعی زیادی است. پایانهٔ شمالی این

گسل با چرخش به سمت غرب روندهای شمال غـرب-

جنوب شرق، شـرقی- غربـی و شـمال شـرق- جنـوب

غربی را نشان میدهد؛ بنابراین، پهنهٔ سیستان در

بخش شمالی با تغییر جهت به طرف غـرب بـهصورت

تداخلی وارد قطعهٔ لوت می شود (خطیب،۱۳۷۷: ۱۸-۴۵). یهنهٔ گسلی شکر آب شامل چندسری گسل موازی

هم و از سری گسلهای شرقی غربی مربوط به پایانهٔ

گسل نهبندان میباشد که دارای مؤلفهٔ تراستی با شیب

به سمت شمال است (رشیدی، ۱۳۹۰: ۴۵). بررسی

زمینلرزههای تاریخی و دستگاهی ثبت شده در منطقهٔ

شکرآب، نشان از فعالیت مخرب با مکانیزم راندگی و چپگرد دارد (علیمی و همکاران،۱۳۹۳: ۴۲) (شکل۲).

با وجود نقش انکارناپذیر گسل شکرآب در دگرریختی کلی منطقه، اثر سطحی این گسل بهدلیل پوشیده

شدن با آبرفتهای عهد حاضر در اکثر نقاط قابل دیدن



شکل ۲. آثار خش گسلش برداشتشده مکانیزم راندگی همراه با مؤلفهٔ امتداد لغز چپگرد در سیستم شکر آب را تأیید میکند تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۲)

روش تحقيق

مبنای روش مطالعه در فرکتال، محاسبهٔ ابعاد فرکتالی برای عناصر هندسی است. براساس مفاهیم هندسی اقلیدسی ابعاد عناصر هندسی اعداد صحیح ۰۰ ۱،۲ و ۳ برای نقطه، خط، صفحه و حجم می باشند که هر کدام بیانگر عناصر هندسی نامحدود هستند. در طبیعت مادی همهٔ عناصر محدود و عملاً پارهخط، پارهصفحه و یا پارہ حجم هستند؛ بنابراین، ابعاد هندسے اقلیدسے بهخوبی نمی توانند بیانگر ویژگی پدیده ها با هم و یا مقایسة آنها با یکدیگر باشند؛ ولی ابعاد فرکتالی مے توانند اعداد اعشاری باشند. بدین ترتیب، محدودیتی در اندازه گیری هیچ کدام از فرایندهای طبيعي با اين روش وجود نـدارد (خطيـب،١٣٧٩: ٢۵؛ شهریاری و خطیب،۱۳۷۶: ۳۷). رابطهٔ کلی برای محاسبهٔ ابعاد فرکتالی عبارت است از: N_n =C/R_n^D. در رابطهٔ بالا N_n تعداد متغیّرهای معلوم برای یک پدیده، C ثابت، R_n بُعد خطی ویژه و D بُعد فراکتالی مے باشد (Turcotte,1992:174).روش متداول در محاسبهٔ بُعد فرکتالی مبتنی بر الگوی شمارش سلولی -Box)

(Counting)ست که در آن شمارش سلول های مشابه (هماندازه) که ارزش رقومی آنها متفاوت از یک دیگر باشد، امکان محاسبهٔ بُعد فرکتال را ارائه می دهد (Turcotte,1986:263; Bamsly et al, 1988:311). اصول این روش ترسیم نمودارهای لگاریتمی - لگاریتمی است که در آن تعداد مربعهای حاوی آبراهه (N) بر حسب طول شبکهٔ اندازه گیری (S) یا عکس آن (I/S) ترسیم شدهاند. شیب منحنی های ترسیم شده بین ۱ و ۲

خواهد بود. برای هر کدام از منحنیهای فرکتالی رابطهٔ زیر صادق است:

Log(N) = a + K log 1/Sکه در آن (K) شیب خط و نشاندهندهٔ بُعد فرکتالی آبراههها است (Mandelbort,1983:124). در این نوشتار كوشش شده است تا پويايي پهنهگسلي شكرآب با بررسی توزیع ابعاد فرکتال در بخشهای مختلف آن مورد تجزیهوتحلیل قرار گیرد. برای بهدست آوردن ابعاد فرکتالی آبراهههای منطقه با استفاده از عکسهای هوایی، نقشهٔ پراکندگی آبراههها در پهنهٔ شکرآب تهیه شد. در این روش، در محیط GIS نقشه را به شبکههای مختلف تقسيم كرده و تعداد مربعهاي حاوى ساختار آبراهـه (N) و اندازهٔ مربعها (S) را بهدست آورده و نمودار (LogN) را در برابر (Log 1/S) رسم شد. برای هر الگوی فرکتالی که در آن، این کار انجام شود، منحنی حاصل و یا قسمتی از آن خطبی می شود که طبق معادلهٔ بالا، K همان بُعد فرکتالی است. شبکهبندی آبراهه ها و محاسبة ابعاد فركتالي آنها با استفاده از نرمافزاز GIS، به دلیل سهولت و دقت بسیار بالا، روش مناسبی برای انجام این کار است (کلانتری، ۱۳۸۸: ۱۰۶).

بحث

بررسی بُعد فرکتالی آبراهه ها در گسل شکر آب به منظور تعیین پویایی زمین ساختی معمولاً برای بررسی و مقایسهٔ پویایی یک پهنهٔ گسلی، علاوه بر محاسبهٔ بُعد فرکتالی آبراههها، سایر اندیس های مورفوتکتونیکی گسل، محاسبه می شوند. محاسبهٔ چهار شاخص ریخت زمین ساختی در این گسل به صورت شمالی – جنوبی (از سمت کوهستان به طرف دشت)، گسل به دو قسمت شمالی و جنوبی تقسیم شد (یوسفی، ۱۳۹۲: ۶۵) و ابعاد فراکتالی آبراههای به منظور ارزیابی میزان فعالیت زمین ساختی در این بخشها نسبت به هم مقایسه شد. در ابتدا گسل به دو بخش شمالی و جنوبی تقسیم شد و هر بخش به طور جداگانه شبکه بندی گردید. برای این کار فایل های حاوی قطعات گسل شکر آب و فایل رقومی شدهٔ آبراهه های منطبق بر مرزهای پهنهٔ شکر آب را در محیط GIS فراخوانی شده، شبکه بندی ها و همچنین محاسبهٔ ابعاد فرکتال آبراهه ها در این بخش ها صورت یزیرفت.

بررســی بُعــد فرکتــال در بخــش شــمالی گسـل شکر آب

محدودة بخش شمالي از خط اثر گسل اصلي شكرآب تا مرز شمالی پهنه را شامل میشود. این محدوده قطعات و سرشاخههای شمالی پهنه را دربر می گیرد که با توجه به طول و عرض قطعات گسلی در این بخ.ش، به ۹ مربع اولیه (a-i) با اضلاعی به طول ۴ کیلومتر شبکهبندی شد. در مرحلهٔ بعد، هر مربع اولیه به چهار مربع نسل دوم با ابعاد ۲ در ۲ کیلومتر تقسیم شد. به همین صورت در مراحل بعد، ابعاد مربعها با نصف شدن طول مربع در هر مرحله نسبت به مرحلهٔ قبل، بهترتيب ۱ کیلومتر، ۰/۵۰ کیلومتر و نهایتاً ۰/۲۵۰ کیلومتر تقسیمبندی شدند و تعداد مربعهای حاوی آبراهه در هر مرحله شمارش شد؛ ببرای مثال، در مربع اولیه (a) واقع در بخش شمالی به ابعاد ۴ کیلومتر، یک مربع وجود دارد که در آن ۱ عنصر آبراهه وجود دارد. در مرحلهٔ بعد، با تبدیل شدن مربع اولیه (a) به ۴ مربع ۲ در ۲ کیلومتری و شمارش مربعهای حاوی آبراهه، ۴ مربع موجود حاوی آبراهه هستند. این کار تا تبدیل شدن مربع اولیه با ابعاد ۴ کیلومتر به ۲۵۶ مربع به طول ۰/۲۵۰ کیلومتری ادامه می یابد که در این مرحله ۱۱۸ مربع وجود دارند که حاوی آبراهه هستند. برای ۹ مربع اولیهٔ بخش شمالی گسل (a-i)، این تقسیم بندی و شمارش مربعهای حاوی آبراهه انجام شد (شکل ۳).

پهنه گسلی شامل شاخص طول - گرادیان رودخانه (SL) ، نسبت عـرض دره به ارتفاع دره در آبراههها (Vf)، هیپسومتری نسبت ارتفاع (Er) و سینوسیتهٔ پیشانی کوهستان (Smf) مقادیر بالایی را برای شاخص SL (۲۰۴ تا ۱۰۲۰) و Er (۰/۸۱ تا ۱۰۲۰) و مقادیر پایینی را برای Vf (۱/۲۲ تا ۱/۱۲) و Smf (۱/۱۳ تا ۱/۷۲) نشان میدهند کـه دلالـت بـر پویایی پهنـهٔ شـکرآب بهویژه در دو بخش شرقی و غربی آن دارند (یوسفی و همكاران،۱۳۹۳: ۶۵–۵۳)؛ از اینزو می توان ردهٔ ۱ پویایی نوزمینساختی را برای منطقه در نظر گرفت. همچنین شواهد نوزمینساختی ازجمله برش در رسوبات کواترنری، جابهجایی متناوب چپگردآبراههها، وجود کجشدگی در رسوبات کواترنری، گسترش مخروطهافکنههای جوانتر (Qfl) که در رأس پیشانی کوهستان تشکیل شدهاند، وجود سه نسل از تراسهای رودخانهای بریده شده و همچنین وجود پرتگاههای گسلی، حاکی ازفعالیت گسل در طی کواترنر هستند(Walker and Khatib, 2006:17-18)؛ بنابراین، در این نوشتار، پویایی گسل شکرآب با استفاده از محاسبهٔ ابعاد فرکتالی آبراههها در بخشهای مختلف پهنهگسل انجام می گیرد. با استفاده از جدیدترین عکسهای هوایی تهیه شده توسط سازمان نقشهبرداری کشور با مقیاس ۱/۴۰۰۰۰، رقومی سازی و نقشهٔ تراکم آبراهه ها بر روی پهنه گسلی شکرآب انجام شد. اختلاف تراکم آبراههها در دامنههای شمالی و جنوبی و همچنین اختلاف تراكم از خاور به باختر، مرتبط با نحوهٔ فعالیت گسل و میزان برخاستگی زمینساختی است. در این بررسی با شبکهبندی نقشههای آبراههای ۱/۴۰۰۰۰، بُعد فركتالي آبراهه بهصورت زير محاسبه شد: براي محاسبة شاخص فوق بهنحوى كه همة قطعات كسلى پوشش داده شود، شبکهبندی در امتداد گسل بر روی نقشهٔ حاوی عنصر آبراهه ترسیم شد. براساس ویژگیهای ساختاری، ناپیوستگیهای هندسی و ریختشناسی، پهنهگسلی شکرآب به سه بخش عرضی شرقی، مرکزی و غربی و همچنین بهدلیل توسعهٔ پرتگاههای موازی با گسل اصلی و رخداد مهاجرت



شکل ۳. شبکهبندی انجام شده بر روی بخش شمالی گسل بهمنظور محاسبهٔ بُعد فرکتالی تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

شمالی گسل نشان داده شده است. در جدول ۱ ابعاد مربعها (R) و تعداد مربعهایی که حاوی آبراهه هستند (N)، برای ۹ شبکهٔ (a-i) در بخش

جدول ۱. ابعاد مربعها (R) و تعداد مربعهایی که حاوی آبراهه هستند (N)، برای ۹ شبکهٔ (a-i) در بخش شمالی گسل شکر آب.

R(Km)	Na	Nb	Nc	Nd	Ne	Nf	Ng	Nh	Ni
¢R1=	١		1-	1	1	1	١	١	١
۲R2=	۴	۴	۴	۴	۴	۴	k	۴	۴
۱R3=	١.	17	18	14	۱۵	18	١٢	١٢	١٢
۰/۵·R4=	378	۳۷	۵۶	40	۵۲	49	۴.	47	۳۹
۰/۲۵·R5=	١١٨	179	7.1	۱۵۷	١٨۵	174	144	101	144
السبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴) منبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)									

برای هر کدام از مربعهای اولیه نمودار log N- log1/S ترسیم شد که برای نمونه نمودار مربوط به شبکهٔ (a) در شکل ۴ نشان داده شده است. بُعد فرکتالی برای هر مربع (a-i) محاسبه شد. درنهایت، میانگین بُعد فرکتالی آبراهـهها در بخـش شـمالی برابـر ۱/۱۱ بـا ضـریب همبستگیبسیار بالا ۹۹٬۹۹ همبستگیبسیار (جدول ۲).



شکل ۴. نمودار logN-log1/S برای بهدست آوردن بُعد فرکتالی در بخش شمالی گسل شکر آب (به عنوان مثال برای شبکهٔ a در این بخش از گسل طبق نمودار برابر با ۱/۰۴۶ است). تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

مقایسهٔ پویایی بخشهای مختلف گسل شکرآب (شمال بیرجند) بر مبنای

			-								
	میانگین بُعد فرکتالی	а	b	с	d	e	f	g	h	i	نام شبکه
	١/١١	1/• 48	١/• ٧٢	1/171	١/١١٩	1/107	1/144	١/•٨٨	۱/• ٩۶	۱/۰۸۶	بُعد ذ کتا
ļ											قر تنال

جدول ۲. مقادیر فرکتال آبراههای برای ۹ شبکهٔ (a-i) در بخش شمالی گسل شکر آب

منبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

تقسیم شد و مراحل تقسیم بندی و رسم نمودارها مانند بخش شمالی انجام شد. تعداد مربعهای حاوی آبراهه در هر مرحله شمارش گردید. تمامی مراحل انجام گرفته در بخش شمالی که شامل تقسیم بندی مربعها و شمارش مربعهای حاوی آبراهه است، در بخش جنوبی هم صورت گرفت که نتایج آن در زیر ارائه می شود (شکل ۵). بررسی بُعد فرکتال در بخش جنوبی گسل شکرآب محدودهٔ بخش جنوبی گسل شکرآب از خط اثر گسل اصلی شکرآب تا مرز جنوبی پهنه است. محدودهٔ جنوبی سرشاخهها و قطعات گسلی و همچنین نهشتههای کواترنری در دشت را شامل می شود که خطوط اثر گسل در آن مشهود باشد. این بخش به ۹ مربع اولیهٔ (۵۱-۱۱) با اضلاعی به طول ۴ کیلومتری



در جدول ۳ ابعاد مربعها (R) و تعداد مربعهایی که بخش جنوبی گسل نشان داده شده است. حاوی آبراهه هستند (N)، برای ۹ شبکهٔ (a1-i1) در

جدول ۳. ابعاد مربعها (R) و تعداد مربعهایی که حاوی آبراهه هستند (N)، برای ۹ شبکهٔ (a1-i1) در بخش جنوبی گسل شکر آب

R(Km)	Na ₁	Nb ₁	Nc ₁	Nd ₁	Ne ₁	Nf_1	Ng ₁	Nh ₁	Ni ₁
¢R1=	١	١	١	١	١	١	١	١	١
۲R2=	۴	۴	۴	۴	۴	۴	۴	۴	۴
۱R3=	١٢	١٢	١٢	11	11	مر	١٢	١.	11
$\cdot / a \cdot R4 =$	378	۴.	41	۳۸	۳۸	٣۴	۳۸	۳۵	۳۵
۰/۲۵·R5=	149	101	١٣٩	17.	174	١٢٩	١١٧	١٨	٩١

منبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

جغرافیا و آمایش شهری-منطقهای، سال هفتم، شماره ۲۲، بهار ۱۳۹۶



شکل ۶. نمودار logN-log1/S برای بهدست آوردن بُعد فرکتالی در بخش جنوبی گسل شکر آب (به عنوان مثال برای شبکهٔ a₁ در این بخش از گسل طبق نمودار برابر با ۱/۰۸۹ است) تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴) برای هرکدام از مربعهای اولیه نمودار N-log1/S ترسیم شد که برای نمونه، نمودار مربوط به شبکه (a۱) در شکل ۶ نشان داده شده است. بُعد فرکتالی برای هر مربع بهدست آمده است که میانگین بُعد فرکتالی در بخش جنوبی گسل برابر ۱/۰۶ است (جدول ۴).

وبی گسل شکر آب) در بخش جنو	۹ شبکه (a ₁ -i ₁	آبراههای برای	ادیر فرکتال	جدول ۴. مقا
----------------	--------------	--	---------------	-------------	-------------

ميانگين بُعد	a ₁	b ₁	c ₁	d ₁	e ₁	f_1	g_1	h ₁	i ₁	نام شبکه
فركتالي			T	ЪQ		7				
1/+8	۱/۰۸۹	1/• 77	١/•٨٧	۱/•۶۸	1/•98	۱/• ۳۹	۱/•۶۵	1/•47	۱/• ۲۹	بُعد
		1	X	2	- 52	$\leq >$				فركتال

منبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

گسلی متناوب و موازی با گسل اصلی در بخش جنوبی نشان میدهد. با ترسیم مقاطعی عرضی بهصورت عمود بر امتداد گسل و بررسی مکانیزم پرتگاهها، مشاهده شد که هرچه از سمت شمال به سمت جنوب حرکت کنیم، گسلش در واحدهای جوان تر رخ میدهد. در ۴ مقطع عرضی ترسیم شده بر روی گسل، با حرکت از سـمت شـمال بـه جنـوب، افـزایش شـیب در سـطوح یرتگاهها را شاهد هستیم. این موارد به همراه وجود رشته قنوات جديدتر در جنوب گسل شكرآب و همچنین حرکات چپگرد و پلکانی در آبراههها و وجـود آثار گسلش ینهان در نهشتههای کواترنری که در دشت جنوبی کوه شکرآب واقع شدهاند، بیانگر رشد و مهاجرت عرضی پرتگاههای گسلی در سیستم شکرآب از سمت شمال به سمت جنوب (از کوهستان به طرف دشت) است (یوسفی،۱۳۹۲: ۹۰). موارد بالا و کمتر بودن بُعد فركتال در بخش جنوبی نسبت به بخش شمالی گسل، درنهایت پویایی زمینساختی بالاتر در

در مناطقی که فعالیت زمینساختی بیشتر باشد، بهعلت نرخ زیاد برخاستگی، آبراههها فرصت پیچ و تاب خوردگی و افزایش سطحی را ندارند و بهصورت خطـی خود را نشان میدهند. برعکس در مناطقی با نرخ برخاستگی و فعالیت زمینساختی کمتر، بهدلیل فرصت کافی که برای پخش شدن وجود دارد، آبراههها بیشتر به افزایش سطح و مئاندری شدن میل دارند که در هنگام شمارش مربعهای حاوی آبراههای در روش فرکتالی، مقادیر بیشتری را به خود اختصاص میدهند. با محاسبهٔ ابعاد فرکتالی آبراههها در این پهنهٔ گسلی، مقادیر بالاتر در بخش شمالی به میزان ۱/۱۱ نسبت به بخش جنوبی به میزان ۱/۰۶ بهدلیل خطے شدن آبراههها و دانسیته تراکمی سطحی کمتر در بخش جنوبی است که حاکی از فعالیت تکتونیکی بیشتر این بخش نسبت به بخش شمالی گسل است. بالاتر بودن میزان فعالیت زمینساختی در جنوب گسل شکرآب نسبت به بخش شمالی، خود را با ظهور پرتگاههای

بخش جنوبی نسبت به بخـش شـمالی گسـل را نشـان میدهد.

در مرحلهٔ بعد، با توجه به اینکه گسل شکرآب از قطعات مختلفی تشکیل شده است و براساس ویژگیهای ساختاری، ناپیوستگیهای هندسی و ریختشناسی، پهنهگسلی شکرآب به سه بخش طولی شرقی، مرکزی و غربی تفکیک شد و شبکهبندی بهصورت زیر انجام گرفت:

بررسی بُعد فرکتال در بخش غربی گسل شکر آب در بخش غربی یک شبکه به ابعاد اولیهٔ ۷ کیلومتر در ۵ مرحله به چهار گوشهایی با طولهای ۳/۵، ۱/۷۵، ۰/۸۷۵، ۰/۴۳۷۵، کیلومتری شبکهبندی شد و تعداد مربعهای حاوی آبراهه در هر مرحله شمارش گردید. با ترسیم نمودار لگاریتمی Ns به ۱/۳۹۳، مقدار بُعد فرکتالی آن ۱/۳۹۳ بهدست آمد (شکل ۷).





در جدول ۵ ابعاد مربعها (R) و تعداد مربعهایی که حاوی آبراهه هستند (N)، برای بخش غربی گسل نشان داده شده است.

جدول ۵. ابعاد و تعداد مربعهای حاوی آبراهه برای شبکه مربوط

فسل شكر اب	به بخش غربی کسل شکر آب					
R (Km)	N (west)					
γR1=	١					
۳/۵R2=	۴					
۱/Y&R3=	١٢					
۰/۸۷۵R4=	74					
·/484085= 91						
(منىع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴					

برای مربعهای بخش غربی نمودار log N- log1/S رسم شد. میانگین بُعد فرکتالی در بخش غربی گسل برابر ۱/۳۹۳ است. (شکل ۸).



شکل ۸. نمودارهای logN-log1/S برای بهدست آوردن بُعد فرکتالی در بخش غربی گسل شکر آب تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

بررسی بُعـد فرکتـال در بخـش مرکـزی گسـل شکرآب

در بخش مرکزی به نحوی که قطعات و سرشاخه های گسل در این قسمت گسل را دربر گیرد و با توجه به ابعاد این بخش، سه شبکهٔ (A, B, C) به ابعاد اولیG ۵/۳۵۶ کیلومتر در ۵ مرحله به چهارگوش هایی با ط_ول ه_ای ۲/۶۷۸، ۲/۶۷۹۵، ۵/۶۶۹۵، ۰/۳۳۴۷۵، ط_ول ه_ای در ۵ مرحله به چهارگوش های حاوی کیلومتری شبکه بندی شد و تعداد مربع های حاوی آبراهه در هر مرحله شمارش گردید. با ترسیم نمودار اگاریتمی Ns به ۲/۶ مقدار بُعد فرکتالی آن ۱/۴۳۶





در جدول ۶ ابعاد مربعها (R) و تعـداد مربـعهـایی کـه حـاوی آبراهـه هسـتند (N)، بـرای ۳ شـبکهٔ (A-C) در بخش مرکزی گسل نشان داده شده است.

برای هرکدام از مربعهای اولیه، نمودار N- log1/S رسم شد (شکل ۱۰). بُعد فرکتالی برای هر مربع بهدست آمده است که میانگین بُعد فرکتالی در بخش مرکزی برابر ۱/۴۳۶ است (جدول ۷).

جدول ۷. مقادیر فرکتال آبراههای برای ۹ شبکهٔ (A-C) در بخش مرکزی گسل شکر آب

ميانگين	А	В	С	نام شبکه						
بُعد				MO						
فركتالي				K						
1/489	1/441	1/478	1/430	بُعد						
			12	فركتال						
			(189815	بن وزیر انگا : ۱						



کسل شکر آب	C) در بخس مرکزی دسل سکر آب							
R (Km)	NA	NB	NC					
۵/۳۵۶R1=	١	١	١					
r/84xR2=	۴	۴	۴					
1/889R3=	18	18	18					
•/8890R4=	97	۵۸	۶.					
•/884085=	743	518	779					
14	(1894	ارندگان؛	ىنبع: (نگ					





مقایسهٔ پویایی بخشهای مختلف گسل شکرآب (شمال بیرجند) بر مبنای



شکل۱۰. شبکهبندی انجام شده بر روی بخش مرکزی بهمنظور محاسبهٔ بُعد فرکتالی تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

کیلومتر در ۵ مرحله به چهار گوشهایی با طولهای ۳/۱۵، ۱/۵۷۵، ۷۸۷۷/۰و ۰/۳۹۳۷۵ کیل شبکهبندی شد و تعداد مربعهای حاوی عناصر آبراهه در هر مرحله شمارش گردید (شکل ۱۱).

بخــش شـرقی گسـل نشـان داده شـده اسـت.

بررسی بُعد فرکتال در بخش شرقی گسل شکر آب در بخش شرقی بهنحوی که قطعات و سرشاخههای گسل در این قسمت گسل را دربر گیرد و با توجه به ابعاد این بخش، دو شبکهٔ (Aa-Bb) به ابعاد اولیه ۶/۳



شکل ۱۱. شبکهبندی انجام شده بر روی بخش شرقی بهمنظور محاسبهٔ بُعد فرکتالی تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

در جدول ۸ ابعاد مربعها (R) و تعداد مربعهایی که حاوی آبراهه هستند (N)، برای ۲ شبکهٔ (Aa-Bb) در

برای هرکدام از مربعهای اولیه، نمودار log N- log1/S رسم گردید (شکل ۱۲). بُعد فرکتالی برای هر مربع بهدست آمده است که میانگین بُعد فرکتالی در بخش شرقی برابر ۱/۳۲۰ است (جدول ۹).

R (Km)	NAa	NBb
۶/۳R1=	١	١
٣/١۵R2=	۴	۴
۱/۵۷۵R3=	18	18
۰/۷۸۷۵R4=	87	۵۸
•/٣٩٣٧&R5=	747	518

جدول ۸. ابعاد و تعداد مربعهای حاوی آبراهه برای۲ شبکهٔ

(Aa-Bb) در بخش شرقی گسل شکر آب

منبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)



شکل ۱۲. شبکهبندی انجام شده بر روی بخش شرقی بهمنظور محاسبهٔ بُعد فرکتالی تهیه و ترسیم: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

خش شرقی گسل شکر آب	(Aa-Bb) در ب	اههای برای ۲ شبکه	جدول ۹. مقادیر فرکتال آبرا
میانگین بعد فرکتالی	Aa	Bb	نام شبکه

میانگین بعد فرکتالی	Aa	Bb	نام شبکه
1/87.	١/٣١٩	1/871	بعد فركتال

شرقی و غربی گسل از بخش میانی بیشتر هستند (یوسفی و همکاران،۱۳۹۳: ۶۴). همچنین، با توجه به میانگین بُعد فرکتال آبراههها در بخشهای شرقی، مرکزی و غربی که بهترتیب برابر با ۱/۴۳۶، ۱/۳۲۰ و ۱/۳۹۳ هستند و یایینتر بودن بُعد فرکتالی در بخشهای شرقی و غربی نسبت به مرکز گسل که دلیل بر خطى شدن أبراهـ هما و دانسيتهٔ تراكمي سطحي کمتر در بخشهای غربی و شرقی است، میتوان نتیجه گرفت و تأکید کرد که فعالیت تکتونیکی و برخاستگی زمینساختی در بخشهای شرقی و غربی نسبت به بخش مرکزی بیشتر است.

مقایسهٔ فعالیت تکتونیکی گسل در بخشهای مختلف و شواهد بهدست آمده نشان میدهد که دگرریختی عهد حاضر از مرکز گسل به طرفین یعنی بخشهای شرقی و غربی پیشروی دارد؛ بهطوری که در بخشهای شرقی و غربی پیشانی کوهها به خط مستقیم نزدیکتر، رودها دارای سینوسیته کمتری هستند و درهها تنگتر میشوند. شواهد نوزمینساختی از قبیل ظهور پرتگاههای گسلی، برش در رسوبات کواترنری، یشتههای مسدودکننده، نسل های متعدد تراس های رودخانهای و کجشدگی در رسوبات کواترنری که مؤیّد حرکات تکتونیکی عهد حاضر هستند، در بخشهای

منبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

نتيجهگيرى

براساس نتايج بهدست آمده از محاسبهٔ ابعاد فركتالي آبراههها و با تلفیق آنها با هم، یک مقایسهٔ نسبی از فعالیت تکتونیکی در منطقهٔ شکرآب ایجاد شد. با (Hovius, 1996, Leeder and استفاده از نظرات Jackson, 1993, Tomkin and Braun, 1999) که بر این باورند؛ هرچه بُعد فركتالي آبراهه به ۱ نزديک تر باشد به معنای تراکم کمتر و درنتیجه برخاستگی و پویایی بیشتر تکتونیکی است، میتوان همهٔ بخشهای گسل شکرآب را بهدلیل دارا بودن مقادیر پایین ابعاد فرکتالی آبراهاهای، مناطق فعال تکتونیکی معرفی کرد. در جدول ۱۰ میانگین بُعد فرکتال آبراههها محاسبه شده برای دامنهٔ شمالی، جنوبی و بخـش شـرقی، مرکـزی و غربی گسل آورده شده است. در مناطقی که بالاآمدگی و فعالیت دیده شود، بهدلیل اینکه آبراههها فرصت چندانی برای شاخهشاخه شدن و درحقیقت افزایش طول در یک مساحت معین را ندارند، آبهای جاری بهسرعت و بهصورت آبراهههایی با شیب تند از حوضه خارج می شوند؛ درنتیجه محدودهای کم تراکم را ایجاد میکنند و به عبارت دیگر، بعد فرکتالی در آن قسمت کمتر است. همچنین، در مناطقی که فعالیت تکتونیکی كمتر است، بهدلیل فرصت بیشتر برای پخش شدن آبراههها و افزایش تراکم آنها در سطح، بُعد فرکتالی بیشتر است. در تقسیمبندی گسل شکرآب به سه بخش شرقی، مرکزی و غربی و مقایسهٔ ابعاد فرکتالی آنها، به این نتیجه می سیم که با توجه به کمتر بودن بُعد فركتالي آبراههها در بخش شرقي و غربي نسبت به بخـش میانی گسل، میزان فعالیت تکتونیکی در بخشهای شرقی و غربی گسل از بخش مرکزی بیشتر است. مقایسهٔ ابعاد فرکتال آبراههها و به تبع آن جنبایی گسل در بخشهای مختلف و شواهد بهدست آمده، نشان میدهند که دگرریختی عهد حاضر از مرکز گسل به طرفین یعنی به سمت بخـشهـای شـرقی و غربی گسل پیشروی دارد؛ بهطوری که در بخ ش های شرقی و غربی پیشانی کوهها به خط راست نزدیکتر، رودها سینوسیته کمتر دارند و درهها تنگتر می شوند.

شواهدی از قبیل ظهور پرتگاههای گسلی، برش در رسوبات کواترنری، پشتههای مسدودکننده، نسلهای متعدد تراسهای رودخانهای و کجشدگی در رسوبات کواترنری که مؤید حرکات تکتونیکی عهد حاضر هستند، در بخشهای شرقی و غربی گسل از بخش میانی بیشتر هستند. همچنین، در تقسیمبندی پهنهگسلی شکرآب به دو بخش شمالی و جنوبی اعـداد و نتایج نشان میدهند که با توجه به تراکم کمتر آبراههها و خطی بودن آنها و درنتیجه، کمتر بودن بُعد فرکتالی در بخش جنوبی نسبت به بخش شمالی، میزان فعالیت تکتونیکی در بخش جنوبی از بخش شـمالی بیشـتر اسـت. بـالاتر بـودن میـزان فعالیـت زمینساختی در جنوب گسل شکرآب نسبت به بخـش شمالی، خود را با ظهور پرتگاههای گسلی متناوب و مـوازي بـا گسـل اصـلي و أثـار گسـلش پنهـان در نهشتههای کواترنری که در دشت جنوبی کوه شـکرآب واقع شدہاند، نشان میدھند.

جدول ۱۰. مقادیر محاسبه شدهٔ ابعاد فرکتالی در گسل شکر آب

بخش	بخش	بخش	دامنه	دامنه	منطقه
غربى	مرکزی	شرقى	جنوبى	شمالی	گسل
١/٣٩٣	1/4775	۱/۳۲۰	1/08	11,1	میانگین
			12	2.1	بُعد
			0		فركتالي

منبع: (نگارندگان؛ ۱۳۹۴)

منابع

- چرچی، عباس؛ خطیب، محمدمهدی؛ برجسته، آرش (۱۳۹۰). استفاده از تحلیل فرکتالی برای تعیین پویایی تکتونیک شمال منطقهٔ لالی در شمال شرق خوزستان. مجلهٔ زمینشناسی کاربردی پیشرفتهدانشگاهشهیدچمران. شمارهٔ ۱. صص ۴۷-۳۷.
- خطیب، محمدمهدی (۱۳۷۷). هندسه پایانهٔ گسلهای امتداد لغز. پایاننامه دکتری. دانشگاه شهید بهشتی.

خطیب، محمدمهدی (۱۳۷۹). تحلیل فراکتالی توزیع شکستگیها در گسترهٔ گسل لرزهزای اردکول. پژوهشنامهٔ زلزلهشناسی و مهندسی زلزله پژوهشکده زلزله شناسی و مهندسی زلزله. شمارهٔ ۳. صص ۲۵-۳۰. جغرافیا و آمایش شهری-منطقهای، سال هفتم، شماره ۲۲، بهار ۱۳۹۶

- Hack, J.T. (1973). Stream- profile analysis and stream- gradient indices, US Geological Survey Journal Research, Vol:1, PP:421-429.
- Hovius.N. (1996). Regular spacing of drainage outlets from linear mountain belts. Basin Research. Vol: 8, PP:29-44.
- Korvin, G. (1992). Fractal models in the earth sciences, Elsevier Science Publishers B. Vol, PP:191-230.
- Laubach, S. E. and Ward, M. E. (2006). Diagenesis in porosity evolution of opening-mode fractures, Middle Triassic to Lower Jurassic La Boca Formation, NE Mexico, Tectonophysics, Vol: 419, PP: 75-97.
- Leeder, M., Jackson, j. (1993). The interaction between normal faulting and drainage in active extensional basins, with examples from the Western united states and central Greece, Basin Research, Vol:5, PP:79-102.
- Mandelbrot, B.B. (1983). The Fractal Geometry of Nature, W.H.Freeman NewYork.
- Monecke, T., Monecke, J., Herzig, P.M., Gemmell, J. B., and Mönch, W. (2005). Truncated fractal frequency distribution of element abundance data: a dynamic model for the metasomatic enrichment of base and precious metals, Earth and Planetary Science Letters, Vol: 232 (3-4), PP: 363-378.
- Okubo, P., Aki, K. (1987). Fractal geometry in San Andreas Fault System, Journal of Geophysical Resarch, Vol: 92, No.B1, PP:331-344.
- Pickering, G., Peacock, D. C. P., Sanderson, D. J., and Bull, J. M. (1997). Modeling tip zones to predict the throw and length characteristics of faults, AAPG Bulletin, Vol: 81, PP: 82-99.
- Sanderson, D. J., Roberts, S., and Gumiel, P. (1994). A fractal relationship between vein thickness and gold grade in drill core from La Codosera, Spain, Economic Geology, Vol: 89 (1), PP: 168–173.
- Tirrule.R., Bell.L.R., Griffis, R.J., and Camp, V. .E. (1983). The Sistan suture zone of eastern Iran, G.S.A, Vol:94, PP:134-150.
- Tomkin.j.H, Braun.J. (1999). Simple models of drainage reorganization on a tectonically active ridge system, New Zealand Journal of Geology and Geophysics, Vol:42, PP:1-10.
- Turcotte, D.L. (1986). Fractals Model for Crustal Deformationn, Tectenophys, Vol:132, PP:261-269.
- Turcotte, D.L. (1992). Fractals in Geology and Geophysics, PAG, V:131, PP:171-196.
- Walker, R.T., and Khatib, M.M. (2006). Active faulting in the Birjand region of eastern Iran, Tectonics, Vol:25, PP: 1-17.

- رشـیدی، احمـد (۱۳۹۰). تحلیـل هندسـی-جنبشـی عناصـر ساختاری کوه کمر حاجی (شمال غرب بیرجند، شرق ایـران). پایاننامهٔ کارشناسی ارشد. دانشگاه بیرجند. صص ۶۰–۴۵.
- شهریاری، سهراب؛ خطیب، محمدمهدی (۱۳۷۶). تحلیل فرکتالی گسل نهبندان. مجله علوم زمین سازمان زمین شناسی و اکتشاف معدنی. شمارهٔ ۲۳-۲۴. صص ۳۳-۴۰.
- علیمی، محمدامین؛ خطیب، محمدمهدی؛ حسامیآذر، خالد؛ هیهات، محمودرضا (۱۳۹۳). ارزیابی لرزه زمینساختی راندگیها و پهنههای گسلی پنهان در گسترهٔ مختاران- خاور ایران. مجلهٔ زمینشناسی کاربردی پیشرفته دانشگاه شهید چمران اهواز. شمارهٔ ۱۲. صص ۵۲-۴۱.
- کلانتری، مجتبی (۱۳۸۸). تعیین ارتباط حرکتی بین گسل سفیدآبه و گسل زاهدان به کمک شاخصهای ریخت زمینساختی و دادههای سایزموتکتونیکی. پایاننامهٔ کارشناسی ارشد. دانشگاه زاهدان.
- نبوی، محمدحسن (۱۳۵۵). دیباچهای بر زمینشناسی ایران. سازمان زمینشناسی کشور.

یوسفی، مهدی (۱۳۹۲). تحلیل مهاجرت پرتگاههای گسلی فعال شـکرآب بـا اســتفاده از دادههـای ریخــتزمـینسـاختی و نوزمینساختی. پایاننامه کارشناسی ارشد. دانشگاه بیرجند.

- یوسفی،مهدی؛ خطیب، محمدمهدی؛ غلامی، ابـراهیم؛ موسـوی، سیدمرتضی (۱۳۹۳). ارزیابی فعالیت گسـل شـکرآب (شـمال بیرجند) بر مبنـای دادههـای ریخـتزمـینسـاختی. فصـلنامه پژوهشهای دانشزمین. شمارهٔ ۱۴. صص ۶۵– ۵۳.
- Adams, K.D., Wesnousky, S.G., and Bills, B.G. (1999). Isostatic rebound, active faulting and potential geomorphic effects in the Lake Lahontan basin, Nevada and California. Geological Society of America Bulletin, Vol:111, PP:1739-1756.
- Bamsly, M,F., Devanery, R.L., Mandelbrot, B.B., Peitgen, H.O., Saupe,D., and Voss, R.F. (1988). The science of Fractal Images, Sppringer, Verlage, New York, Inc, P:311.
- Cheng, Q. (1995). The perimeter-area fractal model and its application to geology, Mathematical Geology, Vol: 27 (1), PP: 69–82.
- Cheng, Q. (1997). Fractal/multifractal modeling and spatial analysis, In: Glahn, V.P. (Ed.), Proceedings IAMG'97, Vol: 1, 1, PP:57-72.
- Dimri, V. P. (2005). Fractals in geophysics and seismology: an introduction, In: Dimri, V. P. (Ed.), Fractal Behaviour of the Earth System, Springer-Verlag Berlin Heidelberg, PP: 1-22.